368-85



СООБЩЕНИЯ Объединенного института ядерных исследований дубна

P4-85-368

С.Г.Кадменский,<sup>1</sup> В.И.Фурман, Ю.М.Чувильский<sup>2</sup>

МИКРОСКОПИЧЕСКОЕ ОПИСАНИЕ РАСПАДА ЯДЕР С ИСПУСКАНИЕМ ТЯЖЕЛЫХ ЧАСТИЦ

<sup>1</sup> Воронежский государственный университет <sup>2</sup> НИИЯФ МГУ

1985

#### введение

Недавние наблюдения  $^{/1-4/}$  спонтанного распада  $^{222-224}$  Ra с испусканием  $^{14}$ C,  $^{232}$ U и  $^{231}$ Pa с испусканием  $^{24}$ Ne и продолжающиеся интенсивные поиски новых случаев распада ядер с испусканием тяжелых фрагментов ставят задачу теоретической интерпретации и прогнозирования данного класса явлений.

В цикле работ<sup>/5-6/6</sup>была высказана гипотеза о связи нового вида радиоактивности с асимметричной модой деления.Сделаны определенные предсказания<sup>/5/</sup>, которые стимулировали интерес экспериментаторов к указанной проблеме.</sup>

Заметим, что в последние годы достигнут серьезный успех в описании относительных и абсолютных вероятностей а-распада на основе не R-матричного подхода<sup>/7-8/</sup> при использовании оболочечной модели со спаривательным взаимодействием. Табл.1 иллюстрирует отношения теоретических  $\Gamma_a^{\text{твор}}$  и экспериментальных  $\Gamma_a^{\text{эксп}}$  ширин для большой группы а-распадных ядер. Теория также успешно описывает а-переходы различной степени облегченности, позволяя детально учесть влияние структурных эффектов на вероятности а-распада. Видно, что за исключением ядер с N = 128 теоретические а-ширины отличаются от экспериментальных на фактор  $\leq 3$  /табл.1/. В связи с этим можно пытаться исследовать распад ядер с испусканием тяжелых частиц на той же теоретической основе, что и а-распад.

#### 1. КЛАСТЕРНЫЕ СПЕКТРОСКОПИЧЕСКИЕ ФАКТОРЫ ТЯЖЕЛЫХ НАСТИЦ. И КЛАССИФИКАЦИЯ РАСПАДОВ

Для классификации глубокоподбарьерных распадов ядер с испусканием тяжелых частиц х естественно ввести в рассмотрение поверхностную кластерную область распадающегося ядра ( $\mathbb{R}_{k1} \leq \mathbb{R} \leq \mathbb{R}_{1}$ ), где фрагменты распада полностью сформированы. В этой области волновую функцию  $\Psi_{\sigma_{1}}^{j,\pi_{1}M_{1}}$  родительского ядра А. имеющего спив  $J_{i}$ , его проекцию  $M_{i}$ , четность  $\pi_{i}$  и прочие квантовые числа  $\sigma_{i}$ , можно представить в виде 77:

$$\Psi_{\sigma_{i}}^{J_{i}\pi_{i}} \stackrel{M_{i}}{=} \sum_{c_{x}} \hat{A} \left\{ \frac{U_{c_{x}}^{J_{i}\pi_{i}}M_{i}}{R} \Psi_{c_{x}}^{Kn}(R)}{R} \right\}, \qquad (1)$$

где с – различные каналы распада (с =  $J_{f}\pi_{f}\sigma_{f}L$ ), а  $U_{cx}^{J_{i}\pi_{i}M_{i}}$  – функция канала:

							~	
Распалное ядро	<sup>148</sup> Sm	<sup>150</sup> Gd	<sup>152</sup> Gd	<sup>152</sup> Dy	. <sup>154</sup> Er	<sup>174</sup> Hf	<sup>164</sup> W	<sup>180</sup> Hf
Б <sup>теар</sup> /Бэкс	0,58	2,04	I,15	1,32	0,89	3,20	Q,52	0,50
Распадное ядро	<sup>182</sup> Hg	<sup>184</sup> Hg	<sup>186</sup> Hg	<sup>196</sup> Ро	<sup>198</sup> Po	200po	202 Po	204p
L Teop/ Jake	0,52	0,44	0,43	0,43	0,42	0,36	0,35	0,3I
Распацное яцро	206 P.O.	208 Po	210 Po	200 <sub>Rn</sub>	202 Rn	204 Rn	<sup>206</sup> Rn	<sup>208</sup> Rn
GTeop/Faskc	0,59	0,52	0,43	0,62	0,65	0,55	0,6	·0,62
Расцацное яцро	210 Rn	206 Ra	<sup>208</sup> Ra	210Ra	212 <sub>Ra</sub>	214 <sub>Ra</sub>	214Th	216 Th
In Teop/1- #C	0,93	0,33	0,41	0,41	0,69	I,66	σ <b>,</b> 55	I,48
Распацное яцро	212 po	<sup>214</sup> Po	214 Rn	<sup>216</sup> Rn	216 Ra	<sup>218</sup> Rà	218 Th	, <sup>220</sup> Th
ETEOP/ For SKC	9,1	1,74	8-,90	3,16	5,4	3,2	6 <b>,9</b> 2	4,07
r .								

