



ОБЪЕДИНЕННЫЙ
ИНСТИТУТ
ЯДЕРНЫХ
ИССЛЕДОВАНИЙ
ДУБНА

P2-87-34

А.П.Исаев

ТЕОРИЯ РЕЛЯТИВИСТСКОЙ СТРУНЫ
С ДУХОВЫМИ СТЕПЕНЯМИ СВОБОДЫ

Направлено в журнал "Nuclear Physics B"

1987

I. ВВЕДЕНИЕ

В последнее время в связи с построением калибровочно-инвариантных теорий поля взаимодействующих струн^{/1/} было предложено^{/2/} использовать БРСТ-формализм^{/3/}. Основным достижением в этом направлении является построение БРСТ инвариантной вершины взаимодействия релятивистских струн^{/4,5/}, с помощью которой определяется некоммутативное умножение в пространстве струнных полей, и введение на основе этого умножения фундаментального понятия В-алгебры^{/5,6/}. Важную роль в процитированных работах играли духовные переменные, которые рассматривались как чисто вспомогательные переменные в полном соответствии с классической идеологией^{/7/}.

В настоящей работе духовные поля, возникающие при квантовании теории релятивистской струны (РС), рассматриваются как динамические переменные, что приводит к формулировке расширенной модели РС, в которой духовные степени свободы могут проявляться в асимптотических состояниях. Такая модель носит вспомогательный характер, т.к. ее динамика является обобщением динамики обычной РС. Вычисления в расширенной модели облегчают получение некоторых результатов для обычной теории РС. В статье не вводится понятие струнного поля, хотя это легко сделать. Все рассмотрение проводится в произвольной калибровке, когда множители Лагранжа $f(\epsilon, \tau)$ и $\bar{f}(\epsilon, \tau)$, возникающие в гамильтоновом подходе, явно не фиксируются, а считаются на всех этапах исследования (за исключением 4 пункта работы) произвольными функциями. Такое рассмотрение восходит к опубликованным ранее работам^{/8,9/}. Часть результатов из этих публикаций были недавно пересмотрены в работе^{/10/}.

Настоящая статья организована следующим образом. Во втором пункте обсуждается гамильтонов подход к теории РС Намбу-Гото как к обобщенной гамильтоновой системе^{/11/}. В третьем пункте представлено решение задачи Коши, которое определяет состояние РС с духовными степенями свободы в любой момент времени по состоянию в начальный момент времени, и найден полный набор тензорных локальных законов сохранения, образующих конечную супералгебру Ли. В четвертом разделе работы

на основе решения (квантово-механических) уравнений в вариационных производных построены ядро оператора эволюции и интегральное представление для пропагатора свободной замкнутой РС с духовными степенями свободы. Построенный пропагатор можно интерпретировать как результат вычисления с помощью БРСТ-формализма однопетлевой диаграммы в теории открытой взаимодействующей струны^{/12/}.

2. ГАМИЛЬТОНОВА ФОРМУЛИРОВКА ТЕОРИИ

В гамильтоновом подходе состояние замкнутой релятивистской струны описывается точкой в фазовом пространстве с координатами $x_\mu(\epsilon, \tau) = x_\mu(\epsilon + 2\pi, \tau)$ и $p_\mu(\epsilon, \tau) = p_\mu(\epsilon + 2\pi, \tau)$ (ϵ - параметр на струне, τ - параметр эволюции), где $x_\mu(\epsilon, \tau)$ - вектор-функция, задающая мировую поверхность струны в D -мерном псевдоевклидовом пространстве с метрикой $\eta^{\mu\nu}$ $(-, +, +, +, \dots, +)$, а $p_\mu(\epsilon, \tau)$ - плотность импульса струны в точке ϵ , в момент τ .

Динамика струны в гамильтоновых переменных описывается действием

$$A = \int_{\tau_1}^{\tau_2} d\tau \int_0^{2\pi} d\epsilon \left(\dot{x}_\mu p^\mu - \frac{f(\epsilon, \tau)}{4} q_\mu(\epsilon, \tau) a^\mu(\epsilon, \tau) + \frac{\bar{f}(\epsilon, \tau)}{4} b_\mu(\epsilon, \tau) \beta^\mu(\epsilon, \tau) \right), \quad (I)$$

где введены обозначения: $a^\mu = \frac{1}{M} p^\mu + M \dot{x}^\mu$, $\beta^\mu = \frac{1}{M} p^\mu - M \dot{x}^\mu$, $\dot{x}_\mu = \frac{\partial x_\mu}{\partial \tau}$, $\dot{x}_\mu = \frac{\partial x_\mu}{\partial \tau}$ функции $f(\epsilon, \tau) = f(\epsilon + 2\pi, \tau)$ и $\bar{f}(\epsilon, \tau) = \bar{f}(\epsilon + 2\pi, \tau)$ являются множителями Лагранжа; $a^2(\epsilon, \tau)$ и $\beta^2(\epsilon, \tau)$ - функции связей, а M - параметр размерности массы, который в дальнейшем для простоты будет полагаться равным единице.

Действие (I) инвариантно относительно локальных преобразований, которые генерируются функциями связей a_μ^2 и β_μ^2 . Для компактной записи этих преобразований введем в рассмотрение новую (нелокальную) переменную $X_\mu(\epsilon_1, \epsilon_2, \tau)$, которая содержит всю информацию о струне

$$X_\mu(\epsilon_1, \epsilon_2, \tau) = \frac{1}{2} (x_\mu(\epsilon_1, \tau) + x_\mu(\epsilon_2, \tau)) + \int_{\epsilon_2}^{\epsilon_1} p_\mu(\epsilon, \tau) d\epsilon. \quad (2)$$

Теперь непосредственно можно убедиться в том, что действие (I) инвариантно относительно преобразований

$$X_\mu(\epsilon_1, \epsilon_2, \tau) \mapsto U_1 U_2 X_\mu(\epsilon_1, \epsilon_2, \tau), \quad (3a)$$

$$\left(\frac{\partial}{\partial \tau} - f(\epsilon_1, \tau) \frac{\partial}{\partial \epsilon_1}\right) \rightarrow U_1 \left(\frac{\partial}{\partial \tau} - \bar{f}(\epsilon_1, \tau) \frac{\partial}{\partial \epsilon_1}\right) U_1^{-1}, \left(\frac{\partial}{\partial \tau} - \bar{f}(\epsilon_2, \tau) \frac{\partial}{\partial \epsilon_2}\right) \rightarrow U_2 \left(\frac{\partial}{\partial \tau} - f(\epsilon_2, \tau) \frac{\partial}{\partial \epsilon_2}\right) U_2^{-1} \quad (3b)$$

Здесь $U_1 = \exp(\psi(\epsilon_1, \tau) \frac{\partial}{\partial \epsilon_1})$, $U_2 = \exp(\bar{\psi}(\epsilon_2, \tau) \frac{\partial}{\partial \epsilon_2})$ - линейные дифференциальные операторы, реализующие представление группы $\text{diff}(S^1) \otimes \text{diff}(S^1)$. На параметры ψ и $\bar{\psi}$ преобразований (3) необходимо наложить граничные условия

$$\psi(\epsilon, \tau_i) = \bar{\psi}(\epsilon, \tau_i), \quad \psi(\epsilon, \tau_f) = \bar{\psi}(\epsilon, \tau_f), \quad \forall \epsilon, \quad (4)$$

при этом преобразования (3a) сведутся просто к перепараметризации граничных контуров.

