

СООБЩЕНИЯ  
ОБЪЕДИНЕННОГО  
ИНСТИТУТА  
ЯДЕРНЫХ  
ИССЛЕДОВАНИЙ

ДУБНА



С323.3  
Г-212

1/11-7  
P2 - 9163

В.Р.Гарсеванишвили, С.В.Голоскоков

4597/2-75

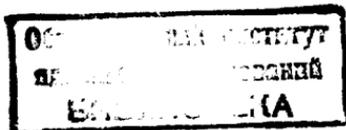
КВАЗИПОТЕНЦИАЛЬНОЕ ОПИСАНИЕ  
ВЫСОКОЭНЕРГЕТИЧЕСКОГО РАССЕЯНИЯ  
ДВУХ СПИНОВЫХ ЧАСТИЦ

**1975**

P2 - 9163

В.Р.Гарсеванишвили, С.В.Голоскоков

КВАЗИПОТЕНЦИАЛЬНОЕ ОПИСАНИЕ  
ВЫСОКОЭНЕРГЕТИЧЕСКОГО РАССЕЯНИЯ  
ДВУХ СПИНОВЫХ ЧАСТИЦ



Развитый в работах /1-3/ квазипотенциальный подход к описанию высокоэнергетического рассеяния адронов оказался весьма эффективным при описании экспериментальных данных по пион-нуклонному рассеянию /3, 4/ на малые углы. Лежащие в основе этого подхода квазипотенциальное уравнение для амплитуды рассеяния /5/ и физическое допущение о гладкости локального квазипотенциала при высоких энергиях /1, 2, 6-9/ приводят к ряду качественных /2, 10/ и количественных /4/ предсказаний, подтверждающихся экспериментами по рассеянию адронов на малые углы.

С экспериментальной точки зрения одним из наиболее изученных процессов является упругое  $pp$ -рассеяние. Изучение этого процесса в рамках квазипотенциального подхода сводится к решению и анализу квазипотенциальных уравнений для двух спиновых частиц /11-15/ в пределе высоких энергий. Мы здесь используем вариант квазипотенциального уравнения для частиц равных масс в представлении Фолди-Вотхойзена /13/

$$[E - 2W(-i \vec{\nabla})] \Psi(\vec{r}) = -V(E, \vec{r}) \Psi(\vec{r}) \quad /1/$$

Здесь  $E$  - полная энергия системы двух частиц в с.ц.м.,

$$W(-i \vec{\nabla}) = \sqrt{M^2 - \nabla^2}$$

Имея в виду малость спиновых эффектов в упругом  $pp$ -рассеянии на малые углы /см., например, /16/ /, выберем локальный квазипотенциал  $V(E, \vec{r})$  в следующем виде:

$$V_0^{(0)} + \frac{1}{2ip} V_1 = V_1', \quad /10б/$$

$$V_2 = \frac{1}{2i} V_2', \quad /10в/$$

$$V_3 = \frac{1}{(2i)^2} V_3'. \quad /10г/$$

Ищем решение уравнения /6/ с граничным условием /7/ в виде

$$\Phi(\vec{r}) = \Phi^{(0)}(\vec{r}) + \frac{1}{2ip} \Phi^{(1)}(\vec{r}). \quad /11/$$

Получаем систему уравнений для функций  $\Phi^{(0)}$  и  $\Phi^{(1)}$

$$2i\partial_z \Phi^{(0)}(\vec{r}) = -V^{(0)}(E; \vec{r}) \Phi^{(0)}(\vec{r}), \quad /12а/$$

$$2i\partial_z \Phi^{(1)}(\vec{r}) = -V^{(0)}(E; \vec{r}) \Phi^{(1)}(\vec{r}) - \tilde{V}^{(1)}(E; \vec{r}) \Phi^{(0)}(\vec{r}) -$$

$$-2i\tilde{V}_\perp^2 \Phi^{(0)}(\vec{r}) \quad /12б/$$

с граничными условиями

$$\Phi^{(0)}(\vec{r}) \Big|_{z \rightarrow -\infty} = 1, \quad /13а/$$

$$\Phi^{(1)}(\vec{r}) \Big|_{z \rightarrow -\infty} = 0. \quad /13б/$$

Решение системы /12/ можно представить в виде

$$\Phi^{(0)}(\vec{r}) = \exp\left[-\frac{1}{2i} \int_{-\infty}^z V^{(0)}(E; \vec{\rho}, z') dz'\right]; \quad \vec{r} = (\vec{\rho}, z) \quad /14а/$$