Таблица 1

$$U_{cx}^{J_{i}\pi_{i}M_{i}} = \{ \Psi_{\sigma_{f}}^{J_{f}\pi_{f}M_{f}} \chi_{x} Y_{LM} (\Omega_{\vec{R}}) \}_{J_{i}M_{i}} , \qquad /2/$$

причем для простоты рассмотрен случай четно-четной частицы х, имеющей нулевой спин.

В формулах /1/, /2/ А – оператор антисимметризации;  $X_x$  – внутренняя волновая функция частицы x,  $\vec{R}$  – радиус-вектор, описывающий относительное движение частицы x и дочернего ядра  $A_f = A - A_x$ .

Кластерный формфактор  $\Psi_{cx}^{\kappa n}(\mathbf{R})$  при пренебрежении связью различных каналов распада удовлетворяет уравнению Шредингера

$$\{-\frac{\hbar^2}{2\mu_x}\frac{d^2}{dR^2} + \frac{\hbar^2 L(L+1)}{2\mu_x R^2} + V_x^{\kappa y n}(R) + V_x^{\eta n}(R) - Q_{cx}\}\Psi_{cx}^{\kappa \eta}(R) = 0, \qquad /3/$$

где  $Q_{cx}$  - энергия относительного движения ядра  $A_f$  и частицы x в канале с,  $\mu_x$  - ее приведенная масса,  $V_x^{Kyn}(R)$  и  $V_x^{RA}(R)$  - куло-

новский и ядерный потенциалы взаимодействия частицы x и ядра  $A_f$ . В качестве граничного условия можно использовать условие  $^{77/2}$ :

$$\Psi_{cx}^{\mathsf{Kn}}(\mathsf{R}) \xrightarrow[\mathsf{R} \to \mathsf{R}_{1}]{} \sqrt{\frac{\Gamma_{cx} \, \tilde{\mathsf{h}} \mathsf{k}_{c}}{2 \, \mathsf{Q}_{c}}} \, \mathsf{Q}_{c}(\mathsf{R})', \qquad (4/)$$

где  $\Gamma_{cx}$  - ширина распада системы в канал <u>с. G. (R)</u> г нерегуляр-, ная радиальная кулоновская функция,  $k_{c} = \sqrt{2\mu_{c}Q} \frac{c_{cx}}{h^{2}}$ 

В /4/ величина R<sub>1</sub> соответствует точке, лежащей в подбаръерной кулоновской области левее внешней кулоновской точки поворота, где уже выполняется условие:  $F_c(R) \ll G_c(R) / F_c(R) -$ регулярная радиальная кулоновская функция/.

Если в формуле /4/ в качестве  $\Gamma_{cx}$  использовать экспериментальную ширину распада  $\Gamma_{cx}^{\mathfrak{skc}}$ ядра А в канал с, то, интегрируя уравнение /3/ от точки  $\mathbf{R}_1$  вовнутрь вплоть до  $\mathbf{R} = \mathbf{R}_{KR}$ , можно восстановить кластерный формфактор  $\Psi_{cx}^{KR}$  (R) и с его помощью можно рассчитать кластерный спектроскопический фактор  $W_{cx}^{KR}$ :

$$W_{cx}^{\kappa_{\Pi}} = \int_{R_{\kappa_{\Pi}}}^{R_{1}} [\Psi_{cx}^{\kappa_{\Pi}}(\mathbf{R})]^{2} d\mathbf{R}, \qquad (5/)$$

Величина  $\mathbb{W}_{cx}^{\kappa n}$  является аналогом приведенной ширины  $y_{cx}^2(\mathbf{R})$ , но в силу интегрального определения оказывается слабо чувствительной к выбору радиуса  $\mathbf{R}_{\kappa n}$ . Ниже в качестве  $\mathbf{R}_{\kappa n}$  используется значение

$$\hat{R}_{\kappa\eta} = 1.2 \cdot (A_f^{1/3} + A_{\chi}^{1/3}) \phi M$$
 .  $/6/$ 

близкое к сумме радиусов дочернего ядра А, и частицы 🗴.

Центральной проблемой при расчете кластерных формфакторов и спектроскопических факторов является определение ядерного потенциала  $V_{\mathbf{x}}^{\mathbf{H},\mathbf{d}}(\mathbf{R})$  взаимодействия частицы X и дочернего ядра  $\mathbf{A}_{\mathbf{f}}$ для глубокоподбарьерного случая. К сожалению, феноменологические оптические потенциалы составных частиц х с A x > 4 ориентированы на описание рассеяния частиц 🕱 с надбарьерными энергиями иу как правило, имеют глубину действительной части V<sub>0</sub> ≈ -40 МэВ. Столь малые глубины  $V_0$  приводят для суммы потенциалов  $V_x^{8,\alpha}(R) + V_x^{kyn}(R)$ к эффективному отталкиванию частицы x от ядра A<sub>f</sub> при всех значениях переменной R и в принципе не дают связанных квазистационарных состояний. Поэтому ниже для расчета потенциала V<sub>x</sub><sup>яд</sup>(R) был использован метод /9/ одинарной свертки однонуклонных оптических потенциалов с нуклонной плотностью частицы 🗴 , который позволяет получить "глубокие" потенциалы  $V_x^{\mbox{\tiny R}\mbox{\footnotesize A}}(R)$ , образующие квазистационарные состояния и в то же время для а-частиц близкие к феноменологическим потенциалам, специально протестированным /7/ на описание сечения реакции при глубокоподбарьерных энергиях.