Гамильтоновы уравнения движения, которые вытекают из действия (I), имеют вид

$$\dot{x}_\mu = \frac{f}{2}(p_\mu + x'_\mu) - \frac{\bar{f}}{2}(p_\mu - x'_\mu), \quad \dot{p}_\mu = \left(\frac{f}{2}(p_\mu + x'_\mu) + \frac{\bar{f}}{2}(p_\mu - x'_\mu)\right)', \quad (5a)$$

$$(p_\mu + x'_\mu)(p^\mu + x'^\mu) = (p_\mu - x'_\mu)(p^\mu - x'^\mu) = 0. \quad (5b)$$

Перейдем теперь к обсуждению квантовой динамики РС. Согласно правилам квантования обобщенных гамильтоновых систем /II/ квантовая динамика замкнутой РС описывается континуальным интегралом

$$G(\epsilon_1, \epsilon_2, \epsilon_3, \dots, \epsilon_6) = \int \mathcal{D}\{\mu\} \exp\{iA\}, \quad (6)$$

$$\mathcal{D}\{\mu\} = \prod_{\epsilon, \tau} \{\mathcal{D}[p_\mu] \mathcal{D}[x_\mu] \mathcal{D}[f] \mathcal{D}[\bar{f}]\} \Delta \Pi,$$

где интегрирование ведется по всем плотностям импульса $p^\mu(\epsilon, \tau)$, по всем поверхностям $x_\mu(\epsilon, \tau)$, ограниченными контурами ϵ_i , и по всем множителям Лагранжа $f(\epsilon, \tau)$ и $\bar{f}(\epsilon, \tau)$ (отметим, что множества этих функций ограничены соображениями причинности); Δ - детерминант Фаддеева-Попова, а Π - множитель, фиксирующий калибровочный произвол (3). Будем работать в классе калибровочных условий, налагаемых только на множители Лагранжа f и \bar{f} :

$$f(\epsilon, \tau) = f_0(\epsilon, \tau; \theta_{\alpha\beta}), \quad \bar{f}(\epsilon, \tau) = \bar{f}_0(\epsilon, \tau; \theta_{\alpha\beta}), \quad (7)$$

где f_0 и \bar{f}_0 - некоторые заданные функции (их явный вид зависит от топологии мировой поверхности $x_\mu(\epsilon, \tau)$ и для дальнейшего нам не

понадобится), зависящие от действительных параметров $\theta_{\alpha\beta}$ и $\bar{\theta}_{\alpha\beta}$. Эти параметры в общем случае зависимы и образуют нетривиальное многомерное фактор-пространство $\{f, \bar{f}\} / \{\text{пространство преобразований (3b)}\}$, называемое пространством модулей M_g^6 , размерность которого определяется топологией мировой поверхности струны и равна $^{13/}$ (при $g > 1$) $3(\nu + 2(g-1))$, где ν - число граничных контуров ϵ_i , а g - род поверхности $x_\mu(\epsilon, \tau)$. Выбор класса (7) калибровочных условий достаточно общий, и возможность такого выбора следует из явного вида преобразований (3b). В этом случае множитель Π равен

$$\Pi = \int_{M_g^6} (d\theta_{\alpha\beta} d\bar{\theta}_{\alpha\beta}) W(\theta_{\alpha\beta}, \bar{\theta}_{\alpha\beta}) \prod_{\epsilon, \tau} \left\{ \delta(f(\epsilon, \tau) - f_0(\epsilon, \tau; \theta_{\alpha\beta})) \delta(\bar{f}(\epsilon, \tau) - \bar{f}_0(\epsilon, \tau; \bar{\theta}_{\alpha\beta})) \right\} \quad (8)$$

и не зависит от координат фазового пространства $x_\mu(\epsilon, \tau)$ и $p_\mu(\epsilon, \tau)$. Для общности в интеграле (8) введена весовая функция $W(\theta_{\alpha\beta}, \bar{\theta}_{\alpha\beta})$.

В случае, когда поверхность $x_\mu(\epsilon, \tau)$ имеет топологию цилиндра, что соответствует динамике свободной замкнутой РС возможен выбор калибровочного условия (8) в виде (пространство M_0^2 - одномерно)

$$\Pi = \int_0^{2\pi} d\theta \prod_{\epsilon, \tau} \left\{ \delta\left(f(\epsilon, \tau) - \frac{\theta x}{\tau_f - \tau_i}\right) \delta\left(\bar{f}(\epsilon, \tau) + \frac{\theta x}{\tau_f - \tau_i}\right) \right\}. \quad (9)$$

Калибровочное условие (9) соответствует ортонормированному выбору системы координат $(\xi^0 = \frac{x\theta}{\tau_f - \tau_i}, \xi^1 = \epsilon)$ на мировой поверхности $x_\mu(\epsilon, \tau)$: $(\partial_0 x_\mu \pm \partial_1 x_\mu)^2 = 0$. Как правило, в теории струны работают именно с таким калибровочным условием, что, как мы указывали выше, несовместимо с более сложными топологиями мировой поверхности $x_\mu(\epsilon, \tau)$.

Определим теперь детерминант Фаддеева-Попова Δ , который соответствует выбору функционала Π в виде (8). Стандартная техника $^{17/}$ приводит к следующему результату (т.к. мы игнорируем конформные аномалии $^{14/}$, то наше рассмотрение является строгим, вообще говоря, только при $D = 26$):

$$\Delta(f_0, \bar{f}_0) = \det\left(\frac{\partial}{\partial \tau} + f_0' - f_0 \frac{\partial}{\partial \epsilon}\right) \det\left(\frac{\partial}{\partial \tau} + \bar{f}_0' - \bar{f}_0 \frac{\partial}{\partial \epsilon}\right) = \quad (10)$$

$$= \int \mathcal{D}\{\mu_g\} \exp\{iS\} \det\left[i\eta\left(\frac{\partial}{\partial \tau} + f_0' - f_0 \frac{\partial}{\partial \epsilon}\right) \xi - i\bar{\eta}\left(\frac{\partial}{\partial \tau} + \bar{f}_0' - \bar{f}_0 \frac{\partial}{\partial \epsilon}\right) \bar{\xi}\right], \quad (11)$$

где $\mathcal{D}\{\mu_g\} = \prod_{\epsilon, \tau} \{\mathcal{D}[\eta(\epsilon, \tau)] \mathcal{D}[\bar{\eta}(\epsilon, \tau)] \mathcal{D}[\xi(\epsilon, \tau)] \mathcal{D}[\bar{\xi}(\epsilon, \tau)]\}$. Интегрирова-

