

Ю.И.Алексахин, Э.А.Перельштейн

ВЛИЯНИЕ ДИАФРАГМ НА УСТОЙЧИВОСТЬ ЭЛЕКТРОННОГО ПУЧКА В ЛИУ

Направлено в "Журнал теоретической физики"

1982

## 1. ВВЕДЕНИЕ

В последнее время вновь усиливается интерес к линейным индукционным ускорителям электронов /ЛИУ/, что обусловлено широтой круга задач, для решения которых могут найти применение получаемые с помощью ЛИУ электронные пучки<sup>/1/</sup>: отметим такие из них, как накачка лазеров, коллективное ускорение ионов в прямых и кольцевых электронных пучках, получение мощных нейтронных потоков.

Одно из серьезных ограничений на параметры пучка в ЛИУ связано с электростатической дефокусировкой <sup>22</sup>. Заряды, индуцируемые пучком на металлических элементах /кожухах индукторов, витках фокусирующих соленоидов/, затягивают пучок на стенку канала. Магнитостатические изображения пучка в феррите индукторов усиливают дестабилизирующее действие наведенных зарядов <sup>32</sup>. Напряженность продольного магнитного поля, необходимая для удержания пучка вблизи оси канала, растет с увеличением энергии электронов <sup>33</sup> и превосходит значение, требуемое для компенсации кулоновского расталкивания.

В диафрагмах, применяемых для защиты ускорительной трубки от высадки электронов<sup>747</sup>, смещенный относительно оси электронный пучок индуцирует токи, частично компенсирующие действие наведенных зарядов. Можно ожидать поэтому, что при определенном выборе геометрии диафрагм ограничения на параметры ускорителя будут существенно ослаблены. Последовательность диафрагм, однако, представляет собой замедляющую структуру, взаимодействие с которой может вызвать неустойчивость высокочастотных колебаний пучка.

В настоящей работе исследуется влияние экранирования электромагнитного поля пучка последовательностью диафрагм на устойчивость поперечного движения пучка. Диафрагмы упрощенно представляются в виде полых идеально проводящих цилиндров радиуса d и высоты h, расположенных последовательно вдоль оси z с периодом L.

## 2. ЭЛЕКТРОМАГНИТНОЕ ПОЛЕ ПУЧКА В СТРУКТУРЕ

Пусть вдоль оси структуры распространяется электронный пучок с равновесной плотностью заряда и тока:

$$\rho_0(\mathbf{r}) = \frac{eN_e}{\pi a^2} \sigma(\mathbf{a} - \mathbf{r}), \quad \mathbf{j}_{z_0} = \mathbf{y}_0 \rho_0, \quad \mathbf{z} = \mathbf{y}_0 \rho_0,$$

где  $N_e$  - число э́лектронов на единицу длины пучка, a - радиус пучка,  $v_0$  - скорость продольного движения электронов,  $\sigma(x)$ - функция Хевисайда.

Вводя декартову систему координат в плоскости z = const, возму-щение плотности заряда, связанное с отклонением пучка от оси, представим в виде

$$\rho_1 = -\frac{\partial \rho_0}{\partial r} \frac{\mathbf{x} \cdot \mathbf{x}_c + \mathbf{y} \cdot \mathbf{y}_c}{a}, \qquad (2)$$

где  $x_c = x_c(z,t)$ ,  $y_c = y_c(z,t)$  - координаты центра масс пучка ( $|x_c|, |y_c| << a$ ). Совершая замену  $\xi_s = (x_c - isy_c)/2$ ,  $s = \pm 1$ , для возмущения плотностей заряда и тока пучка в цилиндрической системе координат ( $r, \theta, z$ ) получим

$$\rho_{1} = -\frac{\partial \rho_{0}}{\partial t} \sum_{s=\pm 1} \xi_{s} e^{is\theta}, \quad j_{z1} = v_{0}\rho_{1},$$

$$j_{r1} = \rho_{0} \sum_{s=\pm 1} \xi_{s} e^{is\theta}, \quad j_{\theta 1} = \frac{\partial j_{r1}}{\partial \theta}, \quad j_{r1} = -\frac{\partial j_{\theta 1}}{\partial \theta},$$

$$/3/$$

где точка обозначает полную производную по времени:  $\xi_s = (\partial/\partial t + v_0 \partial/\partial z) \xi_s$ .

