



сообщения  
объединенного  
института  
ядерных  
исследований  
**дубна**

P4-85-759

Н.А.Бонч-Осмоловская, М.А.Долгополов\*,  
И.В.Копытин\*, В.А.Морозов

МАГНИТНЫЕ ДИПОЛЬНЫЕ  
ЗАПРЕЩЕННЫЕ ПЕРЕХОДЫ  
В НЕЧЕТНЫХ ЯДРАХ  
Теория

\* Воронежский государственный университет

**1985**

## ВВЕДЕНИЕ

Из экспериментальных данных по  $\gamma$ -переходам в сферических ядрах известна большая группа заторможенных электромагнитных переходов мультипольности  $M1$ , для которых  $\Delta I = 1; \pi_1 \pi_f = +1$ , но приведенная вероятность  $B(M1)$  на 1-3 порядка меньше соответствующей вероятности обычных  $\gamma(M1)$ -переходов /см. обзоры /1-3/. Переходы такого типа получили название  $\ell$ -запрещенных, поскольку для них оказывается  $\Delta \ell = 2$  при анализе на основе одночастичной модели ядра, причем в этой модели они строго запрещены. Изучение  $\ell$ -запрещенных переходов привлекает большой интерес экспериментаторов и теоретиков /1-17/, связанный как с выявлением физических факторов, ответственных за снятие запрета, так и с получением информации об эффективном межнуклонном взаимодействии в ядре.

В настоящей работе мы преследуем две цели. Во-первых, дальнейшее развитие теории, позволяющей в одноквазичастичном приближении без использования подгоночных параметров рассчитывать вероятности  $\ell$ -запрещенных  $\gamma(M1)$ -переходов с учетом спинового, изоспинового, спин-орбитального и однопионного обменного взаимодействия квазичастиц; и, во-вторых, проведение систематики имеющихся экспериментальных данных по  $\ell$ -запрещенным  $M1$ -переходам типа  $2d_{3/2} \rightarrow 3s_{1/2}$  и  $1g_{7/2} \rightarrow 2d_{5/2}$  /область ядер с  $90 \leq A \leq 150$ /, на материале которой мы, в частности, проверяем точность наших расчетов по широкому кругу ядер.

Как было впервые показано в работе /4/, ответственным за снятие  $\ell$ -запрета является остаточное взаимодействие нуклонов в ядре. В этой работе межнуклонное взаимодействие учитывалось в расчетах в первом порядке теории возмущений. Известно, однако, что величину остаточного взаимодействия нельзя считать малой /18/. Поэтому использование в количественных расчетах теории возмущений, а тем более ее первого порядка, не является оправданным, вследствие чего результаты работы /4/ следует рассматривать лишь как качественные.

Все последующие теоретические работы, посвященные данной проблеме, можно условно разделить на две группы. К одной из них отнесем работы, в которых выбор того или иного вида остаточного взаимодействия используется для уточнения структуры волновых функций начального и конечного состояния ядра при неизменном операторе  $M1$ -перехода /5-9/. Как правило, эти расчеты также выполняются с использованием теории возмущений. В ряде случаев такой подход позволил получить удовлетворительное согласие теоретических значений  $B(M1)$  с экспериментальными /8,9/.

Однако ценность указанного способа расчетов снижается из-за того, что вследствие использования теории возмущений параметры, характеризующие остаточное взаимодействие, как правило, не универсальны, и их приходится варьировать иногда даже при рассмотрении соседних изотопов.

Работы второй группы /10–17/ основываются на теории конечных ферми-систем /ТКФС/ /18/ с универсальными константами взаимодействия квазичастиц и не используют теорию возмущений. В этом подходе главный эффект от учета спинового и спин-изоспинового взаимодействия квазичастиц, в основном, проявляется в изменении вида оператора M1-перехода, а именно, в появлении дополнительного члена, снимающего  $\ell$ -запрет /9/.

Наиболее подробный анализ  $\ell$ -запрещенных M1-переходов в рамках ТКФС был проведен в работе /11/, где, в общем, было получено удовлетворительное согласие теоретических расчетов с экспериментом, за исключением области вблизи  $^{208}\text{Pb}$ . Однако в этих расчетах не принимались во внимание двухчастичные спин-орбитальное и однопаронное обменное взаимодействия квазичастиц, существенная роль которых в перенормировке оператора  $\gamma(M1)$ -перехода была выяснена в последующих работах /12–14,17/. В то же время следует отметить, что ни в одной из вышеперечисленных работ не учитывались одновременно оба указанных типа взаимодействия, а сами расчеты проводились лишь для изотопов в районе  $^{208}\text{Pb}$ . Кроме того, использованная в работах /12,13,17/ схема решения уравнений ТКФС в координатном представлении, позволяющая учесть вклад непрерывного спектра с спиновой поляризацией остова, неприменима в области ядер, где необходим учет спаривания.

В настоящей работе в основу расчетной схемы положен метод ТКФС. Уравнения для эффективного поля решаются в координатном представлении, что позволяет при расчете вклада спиновой поляризации остова учесть виртуальные переходы квазичастиц в состояния непрерывного спектра. При этом сами уравнения были трансформированы таким образом, чтобы без существенной потери преимуществ, которые дает их решение в координатном представлении, принять во внимание спаривание квазичастиц в незаполненной оболочке. Именно последнее обстоятельство позволяет с достаточной надежностью использовать предлагаемую схему в той области ядер, где спаривание существенно. В рамках предлагаемой теории проведены расчеты приведенных вероятностей  $B(M1)\ell$ -запрещенных  $\gamma$ -переходов. Поскольку  $\gamma(M1)$  часто сопровождаются  $\gamma(E2)$ -переходами, проведена также систематика экспериментальных данных по приведенным вероятностям  $B(E2)$  и в отдельных случаях выполнены соответствующие теоретические расчеты на основе известной схемы ТКФС /18/.