ние ведется по периодическим антикоммутирующим полям (духам Фаддеева-Попова). Подставляя равенства (8) и (II) в интеграл (6), получаем следующее интегральное представление для функционала $G(c_1, \dots, c_6)$:

$$G(c_1, \dots, c_6) = \int_{M_g^6} (d\theta_{\alpha p} d\bar{\theta}_{\alpha p}) W(\theta_{\alpha p}, \bar{\theta}_{\alpha p}) \int \mathcal{D}\{\psi(\sigma, \tau_i)\} \mathcal{D}\{\psi(\sigma, \tau_f)\}. \quad (I2)$$

$$\int \prod_{\sigma, \tau} \{\mathcal{D}[f] \mathcal{D}[\bar{f}] \delta(f - \bar{f}_0) \delta(f - \bar{f}_1)\} \left\{ \prod_{\sigma, \tau} \{\mathcal{D}[p_\mu] \mathcal{D}[x_\mu]\} \mathcal{D}\{\mu_g\} \exp\{i A_g\}, \right. \\ \text{где } A_g = \int_0^{2\pi} d\sigma \int_{\tau_i}^{\tau_f} d\tau \left[\dot{x}_\mu p^\mu - \frac{1}{4} \alpha^2 + \frac{1}{4} \bar{f} \beta^2 + i \bar{\nu} \dot{z} - i \bar{\nu} \dot{\bar{z}} - \right. \\ \left. - i \bar{f} (2 \nu \dot{z}' + \dot{z}' \bar{\nu}) + i \bar{f} (2 \bar{\nu} \dot{\bar{z}}' + \dot{\bar{z}}' \bar{\nu}) \right]. \quad (I3)$$

Суммирование по коллективным переменным $\psi(\sigma, \tau_i)$ и $\psi(\sigma, \tau_f)$, задающим все перепараметризации граничных контуров, остается в функциональном интеграле (I2), т.к. в нем интегрирование ведется по поверхностям $x_\mu(\sigma, \tau)$, ограниченными контурами

$$\exp(\psi(\sigma, \tau_i) \frac{\partial}{\partial \sigma}) x_\mu(\sigma, \tau_i) = x_\mu(\Phi(\sigma, \tau_i), \tau_i), \\ \exp(\psi(\sigma, \tau_f) \frac{\partial}{\partial \sigma}) x_\mu(\sigma, \tau_f) = x_\mu(\Phi(\sigma, \tau_f), \tau_f). \quad (I4)$$

Продемонстрируем теперь геометрический смысл множителей Лагранжа.

Для этого выполним в интеграле (6) замену импульсной переменной $p_\mu(\sigma, \tau) = \tilde{p}_\mu(\sigma, \tau) + \tilde{p}'_\mu(\sigma, \tau) = \frac{2}{f - \bar{f}} (\dot{x}_\mu - \frac{f + \bar{f}}{2} \dot{x}'_\mu) + \tilde{p}'_\mu$,

т.е. выделим из импульсной переменной $p_\mu(\sigma, \tau)$ классическую составляющую $p_\mu^{cl}(\sigma, \tau)$, которая определяется уравнением (5a). При этом интеграл (6) переписывается в виде

$$G(c_1, \dots, c_6) = \int \mathcal{D}\{\tilde{\mu}\} \exp\{i \tilde{A}\}, \quad (I5)$$

где $\mathcal{D}\{\tilde{\mu}\} = \prod_{\sigma, \tau} \{\mathcal{D}[\tilde{p}_\mu] \mathcal{D}[x_\mu] \mathcal{D}[f] \mathcal{D}[\bar{f}]\} \Delta \Pi$, \tilde{A} - известное действие:

$$\tilde{A} = \int_0^{2\pi} d\sigma \int_{\tau_i}^{\tau_f} d\tau \left[-\frac{1}{4} (f - \bar{f}) \tilde{p}^2 - \frac{1}{2} \sqrt{-g} g^{\alpha c} \partial_\alpha x_\mu \partial_c x^\mu \right]. \quad (I6)$$

В формуле (I6) использованы обозначения: $\{a, c\} = \{0, 1\}$, $\partial_0 x_\mu = \dot{x}_\mu$,

$$\partial_1 x_\mu = x'_\mu, \quad g = \det \|g_{\alpha c}\|,$$

метрика $g_{\alpha c}$ определяется равенством

$$\sqrt{-g} g^{\alpha c} = \frac{1}{(f - \bar{f})} \begin{pmatrix} -2 & f + \bar{f} \\ f + \bar{f} & -2f\bar{f} \end{pmatrix}. \quad (I7)$$

Эта формула определяет геометрический смысл множителей Лагранжа.

Подчеркнем здесь два момента, которые возникают при представлении интеграла (6) в форме (I5).

Во-первых, так как $A \equiv \tilde{A}$, то действие A обладает, кроме локальной симметрии (3), еще и локальной симметрией, свойственной лагранжевой теории (I6):

$$x_\mu(\sigma, \tau) \mapsto x_\mu(\xi^{\alpha'}(\sigma, \tau), \xi^0(\sigma, \tau)) = \exp[d^{\alpha'}(\sigma, \tau) \partial_\alpha] x_\mu(\sigma, \tau), \quad (I8)$$

$$g_{\alpha c}(\sigma, \tau) \mapsto g_{\alpha c}(\xi^{\alpha'}(\sigma, \tau), \xi^0(\sigma, \tau)) g_{\alpha' c'}(\xi^{\alpha'}(\sigma, \tau), \xi^0(\sigma, \tau)), \\ (f - \bar{f}) \tilde{p}^2 \mapsto \det \|\partial_\alpha \xi^{c'}\| (f(\xi^{\alpha'}, \xi^0) - \bar{f}(\xi^{\alpha'}, \xi^0)) \tilde{p}^2(\xi^{\alpha'}, \xi^0), \quad (I9)$$

причем преобразования (3a) сводятся к преобразованиям (I8) только на уравнениях движения (5). Параметры ψ , $\bar{\psi}$ и $d^{\alpha'}$ преобразований (3) и (I8), (I9) при этом связаны соотношениями

$$d^0 = \frac{\psi - \bar{\psi}}{f - \bar{f}}, \quad d^1 = \frac{\bar{\psi} f - \psi \bar{f}}{f - \bar{f}}. \quad (20)$$

Во-вторых, симметрии (3) и (I8), (I9) невозможно сохранить в квантовом случае одновременно, и вопрос о том, какая из этих двух симметрий должна быть сохранена, сводится к вопросу о доопределении меры $\mathcal{D}\{\mu\}$. Подчеркнем здесь, что возникновение двух локальных симметрий гамильтонова действия является общим свойством обобщенных гамильтоновых систем с нелинейными по импульсам связями. В случае линейных связей (поля Янга-Миллса) эти симметрии совпадают друг с другом.

