

СЕМИНАР ПО КОМПЬЮТЕРНОЙ АЛГЕБРЕ
В 2017–2018 гг.

© 2019 г. С. А. Абрамов^{a,*}, А. А. Боголюбская^{b,**}

^aВычислительный центр имени А.А. Дородницына РАН
119333 Москва, ул. Вавилова, 40, Россия

^bОбъединенный институт ядерных исследований
141980 Дубна, Московская область, Россия

* E-mail: sergeyabramov@mail.ru

** E-mail: abogol@jinr.ru

Поступила в редакцию 10.07.2018 г.

После доработки 10.07.2018 г.

Принята к публикации 31.08.2018 г.

Годовой отчет о работе научно-исследовательского семинара по компьютерной алгебре.

DOI: 10.1134/S0132347419020031

I. ВВЕДЕНИЕ

В семинаре рассматриваются новые результаты в области компьютерной алгебры – символьные алгоритмы и их реализация, соответствующие вопросы системного программирования.

В 2017–2018 учебном году семинар собирался раз в месяц по третьим средам на факультете вычислительной математики и кибернетики МГУ, а в мае 2018 г. в Дубне, в Объединенном институте ядерных исследований (ОИЯИ) состоялось традиционное заседание, организованное совместно с Лабораторией информационных технологий ОИЯИ.

II. РЕГУЛЯРНЫЕ СОБРАНИЯ СЕМИНАРА

С сентября по апрель были прочитаны следующие доклады¹. Аннотации доступны на странице семинара <http://www.ccasru/sabramov/seminar/doku.php>, где также содержится информация о состоявшихся ранее докладах.

А. В. Парусникова (ДПМ НИУ ВШЭ, Москва; aparusnikova@hse.ru) *О расходности рядов Пюзо, являющихся асимптотическими разложениями решений пятого уравнения Пенлеве.*

С. Д. Мешвелиани (ИПС РАН, Переславль-Залесский; mechvel@botik.ru) *О доказательной программе арифметики дробей для общего случая.*

Д. В. Диваков, М. Д. Малых, Л. А. Севастьянов, А. А. Тютюнник (Российский университет дружбы народов, Москва; divakov_dv@rudn.university, malykh_md@rudn.university, leonid.sevast@gmail.com, tyutyunnik_aa@rudn.university) *Метод вычисления нормальных мод оптического волновода в векторном случае в системе компьютерной алгебры Maple.*

А. И. Овчинников (Городской университет Нью-Йорка; alexey_ov@yahoo.com) *Исключение неизвестных в системах разностных и дифференциальных уравнений и его приложения.*

А. В. Климаков, А. А. Михалев (мехмат МГУ, Москва); klimakov88@mail.ru, aamikhalev@mail.ru) *Однородные почти примитивные элементы свободных алгебр шрайеровых многообразий.*

С. А. Гутник (МФТИ, МГИМО, Москва; s.gutnik@inno.mgimo.ru) *Применение методов компьютерной алгебры для исследования динамики системы двух связанных тел на круговой орбите.*

А. А. Панферов (ВЦ ФИЦ ИУ РАН, МГУ, Москва; ast.a_s@mail.ru) *Алгоритмы компьютерной алгебры для линейных дифференциальных систем с выделенными неизвестными.*

В. П. Варин (ИПМ, Москва; varin@keldysh.ru) *Факториальное преобразование некоторых классических комбинаторных последовательностей.*

¹Перечень докладов, прочитанных в 1995–2017 гг., опубликован в [1]–[23].

III. ДВУХДНЕВНАЯ КОНФЕРЕНЦИЯ В ОБЪЕДИНЕННОМ ИНСТИТУТЕ ЯДЕРНЫХ ИССЛЕДОВАНИЙ (ДУБНА)

По установившейся традиции в мае 2018 г. в Дубне прошло совместное заседание семинаров “Компьютерная алгебра” факультета ВМиК МГУ и ВЦ РАН и семинара Лаборатории информационных технологий ОИЯИ. По существу, это была двухдневная конференция по компьютерной алгебре и ее приложениям. В этом году она была посвящена памяти Виталия Александровича Ростовцева (1932–2017), который долгие годы был среди ее организаторов и активных участников. Коллеги, соавторы и друзья с большой теплотой говорили об этом замечательном человеке в своих выступлениях.

