Т 486 Объединенный институт ядерных исследований

and the second

Дубна

P4 - 3717

26/11-68

Ф. Ткебучава, Г. Чилашвили

**а** — **а** РАССЕЯНИЕ В СЛУЧАЕ НЕЛОКАЛЬНОГО ФАКТОРИЗУЮЩЕГОСЯ ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ

P4 - 3717

Ф.Ткебучава, Г.Чилашвили

## **а**-а рассеяние в случае нелокального факторизующегося взаимодействия

\*) Тбилисский государственный университет



222312 4g.

В последнее время кластерная модель атомного ядра пользуется определенным успехом. Целый ряд явлений довольно просто объясняется этой моделью. Сушность кластерной модели, в конечном счете, состоит в искусственном уменьшении числа степеней свободы данного ядра. Например, для объяснения целого ряда эффектов, происходящих с участием ядра <sup>6</sup> Li, пользуются альфа-дейтронной моделью этого ядра и тем самым вместо проблемы шести нуклонов ограничиваются решением проблемы двух тел. Совершенно аналогично ядро <sup>12</sup> С рассматривается как система, состоящая из трех *а* – частиц и т.д.

В связи с этим, очевидно, большое значение приобретает изучение взаимодействия этих кластеров друг с другом. Зная потенциал взаимодействия между кластерами, можно рассчитать энергию и другие важные характеристики более сложных ядер, основываясь на кластерной модели.

С другой стороны, возможно применение уравнения Фаддеева для решения проблемы трех тел с факторизующимся потенциалом. Поэтому, если изучать взаимодействие двух кластеров с помощью факторизующегося потенциала и установить параметры этого потенциала, появится возможность изучения некоторых легких ядер, состоящих из трехнуклонных ассоциаций, на базе численного решения уравнения Фаддеева.

В этом отношении интересным является исследование *а-а –* взаимодействия. *а –* частица представляет собой насыщенную и плотно

упакованную систему. Так как взаимодействие *а* – частиц в ядре происходит на низких энергиях, то можно предположить, что они ведут себя как независимые образования без заметной поляризации и обмена нуклонами между *а* – ассоциациями.

В работе /1/ исследовалось **а** – **а** – рассеяние с применением нелокального факторизующегося потенциала без учета кулоновского взаимодействия. В настоящей работе изучается рассеяние **а** – частиц с учетом кулоновского взаимодействия. Потенциал взаимодействия между **а** – частицами в **s** – состоянии берется в виде суммы трех членов

$$V = -\frac{\lambda_{0}}{8\pi\mu} \frac{v_{0}(r)}{r} \frac{v_{0}(r')}{r'} + \frac{\Lambda_{0}}{8\pi\mu} \frac{o_{0}(r)}{r} \frac{o_{0}(r')}{r'} + \frac{4e^{2}}{r}, \quad (1)$$

где в качестве "формы" взаимодействия подбираются выражения

$$v_0(r) = e^{-\alpha r}$$
,  $o_0(r) = \frac{\delta(r - r_e)}{r}$ , (2)

параметр а характеризует "ширину" взаимодействия, а  $\lambda_0$  и  $\Lambda_0$  - "глубину" потенциала,  $\mathbf{r}_c$  представляет радиус потенциальной стенки/2/ (в последующем  $\Lambda_0 \rightarrow \infty$ ),  $\mu$  - приведенная масса  $\mathbf{a}$  - частиц.

В формуле (1) третий член представляет кулоновское отталкивание двух точечных **а** – частиц.

Для такого потенциала взаимодействия легко получаются следующие формулы фазового анализа /1/:

 $\nu_{a} = \left(\frac{a}{k}\right)^{3/2} \int_{0}^{\infty} e^{-\frac{a}{k}\rho} F(\rho) d\rho, \quad \nu_{b} = \left(\frac{a}{k}\right)^{3/2} F(kr_{c})$ 

$$tg \,\delta = \frac{2 D_{22} + 4 \ell_1 (D_{12}^2 - D_{11} D_{22})}{2 \ell_1 (\nu_a^2 D_{22} + \nu_b^2 D_{11} - 2 \nu_a \nu_b D_{12}) - \nu_b^2}, \tag{3}$$

где

$$D_{11} = \frac{a^3}{k^3} \int_0^\infty G(\rho) e^{-\frac{\alpha}{k}\rho} d\rho \int_0^\rho F(x) e^{-\frac{\alpha}{k}x} dx \qquad (5)$$

$$D_{22} = \frac{a^{3}}{2k^{3}} G(kr_{c})F(kr_{c})$$
(6)

$$D_{12} = \frac{a^{3}}{2k^{3}} \{F(kr_{e}) \int_{kr_{e}}^{\infty} G(\rho) e^{-\frac{a}{k}\rho} d\rho + G(kr_{e}) \int_{0}^{kr_{e}} F(\rho) e^{-\frac{a}{k}\rho} d\rho \}.$$
(7)

В этих формулах  $\ell_1$  - безразмерная величина

$$\ell_1 = \frac{\lambda_0}{a^3}, \tag{8}$$

 $F(\rho)$  и  $G(\rho)$  – известные регулярная и нерегулярная кулоновские функции нулевого индекса, а k =  $\sqrt{2 \mu E_c}$  – волновое число.

С помощью этих формул проведен фазовый анализ с использованием экспериментальных значений s — фазы в интервале энергий 0,2 <  $\leq E_c \leq 10 \text{ Мэв}^{/3-6/}$ . Фазовый анализ для параметров потенциала взаимодействия дает следующие значения:

$$a = 0,281, \quad \ell_1 = 2,200, \quad r_c = 3,578,$$
 (9)

при этом теоретическая кривая довольно хорошо передает все черты поведения экспериментальных точек (кривая – на рис.1) в упомянутой области энергии.

Отметим, что кулоновское взаимодействие не сильно меняет параметры потенциала, найденные без учета кулоновского поля /1/.

$$a = 0,306, \quad \ell_1 = 8,800, \quad r_c = 3,266.$$
 (10)

Зная параметры потенциала взаимодействия двух *а* - частиц. можно рассчитать энергию связи ядра <sup>12</sup> С , рассматриваемого как сис-

тема, состоящая из трех а - частиц. При этом в расчетах можно приближенно учесть кулоновское взаимодействие /7/, или в первом приближении пренебречь этим взаимодействием.

Результаты этого расчета покажут, насколько хорошим приближе-12 С. Такой расчет пронием является а-частичная модель ядра водится в настоящее время.

Литература

1. Ф.Г.Ткебучава, Г.А.Чилашвили. Препринт ОИЯИ Р2-3404, Дубна (1967).

- 2. R.D.Puff. Ann. Phys., 13, 317 (1961).
- 3. J.L.Russell, G.C.Phillips, C.W.Reich. Phys.Rev., 104, 135 (1956).
- 4. N.P.Heydenburg, G.M.Temmer, Phys.Rev., 104, 123 (1956).
- 5. R.Nilson, W.K.Jentschke, G.R.Briggs, R.O.Kerman, J.N.Snyder. Phys.Rev., 109, 850 (1958).
- 6. N.Berk, F.E.Steigent, G.L.Sailingen. Phys.Rev., 117, 531 (1960).
- 7. L.Schulman, Phys.Rev., 156, 1129 (1967).

Рукопись поступила в издательский отдел 16 февраля 1968 года.