## 1. УРАВНЕНИЕ ДЛЯ ЭФФЕКТИВНОГО $\ell$ -ЗАПРЕЩЕННОГО $\gamma(M1)$ -ПЕРЕХОДА

Согласно ТКФС /18/, под действием внешнего поля  $V_0$  из-за остаточного взаимодействия нуклонов в ядре возникает эффективное поле  $V$ , определяемое интегральным уравнением, которое мы приведем в символическом виде:

$$V = e_q V_0 + \mathcal{F} A_s V. \quad /1.1/$$

Здесь  $\mathcal{F}$  – неприводимая в канале частица-дырка амплитуда взаимодействия квазичастиц,  $A_s$  – частично-дырочный пропагатор,  $e_q$  – заряд квазичастицы по отношению к данному типу поля.

В случае магнитно-дипольного  $\gamma$ -перехода внешнее поле  $e_q V_0$  можно представить следующим образом /14/ в единицах ядерного магнетона  $\mu_N = eh/2mc$ , где  $m$  – масса нуклона:

$$e_q V_0 = \tilde{g}_s \vec{s} + g_\ell \vec{\ell} = \sqrt{4\pi} \left[ \frac{1}{2} (\tilde{g}_s - g_\ell) T_{10}^\mu(\vec{\sigma}) + g_\ell T_{10}^\mu(\vec{i}) \right]. \quad /1.2/$$

Здесь  $T_{KL}^\mu(\vec{a})$  – сферический тензорный оператор:

$$T_{KL}^\mu(\vec{a}) = \sum_v C_{1vL\mu-v}^{k\mu} a_v Y_{L\mu-v}. \quad /1.3/$$

$$\tilde{g}_s^{(p)} = g_s^{(p)} (1 - \zeta_s) + g_s^{(n)} \zeta_s, \quad \tilde{g}_s^{(n)} = g_s^{(n)} (1 - \zeta_s) + (g_s^{(p)} - 1) \zeta_s. \quad /1.4/$$

$g_s$  и  $g_\ell$  – соответственно спиновое и орбитальное гиromагнитные отношения нуклонов (для нейтрона  $g_s^{(n)} = -3,82$ ,  $g_\ell^{(n)} = 0$ ; для протона  $g_s^{(p)} = 5,58$ ,  $g_\ell^{(p)} = 1$ );  $\zeta_s$  – константа ТКФС, определяющая перенормировку локальной спин-изоспиновой вершины. В формуле /1.2/ принято во внимание, что орбитальный локальный заряд квазичастицы близок к единице /18/ ( $g_\ell = e_q g_\ell = g_\ell$ ).

В численных расчетах магнитных свойств ядер, в том числе и вероятностей  $\ell$ -запрещенных M1-переходов, проведенных в работах /11,15,16,19,20/  $e_q V_0$  бралось в виде /1.2/, амплитуда  $\mathcal{F}$  определялась нулевым членом разложения как по углу между входными импульсами взаимодействующих квазичастиц, так и по передаваемому импульсу  $\vec{k}$  и имела вид

$$\mathcal{F} = C_0 (g_0 \vec{d}_1 \cdot \vec{\sigma}_2 + g'_0 \vec{d}'_1 \cdot \vec{\sigma}'_2 + \vec{r}_1 \cdot \vec{r}'_2). \quad /1.5/$$

Здесь  $g_0$  и  $g'_0$  – феноменологические константы спинового и спин-изоспинового взаимодействия,  $C_0$  – обезразмеривающий множитель. Из этих расчетов были найдены универсальные значения констант  $g_0$  и  $g'_0$ , позволяющие удовлетворительно описать эксперимент по магнитным моментам и вероятностям незаторможенных M1-переходов для ядер в широкой области массовых  $A$  и зарядовых  $Z$  чисел.

Одновременно выяснилось, что использование найденных констант при расчете приведенной вероятности  $B(M1)$   $\ell$ -запрещенных  $\gamma$ -переходов приводит в некоторых случаях к значительному расхождению с экспериментом /до двух порядков/. Этот факт стимулировал выяснение роли членов более высоких порядков в разложении амплитуды  $\mathcal{F}$  по переданному импульсу  $\vec{k}$ .

Одним из таких членов является двухчастное спин-орбитальное взаимодействие  $\mathcal{F}^{(\ell s)}$ :

$$\mathcal{F}^{(\ell s)} = C_1 (\kappa + \kappa' \vec{r}_1 \cdot \vec{r}_2) [\vec{p}_{12} \cdot \vec{k}] (\vec{s}_1 + \vec{s}_2), \quad /1.6/$$

где  $\kappa, \kappa'$  - константы,  $\vec{p}_{12} = \vec{p}_1 - \vec{p}_2$ ,  $\vec{p}_1$  - оператор импульса нуклона,  $C_1$  - обезразмеривающий множитель.

В работе /21/ было показано, что при действии на ядро электромагнитного поля из-за спин-орбитального взаимодействия квазичастиц  $\mathcal{F}^{(\ell s)}$  меняется двухчастичный электромагнитный ток и, как следствие, в самосогласованном поле появляется дополнительный член, а в операторе магнитного момента - дополнительное слагаемое с другой угловой зависимостью.

