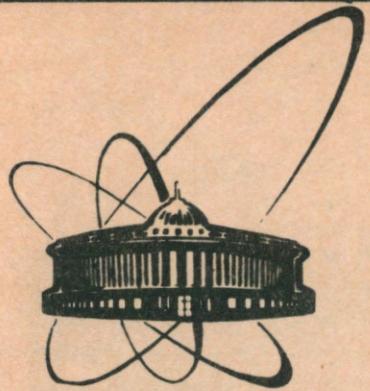


9-217



сообщения
объединенного
института
ядерных
исследований
дубна

А 139

P2-89-217

С.К.Абдуллаев*, А.И.Мухтаров*

СУПЕРСТРУННЫЙ Z-БОЗОН
В $e^-e^+ \rightarrow ff$ -АННИГИЛЯЦИИ

*Азербайджанский государственный университет
им. С.М.Кирова, Баку

1989

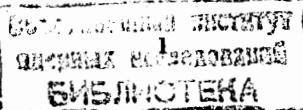
I. ВВЕДЕНИЕ

В последние годы эксперименты, выполненные на встречных электрон-позитронных пучках на PEP, PETRA и *TRISTAN* при энергии $\sqrt{s} \sim 30\text{--}52$ ГэВ в СЦИ, позволили изучить вклад слабых нейтральных токов в процессах $e^-e^+ \rightarrow e^-e^+$, $e^-e^+ \rightarrow \mu^-\mu^+$, $e^-e^+ \rightarrow \tau^-\tau^+$, $e^-e^+ \rightarrow$ адроны [I-5]. Результаты этих экспериментов хорошо согласуются со стандартной моделью (СМ) электрослабых взаимодействий Глэшоу-Вайнберга-Салама (ГВС) [6] при значении параметра $\sin^2 \theta_w = 0,23$.

В ближайшее время в ряде научных центров вступят в строй новые ускорительно-накопительные установки в e^\pm -пучков на энергии в диапазоне 100-200 ГэВ в СЦИ (*LEP*, *SLC*). При этом возникнет уникальная возможность для сравнения различных предсказаний СМ с экспериментом в этой области энергий. Возможно, что при сверхвысоких энергиях появятся новые экспериментальные факты, не согласующиеся с предсказаниями СМ. Интерпретация экспериментов такого рода, естественно, требует рассмотрения расширенных калибровочных моделей, отличных от стандартной.

Большим достижением последних лет в развитии физики высоких энергий является разработка теории суперструн. Суперструнная модель элементарных частиц, основанная на калибровочной симметрии $E_8 \times E_8$, рассматривается в качестве реального кандидата на роль последовательной единой теории всех фундаментальных взаимодействий [7]. После компактификации десятимерная группа $E_8 \times E_8$ -суперструны приводит к 4-мерной $N=1$ суперсимметричной теории с калибровочной группой E_6 . Интересным следствием этой модели является то, что она предсказывает существование новых экзотических фермionов и как минимум одного дополнительного векторного бозона [8]. Это сильно оживило интерес к E_6 теории большого объединения.

В настоящее время поискам проявлений дополнительных векторных бозонов уделяется значительное внимание [9-14]. В рамках суперструнной E_6 -модели изучен вклад дополнительного Z' -бозона в глубоконеупругих процессах, в упругое нейтрино-электронное и нейтрино-нуклонное рассеяния, когерентное нейтрино рождение π^0 -мезонов на ядрах. И все же для обнаружения возможных отклонений от СМ при высоких энергиях и изучения свойств новых бозонов потребуется исследование более широкого класса процессов. Одним из эффективных способов поиска таких бозонов является изучение процессов рождения частиц в электрон-позитронных столкновениях.



Физические свойства дополнительных бозонов могут быть изучены измерением различных электрослабых асимметрий в электрон-позитронной аннигиляции при энергиях $\sqrt{S} \geq 100$ ГэВ. Эксперименты в этой области энергий позволяют определить отклонение различных электрослабых асимметрий от предсказаний теории ГБС с точностью 1% и предоставят самые реальные возможности для решения вопроса о существовании дополнительных калибровочных бозонов.

С целью всесторонней проверки СМ, выявления эффектов дополнительного бозона и выбора приемлемой модели электрослабого взаимодействия при высоких энергиях в ряде работ рассмотрены электрослабые асимметрии в процессах рождения лептонов в электрон-позитронной аннигиляции [9, 15-18]. В недавной работе [19] в рамках СМ получены аналитические выражения для электромагнитных поправок порядка α^3 в полное сечение и интегральную асимметрию вперед-назад для процесса рождения пары фундаментальных фермионов. В экспериментах с высокознергетическими электрон-позитронными пучками наряду с лептонами наблюдаются и частицы с другими значениями спинов. Это визывает необходимость исследовать влияние дополнительного Z' -бозона на характеристики процессов образования пары частиц с произвольными спинами на встречных e^-e^+ -пучках.

В настоящей работе изучаются эффекты дополнительного бозона в процессах

$$e^- + e^+ \rightarrow f + \bar{f}. \quad (1)$$

Здесь $f\bar{f}$ - пара произвольных частиц (лептонов, нуклонов, гиперонов, псевдоскалярных или векторных мезонов, нуклонных резонансов и др.).

Найдены и проанализированы такие характеристики процессов (1), которые наиболее чувствительны к вкладу дополнительного векторного бозона.

2. ВЗАИМОДЕЙСТВИЕ ФУНДАМЕНТАЛЬНЫХ ФЕРМИОНОВ С ВЕКТОРНЫМИ БОЗОНАМИ

В низкоэнергетическом пределе суперструны нарушение симметрии группы E_6 может происходить по схеме

$$E_6 \rightarrow SO(10) \times U_\psi(1). \quad (2)$$

Группа $SO(10)$ содержит $SU(5)$ в качестве своей подгруппы. Схема нарушения $SO(10)$ выглядит следующим образом:

$$SO(10) \rightarrow SU(5) \times U_x(1), \quad (3)$$

причем

$$SU(5) \supset SU_c(3) \times SU_L(2) \times U_Y(1). \quad (4)$$

Следовательно, группа E_6 может нарушаться до подгрупп 5-го или 6-го

ранга

$$G_5 = SU_c(3) \times SU_L(2) \times U_Y(1) \times U'(1), \quad (5)$$

$$G_6 = SU_c(3) \times SU_L(2) \times U_Y(1) \times U_\psi(1) \times U_x(1). \quad (6)$$

Возможны и другие варианты подгрупп ранга 6, но мы ограничимся рассмотрением указанной. Здесь мы имеем два дополнительных нейтральных бозона Z_ψ и Z_x , отвечающих группам $U_\psi(1)$ и $U_x(1)$ соответственно.