$$\Phi^{(1)}(\vec{r}) = \Phi^{(0)}(\vec{r}) \left[ -\frac{1}{2i} \int_{-\infty}^z \tilde{V}^{(1)}(E; \vec{\rho}, z') dz' - \int_{-\infty}^z [\Phi^{(0)}(\vec{\rho}, z')]^{-1} \tilde{V}_\perp^2 \Phi^{(0)}(\vec{\rho}, z') dz' \right]. \quad /14б/$$

Заметим, что с точностью до членов порядка  $1/p$  справедливо следующее соотношение:

$$\Phi(\vec{r}) = T_z \exp\left[-\frac{1}{2i} \int_{-\infty}^z \tilde{V}(E; \vec{\rho}, z') dz'\right] - \frac{1}{2ip} f(\vec{\rho}, z) + O(1/p^2), \quad /15/$$

где

$$f(\vec{\rho}, z) = \Phi^{(0)}(\vec{r}) \int_{-\infty}^z [\Phi^{(0)}(\vec{\rho}, z')]^{-1} \tilde{V}_\perp^2 \Phi^{(0)}(\vec{\rho}, z') dz'. \quad /16/$$

Подставляя это выражение в формулу для амплитуды рассеяния

$$T(\vec{p}, \vec{k}) = \frac{E}{2\pi} \chi_{1/2, m_1 z}^{+(1)}(\vec{k}) \times \chi_{1/2, m_2 z}^{+(2)}(-\vec{k}) M(\vec{p}, \vec{k}) \chi_{1/2, m_1 z}^{(1)}(\vec{p}) \times \chi_{1/2, m_2 z}^{(2)}(-\vec{p}). \quad /17/$$

$$\begin{aligned}
 V(\vec{E}; \vec{r}) = & V_1'(\vec{E}; \vec{r}) + \frac{1}{(2ip)^2} V_2'(\vec{E}; \vec{r}) \left( (\vec{\sigma}^{(1)} \vec{L}) \times \vec{I}^{(2)} + \right. \\
 & \left. + \vec{I}^{(1)} \times (\vec{\sigma}^{(2)} \vec{L}) \right) + \frac{1}{(2ip)^3} V_3'(\vec{E}; \vec{r}) \left( (\vec{\sigma}^{(1)} \vec{L}) \times (\vec{\sigma}^{(2)} \vec{L}) \right) + \\
 & + \frac{1}{2ip} V_4(\vec{E}; \vec{r}) (\vec{\sigma}^{(1)} \times \vec{\sigma}^{(2)}) + \frac{1}{2ip} V_5(\vec{E}; \vec{r}) \left( (\vec{\sigma}^{(1)} \vec{r}) \times (\vec{\sigma}^{(2)} \vec{r}) \right),
 \end{aligned} \quad /2/$$

где  $\vec{L} = -i[\vec{r} \times \vec{v}]$ ,

$\sigma^{(1)}$  и  $\sigma^{(2)}$  - спиновые матрицы Паули для первой и второй части соответственно.  $V_1', V_2', V_3, V_4, V_5$  предполагаются гладкими функциями  $r^2$ , могущими параметрически зависеть от энергии.

Будем искать решение уравнения /1/ с квазипотенциалом /2/, отвечающее рассеянию при высоких энергиях на малые углы, в виде\*

$$\Psi(\vec{r}) = e^{ipz} F(\vec{r}). \quad /3/$$

Мы будем интересоваться амплитудой рассеяния с точностью до членов порядка  $1/p$  по сравнению с основным вкладом при высоких энергиях, и в связи с этим все дальнейшие операции с квазипотенциалом и амплитудой рассеяния будем производить с этой точностью. Из рассмотрения будут, однако, исключены члены амплитуды, не приводящиеся к виду двумерного представления по прицельному параметру. Заметим, что учет таких членов сводится эффективно к некоторому перепределению квазипотенциала, не влияющему на общность рассмотрения и несущественному с точки зрения феноменологического анализа данных эксперимента.

\* Несколько иной метод решения квазипотенциальных уравнений при высоких энергиях можно найти в /17/.