Электромагнитное поле, возбуждаемое пучком в структуре, можно представить в виде суперпозиции полей падающего /поля неэкранированного пучка  $\vec{E}^{(0)}$ ,  $\vec{B}^{(0)}$ / и отраженного от диафрагм/ $\vec{E}^{ind}$ ,  $\vec{B}^{ind}$ .

Рассмотрим возмущения, имеющие вид бегущих волн  $\xi_s = \xi_{s0} * * \exp(ik_s z - i\omega t)$ , ограничивая анализ случаем волн большой длины:

$$|\mathbf{k}_{r}d|^{2} = |\mathbf{k}_{z}^{2} - \omega^{2}/c^{2}| d^{2} < 1.$$
 (4/

Решения волновых уравнений для падающего поля имеют вид

$$E_{z}^{(0)} = -\frac{2iI}{v_{0}} (k_{z} - \beta_{0}k) \epsilon_{s} \xi_{s0} \cdot \begin{cases} r/a^{2}, r < a, \\ 1/r, r \ge a, \end{cases}$$

$$B_{z}^{(0)} = -\frac{2sI}{v_{0}} (k - \beta_{0}k_{z}) \epsilon_{s} \xi_{s0} \cdot \begin{cases} r/a^{2}, r < a, \\ 1/r, r \ge a, \end{cases}$$

$$/5/$$

где  $I = ev_0 N_e$  - ток пучка,  $\epsilon_s = exp(ik_z z + is\theta - i\omega t)$ ,  $k = \omega/c$ ,  $\beta_0 = v_0/c$ , c - скорость света. Для нахождения поперечных компонентов полей можно воспользоваться соотношениями

$$DE_{r} = \frac{\partial^{2}E_{z}}{\partial r \partial z} - \frac{1}{cr} \frac{\partial^{2}B_{z}}{\partial t \partial \theta} + \frac{4\pi}{c^{2}} \frac{\partial j_{r}}{\partial t},$$

$$DE_{\theta} = \frac{1}{r} \frac{\partial^{2}E_{z}}{\partial z \partial \theta} + \frac{1}{c} \frac{\partial^{2}B_{z}}{\partial t \partial r} + \frac{4\pi}{c^{2}} \frac{\partial j_{\theta}}{\partial t},$$

$$DB_{r} = \frac{1}{cr} \frac{\partial^{2}E_{z}}{\partial t \partial \theta} + \frac{\partial^{2}B_{z}}{\partial r \partial z} + \frac{4\pi}{c} \frac{\partial j_{\theta}}{\partial z},$$

$$DB_{\theta} = -\frac{1}{c} \frac{\partial^{2}E_{z}}{\partial t \partial r} + \frac{1}{r} \frac{\partial^{2}B_{z}}{\partial \theta \partial z} - \frac{4\pi}{c} \frac{\partial j_{r}}{\partial z},$$

где оператор  $D = \partial^2 / \partial z^2 - 1/c^2 \partial^2 / \partial t^2$ .

Отраженные поля будем искать в виде разложений по пространственным гармоникам:

$$E_{z}^{ind} = \epsilon_{s} \sum_{n=-\infty}^{\infty} e^{iw_{n}z} G_{n}(r,d) \frac{\lambda_{n}^{2}}{w_{n}+k_{z}} a_{1n} ,$$

$$B_{z}^{ind} = -is_{\epsilon_{s}} d \sum_{n=-\infty}^{\infty} e^{iw_{n}z} G_{n}'(r,d) \frac{\lambda_{n}^{2}}{w_{n}+k_{z}} a_{2n} ,$$

$$/7/$$

где

$$w_{n} = 2\pi n / L, \quad \lambda_{n}^{2} = k^{2} - (k_{z} + w_{n})^{2}.$$

$$G_{n}(\mathbf{r}, \mathbf{r}') = \frac{\pi i}{2} J_{1}(\lambda_{n} \mathbf{r}_{\min}) H_{1}^{(1)}(\lambda_{n} \mathbf{r}_{\max}).$$
(8)