Модель с калибровочной группой $SU_c(3) \times SU(2) \times U(1) \times U'(1)$ считается сейчас наиболее вероятным низкоэнергетическим пределом теории суперструны. В этой модели возникает дополнительный Z' -бозон, рассматриваемый как линейная комбинация Z_ψ и Z_x .

$$Z' = Z_\psi \cos \theta_E + Z_x \sin \theta_E. \quad (7)$$

Здесь θ_E - угол смешивания. В случае группы ранга 6 он произведен, а для группы ранга 5 $\theta_E = 142,24^\circ$.

Заряды, характеризующие взаимодействие левого и правого спиноров с Z' -бозоном (7), определяются как

$$\begin{aligned} Q_L^{Z'} &= Q_\psi(f_L) \cos \theta_E + Q_x(f_L) \sin \theta_E, \\ Q_R^{Z'} &= -Q_\psi(f_L^c) \cos \theta_E - Q_x(f_L^c) \sin \theta_E, \end{aligned} \quad (8)$$

где

$$Q_\psi(f_L) = \frac{1}{2\sqrt{6}}, \quad Q_x(f_L) = \frac{3}{2\sqrt{10}} \text{ для } f_L = (d^c, e, \nu_e)_L,$$

$$Q_\psi(f_L) = \frac{1}{2\sqrt{6}}, \quad Q_x(f_L) = -1/2\sqrt{10} \text{ для } f_L = (u, d, u^c, e^c)_L$$

-генераторы групп $U_\psi(1)$ и $U_x(1)$.

Токи взаимодействия фундаментальных фермионов с векторными бозонами имеют вид

$$J_\mu^i = \sum_f \bar{\psi}_f \gamma_\mu [g_{lf}^i (1 + \gamma_5) + g_{Rf}^i (1 - \gamma_5)]. \quad (9)$$

Здесь g_{lf}^i и g_{Rf}^i - левая и правая константы связи фермиона f с i -бозоном. Выражения этих констант приведены в таблице I.

ТАБЛИЦА I
(Обозначения $g_Z = \frac{e}{\sin 2\theta_W}$, $g_{Z'} = \sqrt{\frac{5}{3}} \cdot \frac{e}{2 \cos \theta_W}$, $A = \frac{1}{2\sqrt{6}} \cos \theta_E$, $B = \frac{1}{2\sqrt{10}} \sin \theta_E$)

бозон \\\diagdown поля	e, μ, τ		u, c		d, s, b	
	g_{le}^i/g_i	g_{Re}^i/g_i	g_{Lq}^i/g_i	g_{Rq}^i/g_i	g_{Lq}^i/g_i	g_{Rq}^i/g_i
$i = Z$	$-\frac{1}{2} + \sin^2 \theta_W$	$\sin^2 \theta_W$	$\frac{1}{2} - \frac{2}{3} \sin^2 \theta_W$	$-\frac{2}{3} \sin^2 \theta_W$	$-\frac{1}{2} + \frac{1}{3} \sin^2 \theta_W$	$\frac{1}{3} \sin^2 \theta_W$
$i = Z'$	$A + 3B$	$B - A$	$A - B$	$B - A$	$A - B$	$-A - 3B$

Массовая матрица полей Z и Z' в общем случае недиагональна. Это приводит к $Z - Z'$ -смешиванию

$$\begin{aligned} Z_1 &= Z \cos \varphi + Z' \sin \varphi, \\ Z_2 &= -Z \sin \varphi + Z' \cos \varphi, \end{aligned} \quad (10)$$

где Z_1 и Z_2 -калибровочные бозоны с физическими массами m_{Z_1} и m_{Z_2} , φ -угол смешивания

$$\tan^2 \varphi = (m_{Z_2}^2 - m_{Z_1}^2) / (m_{Z_2}^2 + m_{Z_1}^2).$$

Здесь m_Z - масса Z -бозона в СИ.

Выражения для токов взаимодействия фермионов с бозонами Z_1 и Z_2 имеют общий вид (9), но при этом

$$\begin{aligned} j_{L,R}^{Z_1} &= \cos \varphi j_{L,R}^Z + \sin \varphi j_{L,R}^{Z'}, \\ j_{L,R}^{Z_2} &= \cos \varphi j_{L,R}^{Z'} - \sin \varphi j_{L,R}^Z. \end{aligned} \quad (II)$$

3. ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНОЕ СЕЧЕНИЕ ПРОЦЕССОВ $e^-e^+ \rightarrow f\bar{f}$

Процессы рождения пары произвольных частиц в электрон-позитронных столкновениях описываются амплитудой

$$M = e^2 \sum_i \bar{v}_i j_\mu [j_{Le}^i (1 + \gamma_5) + j_{Re}^i (1 - \gamma_5)] u \langle f\bar{f} | j_\mu^i | 0 \rangle, \quad (I2)$$

где суммирование проводится по всем калибровочным бозонам ($i = Y, Z_1, Z_2, \dots$), $\lambda_i = (m_i^2 - s - i m_i \Gamma_i)^{-1}$ -пропагатор векторного бозона i , m_i и Γ_i - масса и полная ширина i -бозона, s - квадрат суммарной энергии e^-e^+ -пары в СИ, j_μ^i - ток, описывающий переход $i \rightarrow f + \bar{f}$.

Дифференциальное сечение реакций (I) может быть представлено в виде

$$\frac{d\sigma}{d\Omega} = \frac{e^2}{4} \beta \sum_{i,k} \lambda_i \lambda_k^* L_{\mu\nu}^{ik} W_{\mu\nu}^{ik}, \quad (I3)$$

где β - скорость частицы f , $L_{\mu\nu}^{ik}$ и $W_{\mu\nu}^{ik}$ - тензоры начальных и конечных частиц.

Если массой электрона пренебречь, то лептонные тензоры станут сохраняющимися $L_{\mu\nu}^{ik} q_\mu = L_{\mu\nu}^{ik} q_\nu = 0$. Вследствие этого в СИ вклад в сечение дают только пространственные компоненты тензоров L_{mn}^{ik} и W_{mn}^{ik} . Лептонный тензор легко вычисляется на основе матричного элемента (I2) и в случае произвольно поляризованной e^-e^+ -пары равен

$$\begin{aligned} L_{mn}^{ik} = s \{ & (\delta_{mn} - \vec{v}_m \vec{v}_n) [(j_{Le}^i j_{Le}^k + j_{Re}^i j_{Re}^k)(1 - \lambda_1 \lambda_2) + \\ & + (j_{Le}^i j_{Le}^k - j_{Re}^i j_{Re}^k)(\lambda_2 - \lambda_1)] + i \epsilon_{mn\tau} v_\tau [(j_{Le}^i j_{Le}^k - j_{Re}^i j_{Re}^k)(1 - \lambda_1 \lambda_2) \\ & + (j_{Le}^i j_{Le}^k + j_{Re}^i j_{Re}^k)(\lambda_2 - \lambda_1)] + [\gamma_{1m} \gamma_{2n} + \gamma_{1n} \gamma_{2m} - \vec{\gamma}_1 \vec{\gamma}_2 (\delta_{mn} - \vec{v}_m \vec{v}_n)] \times \end{aligned}$$

$$x (j_{Le}^i j_{Re}^k + j_{Re}^i j_{Le}^k) + i (\gamma_{1m} \epsilon_{nrs} + \gamma_{1n} \epsilon_{mrs}) v_r v_s (j_{Le}^i j_{Re}^k - j_{Re}^i j_{Le}^k) \}. \quad (I4)$$

Здесь λ_1 и λ_2 (γ_1 и γ_2) - величины продольных (поперечных) поляризаций электрона и позитрона, \vec{v} - единичный вектор по направлению импульса электрона.