Если теперь уравнение Шредингера /3/ с граничным условием /4/ интегрировать от точки  $\mathbf{R} = \mathbf{R}_1$  до  $\mathbf{R} = 0$  и, зафиксировав значение  $\mathbf{Q}_{cx}$ , с помощью подбора глубины потенциала  $V_0$  удовлетворить краничному условию  $\Psi_0^{odH}(0) = 0$ , то найденная таким способом функ-

3

ция  $\Psi_{c}^{odH}(\mathbf{R})$ , нормированная на единицу, будет соответствовать "квазимолекулярному" квазистационарному состоянию частицы х и дочернего ядра  $\mathbf{A}_{f}$ . Ширина распада такого "одночастичного" состояния в канал с  $-\Gamma_{cx}^{o}$  называется одночастичной шириной. Тогда, имея в виду, что по определению функций  $\Psi_{cx}^{Kn}(\mathbf{R})$ . и  $\Psi_{c}^{odH}(\mathbf{R})$  отличаются на фактор  $\sqrt{\Gamma_{cx}^{3KC}}/\Gamma_{cx}^{0}$ , экспериментальную ширину  $\Gamma_{cx}^{3KC}$  можно выразить через ширину  $\Gamma_{cx}^{o}$  соотношением

 $\Gamma_{cx}^{9KC} = \Gamma_{cx}^{0'} \frac{W_{ax}^{H}}{W_{0x}^{0}} , \qquad /7/$ 

где  $W_{cx}^{\circ}$  - одночастичный кластерный спектроскопический фактор. Заметий, что в квазиклассическом приближении величина  $\Gamma_{cx}^{\circ}$  связана очень простым соотношением с вероятностью  $P_{xc}$  проникновения частицы х через потенциальный барьер:

 $\Gamma_{cx}^{\circ} \approx \frac{\hbar\omega}{\pi} P_{xc}$ , /8/

где  $\hbar \omega \approx 41 \, \text{A}^{1/3}$  МэВ - расстояние между соседними оболочками. Для ядер с  $A_{\rm f} \approx 208$ :

 $\Gamma_{cx}^{\circ} \approx 2 \cdot P_{xc} / M \Rightarrow B/$ 

В таблице 2 представлены значения  $\Gamma_{cx}^{\circ}$  и  $W_{cx}^{\circ}$  для ряда ядер и составных частиц х.

Заметим, что факторы проницаемости  $P_{\rm xc}$ , рассчитанные по формуле /8/ через ширины  $\Gamma_{\rm cx}^{\rm o}$ , отличаются от аналогичных факто-ров проницаемости, полученных в/2/ на фактор 5 10  $^3$  для  $^{14}{\rm C}$  и  $\approx 10^6$  для  $^{24}{\rm Ne}$ . Причина этого расхождения связана с грубостью метода оценки проницаемости /2/, использующего обрезанный на ра-диусе \*/6/ чисто кулоновский потенциал.

В табл.2 представлены рассчитанные по формуле /5/ значения кластерных спектроскопических факторов  $W_{cx}^{\kappa n}$  для  ${}^{14}C$  и  ${}^{24}$  Ne. Обращает на себя внимание резкое уменьшение  $W_{cx}^{\kappa n}$  /на 7 порядков/ при переходе от более легкой частицы  ${}^{14}C$  к  ${}^{24}$  Ne.

В случае <sup>14</sup>С значения  $W_{cx}^{\kappa n}$  для четно-четных ядер <sup>222</sup>Ra и <sup>224</sup>Ra оказываются близкими и в то же время превышают значение  $W_{cx}^{\kappa n}$  для нечетного ядра <sup>223</sup>Ra на два порядка. По аналогии с d-распадом распад четно-четных ядер <sup>222</sup>Rá и <sup>224</sup>Ra с испусканием <sup>14</sup>C и <sup>232</sup>U с испусканием <sup>24</sup>Ne можно рассматривать как облегченный. В то же время по аналогии с a-распадом переходы <sup>223</sup>Ra(1/2<sup>+</sup>) +  $2^{209}$ Pb(9/2<sup>-</sup>)для четно-нечетных ядер и <sup>231</sup>Pa(3/2<sup>--</sup>) +  $2^{207}$ Tl(1/2<sup>+</sup>) для нечетно-четных ядер с различными значениями спинов родительского и дочернего ядер являются полуоблегченными. Для их классификации удобно ввести факторы запрета (HF)

$$HF)_{cx} = \frac{\Psi_{cx}^{\kappa n} / 4 \cdot 4 \cdot 7}{\Psi_{cx}^{\kappa n} / 4 \cdot 4 \cdot 4 \cdot 7}$$
 /9/

тде  $W_{px}^{\kappa n}(\mathbf{h},\mathbf{u},\mathbf{h})$  кластерный спектросколический фактор для исследуемого перехода в нечетно-четном ядре,  $W_{cx}^{\kappa n}(\mathbf{u},\mathbf{u},\mathbf{h})$ - кластерный спектросколический фактор для облегченного перехода в соседнем четно-четном ядре.