 $G'_n$  – производная функция Грина /8/ по координате источника,  $J_1(x)$  – функция Бесселя и  $H_1^{(1)}(x)$  – функция Ганкеля первого рода. Учитывая непрерывность  $E_r^{ind}$  и  $B_{\theta}^{ind}$  в зазорах между диафрагмами и равенство нулю  $E_{\theta}$  и  $B_r$  на поверхности диафрагм, придем к следующим уравнениям:

$$\sum_{n} e^{iw_{n}z} (a_{1n} - \frac{k}{w_{n} + k_{z}} a_{2n}) = 0,$$
  
$$h < z < L,$$
 /9/

$$\sum_{n} e^{iw_{n}z} (G_{n}\alpha_{1n} + d^{2}G_{n}'' \frac{k}{w_{n} + k_{z}}\alpha_{2n}) = sdE_{\theta_{0}},$$

$$\sum_{n} e^{iw_{n}z} (G_{n}\alpha_{1n} + d^{2}G_{n}'' \frac{k}{w_{n} + k_{z}}\alpha_{2n}) = sdE_{\theta_{0}},$$

$$\sum_{n} e^{iw_{n}z} (G_{n}\frac{k}{w_{n} + k_{z}}\alpha_{1n} + d^{2}G_{n}'' \alpha_{2n}) = -sdB_{r_{0}},$$

$$: 0 < z < h, /10/$$

где  $G_n = G_n(d,d)$ ,  $G''_n - смешанная производная функция Грина /8/$ по координатам источника и точки наблюдения, взятая при г+г'=d; $<math>E_{\theta_0}$ ,  $B_{r_0}$  - амплитудные значения падающего поля ( $E_{\theta}^{(0)} = E_{\theta_0} \cdot \epsilon_s$ ). Далее помимо условия /4/ будем считать выполненным также условие  $\kappa^2 = (L/2\pi d)^2 << 1$ .

Выполнение этого условия позволяет вместо цилиндрических функций, входящих в  $G_n \, и \, G''_n$ , использовать при  $n \neq 0$  их асимптотические выражения при больших значениях аргумента. В силу условия /4/ для цилиндрических функций в  $G_0$  и  $G''_0$  можно воспользоваться разложениями при малых значениях аргумента, удерживая члены второго порядка. Вводя новые коэффициенты:

$$\eta_{10} = a_{10} - \beta_{\phi} a_{20}, \qquad \eta_{1n} = a_{1n} - kd \frac{n}{\kappa} a_{2n}, \qquad (11/2)$$
$$\eta_{20} = a_{20} - \beta_{\phi} a_{10}, \qquad \eta_{2n} = a_{2n} - kd \frac{\kappa}{n} a_{1n},$$

где  $eta_{\phi} = \mathbf{k}/\mathbf{k}_{\mathbf{z}}$  , получим системы функциональных уравнений:

$$\sum_{n \neq 0}^{\Sigma} e^{iw_{n}z} \frac{\eta_{1n}}{|n|} = -\frac{1}{\kappa} (\eta_{10} - 2sdE_{\theta_{0}} + \beta_{\phi}g(k_{r}d)a_{20}), \quad 0 < z < h,$$
/12/  
$$\sum_{n = -\infty}^{\infty} e^{iw_{n}z} \eta_{1n} = 0, \quad h < z < L,$$
  
$$\sum_{n \neq -0}^{\infty} e^{iw_{n}z} |n| \eta_{2n} = -\kappa (\eta_{20} - 2sdB_{r_{0}} - \beta_{\phi}g(k_{r}d)a_{10}), \quad 0 < z < h,$$
/13/  
$$\sum_{n = -\infty}^{\infty} e^{iw_{n}z} \eta_{2n} = 0, \quad h < z < L,$$

где

$$g(x) = 2(I_1(x)K_1(x) + x^2I_1(x)K_1(x)), \qquad g(x \to 0) \approx x^2 / 2\ln(x^2/2),$$

 $I_1(x)$  - модифицированная функция Бесселя,  $K_1(x)$  - функция Макдональда, штрих означает производную по аргументу.