Тензор конечных частиц имеет следующую общую структуру

$$W_{mn}^{ik} = W_1^{ik} \delta_{mn} + W_2^{ik} N_m N_n - i \epsilon_{mn\tau} N_\tau W_3^{ik}, \quad (I5)$$

где W_1^{ik} , W_2^{ik} и W_3^{ik} - структурные функции, зависящие от природы образовавшихся частиц, N - единичный вектор по направлению импульса частицы f .

Сворачивая тензоры L_{mn} и W_{mn} , для дифференциального сечения процессов (I) находим выражение (в дальнейшем массой частицы f пренебрегается):

$$\begin{aligned} \frac{d\sigma}{d\Omega} = \frac{d^2}{4} s \sum_{i,k} \lambda_i \lambda_k^* \{ & [(j_{Le}^i j_{Le}^k + j_{Re}^i j_{Re}^k)(1 - \lambda_1 \lambda_2) + \\ & + (j_{Le}^i j_{Le}^k - j_{Re}^i j_{Re}^k)(\lambda_2 - \lambda_1)] (2 W_1^{ik} + W_2^{ik} \sin^2 \theta) + \\ & + 2 [(j_{Le}^i j_{Le}^k - j_{Re}^i j_{Re}^k)(1 - \lambda_1 \lambda_2) + (j_{Le}^i j_{Le}^k + j_{Re}^i j_{Re}^k)(\lambda_2 - \lambda_1)] W_3^{ik} \cos \theta + \\ & + \gamma_1 \gamma_2 [(j_{Re}^i j_{Le}^k + j_{Le}^i j_{Re}^k) \cos 2\varphi + i (j_{Re}^i j_{Le}^k - j_{Le}^i j_{Re}^k) \sin 2\varphi] W_2^{ik} \sin^2 \theta \}. \end{aligned} \quad (I6)$$

Если электрон (позитрон) обладает правой (левой) спиральностью, то из формулы (I6) имеем сечение

$$\frac{d\sigma(e^-e^+ \rightarrow f\bar{f})}{d\Omega} = d^2 s \sum_{i,k} \lambda_i \lambda_k^* \frac{i}{c} j_{Re}^i j_{Re}^k (2 W_1^{ik} + W_2^{ik} \sin^2 \theta - 2 W_3^{ik} \cos \theta). \quad (I7)$$

Если же электрон (позитрон) лево (право) поляризован, то сечение равно

$$\frac{d\sigma(e^-_R e^+_R \rightarrow f\bar{f})}{d\Omega} = d^2 s \sum_{i,k} \lambda_i \lambda_k^* \frac{i}{c} j_{Le}^i j_{Le}^k (2 W_1^{ik} + W_2^{ik} \sin^2 \theta + 2 W_3^{ik} \cos \theta). \quad (I8)$$

Отсюда следует, что изучение реакций (I) с левополяризованными электронами e^-_L (или правополяризованными позитронами e^+_R) позволяет получить информацию о левых константах связи лептонов с калибровочными бозонами j_{Le}^i , в то время как сечение аннигиляции правополяризованных электронов e^-_R (или левополяризованных позитронов e^+_L) содержит сведения о правых константах связи j_{Re}^i .

4. ИНТЕГРАЛЬНЫЕ ХАРАКТЕРИСТИКИ ПРОЦЕССОВ $e^-e^+ \rightarrow f\bar{f}$

Эффекты суперструнного бозона проявляются в различных электрослабых асимметриях, выражения которых могут быть получены из общей формулы эффективного сечения (16). Здесь рассматриваются только интегральные характеристики реакций $e^-e^+ \rightarrow f\bar{f}$.

Определим следующим образом сечения рождения частицы f в передней (σ_B) и задней (σ_H) полусферах при аннигиляции продольно поляризованного позитрона и неполяризованного электрона

$$\begin{aligned}\sigma_B(\lambda_2) &= \int_{-1}^{2\pi} d\psi \int d\Omega \cos\theta (d\sigma/d\Omega), \\ \sigma_H(\lambda_2) &= \int_0^{2\pi} d\psi \int d\Omega \cos\theta (d\sigma/d\Omega).\end{aligned}\quad (19)$$

Из формулы (16) имеем

$$\begin{aligned}\sigma_B(\lambda_2) &= \frac{\pi}{6} d^2 S \sum_{i,k} \partial_i \partial_k^* \left\{ 2 [g_{le}^i g_{le}^k + g_{re}^i g_{re}^k + \lambda_2 (g_{le}^i g_{le}^k - g_{re}^i g_{re}^k)] (3W_1^{ik} + W_2^{ik}) + \right. \\ &\quad \left. + 3 [g_{le}^i g_{re}^k - g_{re}^i g_{le}^k + \lambda_2 (g_{le}^i g_{re}^k + g_{re}^i g_{le}^k)] W_3^{ik} \right\},\end{aligned}\quad (20)$$

$$\begin{aligned}\sigma_H(\lambda_2) &= \frac{\pi}{6} d^2 S \sum_{i,k} \partial_i \partial_k^* \left\{ 2 [g_{le}^i g_{le}^k + g_{re}^i g_{re}^k + \lambda_2 (g_{le}^i g_{le}^k - g_{re}^i g_{re}^k)] (3W_1^{ik} + W_2^{ik}) - \right. \\ &\quad \left. - 3 [g_{le}^i g_{re}^k - g_{re}^i g_{le}^k + \lambda_2 (g_{le}^i g_{re}^k + g_{re}^i g_{le}^k)] W_3^{ik} \right\}.\end{aligned}\quad (21)$$

Из (20) и (21) могут быть определены измеряемые на опыте электрослабые асимметрии:

I) поляризационная асимметрия вперед

$$\begin{aligned}A_B(\lambda_2) &= [\sigma_B(\lambda_2) - \sigma_B(-\lambda_2)] / [\sigma_B(\lambda_2) + \sigma_B(-\lambda_2)] = \\ &= \lambda_2 \frac{\sum_i \partial_i \partial_k^* [2(g_{le}^i g_{le}^k - g_{re}^i g_{re}^k)(3W_1^{ik} + W_2^{ik}) + 3(g_{le}^i g_{re}^k + g_{re}^i g_{le}^k)W_3^{ik}]}{\sum_i \partial_i \partial_k^* [2(g_{le}^i g_{le}^k + g_{re}^i g_{re}^k)(3W_1^{ik} + W_2^{ik}) + 3(g_{le}^i g_{le}^k - g_{re}^i g_{re}^k)W_3^{ik}]};\end{aligned}\quad (22)$$

2) поляризационная асимметрия назад

$$\begin{aligned}A_H(\lambda_2) &= [\sigma_H(\lambda_2) - \sigma_H(-\lambda_2)] / [\sigma_H(\lambda_2) + \sigma_H(-\lambda_2)] = \\ &= \lambda_2 \frac{\sum_i \partial_i \partial_k^* [2(g_{le}^i g_{le}^k - g_{re}^i g_{re}^k)(3W_1^{ik} + W_2^{ik}) - 3(g_{le}^i g_{le}^k + g_{re}^i g_{re}^k)W_3^{ik}]}{\sum_i \partial_i \partial_k^* [2(g_{le}^i g_{le}^k + g_{re}^i g_{re}^k)(3W_1^{ik} + W_2^{ik}) - 3(g_{le}^i g_{le}^k - g_{re}^i g_{re}^k)W_3^{ik}]};\end{aligned}\quad (23)$$

3) асимметрия вперед-назад с учетом продольной поляризации позитрона

$$\begin{aligned}A_{BH}(\lambda_2) &= [\sigma_B(\lambda_2) - \sigma_H(\lambda_2)] / [\sigma_B(\lambda_2) + \sigma_H(\lambda_2)] = \\ &= \frac{3 \sum_i \partial_i \partial_k^* [g_{le}^i g_{le}^k - g_{re}^i g_{re}^k + \lambda_2 (g_{le}^i g_{le}^k + g_{re}^i g_{re}^k)] W_3^{ik}}{2 \sum_i \partial_i \partial_k^* [g_{le}^i g_{le}^k + g_{re}^i g_{re}^k + \lambda_2 (g_{le}^i g_{le}^k - g_{re}^i g_{re}^k)] (3W_1^{ik} + W_2^{ik})};\end{aligned}\quad (24)$$

4) поляризационная асимметрия вперед-назад

$$\begin{aligned}\tilde{\sigma}_{BH}(\lambda_2) &= [\tilde{\sigma}_B(\lambda_2) - \tilde{\sigma}_B(-\lambda_2) - \tilde{\sigma}_H(\lambda_2) + \tilde{\sigma}_H(-\lambda_2)] / [\tilde{\sigma}_B(\lambda_2) + \tilde{\sigma}_B(-\lambda_2) + \tilde{\sigma}_H(\lambda_2) + \tilde{\sigma}_H(-\lambda_2)] = \\ &= \frac{3}{2} \lambda_2 \frac{\sum_i \partial_i \partial_k^* (g_{le}^i g_{le}^k + g_{re}^i g_{re}^k) W_3^{ik}}{\sum_i \partial_i \partial_k^* (g_{le}^i g_{le}^k + g_{re}^i g_{re}^k) (3W_1^{ik} + W_2^{ik})}.\end{aligned}\quad (25)$$

Определим интегральное сечение рождения пары частиц $f\bar{f}$ при аннигиляции продольно поляризованного позитрона

$$\begin{aligned}\sigma(\lambda_2) &= \int_0^{2\pi} d\psi \int d\Omega \cos\theta (d\sigma/d\Omega) = \frac{2\pi}{3} d^2 S \sum_{i,k} \partial_i \partial_k^* x \\ &\quad \times [g_{le}^i g_{le}^k + g_{re}^i g_{re}^k + \lambda_2 (g_{le}^i g_{le}^k - g_{re}^i g_{re}^k)] (3W_1^{ik} + W_2^{ik}).\end{aligned}\quad (26)$$

Отсюда можно получить выражение для право-левой асимметрии

$$A_{RL} = \frac{\sigma_R - \sigma_L}{\sigma_R + \sigma_L} = \frac{\sum_i \partial_i \partial_k^* (g_{le}^i g_{le}^k - g_{re}^i g_{re}^k) (3W_1^{ik} + W_2^{ik})}{\sum_i \partial_i \partial_k^* (g_{le}^i g_{le}^k + g_{re}^i g_{re}^k) (3W_1^{ik} + W_2^{ik})},\quad (27)$$

где σ_R и σ_L — сечения аннигиляции право- и левополяризованного позитрона.

При аннигиляции попарично поляризованной e^-e^+ -пары сечение (16) приводит к следующим спиновым асимметриям

$$\begin{aligned}A_\psi^{(1)} &= \frac{2}{\pi_1 \pi_2} \int_0^{2\pi} \cos 2\psi d\psi \int_{-1}^1 d\cos\theta (d\sigma/d\Omega) / \int_0^{2\pi} d\psi \int_{-1}^1 d\cos\theta (d\sigma/d\Omega) = \\ &= \frac{\sum_i \partial_i \partial_k^* (g_{le}^i g_{re}^k + g_{re}^i g_{le}^k) W_2^{ik}}{\sum_i \partial_i \partial_k^* (g_{le}^i g_{le}^k + g_{re}^i g_{re}^k) (3W_1^{ik} + W_2^{ik})};\end{aligned}\quad (28)$$

$$\begin{aligned}A_\psi^{(2)} &= \frac{2}{\pi_1 \pi_2} \int_0^{2\pi} \sin 2\psi d\psi \int_{-1}^1 d\cos\theta (d\sigma/d\Omega) / \int_0^{2\pi} d\psi \int_{-1}^1 d\cos\theta (d\sigma/d\Omega) = \\ &= \frac{i \sum_i \partial_i \partial_k^* (g_{le}^i g_{le}^k - g_{re}^i g_{re}^k) W_2^{ik}}{\sum_i \partial_i \partial_k^* (g_{le}^i g_{le}^k + g_{re}^i g_{re}^k) (3W_1^{ik} + W_2^{ik})}.\end{aligned}\quad (29)$$

Найдем структурные функции W_1^{ik} , W_2^{ik} и W_3^{ik} при рождении конкретных пар частиц $f\bar{f}$ и проведем оценки электрослабых асимметрий в рамках $SU(2)_X U(1)_X U'(1)$ -модели.