Таблица 2

_						
A	X	Q <sub>cx</sub>	Icx M9B	Wcx	Гсх МэВ	Wex
0220	ď	6,679	0,9·10 <sup>-21</sup>	0,27	*1,2·10 <sup>-23</sup>	•
<sup>222</sup> Ra	<sup>12</sup> C	29,055	$0.21 \cdot 10^{-29}$	0,35	-	To
	14 C	33,059	0,79.10-23	0,37	4,4-10-33	2.10-10
2230	α	5,977	0,7.10-24	0,27	<b>≭</b> 4,6·10 <sup>-28</sup>	-
<sup>22</sup> Ra	12C	27,720	$0,29 \cdot 10^{-32}$	-0,35	-	
	14C	31,847	0,49.10-25	0,37	3.10-37	2.10-12
	d	5,788	0,8.10-25	0,27	*I,45·10-27	
<sup>224</sup> Ra	12ć	26,372	0,2110-35	0,35	-	, <del>-</del>
,	14C	30,528	1,3.10-28	0,37	6,2·I0 <sup>-38</sup>	2·I0 <sup>-10</sup>
	ζ,	5,413	0,56 10-29	0,27	₹2,3·10 <sup>-31</sup>	
23277	20 <sub>Ne</sub>	49,194	$0,22 \cdot 10^{-44}$	0,33		-
$= -U^{\circ}$	22.Ne	57,353	0,26 IO <sup>-3I</sup>	0,33		
	<sup>24</sup> Ne	62,299	0,17·10 <sup>-24</sup>	0,33	2,3·10 <sup>-43</sup>	4,5·I0 <sup>−I</sup>
	α	5,120	0,44 10-31	0,27	¥4,4·10 <sup>-34</sup>	-
$^{231}Pa$	24 No	60,405	0,75 IO <sup>-26</sup>	0,33	2,7·10 <sup>-45</sup>	1,2·10 <sup>-1</sup>
,			4			
				•		

/ \* - для а-частиц указана полная а-ширина/.

В случае распада <sup>223</sup> Ra с испусканием <sup>14</sup>С и распада <sup>231</sup>Pa с испусканием <sup>24</sup> Ne факторы (HF) ск оказываются равными 10<sup>2</sup> и 3,5 соответственно. Заметим, что в случае <sup>231</sup>Pa существует, по-видимому, возможность изменить экспериментальное значение (HF) ск от 3,5 до 5. Появление факторов запрета ≈ 10<sup>2</sup> свидетельствует о заметной роли структурных эффектов в механизме распада ядер с испусканием тяжелых фрагментов. Заметим, что указанные факторы запрета очень трудно воспроизвести в схеме работ /5-6/по-

4

скольку они требуют заметных изменений частот нулевых колебаний в зависимости от типа перехода.

Для  $\alpha$ -частиц была продемонстрирована  $7^{-87}$  близость значений, кластерных спектроскопических факторов  $W_{cx}^{\kappa n}$  для всех типов  $\alpha$  переходов к соответствующим значениям оболочечных спектроскопинеских факторов  $W_{cx}^{of}$ , рассчитанных на основе оболочечной модели ядра с учетом эффектов спаривания.

В связи с этим экспериментальные α-ширины удается хорошо воспроизвести /см.табл.1/ на основе формулы <sup>/8/</sup>

 $\Gamma_{cx} = \Gamma_{cx}^{\circ} \frac{W_{cx}}{W_{\circ}^{\circ}}, \qquad (10)$ 

сх сх сх болоченной из /7/ при замене  $W_{cx}^{\kappa n}$  на  $W_{xc}^{06}$ . Поэтому возникает вопрос с соотношении экспериментальных кластерных  $W_{cx}^{\kappa n}$  и оболочечных  $W_{cx}^{\kappa n}$  спектроскопических факторов для различных частиц х, более тяжелых, чем  $\alpha$ -частица, и о возможности описания экспериментальных ширин распада ядер с испусканием частиц х на основе формулы /10/.

# 2. ОБОЛОЧЕЧНЫЕ СПЕКТРОСКОПИЧЕСКИЕ ФАКТОРЫ ЧАСТИЦ 🗴

Для расчета оболочечных спектроскопических факторов  $W_{cx}^{00}$  используется многочастичная оболочечная модель ядра с учетом парных корреляций  $^{(10-11,7-8)}$ . Внутренняя волновая функция  $\chi_{x}$  четночетной частицы  $\mathbf{x}_{,c}$  с  $\mathbf{N}_{x} \geq \mathbf{Z}_{x}$  на основе трансляционно-инвариантной оболочечной модели  $^{(12)}$  представляется как

$$\begin{aligned} \mathbf{x}_{\mathbf{x}} &= \mathbf{a}_{0} \mathbf{\hat{A}} \left\{ \chi_{a} \left( \mathbf{1}, \mathbf{1}', \mathbf{\bar{1}}, \mathbf{\bar{1}}' \right) \dots \chi_{a} \left( \frac{Z_{\mathbf{x}}}{2}, \frac{Z_{\mathbf{x}}'}{2}, \frac{Z_{\mathbf{x}}'}{2}, \frac{Z_{\mathbf{x}}'}{2} \right) \times \right. \\ &\times \chi_{0} \left( \left( \frac{Z_{\mathbf{x}}}{2} + 1 \right), \left( \frac{Z_{\mathbf{x}}}{2} + 1 \right)' \right) \dots \chi_{0} \left( \frac{\overline{N_{\mathbf{x}}}}{2}, \frac{\overline{N_{\mathbf{x}}'}}{2} \right) \phi \right\}, \end{aligned}$$

метрией  $\alpha$  -частицы, причем 1,1 ( $(\overline{1},\overline{1}')$  -координаты протонов

/нейтронов/;  $\chi_0((\frac{Z_X}{2}+1),(\frac{Z_X}{2}+1)')$  - синглетная 1S -функция нейтронной пары;  $\phi$  - осцилляторная функция относительного движения " $\alpha$ -частиц" и, нейтронных пар.