Аналогичным образом будет меняться и оператор  $\gamma(M1)$ -перехода /12-14/:

$$e_q V_0 \rightarrow e_q V_0^{(\ell s)} = e_q V_0 + \Delta V^{(\ell s)} = \sqrt{4\pi} \{ v_0^{(0)}(r) T_{10}^\mu(\vec{\sigma}) + \\ + v_0^{(2)}(r) T_{12}^\mu(\vec{\sigma}) + g_\ell T_{10}^\mu(\vec{i}) \}. \quad /1.7/$$

Здесь \*

$$v_0^{(0)}(r) = \frac{1}{2} g_s^{(n)} - 2C_1 m (\kappa - \kappa') \frac{Z}{A} [\rho(r) + \frac{2}{3} r \frac{\partial \rho}{\partial r}], \quad /1.8/$$

$$v_0^{(2)}(r) = -\frac{\sqrt{2}}{3} C_1 m (\kappa - \kappa') \frac{N}{A} r \frac{\partial \rho}{\partial r} \quad /1.9/$$

в случае  $\gamma$ -перехода нечетного нейтрона, и

$$v_0^{(0)}(r) = \frac{1}{2} (g_s^{(p)} - 1) - 2C_1 m [(\kappa + \kappa') \frac{Z}{A} \rho(r) - \frac{2}{3} (\kappa - \kappa') \frac{N}{A} r \frac{\partial \rho}{\partial r}], \quad /1.10/$$

$$v_0^{(2)}(r) = -\frac{\sqrt{2}}{3} C_1 m (\kappa - \kappa') \frac{N}{A} r \frac{\partial \rho}{\partial r} \quad /1.11/$$

для случая протонного  $\gamma$ -перехода;  $\rho(r)$  - ядерная плотность.

Как видно из формулы /1.7/, в результате действия спин-орбитальных сил в операторе, вызывающем  $M1$ -переход, появился член с тензором  $T_{12}(\vec{\sigma})$ , снимающий  $\ell$ -запрет.

Отметим, что после замены  $e_q V_0$  на  $e_q V_0^{(\ell s)}$  в уравнении /1.1/ решение этого уравнения слабо зависит от того, включен ли далее спин-орбитальный член в амплитуду взаимодействия квазичастиц  $\mathcal{F}$  или нет - величина  $B(M1)$  меняется в пределах 5%, что согласуется с результатами работ /12-13/. Это обстоятельство позволяет в дальнейшем учесть вклад  $\mathcal{F}^{(\ell s)}$ , сделав лишь замену  $e_q V_0$  на  $e_q V_0^{(\ell s)}$  в уравнении /1.1/.

Еще одним возможным каналом увеличения теоретического значения  $B(M1)$   $\ell$ -запрещенных переходов, который не рассматривался в работах /12-14/, является учет влияния однопионного обмена в амплитуде взаимодействия квазичастиц  $\mathcal{F}$  /соответствующий член разложения пропорционален  $k^2$ / . Расчеты, проведенные в работе /17/ для  $\ell$ -запрещенных переходов в области  $^{208}\text{Pb}$ , показали, что включение однопионного обмена значительно изменяет величину  $B(M1)$ , но, однако, при этом авторы использовали в качестве "затравочного" поля  $e_q V_0$ /формула /1.2//, т.е. не принимали во внимание изменение оператора перехода из-за двухчастичного спин-орбитального взаимодействия. Поэтому в наших расчетах определим амплитуду взаимодействия в виде /спин-орбитальное взаимодействие  $\mathcal{F}^{(\ell s)}$  учитывается заменой  $e_q V_0$  на  $e_q V_0^{(\ell s)}$ / :

$$\mathcal{F} = C_0 (\rho_0 \cdot \vec{\sigma}_1 \cdot \vec{\sigma}_2 + g'_0 \vec{\sigma}_1 \cdot \vec{\sigma}_2 \cdot \vec{r}_1 \vec{r}_2 + \mathcal{F}_\pi); \quad /1.12/$$

$\mathcal{F}_\pi$  - неприводимая амплитуда однопионного обменного взаимодействия /18,22/:

$$\mathcal{F}_\pi = -1,38 (1 - 2\zeta_s)^2 \vec{\sigma}_1 \cdot \vec{k} \vec{\sigma}_2 \cdot \vec{k} \gamma_\pi (k^2) \vec{r}_1 \cdot \vec{r}_2; \quad /1.13/$$

$$\gamma_\pi (k^2) = [m_\pi^2 + k^2 - \frac{0,9(1-a)k^2}{1 + 0,23 k^2/m_\pi^2}]^{-1}.$$

Здесь  $a$  - константа ТКФС, определяющая отличие амплитуды  $\pi N \Delta$ -взаимодействия от пустотной,  $m_\pi$  и  $k$  - соответственно масса и импульс pione.

При построении частично-дырочного пропагатора  $A_s(\vec{r}_1, \vec{r}_2; \omega)$  в системе с парной корреляцией учтем, что наиболее существенный вклад эффект спаривания вносит в виртуальные частично-дырочные возбуждения вблизи ферми-поверхности. Данное обстоятельство позволяет представить пропагатор  $A_s$  в виде

$$A_s(\vec{r}_1, \vec{r}_2; \omega) = A_0(\vec{r}_1, \vec{r}_2; \omega) - A'_0(\vec{r}_1, \vec{r}_2; \omega) + L''_s(\vec{r}_1, \vec{r}_2; \omega). \quad /1.14/$$

Здесь  $A_0(\vec{r}_1, \vec{r}_2; \omega)$  - частично-дырочный пропагатор задачи без учета спаривания:

\* Используется система единиц  $\hbar = m_e = c = 1$ .

$$A_0(\vec{r}_1, \vec{r}_2; \omega) = \sum_{\lambda} n_{\lambda} \phi_{\lambda}(\vec{r}_1) \phi_{\lambda}^*(\vec{r}_2) [G(\vec{r}_1, \vec{r}_2; \epsilon_{\lambda} + \omega) + G(\vec{r}_1, \vec{r}_2; \epsilon_{\lambda} - \omega)], \quad /1.15/$$