Рассмотрим рождение пары фундаментальных фермионов (лептонов $\mu^-\mu^+$, $\tau^-\tau^+$, кварков $u\bar{u}$, $d\bar{d}$, $s\bar{s}$, $c\bar{c}$, $b\bar{b}$). При этом ток конечных частиц дается выражением

$$\langle f\bar{f} | \mathcal{I}_\mu^i | 0 \rangle = \bar{U}_f \gamma_\mu [g_{lf}^i (1+\gamma_5) + g_{rf}^i (1-\gamma_5)] \mathcal{V}_f. \quad (30)$$

Для структурных функций на основе (30) находим

$$W_1^{ik} = -W_2^{ik} = 4N_c (g_{lf}^i g_{rf}^k + g_{rf}^i g_{lf}^k), \quad (31)$$

$$W_3^{ik} = 4N_c (g_{lf}^i g_{rf}^k - g_{rf}^i g_{lf}^k),$$

где N_c - цветовой множитель ($N_c = 3$ -для кварков и $N_c = 1$ -для лептонов).

Для сравнения результатов модели $SU(2) \times U(1) \times U(1)$ с данными планируемых экспериментов нами проведены расчеты электрослабых асимметрий для случая рождения фундаментальных фермиснов при энергии e^-e^+ -пучков $\sqrt{S} = 90-240$ ГэВ. В расчетах принято, что угол $Z-Z'$ смешивания $\varphi = 0^\circ$, а для массы и ширины распада дополнительного бозона выбирались значения $m_{Z'} = 150, 200, 250, 300$ ГэВ и $\Gamma_{Z'} = 0,025 m_{Z'}$. Некоторые результаты вычисления асимметрий в процессах $e^-e^+ \rightarrow \mu^-\mu^+$, $e^-e^+ \rightarrow \tau^-\tau^+$ представлены на рис. I-5.

На рис. I приведена зависимость асимметрии вперед-назад $A_{BH}(\lambda_2)$ от Θ_E при $m_{Z'} = 200$ ГэВ, $\Gamma_{Z'} = 5$ ГэВ и разных энергиях \sqrt{S} . Как видно, характер кривых сильно зависит от энергии \sqrt{S} . Так, при $\sqrt{S} < 140$ ГэВ асимметрия почти не зависит от угла смешивания Θ_E , а при $140 \leq \sqrt{S} < 200$ ГэВ и $\sqrt{S} > 200$ ГэВ кривые имеют минимум и максимум, смещающиеся вниз и вверх с ростом энергии. При $\sqrt{S} = 200$ ГэВ у асимметрии $A_{BH}(\lambda_2)$ наблюдаются дополнительные ярко выраженные максимум и минимум.

Чувствительность право-левой асимметрии к выбору массы дополнительного бозона иллюстрирует рис. 2, где представлена зависимость A_{RL} от энергии \sqrt{S} . На рисунке пунктирная кривая описывает поведение асимметрии в СМ. Как видно, с ростом энергии асимметрия сначала уменьшается и достигает минимума, затем увеличивается и, достигая максимального значения вблизи $\sqrt{S} \sim m_{Z'}$, снова начинает уменьшаться. С увеличением массы дополнительного бозона минимумы и максимумы асимметрии A_{RL} смещаются в сторону высоких энергий. Заметно также, что предсказания модели $SU(2) \times U(1) \times U(1)$ значительно отличаются от результатов СМ, причем отклонение от СМ увеличивается с ростом энергии e^-e^+ -пучков и уменьшением массы дополнительного бозона.

Аналогичное поведение наблюдается и для асимметрий A_{BH} и $A_{\psi}^{(1)}$ (см. рис. 3, где приведена энергетическая зависимость асимметрий A_{BH} и $A_{\psi}^{(1)}$).

Что касается поперечной спиновой асимметрии $A_{\psi}^{(2)}$, то она определяется мнимыми частями пропагаторов D_i и достигает максимального значения вблизи резонансной энергии $\sqrt{S} \sim m_{\psi}$. В Z' -резонансе асимметрия $A_{\psi}^{(2)}$ достигает нескольких процентов и чувствительна к углу Θ_E (см. рис. 4, где показана зависимость $A_{\psi}^{(2)}$ от Θ_E при $m_{Z'} = 200$ ГэВ и $\Gamma_{Z'} = 5$ ГэВ).

Для реакций рождения пары пионов, нуклонов, векторных ρ -мезонов и нуклонных резонансов структурные функции $W_{1,2,3}$ выражаются через электрослабые формфакторы адронов. Их выражения здесь не приводятся. В СМ процессы (I) исследованы в работе [20].

Исследуем степень продольной поляризации конечных частиц на примере образования лептонных пар. В случае произвольных поляризаций начальных и продольных поляризаций конечных частиц дифференциальное сечение

процесса $e^-e^+ \rightarrow \tau^-\tau^+$ имеет вид

$$\begin{aligned} \frac{d\sigma}{d\Omega} = \frac{\alpha^2}{4} N_c S \sum_i D_i D_k^* \left\{ \left[(g_{Le}^i g_{Lc}^K + g_{Re}^i g_{Rc}^K)(1 - \lambda_1 \lambda_2) + (g_{Le}^i g_{Lc}^K - g_{Re}^i g_{Rc}^K)(\lambda_2 - \lambda_1) \right] \right. \\ \times \left[(g_{Lf}^i g_{Lf}^K + g_{Rf}^i g_{Rf}^K)(1 - h_1 h_2) + (g_{Lf}^i g_{Lf}^K - g_{Rf}^i g_{Rf}^K)(h_2 - h_1) \right] (1 + \cos^2 \theta) + \\ + 2 \left[(g_{Le}^i g_{Lc}^K - g_{Re}^i g_{Rc}^K)(1 - \lambda_1 \lambda_2) + (g_{Le}^i g_{Lc}^K + g_{Re}^i g_{Rc}^K)(\lambda_2 - \lambda_1) \right] \times \\ \times \left[(g_{Lf}^i g_{Lf}^K - g_{Rf}^i g_{Rf}^K)(1 - h_1 h_2) + (g_{Lf}^i g_{Lf}^K + g_{Rf}^i g_{Rf}^K)(h_2 - h_1) \right] \cos \theta - \\ - \eta_1 \eta_2 \left[(g_{Le}^i g_{Lc}^K + g_{Re}^i g_{Rc}^K) \cos 2\varphi + i (g_{Re}^i g_{Lc}^K - g_{Le}^i g_{Rc}^K) \sin 2\varphi \right] \times \\ \times \left[(g_{Lf}^i g_{Lf}^K + g_{Rf}^i g_{Rf}^K)(1 - h_1 h_2) + (g_{Lf}^i g_{Lf}^K - g_{Rf}^i g_{Rf}^K)(h_2 - h_1) \right] \}. \quad (32) \end{aligned}$$

Различные частные случаи выражения (32) для дифференциального сечения процесса $e^-e^+ \rightarrow \mu^-\mu^+$ были рассмотрены ранее. Так, например, если в (32) перейти к продольным поляризациям начальных частиц, то получим результат работы [15]. Если же просуммировать по поляризациям конечных частиц, то формула (32) совпадает с результатом работ [16, 17].