Оболочечный спектроскопический фактор  $W_{cx}^{o6}$  частицы x в кана-Іле с выражается через оболочечный фомфактор  $\Psi_{cx}$  (R):

$$\Psi_{cx}^{o6}(R) = \langle \hat{A} \left[ \frac{\delta(R-R')}{R'} \right] \Psi_{\sigma_{f}}^{J_{f}\pi_{f}M_{f}} Y_{LM_{L}}^{J(\Omega_{\vec{R}})} \chi_{x}^{J_{j}} \right] \Psi_{\sigma_{i}}^{J_{i}\pi_{i}M_{i}} > /12/$$

соотношением типа /5/:

 $W_{cx}^{06} = \int_{0}^{\infty} [\Psi_{cx}^{06}(R)]^2 dR.$  /13/

Для переходов между основными состояниями четно-четных ядер и в случае четно-четных частиц х формула /12/ преобразуется к виду

$$\Psi_{cx} (R) = \sum_{PN} \langle P_{f} | P | P_{i} \rangle \langle N_{f} | N | N_{i} \rangle \left(\frac{A}{A_{f}}\right)^{\frac{N_{0}}{2}} (-1)^{N_{0}} \Psi_{PNL} (R), \qquad (14)$$

где <P<sub>f</sub> |P.|P<sub>i</sub> > - генеалогический коэффициент отделения  $Z_x$ -протонов в оболочечном состоянии |P>; N<sub>0</sub>- главное квантовое осцилляторное число относительного движения частицы x и ядра A<sub>f</sub>, N<sub>0</sub> =N<sub>PN</sub>-N<sub>x</sub>, причем N<sub>PN</sub> и N<sub>x</sub> - главные осцилляторные квантовые числа отделяемой оболочечной конфигурации |P>|N> 'и частицы x . Формфактор  $\Psi_{PNL}$  (R) определяется как

$$\Psi_{PNL}(R) = \langle \frac{\delta(R-R')}{R'} Y_{LM} \chi_{x} | P \rangle | N \rangle.$$
(15)

Выражая в /14/ многочастичные генеалогические коэффициенты в рамках сверхтекучей модели атомного ядра  $^{7,10,11/}$  через парные генеалогические коэффициенты и пренебрегая некогерентными компонентами формфактора  $\Psi_{\rm PNL}({
m R})$  /15/, не испытывающими сверхтекучего усиления, для  $\Psi_{\rm ex}^{06}$  /13/ получим

$$W_{cx}^{06} \approx (\frac{A}{A})^{N_{0}} a_{0}^{2} W_{a}^{(1)} \dots W_{a}^{(\frac{Z}{2})} W_{2n}^{(\frac{Z}{2}x+1)} \dots W_{2n}^{(\frac{N}{2})} \oint_{xc}^{\infty} J_{xc}^{2}(R) dR, \qquad /16/$$

Где  $\mathbb{W}_{a}^{(1)}$ ... $\mathbb{W}_{a}^{(\frac{\tau}{2}-)}$  - частичные спектроскопические факторы для последовательного отделения из ядра А  $(\frac{Z_{x}}{2})^{a}$ -частиц;  $\mathbb{W}_{2n}^{(\frac{Z_{x}}{2}+1)}$ ... $\mathbb{W}_{2n}^{(N_{x}/2)}$  аналогичным образом определенные бинейтронные спектроскопические факторы;  $J_{xc}$  - интеграл перекрытия  $\frac{Z^{x}}{2}a$ -частичных и  $(\frac{N_{x}-Z_{x}}{2})^{-6a}$ нейтронных формфакторов, нормированных на единицу, с бункцией  $\phi$ из /11/. Формула /16/ легко обобщается на случай нечетных и нечетно-нечетных частиц x и ядер А.

# 3. КОГЕРЕНТНОЕ СВЕРХТЕКУЧЕЕ УСИЛЕНИЕ ОБОЛОЧЕЧНЫХ СПЕКТРОСКОПИЧЕСКИХ ФАКТОРОВ ЧАСТИЦ ×

Поскольку спаривание нуклонов в ядрах приводит к выделенности движения двух протонов /нейтронов/ с относительным моментом, равным нулю, то бинейтронные и «-частичные оболочечные спектроскопические факторы для облегченных «-переходов усилены /10.7/ в  $k_{2n} \approx 30$  и  $k_a \approx (k_{2n})^2 \approx 10^3$  раз в ядрах с  $A_f \ge 208$  по сравнению с аналогичными факторами, рассчитанными в рамках простой оболочечной модели. Тогда спектроскопические факторы  $W_{cx}^{o6}$  частиц х для облегченных по всем парам нейтронов и протонов переходов испытывают аналогичное усиление, определяемое фактором  $k_x$ , где  $k_x \sim (k_{2n})^{A_x/2}$  Фактор  $k_x$  быстро растет с ростом  $A_x$  и достигает огромных значений  $\approx 10^{18}$  для <sup>24</sup> Ne. Этот факт иллюстрируется табл.3.