Система /12/ подстановками

$$x_n = \frac{n}{|n|} \eta_{1n} e^{-in\theta} , \quad \theta = \pi (1 - h/L), \quad F = -2sdE_{\theta_0} + \beta_{\phi} ga_{20},$$

$$b_0 = (\eta_{10} + F)/\kappa , \quad \phi = 2\pi z/L + \theta ,$$

а система /13/ подстановками

$$\begin{aligned} \mathbf{x}_{n} &= \mathbf{e}^{\mathbf{i}\mathbf{n}\theta} \quad \eta_{2n} / \mathbf{n}, \quad \theta = \pi \mathbf{h}/\mathbf{L}, \quad \mathbf{b}_{0} = \eta_{20}, \\ \mathbf{F} &= \kappa \; (2 \mathrm{sdB}_{r_{0}} + \beta_{\phi} \mathrm{ga}_{10}), \quad \phi = 2 \pi \mathbf{z}/\mathbf{L} - \theta \end{aligned}$$

4

5

приводятся к системе

$$\sum_{\substack{n\neq 0}} e^{in\phi} \frac{|n|}{n} x_n = -\kappa b_0 + F, \quad |\phi| < \theta, \qquad (14)$$

$$\sum_{\substack{n\neq 0}} e^{in\phi} \frac{x_n}{n} = -b_0, \quad \theta < \phi < 2\pi - \theta,$$

решение которой дано в работе /5/ и имеет вид

$$b_{0} = \frac{\ln \frac{2}{1+u}}{1+\kappa \ln \frac{2}{1+u}} \cdot F, \qquad (15)$$

$$x_{n} = -\frac{1}{2} \frac{P_{n}(u) - P_{n-1}(u)}{1+\kappa \ln \frac{2}{1+u}} \cdot F,$$

где  $u = \cos \theta$ ,  $P_n(u)$  - полином Лежандра n -го порядка.

Для коэффициентов  $a_{10}$ ,  $a_{20}$ , определяющих нулевую пространственную гармонику отраженных полей, несложно получить систему уравнений:

$$a_{10} - \beta_{\phi} (1 - f_E g(k_r d)) a_{20} = 2sdf_E E_{\theta_0} ,$$
 /16/  
-  $\beta_{\phi} (1 + f_H g(k_r d)) a_{10} + a_{20} = 2sdf_H B_{r_0} ,$ 

где  $f_{E,H}$  - коэффициенты экранирования электростатического и магнитного полей пучка, имеющие вид ( $u = c\delta s (\pi h/L)$ ):

$$f_E = \frac{1}{1 + \kappa \ln \frac{2}{1 - u}}, \quad f_H = \frac{\kappa \ln \frac{2}{1 + u}}{1 + \kappa \ln \frac{2}{1 + u}}.$$
 /17/

Коэффициенты  ${\rm f}_{\rm E,H}$  удовлетворяют известному в теории дифракции принципу взаимности  $^{/5/}$ :  ${\rm f}_{\rm E}$  и  $(1-{\rm f}_{\rm H})$  получаются друг из друга при замене ширины полос на ширину зазоров и наоборот.

Детерминант системы /16/ равен

$$D(\mathbf{k},\mathbf{k}_{z}) = 1 - \beta_{\phi}^{2} [1 - (f_{E} - f_{H})g(\mathbf{k}_{r}d)] = (1 - \beta_{\phi}^{2}) \Delta(\mathbf{k},\mathbf{k}_{z}),$$
 (18/

где

$$\Delta(\mathbf{k},\mathbf{k}_{z})=1+(f_{E}-f_{H})\frac{(\mathbf{kd})^{2}}{2}\ln\frac{(\mathbf{k}_{z}^{2}-\mathbf{k}^{2})d^{2}}{2}.$$
 (19)

Решения уравнения D(k,k<sub>z</sub>)= 0 определяют ди́сперсионные характеристики свободных волн, которые могут распространяться в ненагруженной пучком структуре. Хотя  $\beta_{\phi}$ = 1 /то есть k<sub>z</sub> = k / и является решением этого уравнения, волны с фазовой скоростью, строго равной скорости света, не существуют; это видно из того, что члены разложений /7/ с n = 0 содержат множитель  $\lambda_0^2 = -k_z^2(1-\beta_\phi^2)$ , обращающийся в нуль при  $\beta_{\phi}$ = 1. Другое решение, удовлетворяющее уравнению  $\Delta(\mathbf{k}, \mathbf{k}_z) = 0$ , дает следующую связь между постоянной распространения  $\mathbf{k}_z$  и частотой волны  $\omega = \mathbf{k}c$ :

$$k_z^2 = k^2 + \frac{2}{d^2} \exp[-\frac{2}{f(kd)^2}],$$
 /20/

где  $f = f_E - f_H$  - разность коэффициентов экранирования электрического и магнитного полей. Фазовая скорость распространения волны вдоль структуры

$$v_{\phi_0} = c \beta_{\phi_0} = c \left[ 1 + \frac{2}{(kd)^2} \exp\left[ -\frac{2}{f(kd)^2} \right] \right]^{-1/2}$$
 /21/

заметно отлична от скорости света только в области частот, для которых kd ~ 1.