Дифференциальное сечение (32) приводит к следующим поляризационным асимметриям:

$$A_B(h_2) = \frac{[\beta_B(h_2) - \beta_B(-h_2)]}{[\beta_B(h_2) + \beta_B(-h_2)]} = \\ = h_2 \frac{\sum D_i D_k^* [4(g_{Le}^i g_{Lc}^K + g_{Re}^i g_{Rc}^K)(g_{Lf}^i g_{Lf}^K - g_{Rf}^i g_{Rf}^K) + 3(g_{Le}^i g_{Lc}^K - g_{Re}^i g_{Rc}^K)(g_{Lf}^i g_{Lf}^K + g_{Rf}^i g_{Rf}^K)]}{\sum D_i D_k^* [4(g_{Le}^i g_{Lc}^K + g_{Re}^i g_{Rc}^K)(g_{Lf}^i g_{Lf}^K + g_{Rf}^i g_{Rf}^K) + 3(g_{Le}^i g_{Lc}^K - g_{Re}^i g_{Rc}^K)(g_{Lf}^i g_{Lf}^K - g_{Rf}^i g_{Rf}^K)]}, \quad (33)$$

$$A_H(h_2) = \frac{[\beta_H(h_2) - \beta_H(-h_2)]}{[\beta_H(h_2) + \beta_H(-h_2)]} = \\ = h_2 \frac{\sum D_i D_k^* [4(g_{Le}^i g_{Lc}^K + g_{Re}^i g_{Rc}^K)(g_{Lf}^i g_{Lf}^K - g_{Rf}^i g_{Rf}^K) - 3(g_{Le}^i g_{Lc}^K - g_{Re}^i g_{Rc}^K)(g_{Lf}^i g_{Lf}^K + g_{Rf}^i g_{Rf}^K)]}{\sum D_i D_k^* [4(g_{Le}^i g_{Lc}^K + g_{Re}^i g_{Rc}^K)(g_{Lf}^i g_{Lf}^K + g_{Rf}^i g_{Rf}^K) - 3(g_{Le}^i g_{Lc}^K - g_{Re}^i g_{Rc}^K)(g_{Lf}^i g_{Lf}^K - g_{Rf}^i g_{Rf}^K)]}, \quad (34)$$

$$A_{BH}(h_2) = \frac{[\beta_B(h_2) - \beta_B(-h_2)]}{[\beta_B(h_2) + \beta_B(-h_2)]} = \\ = \frac{3}{4} \frac{\sum D_i D_k^* (g_{Le}^i g_{Lc}^K - g_{Re}^i g_{Rc}^K)[g_{Lf}^i g_{Lf}^K - g_{Rf}^i g_{Rf}^K + h_2(g_{Lf}^i g_{Lf}^K + g_{Rf}^i g_{Rf}^K)]}{\sum D_i D_k^* (g_{Le}^i g_{Lc}^K + g_{Re}^i g_{Rc}^K)[g_{Lf}^i g_{Lf}^K + g_{Rf}^i g_{Rf}^K + h_2(g_{Lf}^i g_{Lf}^K - g_{Rf}^i g_{Rf}^K)]}, \quad (35)$$

$$\tilde{A}_{BH}(h_2) = \frac{[\beta_B(h_2) - \beta_B(-h_2) - \beta_H(h_2) + \beta_H(-h_2)]}{[\beta_B(h_2) + \beta_B(-h_2) + \beta_H(h_2) + \beta_H(-h_2)]} = \\ = \frac{3}{4} \frac{h_2 \sum D_i D_k^* (g_{Le}^i g_{Lc}^K - g_{Re}^i g_{Rc}^K)(g_{Lf}^i g_{Lf}^K + g_{Rf}^i g_{Rf}^K)}{h_2 \sum D_i D_k^* (g_{Le}^i g_{Lc}^K + g_{Re}^i g_{Rc}^K)(g_{Lf}^i g_{Lf}^K - g_{Rf}^i g_{Rf}^K)}, \quad (36)$$

$$P = \frac{[\sigma(f_R) - \sigma(f_L)]}{[\sigma(f_R) + \sigma(f_L)]} = \\ = \frac{\sum D_i D_k^* (g_{Le}^i g_{Lc}^K + g_{Re}^i g_{Rc}^K)(g_{Lf}^i g_{Lf}^K - g_{Rf}^i g_{Rf}^K)}{\sum D_i D_k^* (g_{Le}^i g_{Lc}^K - g_{Re}^i g_{Rc}^K)(g_{Lf}^i g_{Lf}^K + g_{Rf}^i g_{Rf}^K)}. \quad (37)$$

Здесь $\tilde{\sigma}(f_R)$ и $\tilde{\sigma}(f_L)$ - сечения рождения фермиона f в конечном состоянии с измеряемой в эксперименте правой и левой поляризацией.

Следует отметить, что электрослабые асимметрии (33)-(37) доступны для экспериментального изучения в процессе $e^-e^+ \rightarrow \tau^-\tau^+$, посредством измерения поляризации τ -лептона по спектру $\bar{\pi}$ -мезонов в распаде $\tau \rightarrow \bar{\pi} \nu_\tau$.

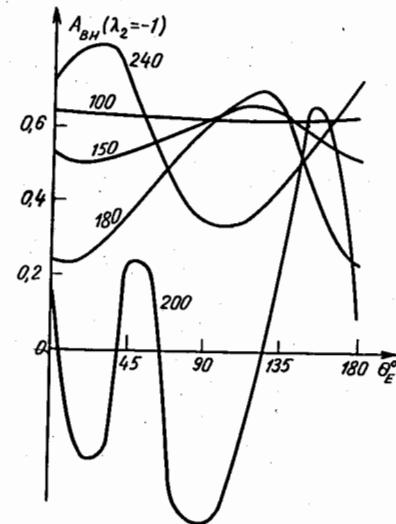
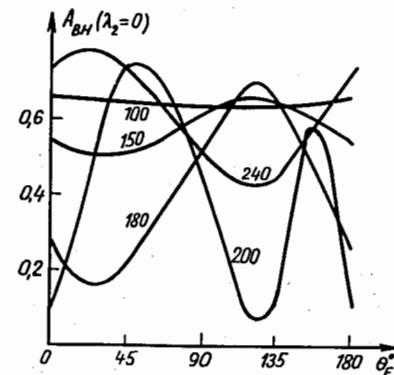
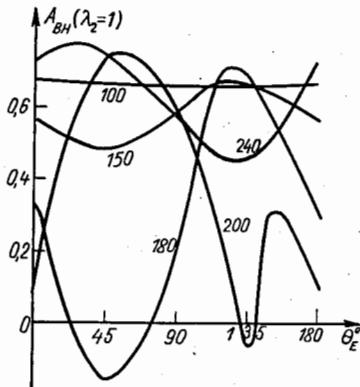
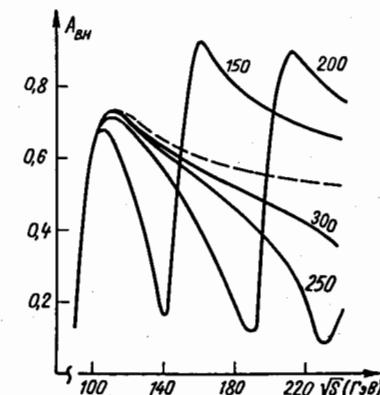
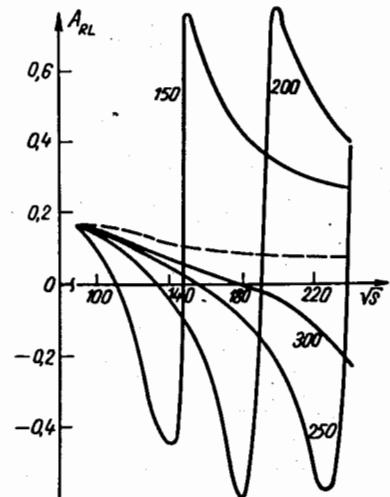