3. ДИНАМИКА ЗАМКНУТОЙ РЕЛЯТИВИСТСКОЙ СТРУНЫ С ДУХОВЫМИ СТЕПЕНЯМИ СВОБОДЫ

В этом разделе работы будет изучена динамика системы, которая описывается действием (I3), будет решена задача Коши и представлен полный набор полиномиальных локальных интегралов движения.

Действие (I3) приводит к динамическим уравнениям (5a) для координат фазового пространства $(x_\mu$ и $p_\mu)$ и к уравнениям динамики духов:

$$\begin{aligned} \dot{\xi} &= f \xi' - f' \xi, & \dot{\bar{\xi}} &= \bar{f} \bar{\xi}' - \bar{f}' \bar{\xi}, \\ \dot{\eta} &= 2f' \eta + f \eta', & \dot{\bar{\eta}} &= 2\bar{f}' \bar{\eta} + \bar{f} \bar{\eta}'. \end{aligned} \quad (21)$$

Аналога уравнения (5в) в рассматриваемом случае нет (т.к. функции f и \bar{f} неявно зафиксированы), хотя можно написать аналоги функций связи $\frac{1}{4} a^2$ и $\frac{1}{4} b^2$. Они имеют вид

$$\mathcal{T} = \frac{a^2}{4} + i(2\eta \xi' + \eta' \xi), \quad \bar{\mathcal{T}} = \frac{b^2}{4} + i(2\bar{\eta} \bar{\xi}' + \bar{\eta}' \bar{\xi}). \quad (22)$$

Для системы уравнений (5а) и (21) можно построить общее решение задачи Коши, которое определяет состояние системы в любой точке τ ($\tau_i < \tau \leq \tau_f$) по начальному состоянию в точке $\tau = \tau_i$. Для уравнений (5а) это решение найдено в работе^{/8/} и может быть представлено в компактной форме (см. формулу (2))

$$X_\mu(\xi_1, \xi_2, \tau) = X_\mu(F(\xi_1, \tau), \bar{F}(\xi_2, \tau), \tau_i), \quad (23)$$

где

$$F(\xi, \tau) = \mathcal{T} \exp \left\{ \int_{\tau_i}^{\tau} dt f(\xi, t) \frac{\partial}{\partial \xi} \right\} \xi, \quad \bar{F}(\xi, \tau) = \mathcal{T} \exp \left\{ \int_{\tau_i}^{\tau} dt \bar{f}(\xi, t) \frac{\partial}{\partial \xi} \right\} \xi. \quad (24)$$

Для уравнений (21) решение задачи Коши записывается в виде

$$\xi(\xi, \tau) = \frac{1}{F'(\xi, \tau)} \xi(F(\xi, \tau), \tau_i), \quad \eta(\xi, \tau) = (F'(\xi, \tau))^2 \eta(F(\xi, \tau), \tau_i), \quad (25)$$

$$\bar{\xi}(\xi, \tau) = \frac{1}{\bar{F}'(\xi, \tau)} \bar{\xi}(\bar{F}(\xi, \tau), \tau_i), \quad \bar{\eta}(\xi, \tau) = (\bar{F}'(\xi, \tau))^2 \bar{\eta}(\bar{F}(\xi, \tau), \tau_i).$$

В том, что функции (23) и (25) действительно определяют решение задачи Коши уравнений (5а) и (21), легко убедиться непосредственно, если воспользоваться равенствами $\dot{F} = fF'$, $\dot{\bar{F}} = \bar{f}\bar{F}'$, $F(\xi, \tau_i) = \bar{F}(\xi, \tau_i) = \xi$.

Из решения (23), продифференцировав его по ξ_1 и ξ_2 , легко получить выражения

$$a_\mu(\xi, \tau) = F'(\xi, \tau) a_\mu(F(\xi, \tau), \tau_i), \quad b_\mu(\xi, \tau) = \bar{F}'(\xi, \tau) b_\mu(\bar{F}(\xi, \tau), \tau_i), \quad (26)$$

которые представляют собой решения задачи Коши для уравнений

$$\dot{a}_\mu = (fa_\mu)', \quad \dot{b}_\mu = (\bar{f}b_\mu)' \quad (27)$$

и которые непосредственно следуют из системы уравнений (5а).

Знание эволюции струнных переменных $x_\mu, p_\mu, \xi, \eta, \bar{\xi}, \bar{\eta}$ (соотношения (23), (25), (26)) позволяет легко построить все локальные законы сохранения в теории замкнутой струны с духовыми степенями свободы. Перечислим здесь эти законы:

1) Закон сохранения полного импульса

$$P_\mu = \int_0^{2\pi} d\sigma a_\mu(\xi, \tau) = \int_0^{2\pi} d\sigma b_\mu(\xi, \tau). \quad (28a)$$

2) Закон сохранения момента количества движения

$$M_{\mu\nu} = \int_0^{2\pi} d\sigma (x_\mu(\xi, \tau) p_\nu(\xi, \tau) - x_\nu(\xi, \tau) p_\mu(\xi, \tau)). \quad (28б)$$

3) Сохранение духовых чисел

$$Q_\xi = i \int_0^{2\pi} d\sigma (\xi(\xi, \tau) \eta(\xi, \tau)), \quad \bar{Q}_\xi = i \int_0^{2\pi} d\sigma (\bar{\xi}(\xi, \tau) \bar{\eta}(\xi, \tau)), \quad (28в)$$

$$4) Q_{\mu\nu} = \int_0^{2\pi} d\sigma (\xi(\xi, \tau) a_\mu(\xi, \tau) a_\nu(\xi, \tau)), \quad \bar{Q}_{\mu\nu} = \int_0^{2\pi} d\sigma (\bar{\xi}(\xi, \tau) b_\mu(\xi, \tau) b_\nu(\xi, \tau)), \quad (28г)$$

$$5) K_{\mu\nu} = i \int_0^{2\pi} d\sigma (\xi \xi' a_\mu a_\nu), \quad \bar{K}_{\mu\nu} = i \int_0^{2\pi} d\sigma (\bar{\xi} \bar{\xi}' b_\mu b_\nu), \quad (28д)$$

$$6) Q = i \int_0^{2\pi} d\sigma (\eta \xi \xi'), \quad \bar{Q} = i \int_0^{2\pi} d\sigma (\bar{\eta} \bar{\xi} \bar{\xi}'), \quad (28е)$$

$$7) I_\mu = i \int_0^{2\pi} d\sigma (\xi \xi' \xi'' a_\mu), \quad \bar{I}_\mu = i \int_0^{2\pi} d\sigma (\bar{\xi} \bar{\xi}' \bar{\xi}'' b_\mu). \quad (28ж)$$

Отметим, что комбинация законов сохранения (28а) и (28е) дает БРСТ-заряды Q_B и \bar{Q}_B ^{/3/}

$$Q_B = \frac{1}{4} Q_\mu{}^\mu - Q, \quad \bar{Q}_B = \frac{1}{4} \bar{Q}_\mu{}^\mu - \bar{Q}. \quad (29)$$