Минимальное значение фазовой скорости достигается при  $kd = \sqrt{2/f}$ и равно

$$\beta_{\phi \min} = (1 + f/e)^{-1/2}$$
. /22/

Замедления волны не происходит, если f = 0,что возможно в двух случаях: а/ структура представляет собой сплошной цилиндр ( $f_E = f_H = 1$ ); б/ структура отсутствует ( $f_E = f_H = 0$ ).

## 3. ДИНАМИКА ЭЛЕКТРОННОГО ПУЧКА

P

1

Анализ взаимодействия электронного пучка со структурой проведем для случая моноэнергетического пучка, что оправдано малым энергетическим разбросом получаемых в ЛИУ пучков. Пренебрегая также нелинейными эффектами, мы учтем действие на движение электронов только нулевой пространственной гармоники отраженных полей, имеющей ту же длину, что и падающее поле.

Уравнения движения центра масс пучка в продольном фокусирую-  $\sim$  щем магнитном поле  ${\rm B_{z0}}$  и собственных полях имеют вид

$$m \gamma_0 \ddot{\mathbf{x}}_c = \frac{\mathbf{e}}{\mathbf{c}} \mathbf{B}_{z0} \dot{\mathbf{y}}_c + \mathbf{F}_x^{\text{ind}}, \qquad (23)$$
$$m \gamma_0 \ddot{\mathbf{y}}_c = -\frac{\mathbf{e}}{\mathbf{c}} \mathbf{B}_{z0} \dot{\mathbf{x}}_c + \mathbf{F}_y^{\text{ind}},$$

где  $\dot{\mathbf{F}}^{ind}$  - сила Лоренца, обусловленная индуцированными полями,  $y = (1-\beta^2)^{-\frac{1}{2}}$  - релятивистский фактор движения электронов.Поля неэкранированного пучка в уравнения /23/, описывающие движение пучка как целого, не входят - при отсутствии границ все положения в пространстве равноправны \*.

\* Полевой поправкой к массе, пропорциональной логарифму радиуса пучка, мы пренебрегаем. Χ.

Переходя в уравнениях /23/ к переменным  $\xi_{\rm s} = ({\rm x_c} - {\rm isy}_{\rm c})/2$ , получим систему развязанных уравнений:

$$m \gamma_0 \dot{\xi}_s = is \frac{e}{c} B_{z0} \dot{\xi}_s + F_{rs}^{ind} \cdot e^{-is\theta}, \quad s = \pm 1.$$
 (24)

Совершая в /24/ преобразование Фурье по времени и продольной координате, получим дисперсионное уравнение

$$(k - \beta_0 k_z)^2 + \frac{se B_{z_0}}{me^2 \gamma_0} (k - \beta_0 k_z) + \frac{2eI}{me^3 \beta_0 \gamma_0 d\Delta} (f_E - \beta_0^2 f_H) = 0, \qquad /25/$$

которое мы будем рассматривать как уравнение для постоянной распространения k , считая заданной частоту колебаний центра масс пучка  $\omega = \text{kc.}$  Неустойчивости соответствуют решения уравнения /25/ с  $\text{Imk}_z < 0$ . В области низких частот kd<<1, в частности для стационарных отклонений пучка от оси канала,  $\Delta \simeq 1$  и условие устойчивости имеет вид

$$B_{z_0} > \frac{2}{cd} \sqrt{\frac{2\Pi_{0\gamma_0}}{\beta_0}} (f_E - \beta_0^2 f_H), \qquad (26/$$