Представим медленно меняющуюся функцию  $F(\vec{r})$  в виде

$$F(\vec{r}) = \Phi(\vec{r}) X_{1/2, m_{1z}}^{(1)}(\vec{p}) \times X_{1/2, m_{2z}}^{(2)}(-\vec{p}), \quad /4/$$

где  $X_{1/2, m_z}^{(i)}$  - обычные двухкомпонентные спиноры. Подставляя /3/ и /4/ в уравнение /2/ и используя операторное разложение

$$e^{-ipz} W(-i\vec{r}) e^{ipz} \underset{p \rightarrow \infty}{\approx} p \left( 1 - \frac{i\partial_z}{p} - \frac{\nabla^2}{2p^2} + \dots \right), \quad /5/$$

приходим к уравнению

$$\left( 2i\partial_z + \frac{\nabla^2}{p} \right) \Phi(\vec{r}) = -\tilde{V}(\vec{E}; \vec{r}) \Phi(\vec{r}) \quad /6/$$

с граничным условием

$$\Phi(\vec{r}) \Big|_{z \rightarrow -\infty} = 1. \quad /7/$$

Здесь

$$\tilde{V}(\vec{E}; \vec{r}) = e^{-ipz} V(\vec{E}; \vec{r}) e^{ipz}. \quad /8/$$

С точностью до членов порядка  $1/p$  по сравнению с главным членом  $\tilde{V}$  имеет вид:

$$\tilde{V}(\vec{E}; \vec{r}) = V^{(0)}(\vec{E}; \vec{r}) + \frac{1}{2ip} \tilde{V}^{(1)}(\vec{E}; \vec{r}), \quad /9/$$

где

$$\begin{aligned}
 \tilde{V}^{(1)}(\vec{E}; \vec{r}) = & V_1(\vec{E}; \vec{r}) + V_2(\vec{E}; \vec{r}) \left( [\vec{\sigma}^{(1)} \times \vec{r}]_z \times \vec{I}^{(2)} + \right. \\
 & \left. + \vec{I}^{(1)} \times [\vec{\sigma}^{(2)} \times \vec{r}]_z \right) + V_3(\vec{E}; \vec{r}) \left( [\vec{\sigma}^{(1)} \times \vec{r}]_z \times [\vec{\sigma}^{(2)} \times \vec{r}]_z \right) + \\
 & + V_4(\vec{E}; \vec{r}) (\vec{\sigma}^{(1)} \times \vec{\sigma}^{(2)}) + V_5(\vec{E}; \vec{r}) \left( (\vec{\sigma}^{(1)} \vec{r}) \times (\vec{\sigma}^{(2)} \vec{r}) \right),
 \end{aligned} \quad /10a/$$

и отбрасывая в порядке  $1/p$  члены, не приводящиеся в окончательном ответе к двумерному фурье-представлению, получим для  $M$ :

$$M(\vec{p}, \vec{k}) = \int d\vec{r} e^{i(\vec{p}-\vec{k})\vec{r}} \tilde{V}(E; \vec{r}) \Phi(\vec{r}) \quad /18/$$

$$= (-2i) \int d^2\rho e^{i\vec{\rho}\vec{\Delta}_\perp} [T_z \exp(-\frac{1}{2i} \int_{-\infty}^{\infty} \tilde{V}(E; \vec{\rho}, z') dz') - 1].$$

Учитывая формулу /9/, выражение для  $M$  можно записать в виде

$$M = M^{(0)} + \frac{1}{2ip} M^{(1)} \quad /19/$$

Здесь

$$M^{(0)} = -2i \int d^2\rho e^{i\vec{\rho}\vec{\Delta}_\perp} \{e^{\chi_0(E; \vec{\rho})} - 1\}; \quad /20a/$$

$$M^{(1)} = -2i \int d^2\rho e^{i\vec{\rho}\vec{\Delta}_\perp} e^{\chi_0(E; \vec{\rho})} \phi(E; \vec{\rho}); \quad /20b/$$

$$\chi_0(E; \vec{\rho}) = -\frac{1}{2i} \int_{-\infty}^{\infty} V^{(0)}(E; \vec{r}) dz; \quad /21/$$

$$\phi(E; \vec{\rho}) = -\frac{1}{2i} \int_{-\infty}^{\infty} \tilde{V}^{(1)}(E; \vec{r}) dz = \quad /22/$$