метод построения которого в координатном представлении был развит в работе <sup>23/</sup>.  $G(\vec{r}_1, \vec{r}_2; \epsilon)$  - функция Грина одночастичного уравнения Шредингера,  $\lambda = (n, \ell, i, r, m_j) = (\nu, m_j)$ ;  $\epsilon$  и  $\phi_{\lambda}$  - одночастичные энергии и соответствующие волновые функции,  $n_{\lambda}$  - числа заполнения,  $\omega$  - энергия одночастичного перехода.  $A'_0(\vec{r}_1, \vec{r}_2; \omega)$  определим как часть полного пропагатора  $A_0$ , включающую суммирование только по состояниям частично заполненной оболочки:

$$A'_0(\vec{r}_1, \vec{r}_2; \omega) = \sum' \frac{n_{\lambda} - n'_{\lambda}}{\epsilon_{\lambda} - \epsilon'_{\lambda} - \omega} \phi_{\lambda}(\vec{r}_1) \phi_{\lambda}^*(\vec{r}_2) \phi_{\lambda}^*(\vec{r}_1) \phi_{\lambda'}(\vec{r}_2), \quad /1.16/$$

а  $L'_s(\vec{r}_1, \vec{r}_2; \omega)$  - как пропагатор, построенный с помощью функций Грина системы со спариванием и также включающий суммирование только по состояниям частично заполненной оболочки:

$$L'_s(\vec{r}_1, \vec{r}_2; \omega) = - \sum' \frac{\eta_{\lambda\lambda'}^{(-)}(E_{\lambda\lambda}, \eta_{\lambda\lambda'}^{(-)} + \omega \eta_{\lambda\lambda'}^{(+)})}{E_{\lambda\lambda'}^2 - \omega^2} \times \quad /1.17/$$

$$\times \phi_{\lambda}(\vec{r}_1) \phi_{\lambda'}^*(\vec{r}_2) \phi_{\lambda'}^*(\vec{r}_1) \phi_{\lambda'}(\vec{r}_2),$$

где  $E_{\lambda\lambda'} = E_{\lambda} + E_{\lambda'}, E_{\lambda} = (\tilde{\epsilon}_{\lambda}^2 + \Delta_{\lambda}^2)^{1/2}$ ;  $\tilde{\epsilon}_{\lambda}$  - одночастичные энергии, отсчитанные от соответствующего химического потенциала,  $\Delta_{\lambda}$  - энергетическая щель:

$$\eta_{\lambda\lambda'}^{(\pm)} = u_{\lambda\lambda'} \pm u_{\lambda\lambda'}^{(y)}; u_{\lambda} = [\frac{1}{2}(1 + \frac{\tilde{\epsilon}_{\lambda}}{E_{\lambda}})]^{1/2}; v_{\lambda} = [\frac{1}{2}(1 + \frac{\tilde{\epsilon}_{\lambda}}{E_{\lambda}})]^{-1/2}. \quad /1.18/$$

Основным достоинством применяемого нами метода построения пропагатора  $A_s$  является возможность в задаче со спариванием полностью учесть вклад непрерывного спектра при расчете ядерной поляризуемости, поскольку схема расчета  $A_0$  остается неизменной. Вычисление же  $A'_0$  и  $L'_s$  не представляет серьезных затруднений, так как правила отбора ограничивают суммирование в формулах /1.16/ и /1.17/ небольшим числом дискретных состояний частично заполненной оболочки. Расширение области суммирования в /1.16/ и /1.17/ на оболочки, соседние с частично заполненной, слабо влияет на поведение  $A_s$  и изменяет величину приведенной вероятности  $\ell$ -запрещенного M1-перехода не более, чем на 2-3%.

Итак, в предлагаемой нами схеме расчета приведенной вероятности  $B(M1)$   $\ell$ -запрещенных у-переходов мы решаем уравнение /1.1/ с  $e_q V_0$  в виде /1.7// тем самым учитывается главный эффект от двухчастичного спин-орбитального взаимодействия/, с ампли-

тудой взаимодействия  $\mathcal{F}$  в виде /1.12/ и частично-дырочным пропагатором  $A_s$  в виде /1.14/. Чтобы отделить угловые переменные в уравнении /1.1/ и получить уравнение для радиальной зависимости эффективного поля, разложим амплитуду взаимодействия  $\mathcal{F}$  и эффективное поле  $V$  по сферическим тензорам  $T_{KL}^{\mu}(\vec{\sigma})$ :

$$\mathcal{F}(\vec{r}_1, \vec{r}_2) = \sum_{KL} T_{L_1 L_2}^{(k)}(\vec{r}_1, \vec{r}_2) [T_{KL_1}^{\mu}(\vec{\sigma})]^+ T_{KL_2}^{\mu}(\vec{\sigma}). \quad /1.19/$$

$$V(\vec{r}) = \sqrt{4\pi} \left\{ \sum_{L=0}^2 v^{(L)}(r) T_{1L}^{\mu}(\vec{\sigma}) + g_{\ell} T_{10}^{\mu}(\vec{\sigma}) \right\}. \quad /1.20/$$

В последнем выражении использован тот факт, что оператор  $\vec{j}^2$  не имеет недиагональных матричных элементов и, следовательно, не вносит вклада в ядерную поляризуемость <sup>18/</sup>. Тогда после интегрирования по угловым переменным и суммирования по магнитным квантовым числам в уравнении /1.1/ получим следующую систему уравнений для определения  $v^{(L)}(r)$ :

$$v^{(L)}(r) = v_0^{(L)}(r) + \int_0^{\infty} r_1^2 dr_1 \int_0^{\infty} r_2^2 dr_2 \sum_{L_1 L_2} T_{LL_1}^{(1)}(r, r_1) A_{L_1 L_2}^{(1)}(r_1, r_2; \omega) v^{(L_2)}(r_2); \quad /1.21/$$

$$v^{(1)}(r) = 0.$$

Здесь каждый из индексов  $L$ ,  $L_1$  и  $L_2$  принимает значение 0 и 2,  $v_0^{(0)}$  и  $v_0^{(2)}$  определяются формулами /1.8/ и /1.9/ для нейтронного и формулами /1.10/ и /1.11/ - для протонного переходов. Вид функций  $T_{L_1 L_2}^{(k)}(\vec{r}_1, \vec{r}_2)$ , включающий однопионную компоненту  $\mathcal{F}_{\pi}$ , показан в работе <sup>22/</sup>.