где  $I_0 = mc^3/e$   $/I_0 = 17$  кА в единицах СИ/. При  $f_E \simeq 1$  и  $f_H \simeq -1,4$ то соответствует экранировке пучка магнитодиэлектриком с  $\epsilon$ ,  $\mu >> 1$ , условие /26/ совпадает с требованием, полученным в работе <sup>/3/</sup>. Приведем для примера численную оценку. При I = 1 кА,  $\gamma_0 = 3$ , d = 3 см,  $f_E \simeq 1$  и  $f_H << 1$  из /26/ получим  $B_{Z_0} > 693$  Гс. Выбирая геометрию структуры так, чтобы  $f_E - f_H << 1$ , можно, в принципе, добиться существенного ослабления требований на величину фокусирующего магнитного поля  $B_{Z_0}$ . На рис.1 показаны коэффициенты экранирования электрического и магнитного полей пучка в зависимости от отношения ширины диафрагм h к периоду структуры L при разных значениях параметра  $\kappa = L/2\pi d$ .Из графиков видно, что для уменьшения дефокусирующего влияния диафрагм следует выбирать отношение периода структуры к ее радиусу по возможности большим.

Рассмотрим теперь высокочастотные колебания центра масс пучка /связанные с флуктуациями плотности тока, отбираемого с катода, а также с возбуждением структуры фронтом смещенного отно-



Коэффициенты экранирования электрического и магнитного полей пучка  $f_{E,H}$  для разных эначений  $\kappa$ :  $1/\kappa = 0,1$ ;  $2/\kappa = 0,25$ ;  $3/\kappa = 0,5$ . сительно оси пучка/. При отсутствии экранов (d  $\rightarrow \infty$ ) решение уравнения /25/ дает следующие значения фазовой скорости распространения поперечных возмущений:  $v_{\phi} = v_0 \pm e B_{z_0}/mc_y k_z$  /циклотронная мода/ и  $v_{\phi} = v_0$  /дрейфовая мода/. Поскольку фазовая скорость свободных волн в структуре близка к скорости света, то при напряженностях фокусирующего поля  $|eB_{z_0}d/mc^2_{y_0}| \gtrsim 1$  резонансно взаимодействовать со структурой может только дрейфовая мода поперечных колебаний пучка\* при достаточно высоком реля- тивизме ( $\beta_0 \simeq 1$ ).

Раскладывая резонансный знаменатель  $\Delta(k,k_z)$  по  $k_z$  в окрестности решения уравнения /20/  $k_{z_0}(k)$ :

$$\Delta (\mathbf{k}, \mathbf{k}_z) = \Delta'(\mathbf{k}) (\mathbf{k}_z - \mathbf{k}_{z_0}(\mathbf{k})), \qquad (27)$$

для волн с  $v_{\phi^{lpha_i}}v_0$  получим дисперсионное уравнение

$$(k_z - k/\beta_0)(k_z - k_{z_0}(k)) = \frac{4 \text{ s I}}{v_0 B_{z_0} d^3} f^{3/2} F(\sqrt{f \text{ kd}}),$$
 /28/

где F(x)= x<sup>-3</sup> exp(-2x<sup>-2</sup>). Уравнение /28/ для поляризации s`= sign B<sub>zo</sub> имеет комплексные корни. При точном синхронизме пучка и волны  $(v_0 = v_{\phi_0})$  коэффициент пространственного нарастания волны  $\Gamma = -\text{Imk}_z$  равен

$$\Gamma (k) = \frac{2}{d} \sqrt{\frac{I}{v_0 d B_{z_0}}} I^{3/2} F(\sqrt{f k d}), \qquad (29)$$

где под I и В<sub>zo</sub> подразумеваются абсолютные значения соответствующих величин. Ширина резонансной полосы определяется соотношением

$$|\beta_0 - \beta_\phi(\mathbf{k})| < 2\Gamma(\mathbf{k})/\mathbf{k}.$$
 (30/

Инкремент /29/, как функция частоты, максимален при  $kd = \sqrt{4/3f}$  и равен

$$\Gamma_{\max} = \frac{2}{d} \left( \frac{I}{v_0 dB_{z_0}} \right)^{1/2} \left( \frac{3f}{4e} \right)^{3/4} .$$
 /31/

Здесь е - основание натуральных логарифмов.

<sup>\*</sup> Взаимодействие обратной циклотронной волны ( $v_{\phi} < 0$ ) со структурой к неустойчивости не приво́дит - этот случай, согласно классификации Стэррока /7/, соответствует "исчезающим" волнам.