Вниманию участников были предложены следующие выступления (аннотации доступны на странице <http://compalg.jinr.ru/Dubna2018/abstracts.html>).

С.А. Абрамов (ВЦ ФИЦ ИУ РАН, МГУ, Москва; sergeyabramov@mail.ru) *Редукция и вычисление размерности пространства решений линейной разностной системы.*

А.А. Рябенко (ВЦ ФИЦ ИУ РАН, Москва; anna.ryabenko@gmail.com) *Два Maple-пакета построения гипергеометрических решений неоднородных линейных разностных и q -разностных систем.*

Д.А. Янович (ЛИТ ОИЯИ, Дубна; yan@jinr.ru) *Об одном представлении полиномов для задач вычисления инволютивных базисов и базисов Гребнера.*

О.В. Тарасов (ОИЯИ, Дубна; otarasov@jinr.ru) *Оптимизация вычислений базисов Гребнера для фейнмановских интегралов.*

Х.-П. Павел (ЛТФ ОИЯИ, Дубна; pavel@theory.jinr.ru) *Вычисление низкоэнергетического спектра $SU(3)$ квантовой механики Янга-Миллса.*

В. Абгарян (ЛИТ ОИЯИ, Дубна; vahagnab@googlemail.com), **А.М. Хведелидзе** (МИ им. А. Размадзе, Тбилиси, Грузия и ЛИТ ОИЯИ, Дубна; akhved@jinr.ru), **А. Торосян** (ЛИТ ОИЯИ, Дубна; astghik@jinr.ru) *Квазивероятностные распределения Вигнера для N -уровневых квантовых систем и их фундаментальные области.*

В.В. Корняк (ОИЯИ, Дубна; kornyak@jinr.ru) *Новый алгоритм расщепления представлений конечных групп на неприводимые компоненты.*

Н.Н. Васильев (ПОМИ РАН, Санкт-Петербург; vasiliev@pdmi.ras.ru), **В.С. Дужин** (СПбГЭТУ, Санкт-Петербург; vduzhin@gmail.com) *Рандомизированное преобразование Шютценберже и генерация случайных таблиц Юнга с равномерным распределением.*

В.Ф. Еднерал (МГУ, РУДН, Москва; edneral@theory.sinp.msu.ru, edneral_vf@pfur.ru), **В.Г. Романовский** (Университет Марибора, Словения; valery.romanovsky@uni-mb.si) *Локальные и глобальные свойства ОДУ.*

А.А. Гусев, О. Чулунбаатар, Г. Чулунбаатар (ЛИТ ОИЯИ, Дубна; gooseff@jinr.ru, chuka@jinr.ru), **С.И. Виницкий** (ЛТФ ОИЯИ, Дубна; vinitsky@thsun1.jinr.ru) *Символико-численные алгоритмы построения квадратурных формул на симплексах.*

С.Ф. Адлай (ВЦ ФИЦ ИУ РАН, Москва; SemjonAdlaj@gmail.com) *Простые Галуа и модулярные уравнения.*

С.Н. Перепечко (ПетрГУ, Петрозаводск; regsn@newmail.ru) *Почти совершенные паросочетания на торах $C_m \times C_n$ нечетного порядка.*

С.Д. Мешвелиани (ИПС РАН, Переславль-Залесский; mechvel@botik.ru) *О формальных доказательствах для программ арифметики натуральных чисел в двоичном представлении.*

Н.М. Глазунов (НАУ, Киев, Украина; glanm@yahoo.com) *Компьютерно-алгебраические аспекты некоммутативной (квантовой) геометрии и дзета-функций.*

Н.В. Махалдиани (ЛИТ ОИЯИ, Дубна; mnv@mail.ru) *Суперсимметричная динамика, статистические суммы и дзета-функции.*