$$\begin{aligned} A_{L_1 L_2}^{(1)}(r_1, r_2; \omega) &= \frac{1}{3} \sum_{\ell j \ell' j'} <\ell_j||T_{1L_1}(\vec{\sigma})||\ell' j'> <\ell_j||T_{1L_2}(\vec{\sigma})||\ell' j'> \times \\ &\times \left\{ \sum_n n_{\nu} R_{\nu}(r_1) R_{\nu}(r_2) G_{\ell j}^{(r)}(r_1, r_2; \epsilon_{\nu} - \omega) + \right. \\ &+ \sum_{n'} n'_{\nu} R_{\nu}(r_1) R_{\nu}(r_2) G_{\ell j}^{(r)}(r_1, r_2; \epsilon_{\nu} + \omega) - \\ &- \sum_{nn'} R_{\nu}(r_1) R_{\nu}(r_2) R_{\nu'}(r_1) R_{\nu'}(r_2) \left[ \frac{n_{\nu} - n'_{\nu}}{\epsilon_{\nu} - \epsilon'_{\nu} - \omega} \right. + \\ &\left. \left. + \frac{\eta_{\nu\nu'}^{(-)}(E_{\nu\nu'}, \eta_{\nu\nu'}^{(-)} + \omega \eta_{\nu\nu'}^{(+)})}{E_{\nu\nu'}^2 - \omega^2} \right] \right\}. \end{aligned} \quad /1.22/$$

Приведенный матричный элемент  $\langle \ell_1 || T_{11}(\vec{r}) || \ell' j' \rangle$  имеет вид

$$\langle \ell_1 || T_{11}(\sigma) || \ell' j' \rangle = (-1)^{\ell_1} 3[(2\ell+1)(2j+1)(2\ell'+1)(2j'+1)(2L+1)/2\pi]^{\frac{1}{2}} \times$$

$$\times \begin{pmatrix} \ell & \ell' & L \\ 0 & 0 & 0 \end{pmatrix} \begin{Bmatrix} 1/2 & 1 & 1/2 \\ j & 1 & j' \\ \ell & L & \ell' \end{Bmatrix} . \quad /1.23/$$

$R_\nu(r)$  - радиальные волновые функции,  $G_{\ell j}^{(r)}(r_1, r_2; \epsilon)$  - функции Грина одномерного уравнения Шредингера, которые выражаются стандартным образом через два его независимых решения  $\psi_{23}$ .  $n_\nu = k_\nu / (2j+1)$ ,  $k_\nu$  - число частиц с энергией  $\epsilon_\nu$ .

Матричный элемент для  $\ell$ -запрещенного  $\gamma(M1)$ -перехода  $\nu_i - \nu_f$  определяется следующим образом:

$$M_{\nu_i \nu_f}(M1) = \sqrt{4\pi} \langle \nu_f || \psi^{(2)}(r) T_{12}(\vec{r}) || \nu_i \rangle \xi_{\nu_i \nu_f}^{(-)}. \quad /1.24/$$

Здесь  $\xi_{\nu_1 \nu_2}^{(-)} = u_{\nu_1 \nu_2} u_{\nu_1 \nu_2} + v_{\nu_1 \nu_2} v_{\nu_1 \nu_2}$ .

## 2. УРАВНЕНИЕ ДЛЯ ЭФФЕКТИВНОГО ПОЛЯ $\gamma/E2$ -ПЕРЕХОДА

Рассмотрим одноквазичастичные  $\gamma$ -переходы мультипольности  $E2$ . В энергетическом представлении соответствующие уравнения ТКФС для ядер, удаленных от магических, являются системой уравнений для эффективного поля  $V$  и изменения энергетической щели  $d$ . Наиболее простой вид они принимают, если представить  $V$  и  $d$  в виде суммы соответствующих  $t$ -четных и  $t$ -нечетных операторов ( $t$  - оператор обращения времени). В этом случае система уравнений имеет следующий вид<sup>18,24/</sup>:

$$V_{\lambda_1 \lambda_2}^{(\pm)}(\omega) = e_q^{\circ} V_{\lambda_1 \lambda_2}^{(\pm)} + \sum_{\lambda'_1 \lambda'_2} \mathcal{F}_{\lambda_1 \lambda'_2, \lambda'_1 \lambda'_2}^{(\pm)} \eta_{\lambda_1 \lambda'_2}^{(\pm)} Z_{\lambda_1 \lambda'_2}^{(\pm)}(\omega), \quad /2.1/$$

$$d_{\lambda_1 \lambda_2}^{(\pm)}(\omega) = \mp \sum_{\lambda'_1 \lambda'_2} \mathcal{F}_{\lambda_1 \lambda'_2, \lambda'_1 \lambda'_2}^{(\pm)} \xi_{\lambda_1 \lambda'_2}^{(\pm)} Z_{\lambda_1 \lambda'_2}^{(\pm)}(\omega). \quad /2.2/$$