Рис.1. Зависимость асимметрии $A_{BH}(\lambda_2)$ от угла при разных энергиях e^-e^+ -пучков (цифры у кривых - энергия \sqrt{S} в ГэВ).

Рис.2. Энергетическая зависимость асимметрии A_{RL} при различных массах Z' -бозона ($\theta_E = 90^\circ$, цифры у кривых - масса $m_{Z'}$ в ГэВ).



$$Z' \equiv Z_L (\theta_E = 37, 78^\circ)$$

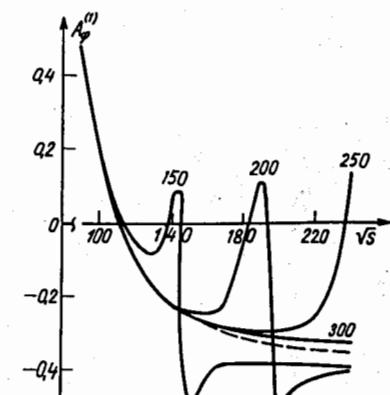


Рис.3. Зависимость асимметрий A_{BH} и $A_\phi^{(4)}$ от энергии при различных массах дополнительного бозона.

На рис.5 представлена зависимость степени продольной поляризации $\tilde{\tau}$ -лентона от угла θ_E при $m_{\tilde{Z}}=200$ ГэВ, $\Gamma_{\tilde{Z}'}=5$ ГэВ. В области энергий $100 \leq \sqrt{s} < 200$ ГэВ ($\sqrt{s} > 200$ ГэВ) рост угла приводит к уменьшению (увеличению) асимметрии P , и она достигает минимума (максимума) вблизи $\theta_E \sim 60-80^\circ$. Затем асимметрия снова увеличивается (уменьшается) и, достигая максимального (минимального) значения при $\theta_E \sim 150^\circ$, начинает уменьшаться (растягивается).

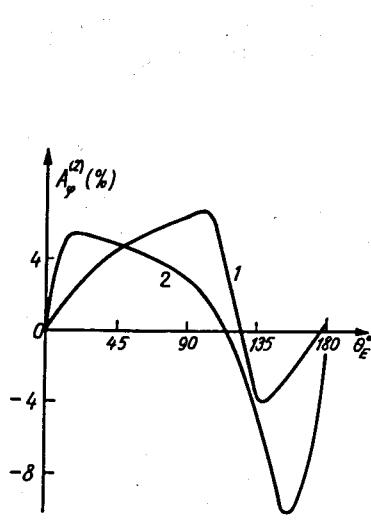


Рис.4. Зависимость поперечной спиновой асимметрии $A_\varphi^{(1)}$ от угла θ_E при $\sqrt{s}=190$ ГэВ (кривая 1) и 200 ГэВ (кривая 2).

Рассмотрим режим $S \approx m_i^2$, который может быть изучен на будущих ускорителях встречных электрон-позитронных пучков. В этом случае вклад в сечение от i -бозонного ($i = Z$ или Z') становится доминирующим, так как мы имеем дело с резонансным рождением бозона. В резонансе интегральные характеристики процесса рождения фундаментальных фермионов равны

$$A_B(\lambda_2) = \lambda_2 \frac{A_1 + 0,75 A_2}{1 + 0,75 A_1 A_2}, \quad A_H(\lambda_2) = \lambda_2 \frac{A_1 - 0,75 A_2}{1 - 0,75 A_1 A_2},$$

$$A_{RL} = A_1; \quad \tilde{A}_{BH}(\lambda_2) = 0,75 \lambda_2 \cdot A_2,$$

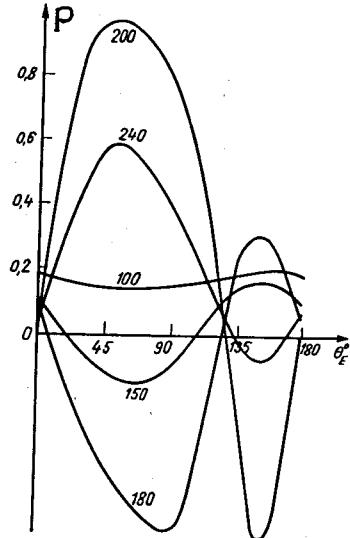


Рис.5. Зависимость степени продольной поляризации $\tilde{\tau}$ -лентона от угла θ_E при разных энергиях e^-e^+ -пучков.

$$A_{BH}(\lambda_2) = 0,75 \frac{A_1 + \lambda_2}{1 + \lambda_2 A_2} A_2, \quad A_\varphi^{(1)} = -\frac{g_{Le}^i g_{Re}^i}{(g_{Le}^i)^2 + (g_{Re}^i)^2},$$

$$A_B(h_2) = h_2 \frac{A_2 + 0,75 A_1}{1 + 0,75 A_1 A_2}, \quad A_H(h_2) = h_2 \frac{A_2 - 0,75 A_1}{1 - 0,75 A_1 A_2},$$

$$A_{BH}(h_2) = 0,75 \frac{A_1 + h_2}{1 + h_2 A_2} A_2, \quad \tilde{A}_{BH}(h_2) = 0,75 h_2 A_1, \quad P = A_2.$$

Здесь $A_1 = \frac{(g_{Le}^i)^2 - (g_{Re}^i)^2}{(g_{Le}^i)^2 + (g_{Re}^i)^2}$, $A_2 = \frac{(g_{Lf}^i)^2 - (g_{Rf}^i)^2}{(g_{Lf}^i)^2 + (g_{Rf}^i)^2}$.