Рассмотренная неустойчивость развивается на сравнительно малой длине. Так, при I = 1 кА,  $B_{z_0} = 1$  кГс, d = 3 см и f = 0,5 из /31/ получим  $\Gamma_{max} = 0,0275$  см <sup>-1</sup>, то есть амплитуда колебаний нарастает в е раз на длине  $\ell = \Gamma_{max}^{-1} = 36$  см. Частота, соответствующая максимуму инкремента, в этом случае равна 2,6 ГГц. Энергия электронов при точном синхронизме с волной  $\gamma_0 = 2,64$ .

Поскольку фазовая скорость продольных волн в пучке также близка к скорости электронов, то можно ожидать сильной связи продольного и поперечного движений пучка. Анализ показывает, что развитие неустойчивости сопровождается ростом энергетического разброса, полная ширина которого

$$\frac{\Delta_{\gamma}}{\gamma_{0}} = \frac{2eB_{z_{0}}a}{mc^{2}\gamma_{0}} k\xi_{s_{0}}$$
 (32/

пропорциональна амплитуде колебаний  $\xi_{s_0}$ . Для приведенных выше параметров и a = 1 см  $\Delta y/y_0 = 0.72 \cdot \xi_{s_0}/d$ . Соотношение /31/ показывает, что нарастание амплитуды попе-

Соотношение /31/ показывает, что нарастание амплитуды поперечных колебаний может быть ослаблено за счет увеличения радиуса канала и напряженности фокусирующего поля, а также за счет уменьшения фактора  $f = f_E - f_H$ , для чего следует увеличивать параметр к,то есть период структуры. Таким образом, представляется более предпочтительной компоновка секции ЛИУ, при которой напряжение, создаваемое всеми индукторами секции, приложено к одному ускоряющему зазору<sup>/6/</sup>.

В заключение авторы выражают искреннюю признательность Д.Г.Кошкареву, В.К.Плотникову и Л.А.Юдину за полезные обсуждения.

## ЛИТЕРАТУРА

- 1. Leiss J. IEEE Trans.Nucl.Sci., 1979, NS-26, No.3, pt.2, p.3870.
- 2. Woods C.H. Rev.Sci.Instr., 1970, vol.41, p.959.
- 3. Алексахин Ю.И., Перельштейн Э.А. ОИЯИ, Р9-13056, Дубна, 1980.
- 4. Вахрушин Ю.П., Анацкий А.И. Линейные индукционные ускорители. Атомиздат, М., 1978, с.104.
- 5. Агранович З.С., Марченко В.А., Шестопалов В.П. ЖТФ, 1962, т.32, с.381.
- 6. Briggs R.J. et al. IEEE Trans.Nucl.Sci., 1981, NS-28, No.3, pt.2, p.3360.
- 7. Стэррок П.А. Кинематика нарастающих волн. В сб.: Колебания сверхвысоких частот в плазме. ИЛ, М., 1961, с.71. Рукопись поступила в издательский отдел 27 августа 1982 года.

Алексахин Ю.И., Перельштейн Э.А. P9-82-640 Влияние диафрагм на устойчивость электронного пучка в ЛИУ

1.

Рассмотрено влилиме экранирования электромагнитного поля электронного пучка последовательностью металлических диафрагм, применяемых в линайных индукционных ускорителях для защиты ускорительной трубки от высадки заряда, на устойчивость поперечного движскил пучка. Определены значения напряженности продольного магнитного поля, необходимые для когерентной фокусировки пучка. Локазано, что последовательность диафрагм представляет собой замедляющую структуру, в которой возможно распространение посимметричных гибридных волн. Найден инкремент неустойчивости высокочастотных поперечных колебаний электронного пучка, взаимодействующего с замедленной волной в структуре.

Работа выполнена в Отделе новых методов ускорения ОИЛИ.

Препринт Объединенного института ядерных исследований. Дубна 1982

Alexahin Yu.I., Perelstein E.A. P9-82-640 Effect of Diaphragms on the Electron Beam Stability in ILA

The effect of shielding of electron beam electromagnetic field by sequence of metallic diaphragms used in ILA to protect the accelerator tube, on the stability of the beam transverse motion is considered. The strength of the longitudinal magnetic field needed for the beam coherent focusing is determined. The sequence of diaphragms is shown to form a slow wave structure, in which asymmetric hybride wave can propagate. The growth rate of the beam high-frequency oscillations coupled with the slow wave in the structure is found.

The investigation has been performed at the Department of New Acceleration Mathods, JINR.

Proprint of the Joint Institu

Поревод О.С.Виноградовой.