В.П. Гердт (ЛИТ ОИЯИ, Дубна; gerdt@jinr.ru), **Е.А. Коткова** (Университет “Дубна”; ekaterina.a.kotkova@gmail.com) *Дифференциальная декомпозиция Томаса и Пенлеве тест.*

М. Спиридонова, С. Порязов (ИМИ-БАН, София, Болгария; mspirid@math.bas.bg, stoyan@cc.bas.bg) *Проблемно-ориентированные микросреды компьютерной алгебры.*

Г.К. Гиоргадзе (Тбилисский госуниверситет, Тбилиси, Грузия; gia.giorgadze@tsu.ge) *Аналитические дифференциальные уравнения на плоскости и равновесие точечных зарядов.*

М.Д. Малых (РУДН, Москва; malykhmd@yandex.ru), **Л.А. Севастьянов** (РУДН, Москва и ЛИТ ОИЯИ, Дубна; leonid.sevast@gmail.com) *Классические трансцендентные функции с точки зрения метода конечных разностей.*

А.А. Зобова, К.В. Герасимов (МГУ, Москва; azobova@mech.math.msu.su, kiriger@gmail.com) *Моделирование движения экипажа с омни-колесами без проскальзывания.*

И.И. Косенко, К.В. Герасимов (МГУ, Москва; kosenkoii@yandex.ru, kiriger@gmail.com) *Объектно-ориентированное моделирование движения экипажа с омни-колесами сухим трением.*

С.А. Гутник (МФТИ, МГИМО, Москва; s.gutnik@inno.mgimo.ru), В.А. Сарычев (ИПМ РАН, Москва; vas31@rambler.ru) *Применение методов компьютерной алгебры для исследования динамики системы двух связанных тел на круговой орбите.*

М.Н. Геворкян, А.В. Демидова, А.В. Королькова (Российский университет дружбы народов, Москва; gevorkyan_mn@rudn.university, demidova_av@rudn.university, korolkova_av@rudn.university), **Д.С. Кулябов** (РУДН, Москва и ЛИТ ОИЯИ, Дубна; yamadharma@gmail.com) *Генерация программного кода на основе шаблонизатора.*

Д.В. Диваков, А.А. Тютюнник (РУДН, Москва; divakov_dv@rudn.university, tyutyunnik_aa@rudn.university) *Символико-численный алгоритм расчета скалярных произведений в задаче волноводной дифракции.*

В.С. Рихвицкий (ЛИТ ОИЯИ, Дубна; rqvtsk@mail.ru) *Топология решений нелинейного уравнения Шредингера.*

А.П. Крюков, Г.Б. Шпиз (НИИЯФ МГУ, Москва; kryukov@theory.sinp.msu.ru, shpiz@theory.sinp.msu.ru) *Упрощение тензорных выражений.*

С.А. Абрамов (ВЦ ФИЦ ИУ РАН, МГУ, Москва; sergeyabramov@mail.ru), **С.И. Виницкий, В.П. Гердт** (ОИЯИ, Дубна; vinitsky@thsun1.jinr.ru, gerdt@jinr.ru), **В.А. Ильин** (НИЦ “Курчатовский институт”, Москва; vilyin@mail.cern.ch), **А.П. Крюков** (МГУ, Москва; kryukov@theory.sinp.msu.ru), а также **В.В. Кореньков, В.Н. Жмыров, А.А. Боголюбская, А.М. Рапортренко** (ЛИТ ОИЯИ, Дубна), **М. Спиридонова** (ИМИ-БАН, София, Болгария), **М.В. Белякова** (Москва). *Памяти Виталия Александровича Ростовцева.*