Отсюда следует, что информация о константах связи лептонов с i -бозоном ($i = Z$ или Z') может быть получена изучением асимметрий A_{RL} , $A_\varphi^{(1)}$ и $\tilde{A}_{BH}(h_2)$. Степень продольной поляризации фермиона P , асимметрии вперед-назад $A_{BH}(\lambda_2 = \pm 1)$ и $\tilde{A}_{BH}(\lambda_2)$ содержат сведения о параметрах нейтральных токов конечных частиц.

В таблице 2 приведены значения различных электрослабых асимметрий при рождении пары фундаментальных фермионов в Z - и Z' -резонансной области энергий при $\sin^2 \theta_W = 0,23$.

ТАБЛИЦА 2

	Z						
	A_{RL}	$A_B(\lambda_2)$	$A_H(\lambda_2)$	$A_{BH}(\lambda_2)$	$\tilde{A}_{BH}(\lambda_2)$	$A_\varphi^{(1)}$	P
e, μ, τ	0,16	$0,28 \lambda_2$	$0,04 \lambda_2$	$0,12 \frac{\lambda_2 + 0,16}{1 + 0,16 \lambda_2}$	$0,12 \lambda_2$	0,5	0,16
u, c	0,16	$0,61 \lambda_2$	$-0,37 \lambda_2$	$0,5 \frac{\lambda_2 + 0,16}{1 + 0,16 \lambda_2}$	$0,5 \lambda_2$	0,5	0,67
d, s, b	0,16	$0,68 \lambda_2$	$-0,6 \lambda_2$	$0,7 \frac{\lambda_2 + 0,16}{1 + 0,16 \lambda_2}$	$0,7 \lambda_2$	0,5	0,94
$Z' \equiv Z_X (\theta_E = 90^\circ)$							
e, μ, τ	0,8	$0,95 \lambda_2$	$0,4 \lambda_2$	$0,6 \frac{\lambda_2 + 0,8}{1 + 0,8 \lambda_2}$	$0,6 \lambda_2$	-0,3	0,8
u, c	0,8	$0,8 \lambda_2$	$0,8 \lambda_2$	0	0	-0,3	0
d, s, b	0,8	$0,4 \lambda_2$	$0,95 \lambda_2$	$-0,6 \frac{\lambda_2 + 0,8}{1 + 0,8 \lambda_2}$	$-0,6 \lambda_2$	-0,3	-0,8

5. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Электрослабые асимметрии A_{RL} , $A_{BH}(\lambda_2)$, $A_\varphi^{(1)}$, P и др. в процессах $e^-e^+ \rightarrow f\bar{f}$ являются экспериментально измеряемыми величинами. Следует отметить, что асимметрия вперед-назад A_{BH} и степень продольной поляризации P $\tilde{\tau}$ -лентона уже измерены в PEP, PETRA и TPISTAN различными

коллаборациями [I-5]. Однако измерения проводились в области энергий $\sqrt{s} \sim 30$ -52 ГэВ, где вклад диаграммы с Z' -бозонным обменом пренебрежимо мал из-за большого значения массы $M_{Z'}$ в пропагаторе $\mathcal{D}_{Z'}$.

Наибольшего влияния дополнительного бозона на характеристики процессов $e^-e^+ \rightarrow f\bar{f}$ следует ожидать в области энергий сталкивающихся e^-e^+ -пучков близких к массе $M_{Z'}$, ($\sqrt{s} > 100$ ГэВ). Эксперименты ближайшего будущего на e^-e^+ -коллайдерах LEP и SLC поставят большое количество информации, которая позволит проверить ряд соотношений между наблюдаемыми в процессах $e^-e^+ \rightarrow f\bar{f}$. Это даст нам возможность тщательно проверить теорию ГВС. Любое явное отклонение экспериментальных данных от предсказаний СМ будет косявленным свидетельством о другой природе электрослабых взаимодействий при высоких энергиях и о наличии дополнительного векторного бозона.

Измерение электрослабых асимметрий на опыте является одним из эффективных методов экспериментального определения киральных констант связи лептонов и夸克ов с дополнительным бозоном. Как следует из проведенного анализа, изучение асимметрий A_{RL} и $A_\varphi^{(\prime)}$ вблизи порога рождения дополнительного бозона является источником информации о константах связи лептонов, а степень продольной поляризации фермиона P и асимметрия $\tilde{A}_{BH}(\lambda_2)$ содержат сведения о параметрах нейтральных токов конечных частиц.

Авторы благодарят В.Г.Кадышевского, Д.Ю.Бардина, С.Г.Коваленко и В.А.Беднякова за полезные обсуждения.

ЛИТЕРАТУРА

- I. Fernandez E., et al. - Phys.Rev.Lett., 1985, 54, p.1620.
2. Ford W.T. et al. - Preprint, SLAC-PUB-4066, 1987.
3. Adeva B. et al. - Phys.Rev., 1986, D34, p.681.
4. Ash W.W. et al. - Phys.Rev.Lett., 1987, 58, p.1084.
5. Sugimoto S. - In Proceedings of Summer Institute on Particle Physics, SLAC, 1987, p.487.
6. Glashow S.L. - Nucl.Phys., 1961, 22, p.579; Weinberg S. - Phys. Rev.Lett., 1967, 19, p.1264.
7. Green M.B., Schwarz J.M. - Phys.Lett., 1984, B149, p.117.
8. Robinett R.W. - Phys.Rev., 1986, D33, p.1908.
9. Belanger G., Godfrey S. - Phys.Rev., 1986, D34, p.1309.
10. Rosner J.L. - Phys.Rev., 1987, D35, p.2244.
- II. Duncan M.I., Langacker P. - Nucl.Phys., 1986, B277, p.285.
- I2. Bednyakov V.A., Kovalenko S.G. - JINR Preprint, E2-88-157; E2-88-395; Dubna, 1988.
13. London D., Rosner J.L. - Phys.Rev., 1986, D34, p.1530.

- I4. London D. et al. - Phys.Rev.Lett., 1987, 58, p.6.
- I5. Абдуллаев С.К., Алиев Л.П.-Изв.вузов СССР,Физика,1987, № 4, с. II7.
- I6. Ader J.P., Marison S., Wallet J.C. - Phys.Lett., 1986, B176, p.215.
- I7. Cvetic M., Lynn B.W. - Phys.Rev., 1987, D35, p.51.
- I8. Angelopoulos V.D. et al. - Phys.Lett., 1986, B176, p.203.
- I9. Bardin D.Yu., Fedorenko O.M., Riemann T. - JINR Preprint, E2-87-663, Dubna, 1987.
20. Абдуллаев С.К., Мухтаров А.И., Мустафаев В.З. Я Ф , 1981, 33, с.763.

Рукопись поступила в издательский отдел
23 мая 1989 года.