Кроме локальных законов сохранения, перечисленных выше, можно легко построить бесконечные наборы нелокальных интегралов движения^{/8,9/}, расширенных введением духовых переменных, в частности, используя представление Лакса уравнений (21), (27) (обобщение представления Лакса из работ^{/16/})

$$\left[\frac{\partial}{\partial \tau} - fV(\lambda_1, \dots, \lambda_6) \frac{\partial}{\partial \xi} - V(\lambda_1, \dots, \lambda_6) \right] \left[\frac{\partial}{\partial \tau} - \bar{f}\bar{V}(\lambda_1, \dots, \lambda_6) \frac{\partial}{\partial \bar{\xi}} - \bar{V}(\lambda_1, \dots, \lambda_6) \right] = 0, \quad (30)$$

где

$$\begin{aligned} V(\lambda_1, \dots, \lambda_6) &= \lambda_1 a_\mu T_1^{(\mu)} + \lambda_2 \xi \eta T_2 + \lambda_3 \xi a_\mu a_\nu T_3^{(\mu\nu)} + \lambda_4 \xi \xi' a_\mu a_\nu T_4^{(\mu\nu)} + \\ &+ \lambda_5 \eta \xi \xi' T_5 + \lambda_6 \xi \xi' \xi'' a_\mu T_6^{(\mu)}. \end{aligned}$$

$$\bar{V}(\bar{\lambda}_1, \dots, \bar{\lambda}_6) = \bar{\lambda}_1 \bar{\delta}_\mu \bar{T}_1^{(\mu)} + \bar{\lambda}_2 \bar{\delta}_\nu \bar{T}_2^{(\nu)} + \bar{\lambda}_3 \bar{\delta}_\mu \bar{\delta}_\nu \bar{T}_3^{(\mu\nu)} + \\ + \bar{\lambda}_4 \bar{\delta}_\nu \bar{\delta}'_\mu \bar{T}_4^{(\mu\nu)} + \bar{\lambda}_5 \bar{\delta}_\nu \bar{\delta}' \bar{T}_5 + \bar{\lambda}_6 \bar{\delta}_\nu \bar{\delta}' \bar{\delta}'' \bar{T}_6^{(\mu)}$$

$\bar{\lambda}_a, \bar{\lambda}_a$ - спектральные параметры, а $T_a^{(\mu)}$ и $\bar{T}_a^{(\mu)}$ - образующие произвольной некоммутативной алгебры, которые реализуют тензорные представления D -мерной группы Лоренца.

Интегралы движения (28) относительно скобок Пуассона (которые задаются каноническими скобками)

$$\{x_\mu(\epsilon, \tau), p_\nu(\epsilon', \tau)\} = \varrho_{\mu\nu} \delta(\epsilon - \epsilon') \quad (31)$$

$$\{\xi(\epsilon, \tau), \eta(\epsilon', \tau)\} = -i \delta(\epsilon - \epsilon'), \{\bar{\xi}(\epsilon, \tau), \bar{\eta}(\epsilon', \tau)\} = i \delta(\epsilon - \epsilon')$$

образуют конечную замкнутую супералгебру Ли. Действительно, используя соотношения (31), получаем для переменных (28г)-(28ж)

$$\{Q_{\mu\nu}, Q_{\lambda\rho}\} = -2i(g_{\lambda\nu} K_{\mu\rho} + g_{\nu\rho} K_{\mu\lambda} + g_{\mu\lambda} K_{\nu\rho} + g_{\mu\rho} K_{\nu\lambda}), \\ \{\bar{Q}_{\mu\nu}, \bar{Q}_{\lambda\rho}\} = 2i(g_{\lambda\nu} \bar{K}_{\mu\rho} + g_{\nu\rho} \bar{K}_{\mu\lambda} + g_{\mu\lambda} \bar{K}_{\nu\rho} + g_{\mu\rho} \bar{K}_{\nu\lambda}), \quad (32)$$

$\{Q_{\mu\nu}, Q\} = -i K_{\mu\nu}, \{\bar{Q}_{\mu\nu}, \bar{Q}\} = -i \bar{K}_{\mu\nu}, \{Q_B, Q_B\} = \{\bar{Q}_B, \bar{Q}_B\} = 0$ (остальные скобки Пуассона переменных (28г)-(28ж) равны нулю). К выражениям (32) необходимо добавить очевидные скобки Пуассона с участием переменных (28а)-(28в). Отметим, что при рассмотрении квантовой версии теории с действием (13) за счет нормального упорядочения полей в выражениях для переменных (28) коммутационные соотношения (32) могут видоизменяться, а часть переменных (28) перестанет сохраняться во времени. Поэтому сейчас мы перейдем к обсуждению квантовой версии рассматриваемой теории (см. работы^{3,4/}) и покажем, каким образом необходимо доопределять классические величины (28) в квантовом случае на примере доопределения БРСТ-зарядов (29).

Будем сопоставлять струнным переменным A и B операторы \hat{A} и \hat{B} , согласно правилу $[\hat{A}, \hat{B}] = i\{A, B\}$. Тогда, разлагая поля $a_\mu = p_\mu + x'_\mu, \varrho, \xi$ в ряды Фурье (здесь и в дальнейшем в этом пункте работы мы будем рассматривать только законы сохранения, построенные из полей a_μ, ϱ и ξ ; для законов сохранения, построенных из полей δ_μ, ϱ и ξ , легко можно провести аналогичное рассмотрение)

$$\xi(\epsilon) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} \xi_n e^{-in\epsilon}, \varrho(\epsilon) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} \frac{1}{2\pi} \varrho_n e^{-in\epsilon}, a_\mu(\epsilon) = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \sum_{n=-\infty}^{\infty} a_\mu^n e^{-in\epsilon}, \quad (33)$$

получим из формул (31) коммутационные соотношения

$$[\xi_n^+, \varrho_m^+] = [\xi_n, \varrho_m^+] = \delta_{m,n}; \xi_n^+ = \xi_{-n}, \varrho_n^+ = \varrho_{-n} \quad (n > 0); \\ [a_\mu^+, a_\nu^+] = -\delta_{\mu,\nu} \varrho_{\mu}^+ (n+m); a_\mu^+ = a_\mu^{-n} \quad (n > 0). \quad (34)$$

Операторы $\xi_n, \varrho_n, a_\mu^n \quad (n > 0)$ будем называть операторами уничтожения, а операторы $\xi_n^+, \varrho_n^+, a_\mu^+$ - операторами рождения.