Таблица) 3 12 C <sup>14</sup> C <sup>40</sup> Ca <sup>24</sup> Ne <sup>8</sup> Be 160 <sup>20</sup>Ne 7.108 10 10 7.1011 6.1014 5.1017  $8 \cdot 10^{5}$ 3.1029

С точки зрения сверхтекучей модели ядра для распадов ядер с испусканием тяжелых частиц х можно ожидать большого разнообразия переходов различных порядков запрета n. Переходы нулевого порядка запрета / n  $\approx$  0/, называемые обычно облегченными, соответствуют отделяемым конфигурациям протонов |P> и нейтронов |N>, в которых все протонные и нейтронные пары являются спаренными. Переходы первого порядка запрета / n = 1/ соответствуют случаю, когда одна нейтронная или протонная пара оказываются неспаренными. В этом случае можно ожидать фактор запрета  $HF \approx (k_{2n}) \approx 30$ . Переходы второго порядка запрета / n = 2/ связаны с двумя неспаренными парами тождественных нуклонов и характеризуются факторами запрета  $HF \approx (k_{2n})^2 \approx 10^3$ . Эту иерархию переходов можно продолжить до случая n =  $A_x/2$ , соответствующего полностью необлегченным переходам.

Заметим, что в случае a-распада экспериментально наблюдаются только облегченные / n = 0/, полуоблегченные / n = 1 / и необлегченные / n = 2/ a-переходы, \*4° \*

r).

# 4. ОБОЛОЧЕЧНЫЕ И КЛАСТЕРНЫЕ СПЕКТРОСКОПИЧЕСКИЕ ФАКТОРЫ ЧАСТИЦ ×

На основе формулы /16/ можно провести расчеты оболочечных спектроскопических факторов частиц х в тяжелых ядрах с А 208. Обсудим вначале свойства отдельных членов, входящих в формулу /16/. м

Фактор (А/А) возникает при исключении влияния движения центра масс распадающегося ядра на оболочечные спектроскопические факторы. Математически он определяется обратной величиной квадрата коэффициента Тальми <sup>/12/</sup> и, как видно из табл.4, его значения могут заметно превышать единицу.

Как показывают конкретные расчеты <sup>77-87</sup>, оболочечные формфакторы а -частиц и бинейтронов для облегченных переходов имеют близкую форму для всёх ядер с 220 ≤ A ≤ 240 вследствие вклада большого числа когерентных сверхтекучих парных конфигураций. Поэтому появляется уникальная возможность использовать в качестве величин  $W_{\alpha}$  и  $W_{2n}$  в формуле /16/ значения, получаемые простым пересчетом из экспериментальных кластерных спектроскопических факторов а частиц при использовании универсальности формы а частичных, бинейтронных и бипротонных фомфакторов. Заметим, что в этом случае автоматически учитываются факторы, связанные с переходом ядер от сферической равновесной, формы к к деформированной.

Таблица 4

- ^	x	. N <sub>x</sub>	N <sub>A</sub> -N <sub>A-A<sub>x</sub></sub>	N	$\left(\frac{A}{A_{f}}\right)^{N}$
* <u>-</u>	<sup>8*</sup> Be	4		40	4,5 ,
۶	<sup>14</sup> C	10	78	68	84
×	<sup>16</sup> 0	12 `	. 88	<b>'76</b>	$2, 8 \cdot 10^2$
	<sup>20</sup> Ne	20	110	90	$4 \cdot 10^{3}$
	<sup>2</sup> 24 Ne	28	134	106	10 <sup>5</sup> ,
т. Х	40 Ca	60	220	160	2.10 <sup>12</sup>
_					

В табл.5 представлены значения оболочечных спёктроскопических факторов для четно-четных частиц х для облегченных переходов в четно-четных ядрах. В этой же таблице представлены экспериментальные кластерные спектроскопические факторы для  $^{14}{\rm C}$  и  $^{24}{\rm Ne}$ .

Таблица 5

x	<sup>8</sup> Be	<sup>12</sup> C	<sup>14</sup> C	<sup>16</sup> O	<sup>20</sup> Ne	<sup>24</sup> Ne
Wod	3.10-7	$2 \cdot 10^{-10}$	10-11	$2 \cdot 10^{-13}$	8.10-16	5.10-18
W <sup>KD</sup> <sub>CX</sub>	3		$2 \cdot 10^{-10}$			4.10-19

Видно, что оболочечные спектроскопические факторы частиц х  $W_{cx}^{o6}$  воспроизводят зависимость кластерных спектроскопических факторов  $W_{cx}^{kn}$  от  $A_x$ . Более того, в пределах точности вычисления  $W_{cx}^{o6}$  и точности извлечения  $W_{cx}^{kn}$ , составляющей для каждой из ве-

8

скопические факторы согласуются и по абсолютной величине.