$$= \chi_1(E; \vec{\rho}) + \chi_2(E; \vec{\rho}) ([\vec{\sigma}^{(1)} \times \vec{r}]_z \times [I^{(2)} + I^{(1)}] \times [\vec{\sigma}^{(2)} \times \vec{r}]_z) +$$

$$+ \chi_3(E; \vec{\rho}) ([\vec{\sigma}^{(1)} \times \vec{r}]_z \times [\vec{\sigma}^{(2)} \times \vec{r}]_z) + \chi_4(E; \vec{\rho}) (\vec{\sigma}^{(1)} \times \vec{\sigma}^{(2)}) +$$

$$+ \chi_5(E; \vec{\rho}) ((\vec{\sigma}_\perp^{(1)} \times \vec{\rho}) \times (\vec{\sigma}_\perp^{(2)} \times \vec{\rho})) + \chi_5'(E; \vec{\rho}) (\sigma_z^{(1)} \times \sigma_z^{(2)}),$$

$$\vec{\sigma} = (\sigma_x, \sigma_y, \sigma_z) = (\vec{\sigma}_\perp, \sigma_z);$$

$$\chi_i(E; \vec{\rho}) = -\frac{1}{2i} \int_{-\infty}^{\infty} V_i(E; \vec{r}) dz, \quad i=1, \dots, 5; \quad /23a/$$

$$\chi_5'(E; \vec{\rho}) = -\frac{1}{2i} \int_{-\infty}^{\infty} z^2 V_5(E; \vec{r}) dz. \quad /23b/$$

После несложных, но довольно громоздких преобразований матрицу рассеяния  $M$  можно привести к виду /здесь мы используем обозначения, принятые в<sup>18/</sup>/

$$M = \alpha + \beta (\sigma_y^{(1)} \times \sigma_y^{(2)}) +$$

$$+ i\gamma (\sigma_y^{(1)} \times I^{(2)} + I^{(1)} \times \sigma_y^{(2)}) + \quad /24/$$

$$+ \delta (\sigma_x^{(1)} \times \sigma_x^{(2)}) + \epsilon (\sigma_z^{(1)} \times \sigma_z^{(2)}),$$

где

$$\alpha = \alpha^{(0)} + \frac{1}{2ip} \alpha^{(1)}; \quad /25a/$$

$$\beta = \frac{1}{2ip} \beta^{(1)}; \quad \gamma = \frac{1}{2ip} \gamma^{(1)}; \quad \delta = \frac{1}{2ip} \delta^{(1)}; \quad \epsilon = \frac{1}{2ip} \epsilon^{(1)}; \quad /25b/$$

$$\alpha^{(0)} = -4\pi i \int_0^\infty \rho d\rho J_0(\rho \Delta_\perp) \{e^{\chi_0(E; \vec{\rho})} - 1\}; \quad /26a/$$

$$\alpha^{(1)} = -4\pi i \int_0^\infty \rho d\rho J_0(\rho \Delta_\perp) e^{\chi_0(E; \vec{\rho})} \chi_1(E; \vec{\rho}); \quad /266/$$

$$\beta^{(1)} = -4\pi i \left\{ \int_0^\infty \rho d\rho J_0(\rho \Delta_\perp) e^{\chi_0(E; \vec{\rho})} \left[ \frac{\rho^2}{2} \chi_3(E; \vec{\rho}) + \frac{\rho^2}{2} \chi_5(E; \vec{\rho}) \right] - \right. \\ \left. - \int_0^\infty \rho d\rho J_2(\rho \Delta_\perp) e^{\chi_0(E; \vec{\rho})} \left[ \frac{\rho^2}{2} \chi_3(E; \vec{\rho}) - \frac{\rho^2}{2} \chi_5(E; \vec{\rho}) \right] \right\}; \quad /26в/$$

$$\gamma^{(1)} = 4\pi i \int_0^\infty \rho d\rho J_1(\rho \Delta_\perp) e^{\chi_0(E; \vec{\rho})} \rho \chi_2(E; \vec{\rho}); \quad /26г/$$