Эффективный заряд квазичастицы в данном случае равен

$e_q^{(p)} = e(1 - f_1^{np}/3m^*)$ ,  $e_q^{(n)} = e^1/3m^*$ ;  $f_1^{np}$  - константа ТКФС,  $m^*$  - эффективная масса нуклона,  $e$  - заряд протона.  $\xi_{\lambda_1 \lambda_2}^{(\pm)} = u_{\lambda_1 \lambda_2} v_{\lambda_1 \lambda_2} \pm v_{\lambda_1 \lambda_2} u_{\lambda_1 \lambda_2}$ . а  $\eta_{\lambda_1 \lambda_2}^{(\pm)}$  определены формулами /1.18/. Знак  $+/-$  относится к  $t$ -четным /нечетным/ операторам. Величина  $Z_{\lambda_1 \lambda_2}$  является матрицей плотности перехода и удовлетворяет уравнению

$$E_{\lambda_1 \lambda_2} Z_{\lambda_1 \lambda_2}^{(\pm)}(\omega) + \sum_{\lambda'_1 \lambda'_2} (\eta_{\lambda_1 \lambda'_2}^{(\pm)} \eta_{\lambda'_1 \lambda_2}^{(\pm)} \mathcal{F}_{\lambda_1 \lambda'_2, \lambda'_1 \lambda_2}^{(\pm)} +$$

$$+ \xi_{\lambda_1 \lambda_2}^{(\pm)} \xi_{\lambda'_1 \lambda'_2}^{(\pm)} \mathcal{F}_{\lambda_1 \lambda'_2, \lambda'_1 \lambda_2}^{(\pm)} Z_{\lambda_1 \lambda'_2}^{(\pm)}(\omega) - \omega Z_{\lambda_1 \lambda'_2}^{(\pm)}(\omega)) = -\eta_{\lambda_1 \lambda_2}^{(\pm)} e_q^{\circ} V_{\lambda_1 \lambda_2}^{(\pm)}; \quad /2.3/$$

$\mathcal{F}^\omega$  и  $\mathcal{F}^\xi$  - амплитуды взаимодействия квазичастиц в канале частица-дырка и частица-частица соответственно, которые параметризованы следующим образом:

$$\mathcal{F}^\omega = C_0 (f_0 + f'_0 \vec{r} \cdot \vec{r}'), \quad \mathcal{F}^\xi = C_0 f^\xi;$$

$f_0, f'_0, f^\xi$  - параметры ТКФС.

"Затравочное" поле  $V$  для  $E2$ -переходов является  $t$ -четным и имеет вид

$$V^{(+)}(r) = r^2 Y_{2\mu}(\theta, \phi), \quad V^{(-)}(r) = 0. \quad /2.4/$$

Как видно из уравнения /2.3/, взаимовлияние  $t$ -четных и  $t$ -нечетных вершин осуществляется благодаря члену, пропорциональному  $\omega$ . Если рассматривать переходы, для которых  $\omega$  не превышает 1 МэВ и дополнительно учесть, что в уравнении для  $t$ -нечетной компоненты свободный член равен нулю, то, как результат,  $Z^{(-)} \ll Z^{(+)}$ , что позволяет положить  $Z^{(-)} = 0$ . В этом приближении, оставляя в уравнении /2.3/ только  $t$ -четные компоненты и отделяя угловые переменные, получим

$$Z_{\nu_1 \nu_2}^{(+)} + \sum_{\nu'_1 \nu'_2} (\eta_{\nu_1 \nu_2}^{(+)} \eta_{\nu'_1 \nu'_2}^{(+)} \mathcal{F}_{\nu_1 \nu_2, \nu'_1 \nu'_2}^{(+)} + \xi_{\nu_1 \nu_2}^{(+)} \xi_{\nu'_1 \nu'_2}^{(+)} \mathcal{F}_{\nu_1 \nu_2, \nu'_1 \nu'_2}^{(+)} Z_{\nu'_1 \nu'_2}^{(+)} (G_{\nu'_1 \nu'_2})^2) = -e_q^{\circ} (r^2) \nu_1 \nu_2 \eta_{\nu_1 \nu_2}^{(+)} \quad /2.5/$$

$$+ \xi_{\nu_1 \nu_2}^{(+)} \xi_{\nu'_1 \nu'_2}^{(+)} \mathcal{F}_{\nu_1 \nu_2, \nu'_1 \nu'_2}^{(+)} Z_{\nu'_1 \nu'_2}^{(+)} (G_{\nu'_1 \nu'_2})^2 = -e_q^{\circ} (r^2) \nu_1 \nu_2 \eta_{\nu_1 \nu_2}^{(+)},$$

где

$$\mathcal{F}_{\nu_1 \nu_2, \nu'_1 \nu'_2}^{(+)} = C_0 \int_0^\infty R_{\nu_1}(r) R_{\nu'_1}(r) (f_0(r) + f'_0(r) \vec{r} \cdot \vec{r}') R_{\nu_2}(r) R_{\nu'_2}(r) r^2 dr;$$

$$\mathcal{F}_{\nu_1 \nu_2, \nu'_1 \nu'_2}^{(+)} = C_0 f^\xi \int_0^\infty R_{\nu_1}(r) R_{\nu_2}(r) R_{\nu'_1}(r) R_{\nu'_2}(r) r^2 dr; \quad /2.6/$$

$$G_{\nu_1 \nu_2} = \langle \nu_2 || Y_2 || \nu_1 \rangle.$$

В выражении /2.6/ учтено, что амплитуды взаимодействия  $f_0$  и  $f'_0$  имеют координатную зависимость следующего вида /18/:

$$f(r) = f^{(ex)} + (f^{(in)} - f^{(ex)}) \rho(r) / \rho(0). \quad /2.7/$$

Матричный элемент для  $\gamma(E2)$ -перехода  $\nu_i \rightarrow \nu_f$  определяется следующим образом:

$$M_{\nu_i \nu_f} (E2) = \sqrt{4\pi} (\psi_{\nu_i \nu_f}^{(+)} \xi_{\nu_i \nu_f}^{(+)} + d_{\nu_i \nu_f}^{(+)} \eta_{\nu_i \nu_f}^{(+)}) \langle \nu_f || Y_2 || \nu_i \rangle. \quad /2.8/$$

### 3. ДЕТАЛИ РАСЧЕТОВ

Приведенные вероятности  $\gamma$ -переходов можно рассчитать по следующей формуле / $\sigma L = M1$  или  $E2$ /:

$$B(\sigma L) = (2i_i + 1)^{-1} |M_{\nu_i \nu_f}(\sigma L)|^2. \quad /3.1/$$

Здесь приведенный матричный элемент определен формулой /1.24/ для перехода  $M1$ -типа и формулой /2.8/ для  $\gamma$ -переходов  $E2$ -типа.