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

1. *Абрамов С.А., Зима Е.В.* Семинар по компьютерной алгебре на факультете вычислительной математики и кибернетики МГУ в 1995–1996 г. Программирование. 1997. № 1. С. 75–77.
2. *Абрамов С.А., Зима Е.В.* Научно-исследовательский семинар “Компьютерная алгебра” в 1996–1997 г. Программирование. 1998. № 1. С. 69–72.
3. *Абрамов С.А., Ростовцев В.А.* Семинар по компьютерной алгебре в 1997–1998 г. Программирование. 1998. № 6. С. 3–7.
4. *Абрамов С.А., Крюков А.П., Ростовцев В.А.* Семинар по компьютерной алгебре в 1998–1999 г. Программирование. 2000. № 1. С. 8–12.
5. *Абрамов С.А., Крюков А.П., Ростовцев В.А.* Семинар по компьютерной алгебре в 1999–2000 г. Программирование. 2001. № 1. С. 3–7.
6. *Абрамов С.А., Крюков А.П., Ростовцев В.А.* Семинар по компьютерной алгебре в 2000–2001 г. Программирование. 2002. № 2. С. 6–9.
7. *Абрамов С.А., Крюков А.П., Ростовцев В.А.* Семинар по компьютерной алгебре в 2001–2002 г. Программирование. 2003. № 2. С. 3–7.
8. *Абрамов С.А., Еднерал В.Ф., Ростовцев В.А.* Семинар по компьютерной алгебре в 2002–2003 г. Программирование. 2004. № 2. С. 3–7.
9. *Абрамов С.А., Боголюбская А.А., Ростовцев В.А., Еднерал В.Ф.* Семинар по компьютерной алгебре в 2003–2004 г. Программирование. 2005. № 2. С. 3–9.
10. *Абрамов С.А., Боголюбская А.А., Ростовцев В.А., Еднерал В.Ф.* Семинар по компьютерной алгебре в 2004–2005 г. Программирование. 2006. № 2. С. 3–7.
11. *Абрамов С.А., Боголюбская А.А., Ростовцев В.А., Еднерал В.Ф.* Семинар по компьютерной алгебре в 2005–2006 г. Программирование. 2007. № 2. С. 3–8.
12. *Абрамов С.А., Боголюбская А.А., Ростовцев В.А., Еднерал В.Ф.* Семинар по компьютерной алгебре в 2006–2007 г. Программирование. 2008. № 2. С. 3–8.
13. *Абрамов С.А., Боголюбская А.А., Ростовцев В.А., Еднерал В.Ф.* Семинар по компьютерной алгебре в 2007–2008 г. Программирование. 2009. № 2. С. 3–9.
14. “Mathematical Modeling and Computational Physics (CAAP’2009)”. Book of abstracts of the international conference. Dubna, July 7–11, 2009. Dubna, 2009.
15. *Абрамов С.А., Боголюбская А.А., Ростовцев В.А., Еднерал В.Ф.* Семинар по компьютерной алгебре в 2008–2009 г. Программирование. 2010. № 2. С. 3–8.
16. *Абрамов С.А., Боголюбская А.А., Еднерал В.Ф., Ростовцев В.А.* Семинар по компьютерной алгебре в 2009–2010 г. Программирование. 2011. № 1. С. 3–8.
17. *Абрамов С.А., Боголюбская А.А., Ростовцев В.А.* Семинар по компьютерной алгебре в 2010–2011 г. Программирование. 2012. № 2. С. 3–8.
18. *Абрамов С.А., Боголюбская А.А., Ростовцев В.А.* Семинар по компьютерной алгебре в 2011–2012 г. Программирование. 2013. № 2. С. 3–10.
19. *Абрамов С.А., Боголюбская А.А., Ростовцев В.А.* Семинар по компьютерной алгебре в 2012–2013 г. Программирование. 2014. № 2. С. 3–11.
20. *Абрамов С.А., Боголюбская А.А., Ростовцев В.А.* Семинар по компьютерной алгебре в 2013–2014 г. Программирование. 2015. № 2. С. 3–6.
21. *Абрамов С.А., Боголюбская А.А., Ростовцев В.А.* Семинар по компьютерной алгебре в 2014–2015 г. Программирование. 2016. № 2. С. 4–7.
22. *Абрамов С.А., Боголюбская А.А.* Семинар по компьютерной алгебре в 2015–2016 г. Программирование. 2017. № 2. С. 3–6.
23. *Абрамов С.А., Боголюбская А.А.* Семинар по компьютерной алгебре в 2016–2017 г. Программирование. 2018. № 2. С. 3–4.