$$\delta^{(1)} = -4\pi i \left\{ \int_0^\infty \rho d\rho J_0(\rho \Delta_\perp) \left[ \frac{\rho^2}{2} \chi_3(E; \vec{\rho}) + \chi_4(E; \vec{\rho}) + \frac{\rho^2}{2} \chi_5(E; \vec{\rho}) \right] + \right. \\ \left. + \int_0^\infty \rho d\rho J_2(\rho \Delta_\perp) e^{\chi_0(E; \vec{\rho})} \left[ \frac{\rho^2}{2} \chi_3(E; \vec{\rho}) - \frac{\rho^2}{2} \chi_5(E; \vec{\rho}) \right] \right\}; \quad /26д/$$

$$\epsilon^{(1)} = -4\pi i \int_0^\infty \rho d\rho J_0(\rho \Delta_\perp) e^{\chi_0(E; \vec{\rho})} \left[ \chi_4(E; \vec{\rho}) + \chi_5'(E; \vec{\rho}) \right]. \quad /26е/$$

Полученные здесь результаты могут быть использованы для анализа экспериментальных данных по упругим и квазиупругим нуклон-нуклонным процессам при высоких энергиях.

Авторы выражают глубокую благодарность В.А.Матвееву, А.Н.Тавхелидзе за интерес к работе и полезные замечания, Ю.М.Казаринову, С.П.Кулешову, А.Н.Сисакяну, Л.А.Слепченко, М.А.Смондыреву за плодотворные дискуссии.

## Литература

1. V.R.Garsevanishvili, V.A.Matveev, L.A.Slepchenko, A.N.Tavkhelidze. *Phys.Lett.*, 29B, 191 (1969).
2. В.Р.Гарсеванишвили, В.А.Матвеев, Л.А.Слепченко. ЭЧАЯ, т. I, стр. 91, Атомиздат, М., 1970.
3. В.Р.Гарсеванишвили, С.В.Голоскоков, В.А.Матвеев, Л.А.Слепченко. *ТМФ*, 11, 37 /1972/.
4. M.I.Dzhgarkava, V.R.Garsevanishvili, S.V.Goloskokov, Yu.M.Kazarinov, V.A.Matveev, I.K.Potashnikova, I.N.Silin, L.A.Slepchenko. *Nucl.Phys.*, B67, 232 (1973).
5. A.A.Logunov, A.N.Tavkhelidze. *Nuovo Cim.*, 29, 380 (1963);  
В.Г.Кадышевский, А.Н.Тавхелидзе. В сб. "Проблемы теоретической физики", посвященном Н.Н.Боголюбову в связи с его 60-летием. Наука, М., 1969.
6. S.P.Alliluyev, S.S.Gershtein, A.A.Logunov. *Phys.Lett.*, 18, 195 (1965).
7. D.I.Blokhintsev. *Nucl.Phys.*, 31, 628 (1962).
8. O.A.Khrustalev, V.I.Savrin, N.E.Tyurin. *JINR Preprint*, E2-4479, Dubna, 1969.
9. B.M.Barbashov, S.P.Kuleshov, V.A.Matveev, A.N.Sisakian, A.N.Tavkhelidze. *Nuovo Cim.*, 4A, 182 (1971).
10. V.R.Garsevanishvili, V.A.Matveev, L.A.Slepchenko, A.N.Tavkhelidze. *Phys.Rev.*, D4, 849 (1971).
11. Г.М.Десимиров, Д.Ц.Стоянов. *Препринт ОИЯИ*, 1482, Дубна, 1964.
12. Р.Н.Фаустов. *Лекция Международной школы теоретической физики при ОИЯИ, Дубна, 1964, т. II.*
13. V.A.Matveev, R.M.Muradyan, A.N.Tavkhelidze. *JINR Preprint*, E2-3488, Dubna, 1967.
14. V.G.Kadyshevsky, M.D.Mateev. *Nuovo Cim.*, 55A, 275 (1968).
15. А.А.Хелашвили. *Препринт ОИЯИ*, P2-4327, Дубна, 1969.
16. S.Nilsson. *Lectures at the International School on Elementary Particle Physics, Herceg Novi, 1968.*
17. С.П.Кулешов, В.А.Матвеев, А.Н.Сисакян, М.А.Смондырев. *ТМФ*, 14, 325 /1973/.
18. М.Гольдбергер, К.Ватсон. *Теория столкновений. Мир, М., 1967.*

Рукопись поступила в издательский отдел  
12 сентября 1975 года.