Уравнение /1.21/ решалось в координатном представлении. Одночастичные энергии, волновые функции Грина рассчитывались для потенциала Саксона-Вудса с включением спин-орбитального и кулоновского /для протона/ члена с параметрами, взятыми из работы /25/.

В уравнении /2.5/ и формулах /2.1/-/2.2/ суммирование проводилось по всем состояниям  $\lambda, \lambda'$  дискретного и квазидискретного спектра в области 15 МэВ выше и ниже уровня Ферми.

Ядерная плотность  $\rho(r)$  /формулы /1.8/-/1.11/ бралась в ви-

$$\text{де: } \rho(r) = \rho_0 \left(1 + e^{-\frac{r-R}{a}}\right)^{-1}, \quad \rho_0 = 9.6 \cdot 10^8 /=0,17 \text{ фм}^{-3}/, \\ R = 3.1 \cdot 10^{-3} \text{ A}^{1/3}, \quad a = 1.51 \cdot 10^{-3}.$$

Для констант, параметризующих амплитуду взаимодействия, использовались следующие значения /18/:  $R_0 = 0,50$ ,  $\rho'_0 = 1,00$ ,  $f_0^{(in)} = 0,25$ ,  $f_0^{(ex)} = 0,95$ ,  $f_0^{(ex)} = -2,50$ ,  $f_0^{(ex)} = 0,95$ ,  $C_0 = 1,03 \cdot 10^{-5}$  ( $= 300 \text{ МэВ} \cdot \text{фм}^3$ ),  $C_1 = 1,13 \cdot 10^{-10}$  ( $= 488,5 \text{ МэВ} \cdot \text{фм}^5$ ).

Значения констант спин-орбитального взаимодействия  $k = 0,175$ ,  $k' = -0,100$  брались из работы /26/, где было получено удовлетворительное описание ферми-поверхности в рассматриваемой нами области. Ввиду малости константы  $f_{\text{pr}}$  /18/ эффективные заряды квазичастиц /см. формулы /2.1/, /2.5//полагались  $e^{(p)} = e$ ,  $e^{(n)} = 0$ . При расчете химических потенциалов, величин  $\xi_{\lambda\lambda}^{(\pm)}$ ,  $\eta_{\lambda\lambda}^{(\pm)}$  /см. уравнения /1.17/, /2.5//зависимостью энергетической щели  $\Delta_{\lambda}$  от состояния  $\lambda$ , как правило, пренебрегалось, и значения  $\Delta$  брались из работы /27/. Исключение делалось лишь при расчете характеристик нейтронных  $\gamma$ -переходов в нуклидах с  $67 \leq N \leq 81$ .

Как известно из эксперимента, спин основного состояния таких нуклидов  $I = 1/2^+$  или  $3/2^+$ , что с позиций одночастичной модели оболочек можно было бы объяснить тем, что нечетный нейтрон находится в состоянии  $3s_{1/2}$  или  $2d_{3/2}$  соответственно. Однако при числе нейтронов  $N > 66$  состояние  $3s_{1/2}$  должно быть полностью заполнено /в используемом нами потенциале его энергия меньше, чем энергия состояний  $1h_{11/2}$  и  $2d_{3/2}$ /, и возникают трудности с интерпретацией спина и четности основного состояния в указанной области значений  $N$ . Преодолеть эту трудность в одноквазичастичной схеме можно, используя то обстоятельство, что энергия спаривания нуклонов зависит от его состояния и, в частности, возрастает с увеличением момента  $\lambda$  /28-30/. Вводя зависимость  $\Delta$  от состояния  $\lambda$ , можно добиться, чтобы заполненность состояний  $1h_{11/2}$  и  $2d_{3/2}$  оказалась выше, чем для состояния  $3s_{1/2}$ , и это будет соответствовать реальной ситуации, когда нечетный нейтрон оказывается в состоянии  $3s_{1/2}$ . Экспериментальное изучение спектроскопических факторов ядер с  $67 \leq N \leq 79$ , как правило, подтверждает такого рода инверсию в заполненности уровней  $3s_{1/2}$ ,  $1h_{11/2}$ ,  $2d_{3/2}$  /см., например, /31/. Когда инверсии нет, замена  $\Delta_{\lambda}$  на  $\Delta$  в уравнениях для эффективного поля практически не влияет на результат /оценки дают изменения решения в пределах 5%. В противном случае, однако, зависимость  $\Delta_{\lambda}$  от состояния  $\lambda$  оказывается существенной, так как замена  $\Delta_{\lambda}$  на  $\Delta$  иска- жает ферми-поверхность, и это отражается на величине поляризационного члена в уравнениях /1.1/ и /2.5/. Учитывая вышесказанное, при рассмотрении нейтронных переходов во всех ядрах с  $67 \leq N \leq 79$  использовали следующие значения  $\Delta_{\lambda}$  /в МэВ/:

$\Delta_{3s_{1/2}}^n = 0,2$ ;  $\Delta_{2d_{3/2}}^n = 0,6$ ;  $\Delta_{1h_{11/2}}^n = 1,5$ , и для остальных состояний  $\lambda$   $\Delta_{\lambda} = \Delta$  / $\Delta$  бралось из работы /27/. Поскольку отмечается корреляция между значениями факторов запрета  $M1$ -переходов и величиной отклонения значений магнитных моментов рассматриваемых состояний от линии Шмидта, то дополнительным аргументом в пользу нашего выбора  $\Delta_{\lambda}$  может служить удовлетворительное описание магнитных моментов указанных ядер /здесь также необходимо рассчитывать аналогичный поляризационный член/. В табл.1 приведены в сравнении с экспериментальными данными значения магнитных моментов, рассчитанные в рамках той же схемы, что использовалась для расчета приведенной вероятности  $\ell$ -запрещенных  $M1$ -переходов. Как видно из табл.1, выбор указанной зависимости  $\Delta_{\lambda}$  от состояния  $\lambda$  позволяет получить вполне удовлетворительное соглашение с экспериментом. Результаты наших расчетов приведенных вероятностей  $\ell$ -запрещенных  $M1$ -переходов и приведенных вероятностей  $E2$ -переходов в области ядер  $90 \leq A \leq 150$  будут опубликованы в следующей работе.