чине. При сравнении  $W_{cx}^{o6}$  и  $W_{cx}^{Kn}$  в случае распада нечётных ядер знатичения  $W_{cx}^{o6}$ , приведенные в табл.5, необходимо домножить на структурные факторы запрета (HF)<sub>cx</sub> /9/. Для указанных в табл.2 распатдов ядер <sup>223</sup>Ra и <sup>231</sup> Pa с вылетом <sup>14</sup>.С и <sup>24</sup> Ne соответственно реализуется запрет первого порядка / n=1, J<sub>i</sub>  $\neq$  J<sub>r</sub> / B этом случае с теоретической точки зрения можно ожидать факторов запрета (HF)<sub>cx</sub>, близких к аналогичным факторамизапрета (HF)<sub>a</sub> для полуоблегченного *a* -распада, где (HF)<sub>a</sub>  $\simeq$  5 - 200. Как отмечалось выше, для указанных распадов ядер <sup>223</sup>Ra и <sup>231</sup> Pa экспериментальные факторы запрета (HF)<sub>cx</sub> оказываются равными 100 и 3,5 соответственно легворительно согласуются с W<sub>cx</sub><sup>Kn</sup> из табл.2.

Таким образом, развитый микроскопический подход позволяется удовлетворительно воспроизвести экспериментальные спектроскопические факторы W<sup>KN</sup><sub>ex</sub> без использования подгоночных параметров.

Тогда по аналогии с теорией а-распада можно использовать формулу /10/ для вычисления ширин распада ядер с испусканием тяжелых частиц х. В табл.6 даны некоторые теоретические предсказания отношений  $\Gamma_{cx} / \Gamma_{a}$ , полученные на основе формул /10/ и /16/ и экспериментальных величин  $\Gamma_{a}$ , для ядер, которые могут дать наибольшие выходы частиц х.

					··· ·
Ядро	X	$\Gamma_{\mathbf{x}} / \Gamma_{\mathbf{a}}$	Ядро	x'	$\Gamma_{\mathbf{x}} / \Gamma_{\boldsymbol{a}}$
<sup>230</sup> Th	<sup>24</sup> Ne	$1, 6 \cdot 10^{-13}$	<sup>234</sup> U	28 Mg	4.10-12
<sup>232</sup> Th	<sup>26</sup> Ne	$7 \cdot 10^{-12}$	<sup>235</sup> U	<sup>25</sup> Mg	$5 \cdot 10^{-14}$
233 U	<sup>24</sup> Ne	$\leq 10^{-12}$	<sup>235</sup> U	<sup>28</sup> Ne	≤3·10 <sup>°-13</sup>
<sup>233</sup> U	<sup>25</sup> Ne	$5 \cdot 10^{-13}$	<sup>235</sup> U	<sup>30</sup> Mg	≤2·10 <sup>-12</sup> /
<sup>283</sup> U	<sup>28</sup> Mg	$\leq 8 \cdot 10^{-13}$	236 U	<sup>30</sup> Mg	$5 \cdot 10^{-13}$
<sup>234</sup> U	<sup>24</sup> Ne	3.10-14	<sup>,237</sup> Np	<sup>30</sup> Mg	$\leq 6$ 10 -13
<sup>234</sup> U	<sup>26</sup> Ne	► 7·10 <sup>-14</sup>			

Таблица б

\* Ядро<sup>232</sup>Th невыгодно для измерений из-за очень большого значения периода полураспада.

### 6. ВЫЛЕТ ТЯЖЕЛЫ́Х ЧАСТИЦ́ ж ИЗ ВЫСОКОВОЗБУЖДЕННЫХ «СОСТОЯНИЙ «ЯДЕР

При изучении распада ядер с испусканием частиц х из высоковозбужденных состояний, имеющих сложную многокомпонентную природу, можно ожидать заметного изменения механизма распада по сравнению с механизмом распада из сравнительно простых основных и низколежащих возбужденных состояний ядер. В этом случае можно ожидать полной аналогии с переходом от механизма «-распада из основных состояний ядер к механизму «-распада нейтронных резонансов /7/.

При распаде сложных состояний справедливы представления статистической теории<sup>/11/</sup> соответствующие испарительной модели, когда ширина распада  $\Gamma_{ox}$  определяется формулой <sup>/7/</sup>:

где  $D_i$  - расстояние между уровнями распадной системы с данными значениями спина  $J_i$  и четности  $\pi_i$ ,  $T_{cx}^{\circ}$  - коэффициент трансмиссии для частицы **x**, вычисляемый с помощью оптической модели.

Поскольку для а-частиц и более тяжелых частиц х справедливы представления модели "черного" ядра, то коэффициенты трансмиссии  $T_{cx}^{o}$  очень просто связаны с одночастичной шириной

$$T_{cx}^{\circ} = \frac{\Gamma_{cx}^{\circ} 2\pi}{D_{x}}, \qquad (18)$$

где  $D_x$  расстояние между одночастичными уровнями частицы x с фиксированными значениями L. Учитывая, что величины  $D_x$  для всех достаточно тяжелых частиц с  $A_x \ge 4$  приблизительно одина-ковы ( $D_x - 2\hbar\omega$ ), отношение парциальных ширин для вылета частицы x и  $\alpha$  -частицы можно определить как

$$\frac{\Gamma_{\text{cx}}}{\Gamma_{\text{c'a}}} = \frac{\Gamma_{\text{cx}}^{\circ}}{\Gamma_{\text{o'a}}^{\circ}} .$$
 (19/

Из формулы /19/ видно, что для глубокоподбарьерных распадов высоковозбужденных состояний родительских ядер в отличие от распадов сравнительно простых и нестатистических основных и низколежащих возбужденных состояний эффективные факторы формирования  $\alpha$ -частиц и составных частиц, аналогинные  $W_{cx}^{KT}$ , становятся близкими и отношения ширин распада целиком определяются барьерной проницаемостью. В связи с этим можно ожидать существенного изменения отношения выходов  $\alpha$ -частиц и составных частиц x ( $A_x > 4$ ) при исследовании распада высоковозбужденных состояний ядер.