Определим квантовый аналог функции T (22) следующим образом (для \bar{T} формулы аналогичны):

$$T(\epsilon) = \frac{1}{2\pi} \sum_{n=-\infty}^{\infty} T^n e^{-in\epsilon} = \frac{1}{2\pi} \sum_{n=-\infty}^{\infty} (T_x^n + T_g^n) e^{-in\epsilon} = T_x(\epsilon) + T_g(\epsilon), \quad (35)$$

$$T_x^n = \frac{1}{4} \sum_{m=-\infty}^{\infty} : a_\mu^{n-m} a_\mu^{m\mu} : - \beta \delta_{n,0}, \quad T_g^n = \sum_{m=-\infty}^{\infty} (n+m) : \varrho_{n-m} \xi_m :$$

В квантовом случае мы будем считать, что величина \hat{I} сохраняется (без учета конформных аномалий), если выполняется равенство

$$[\hat{I}, T^n] = 0, \quad \forall n. \quad (36)$$

Рассмотрим для начала наиболее важную переменную Q_B (29), которую можно представить в виде $Q_B = \int d\epsilon \xi(\epsilon) T_x(\epsilon) + \frac{1}{2} \int d\epsilon \xi(\epsilon) T_g(\epsilon)$. Используя определение (35), квантовый аналог Q_B ищем в виде^{3/}

$$\hat{Q}_B = \sum_{n=-\infty}^{\infty} \xi_n^+ T_x^n + \frac{1}{2} \sum_{n=1}^{\infty} (\xi_n^+ T_g^n + T_g^{-n} \xi_n) + \frac{1}{2} \xi_0 T_g^0 = \frac{1}{4} \hat{Q}_\mu^A - \hat{Q}. \quad (37)$$

Подставляя в коммутатор (36) величину $\hat{I} = \hat{Q}_B$, получаем

$$[T^n, \hat{Q}_B] = \left\{ \frac{D-26}{12} n^3 - \left(\frac{D-2}{12} - 2\beta \right) n \right\} \xi_n. \quad (38)$$

Правая часть равенства (38) равна нулю только в случае, когда $D = 26, \beta = 1$. Это именно тот случай, когда выполняется важное свойство нильпотентности БРСТ-заряда^{3/}:

$$\hat{Q}_B^2 = \left\{ \frac{(D-26)}{12} \sum_{n=1}^{\infty} n^3 \xi_n^+ \xi_n - \left(\frac{(D-2)}{12} - 2\beta \right) \sum_{n=1}^{\infty} n \xi_n^+ \xi_n \right\}. \quad (39)$$

Построение квантовых аналогов других сохраняющихся величин (28), удовлетворяющих условию (36), также можно осуществить. Отметим, что важность этих квантовых величин заключается в том, что они определяют дополнительные симметрии полевого действия релятивистской струны и накладывают определенные ограничения на способы построения таких действий. В частности, сохранение БРСТ-заряда Q_B уже использовалось для построения калибровочно-инвариантного взаимодействия открытых струн^{4,5/}.

$$F'(e, \tau_f) \frac{\delta K}{\delta F(e, \tau_f)} = (-i) N_{\Phi^{(2)}} \left\{ \frac{a^2}{4} + i(2\bar{v}'\bar{z}' + \bar{v}'\bar{z}') \right\} K =$$

$$= \{-i\bar{T}(e) + \frac{i(D-26)}{24\pi} \hat{D}(\Phi^{(2)})\} K, \quad (50a)$$

$$\bar{F}'(e, \tau_f) \frac{\delta K}{\delta \bar{F}(e, \tau_f)} = i N_{\Phi^{(2)}} \left\{ \frac{b^2}{4} + i(2\bar{v}'\bar{z}' + \bar{v}'\bar{z}') \right\} K =$$

$$= \{i\bar{T}(e) - \frac{i(D-26)}{24\pi} \hat{D}(\Phi^{(2)})\} K, \quad (50b)$$

где символ $N_{\Phi^{-1}}$ обозначает нормальное упорядочение, связанное со следующим разложением полей по модам $(\Phi^{-1}(\Phi(e)) = \Phi(\Phi^{-1}(e)) = e)$:

$$a_{\mu}(e) = \Phi' \left[\frac{P_{\mu}}{2\pi} + \frac{1}{2\pi} \sum_{n=1}^{\infty} (e^{in\Phi} a_{\mu}^{+n} + e^{-in\Phi} a_{\mu}^{-n}) \right], \quad b_{\mu}(e) = \Phi' \left[\frac{P_{\mu}}{2\pi} + \frac{1}{2\pi} \sum_{n=1}^{\infty} (e^{in\Phi} b_{\mu}^{+n} + e^{-in\Phi} b_{\mu}^{-n}) \right],$$

$$\eta(e) = (\Phi')^2 \left[\frac{v_0}{2\pi} + \frac{1}{2\pi} \sum_{n=1}^{\infty} (e^{in\Phi} \eta_n^{+} + e^{-in\Phi} \eta_n^{-}) \right], \quad \bar{\eta}(e) = \frac{1}{\Phi'} \left[\bar{v}_0 + \sum_{n=1}^{\infty} (e^{in\Phi} \bar{\eta}_n^{+} + e^{-in\Phi} \bar{\eta}_n^{-}) \right], \quad (51)$$

$$\bar{\eta}(e) = (\Phi')^2 \left[\frac{\bar{v}_0}{2\pi} + \frac{1}{2\pi} \sum_{n=1}^{\infty} (e^{in\Phi} \bar{\eta}_n^{+} + e^{-in\Phi} \bar{\eta}_n^{-}) \right], \quad \bar{\eta}(e) = \frac{1}{\Phi'} \left[\bar{v}_0 + \sum_{n=1}^{\infty} (e^{in\Phi} \bar{\eta}_n^{+} + e^{-in\Phi} \bar{\eta}_n^{-}) \right],$$

а $\hat{D}(\Phi^{-1}) = \Phi''/\Phi' - 3/2(\Phi''/\Phi')^2$ — производная Шварца. Прежде чем мы выпишем уравнение, которое определяет $Z(f, \bar{f})$ и которое следует из уравнений (50), отметим ряд фактов из теории группы диффеоморфизмов окружности $diff(S^1)$. Пусть функция F_0 неявно определяется из равенства $\exp(-F_0\partial)\exp(F_0\partial) = \exp(F_0\partial)$, тогда имеют место соотношения

$$(\bar{F}e^{-\bar{F}\partial} \frac{1}{F})(F e^{F\partial} \frac{1}{F}) = F_0 e^{F_0\partial} \frac{1}{F}, \quad (\frac{1}{F} e^{-F\partial} \bar{F})(\frac{1}{F} e^{F\partial} F) = \frac{1}{F_0} e^{\theta F_0} F_0. \quad (52)$$

В случае интегрирования по поверхностям топологии цилиндра (пропатор струны), когда возможен выбор калибровочного условия $F = -\bar{F} = \theta\pi = const$, существуют преобразования $\exp(\psi(e, \tau_i)\partial) = \exp(\bar{\psi}(e)\partial)$, $\exp(\psi(e, \tau_i)\partial) = \exp(\bar{\psi}(e)\partial)$, такие, что $(\frac{1}{\theta} = \int \frac{d\epsilon}{F\partial\epsilon})$

$$e^{\bar{\psi}\partial} e^{F\partial} e^{-\bar{\psi}\partial} = e^{\theta F\partial}, \quad e^{\bar{\psi}\partial} e^{\bar{F}\partial} e^{-\bar{\psi}\partial} = e^{-\theta\bar{F}\partial}. \quad (53)$$