Для иллюстрации вклада отдельных компонент амплитуды взаимодействия квазичастиц в перенормировку оператора  $M1$ -перехода

Таблица 1  
Магнитные моменты ядер / в единицах  $\mu_N$  /

Нуклид	III $Cd$	II3 $Cd$	II7 $Sr$	II9 $Sr$	I23 $Te$	I25 $Te$
$J^{\pi}$ теор.	-0,68	-0,69	-0,97	-0,96	-0,81	-0,90
$J^{\pi}$ эксп./32/	-0,59	-0,62	-1,00	-1,04	-0,74	-0,89

в табл.2 приведены значения  $B(M1)$  для некоторых  $\ell$ -запрещенных  $M1$ -переходов, рассчитанные при различных исходных предположениях. Из этой таблицы видно, что для объяснения эксперимента недостаточно учета спин-спинового и спин-изоспинового взаимодействия квазичастиц. Существенное влияние на согласие между теоретическими и экспериментальными значениями  $B(M1)$  оказывает спин-орбитальная поправка к оператору  $M1$ -перехода.

Таблица 2

Значения  $B(M1)$   $\ell$ -запрещенных  $M1$ -переходов  
/ в единицах  $\mu_N^2 \cdot 10^{-2}$  /

Нуклид	$B(M1)$ теор. *				$B(M1)$ эксп.
	I	II	III	IV	
$^{119}_{48} Cd_{71}$	0,24	5,89	4,37	4,53	5,71
$^{127}_{53} I_{74}$	0,65	4,63	3,05	3,11	2,20
$^{145}_{64} Gd_{81}$	0,08	1,27	0,71	0,89	0,79

\*При расчете учитываются: I - только спин-спиновые и спин-изоспиновые силы; II - только спин-орбитальные силы; III - все компоненты взаимодействия квазичастиц, кроме однопарного обмена; IV - все компоненты взаимодействия квазичастиц.

## ЛИТЕРАТУРА

- Берлович Э.Е. Препринт ФТИ, № 110, Ленинград, 1968.
- Марупов Н.З., Морозов В.А., Муминов Т.М. ОИЯИ, Р6-9005, Дубна, 1975.

- Andreitcheff W. et al. Nucl.Phys., 1981, A368, p.45.
- Arima A. Hory H., Sano M. Progr.Teor.Phys., 1957, 17, p.567.
- Paar V., Brandt S. Phys.Lett., 1978, 74B, p.297; Nucl.Phys. 1978, A303, p.96.
- Hamamoto I. Phys.Rep., 1974, 10, p.64; Phys.Lett. 1976, 61B, p.343.
- Tawner S. et al. Nucl.Phys., 1977, A277, p. 285.
- Lipparini E., Stringari S., Traini M. Nucl.Phys., 1977, A293, p.29; Lett.Nuovo Cim., 1977, 19, p.171.
- Hicks H.C. et al. Phys.Rev., 1983, 27C, p.2203.
- Ходель В.А. ЯФ, 1965, 2, с.24.
- Бирбрайр Б.Л. и др. Изв. АН СССР, сер.физ., 1968, 32, с.1618.
- Садовникова В.А. ЯФ, 1980, 32, с.1524.
- Dmitriev V.F., Telitsin V.B. Nucl.Phys., 1983, A402, p.588.
- Долгополов М.А., Копытин И.В. Изв.АН СССР, сер.физ., 1984, 48, с.102; 1985, 49, с.85; 1980, 44, с.2397.
- Bauer R. et al. Nucl.Phys., 1973, A209, p.535.
- Speth J., Werner E., Wild W. Phys Rep., 1977, 33C, p.127.
- Саперштейн Э.Е., Толоконников С.В., Фаянс С.А., Изв.АН СССР, сер.физ., 1977, 41, с.2063.
- Мигдал А.Б. Теория конечных ферми-систем и свойства атомных ядер. "Наука", М., 1983.
- Мигдал А.Б. ЖЭТФ, 1964, 46, с.1980.
- Троицкий М.А., Ходель В.А. Ядерная физика, 1965, 1, с.205.
- Пик-Личак Г.А. Ядерная физика, 1967, 6, с.265.
- Борзов И.Н., Саперштейн Э.Е., Толоконников С.В., Фаянс С.А. ЭЧАЯ, 1981, 12, с.848.
- Саперштейн Э.Е., Фаянс С.А., Ходель В.А. Препринт ИАЗ-2580, М., 1976; ЭЧАЯ, 1978, 9, с.221.
- Birbair B.L. Nucl.Phys., 1968, A108, p.449.
- Фаянс С.А. Препринт ИАЗ-1593, М., 1968.
- Гусева И.С., Садовникова В.А. Препринт ЛИЯФ, № 751, Л., 1982.
- Kisslinger L.S., Sorensen R.A. Rev.Mod.Phys., 1963, 35, p.853.
- Айзенберг И., Грайнер В. Модели ядер. Коллективные одночастичные явления. Атомиздат, М., 1975.
- Кадменский С.Г. и др. Ядерная физика, 1978, 27, с.906.
- Соловьев В.Г. Теория атомного ядра. Ядерные модели. Энергоиздат, М., 1981.
- Nuclear Data Sheets, 1981, 32, p.547.
- Таблицы физических величин. Справочник /под ред.И.К.Кикоина/. Атомиздат, М., 1976.

Рукопись поступила в издательский отдел  
23 октября 1985 года.