10

#### ЛИТЕРАТУРА

- 1. Rose H.J., Jones G. Nature, 1984, vol.307, p.245.
- 2. Александров Д.С. и др. Письма в ЖЭТФ, 1984, т.40, с.152. 3. Gales S.et al., Abstracts AMCO-7, Darmstadt, 1984.
- 4. Sandulescu A. et al. В сб. Краткие сообщения ОИЯИ, № 5-84. Дубна, 1984. с.5.
- 5. Сэндулеску А., Поенару Д.Н., Грайнер В. ЭЧАЯ, 1980, т.11, c.1134.
- 6. Poenary D.N. et al. JINR, E4-84-446, E4-84-811, Dubna, 1984; J.Phys., 1984, vol.10, p.184.
- 7. Кадменский С.Г., Фурман В.И. ЭЧАЯ, 1975, т.6, с.649. Материалы XIII Зимней Школы ЛИЯФ, Л., 1979.
- 8. Kadmensky S.G. Z.Phys.A., 1983, vol.312, p.115.
- 9. Кадменский С.Г. и др. ЯФ, 1969, т.10, с.730.
- 10. Соловьев В.Г. Теория атомного ядра. Энергоиздат, М, 1981.
- 11. Бор О., Моттельсон Б. Структура атомного ядра, "Мир", М., 1971.
- 12. Неудачин В.Г., Смирнов Ю.Ф. Нуклонные ассоциации в легких удрах. "Наука", М., 1968.

Рукопись поступила в издательский отдел

17 мая 1985 года

Кадменский С.Г. Фурман В.И., Чувильский Ю.М. Иикроскопическое описание распада ядер с испусканием тяжелых частиц

На основе многочестичной модели оболочек с учетом остаточных взаимодействий боз использования свободных параметров микроскопически рассчитаны спектроскопическию фокторы  $W_{\Sigma}^{oo}$  для сложных частиц  $x/4 \leq A \leq 40/$  в тяжелых, ядрах.Экспориментальные спектроскопические факторы W<sub>x</sub>, полученные из данных по спонтанному распаду ядер с испусканием <sup>14</sup>С и <sup>24</sup> Ne, свидетельствуют о наличии структурного запрета  $HF_x = 10^2$  распада четно-нечетного ядра <sup>223</sup> Ra с вылетом <sup>14</sup>C по сравнению с аналогичным распадом четно-четных ядер <sup>222</sup> Ra и <sup>224</sup> Ra. Расчет удовлетворительно вопроизвел абсолютные значения W<sub>z</sub><sup>Kn</sup> и их зависимость от структуры состояний нуклидов и вылетающего кластера х. При расчете спектроскопических факторов W<sub>x</sub><sup>o6</sup> принципиально «важным оказался учет сверхтекучих корреляций, что привело к чрезвычайно "Большим коэффиционтам усиления /до 10<sup>29</sup> для <sup>40</sup>Са/. На основе полученного согласия величин  $\mathbb{W}_{\mathbf{x}}^{\mathsf{Kn}}$  и  $\mathbb{W}_{\mathbf{x}}^{\mathsf{od}}$  рассчитаны абсолютные ширины  $\Gamma_{\mathbf{x}}$  распада ядер, наиболее благоприятных по условиям наблюдения.

P4-85-368

P4-85-368

Работа выполнена в Лаборатории нейтронной физики ОИЯИ. Сообщение Объединенного института ядерных исследования. Дубна 1985

Перевод 0.С.Виноградовой

Kadmensky S.G. et al. Microscopic Description of Nuclear Decay with Emission of Heavy Particles

Spectroscopic factors  $W_x^{sh}$  for complex particles  $x(4 < A_x \le 40)$  in heavy nuclei are calculated in the framework of the many-particle shell model approach taking into account residual interactions without using free parameters. The spectroscopic factors  $\mathbb{W}_{1}^{old}$  extracted from data on spontaneous be decay with the emission of  $\mathbb{H}^4$  C and  $\mathbb{R}^4$  he indicate that there exists the structural hindrance factor  $\mathbb{HF}_{2} \cong 10^8$  for decay even-odd nucleus  $\mathbb{R}^{223}$ Ra with emission of <sup>14</sup>C in comparison with a similar decay of even-even nuclei  $^{222}$  Ra and  $^{224}$  Ra. Absoluto voluos W  $_{1}^{dl}$  and their dependence on the cluster, parent and daughter nuclei structure are reproduced satisfactorily. The principal importance of superfluid correlations for calculation of spectroscopic factors  $W_{\mu}^{ab}$  is demonstrated. It leads to extremely large enhancement coefficients (up to 10<sup>20</sup> for <sup>40</sup>Ca). On the basis of obtained agreement between  $W_x^{ol}$  and  $W_x^{ab}$  the absolute decay widths  $\Gamma_x$  of the nuclei the most favorable for observation are calculated.

The investigation has been performed at the Laboratory of Neutron Physics, JINR.

Communication of the Joint Institute for Nuclear Research, Dubna 1985