Равенства (52) и (53), подставленные в формулу (49), приводят к следующему выражению для K :

$$K = Z(f, \bar{f}) \exp \left\{ \frac{i}{2} A(\tilde{x}_{\mu}^{(1)}, \tilde{x}_{\mu}^{(2)}) + 2A(\tilde{c}^{(1)}, \tilde{c}^{(2)}) \right\} (\bar{c}_0^{(1)} - \bar{c}_0^{(2)}) (c_0^{(1)} - c_0^{(2)}), \quad (54)$$

где

$$A(\tilde{x}_{\mu}^{(1)}, \tilde{x}_{\mu}^{(2)}) = \langle \tilde{x}_{\mu}^{(2)} | \partial \text{th}(\pi\theta\partial) | \tilde{x}_{\mu}^{(1)} \rangle - 2 \langle \tilde{x}_{\mu}^{(1)} | \partial (\text{sh}(\pi\theta\partial))^{-1} | \tilde{x}_{\mu}^{(2)} \rangle + \langle \tilde{x}_{\mu}^{(1)} | \partial \text{th}(\pi\theta\partial) | \tilde{x}_{\mu}^{(2)} \rangle,$$

$$A(\tilde{c}^{(1)}, \tilde{c}^{(2)}) = \tilde{c}^{(1)} \partial \text{th}(\pi\theta\partial) \tilde{c}^{(2)} - \tilde{c}^{(1)} (\text{sh}(\pi\theta\partial))^{-1} \tilde{c}^{(2)} - \tilde{c}^{(2)} (\text{sh}(\pi\theta\partial))^{-1} \tilde{c}^{(1)} + \tilde{c}^{(2)} \partial \text{th}(\pi\theta\partial) \tilde{c}^{(1)},$$

а переменные c с волной определяются из формул

$$\tilde{x}_{\mu}^{(2)} = e^{\bar{\psi}\partial} x_{\mu}^{(2)}, \quad \tilde{x}_{\mu}^{(1)} = e^{\bar{\psi}\partial} x_{\mu}^{(1)}, \quad \tilde{c}^{(1)} = \left(\frac{1}{\bar{\psi}} \exp(\bar{\psi}\partial) \bar{c} \right),$$

$$\tilde{c}^{(1)} = (\bar{\psi} e^{\bar{\psi}\partial} \frac{1}{\bar{\psi}}) c^{(1)}, \quad \tilde{c}^{(2)} = \left(\frac{1}{\bar{\psi}} e^{\bar{\psi}\partial} \bar{\psi} \right) \bar{c}^{(2)}, \quad \tilde{c}^{(2)} = (\bar{\psi} e^{\bar{\psi}\partial} \frac{1}{\bar{\psi}}) c^{(2)}. \quad (54a)$$

Подставляя теперь формулу (54) в уравнения (50) и учитывая равенства $F'(e, \tau_f) \frac{\delta \theta}{\delta F(e, \tau_f)} = \bar{F}'(e, \tau_f) \frac{\delta \theta}{\delta \bar{F}(e, \tau_f)} = (\theta/F_0)^2 = \left(\frac{1}{2\pi} (\Phi^{(2)}(e))' \right)^2$, вытекающие из формул (53), получаем уравнение, определяющее функционал $Z(f, \bar{f}) = Z(\theta)$ (этот функционал по симметричным соображениям зависит только от параметра θ):

$$\frac{\partial}{\partial \theta} \ln Z(\theta) = -\frac{D}{2} \frac{1}{\theta} + (2-D) \sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{i n 2\pi e^{-i n 2\pi \theta}}{1 - \exp(-i n 2\pi \theta)} \right) + \frac{i(D-2)\pi}{12}. \quad (55)$$

Решение уравнения (55) хорошо известно:

$$Z(\theta) = Z_0 \theta^{-\frac{D}{2}} e^{i \frac{D-2}{12} \pi \theta} \prod_{n=1}^{\infty} (1 - \exp(-i n 2\pi \theta))^{2-D} = Z_0 \theta^{-\frac{D}{2}} [\eta(\exp(-i 2\pi \theta))]^{2-D}, \quad (56)$$

где $\eta(q) = q^{1/24} \prod_{n=1}^{\infty} (1 - q^n)$ — функция Дедекинда, Z_0 — произвольная константа. Окончательное выражение для ядра оператора эволюции (54) с учетом формулы (56) имеет вид

$$K = \int_{x_{\mu}^{(1)}, c^{(1)}, \bar{c}^{(1)}} \prod_{\mu} [\delta(x_{\mu}^{(1)} - p_{\mu}) \delta(\bar{c}^{(1)} - \bar{\eta}) \delta(\eta)] \exp(i A g) = Z_0 \theta^{-\frac{D}{2}} \cdot (\eta(\exp(-i 2\pi \theta)))^{2-D} \exp \left\{ \frac{i}{2} A(\tilde{x}_{\mu}^{(1)}, \tilde{x}_{\mu}^{(2)}) + 2A(\tilde{c}^{(1)}, \tilde{c}^{(2)}) \right\} (\bar{c}_0^{(1)} - \bar{c}_0^{(2)}) (c_0^{(1)} - c_0^{(2)}). \quad (57)$$

Интегральное представление для пропатора $G(c_1, c_2)$ релятивистской струны с духовыми степенями свободы получается, если подставить выражение (57) в формулу (12), учитывая при этом калибровочное условие (9). В результате имеем

$$G(c_1, c_2) = \int_0^1 d\theta \theta^{-\frac{D}{2}} [\eta(\exp(-i 2\pi \theta))]^{2-D} \int \delta(\bar{\psi}) \delta(\psi) \exp \left\{ \frac{i}{2} A(\tilde{x}_{\mu}^{(1)}, \tilde{x}_{\mu}^{(2)}) + 2A(\tilde{c}^{(1)}, \tilde{c}^{(2)}) \right\} (\bar{c}_0^{(1)} - \bar{c}_0^{(2)}) (c_0^{(1)} - c_0^{(2)}). \quad (58)$$

В заключение этого раздела работы отметим, что хотя $G(c_1, c_2)$ (58) формально выведено для произвольного числа D измерений пространства-времени, необходимое уравнение для $G(c_1, c_2)$ вида $T(e)G(c_1, c_2) = -\bar{T}(e)G(c_1, c_2) \sim \langle \langle x_{\mu}^{(1)}, c^{(1)}, \bar{c}^{(1)} | x_{\mu}^{(2)}, c^{(2)}, \bar{c}^{(2)} \rangle \rangle$ получается

только при $D = 26$, т.к. в этом случае в формулах (50) исчезают члены, пропорциональные производным Шварца. При $D \neq 26$ ядро оператора эволюции K (57) необходимо умножить на функционал $\exp\{iWZ(f, \bar{f})\}$, который удовлетворял бы уравнению

$$F'(g, \tau_f) \frac{\delta \exp\{iWZ\}}{\delta F(g, \tau_f)} = -F'(g, \tau_f) \frac{\delta \exp\{iWZ\}}{\delta F(g, \tau_f)} = -\frac{(D-26)}{24\pi} \hat{D}(\phi^{(2)}) \exp\{iWZ\} \quad (59)$$

Легко убедиться в том, что не существует локального функционала $WZ(f, \bar{f})$, удовлетворяющего условию (59). Поэтому естественно интерпретировать функционал $WZ(f, \bar{f})$ как слагаемое Весса-Зумино (коцикл $^{20/}$). Автору пока не удалось найти его явный вид. Возможно, что функционал WZ связан с эффективным действием для квантовой теории дилатонного поля $^{14, 19/}$.

6. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В работе рассматривалась квантовая и классическая динамика бозонной релятивистской струны с духовыми степенями свободы. Были построены локальные интегралы движения такой струны и решение задачи Коши. На основе решения задачи Коши было получено интегральное представление для пропагатора РС. Эти результаты могут стать основой для нового, отличного от работ $^{4-6/}$ подхода к построению теории поля взаимодействующих струн.

В заключение отметим универсальный характер методов исследования струн, которые представлены в данной статье. В частности, эти методы довольно легко переносятся на случай фермионной струны $^{21/}$.

Автор благодарен В.А.Рубакову за указание на важность решения задачи Коши для построения квантовых теорий, а также Л.Альваресу-Гоме, А.Б. и Ал.Б. Замолодчиковым и А.Т. Филиппову за полезные обсуждения и ценные критические замечания.

ЛИТЕРАТУРА

1. Neveu A., West P. - Nucl.Phys., 1986, B268, 125-150;
Kaku M., Kikkawa K. - Phys.Rev., 1974, D10, 1110-1133, 1823-1843;
Cremmer E., Gervais J. - Nucl.Phys., 1974, B76, 209-230;
Green M., Schwarz J. - Nucl.Phys., 1983, B218, 43-88.
2. Siegel W. - Phys.Lett., 1984, 142B, 276-280;
Siegel W. - Phys.Lett., 1984, 149B, 157-161, 162-166;
Siegel W. - Phys.Lett., 1985, 151B, 391-395, 396-400.
3. Kato M., Ogawa K. - Nucl.Phys., 1983, B212, 443-460;
Hwang S. - Phys.Rev., 1983, D28, No.10, 2614-2620.
4. Hata H., Itoh K., Kunitomo H., Ogawa K. - Phys.Lett., 1986, 172B, No.2, 186-194, 195-199; 175B, No.2, 138-144.
5. Witten E. - Nucl.Phys., 1986, B268, 253-294.
6. Арефьева И.Я., Волович И.В. - ТМФ, 1986, т. 67, № 2, 320-324.
Арефьева И.Я., Волович И.В. - ТМФ, 1986, т.67, № 3, 474-478.
7. Faddeev L.D., Popov V.N. - Phys.Lett., 1967, B25, 29-30.
Славнов А.А., Фаддеев Л.Д. - Введение в квантовую теорию поля калибровочных полей. М.: Наука, 1978.
8. Исаев А.П. - ТМФ, 1983, т.54, № 2, 209-218.
9. Исаев А.П. - Письма в ЖЭТФ, 1981, 33, № 7, 357-360.
Pron'ko G.P., Razumov A.V., Soloviev L.D. - Some New Results in Classical Theory of Relativistic String. Preprint ИИЕР82-106, Serpukhov, ИИВР, 1982;
Пронько Г.П., Разумов А.В., Соловьев Л.Д. - ЭЧАЯ, 1983, т.14, № 3, 558-577.
10. Hwang S., Marnelius R. - Nucl.Phys., 1986, B272, No.2, 389-412.
11. Фаддеев Л.Д. - ТМФ, 1969, т.1, № 1, 3-18;
Вилковский Г.А., Фрадкин Е.С. - Материалы IV международного совещания по нелокальным теориям поля.Алушта 1976. ОИЯИ 2-9788, Дубна, 1976.
12. Freeman M.D., Olive D.I. - Phys.Lett., 1986, 175B, No.2, 155-158.
13. Alvarez O. - Nucl.Phys., 1983, 1983, B216, No.1, 125-184.
14. Polyakov A.M. - Phys.Lett., 1981, 103B, No.3, 207-210.

15. Durhuus B. et al. - Nucl. Phys., 1982, B196, No.3, 498-508;
 Gervais J., Neveu A. - Nucl.Phys., 1982, B209, No.3, 498-508;
 Fradkin E.S., Tseytlin A.A. - Ann.Phys., 1982, v.143, No.2,
 413-447, 423-447;
 Zamolodchikov A.B. - Phys.Lett., 1982, 117B, No.1,2, 87-90;
 Belavin A.A., Knizhnik V.G. - Phys.Lett., 1986, 168B, 201-206;
 Манин Ю.И. - Письма в ЖЭТФ, 1986, Т.43, № 4, 161-163;
 Alvares-Gaume L. Preprint CERN-TH 4480/86 (1986).
16. Pohlmeier K. - Phys.Lett., 1982, 119B, 100-104;
 Пронько Г.П. - ТМФ, 1983, т. 57, № 2, 203-216.
17. Исаев А.П. - К вопросу о квантовании релятивистской струны.
 Препринт ИФВЭ 82-193, Серпухов, 1982.
18. Polyakov A.M. - Nucl.Phys., 1980, B164, No.1, 171-188.
 Luscher M., Symanzik K., Weisz P. - Nucl.Phys., 1980, B173,
 No.3, 365-396.
19. Marnelius R. - Nucl.Phys., 1983, B211, No.1, 14-28.
20. Фаддеев Л.Д., Шаташвили С. - ТМФ, 1984, т.60, № 2, 206-217.
21. Исаев А.П. - Об одной схеме квантования фермионной струны. В сб.:
 Труды IX семинара по физике высоких энергий и теории поля.
 Протвино, 1986. М.: Наука, 1986.

Рукопись поступила в издательский отдел
 23 января 1987 года.

Исаев А.П.

P2-87-34

Теория релятивистской струны
 с духовыми степенями свободы

Исследуется модель замкнутой бозонной релятивистской струны с духовыми степенями свободы. В этой модели найдено решение задачи Коши и построены все тензорные, полиномиальные, локальные законы сохранения. На основе решения уравнений в функциональных производных найдены ядро оператора эволюции и пропагатор релятивистской струны с духовыми степенями свободы.

Работа выполнена в Лаборатории теоретической физики ОИЯИ.

Препринт Объединенного института ядерных исследований. Дубна 1987

Перевод Г.Г.Сандуковской

Isaev A.P.

P2-87-34

Theory of Relativistic String
 with Ghost Degrees of Freedom

A model of closed bosonic relativistic string with ghost degrees of freedom is investigated from a somewhat new point of view. A solution of the Cauchy problem is obtained and all polynomial local conservation laws are constructed. A heat-kernel and a propagator of this relativistic string are found from a functional equation resolution.

The investigation has been performed at the Laboratory of Theoretical Physics, JINR.

Preprint of the Joint Institute for Nuclear Research. Dubna 1987