

ОБЪЕДИНЕННЫЙ
ИНСТИТУТ
ЯДЕРНЫХ
ИССЛЕДОВАНИЙ
ДУБНА

P2-86-543

В.В.Буров, К.В.Шитикова*

ИССЛЕДОВАНИЕ СТРУКТУРЫ
ТРЕХКВАРКОВОЙ СИСТЕМЫ
В МЕТОДЕ ГИПЕРСФЕРИЧЕСКИХ ФУНКЦИЙ
И УПРУГОЕ eN -РАССЕЯНИЕ

Направлено в журнал "Nuclear Physics"

* Научно-исследовательский институт
ядерной физики МГУ, Москва

1986

I. Введение

В нерелятивистской потенциальной модели /I-9/ гамильтониан системы кварков $H = T + V$ (где $T = \sum_i p_i^2 / 2m_i + \sum_j m_j$) с выделенным центром масс записывается следующим образом:

$$T = \frac{1}{2M} \vec{P}^2 + \frac{1}{2M} \sum_{i < j} \left(\frac{\vec{p}_i^2}{m_i} - \frac{\vec{p}_j^2}{m_j} \right) m_i m_j + M, \quad M = \sum_i m_i, \quad \vec{P} = \sum_i \vec{p}_i.$$

Потенциальная энергия системы $V = \sum_{i < j} \lambda_i \lambda_j V(r_{ij})$ состоит из центрального члена $V_c(r) = Br^2 + c$, определяющего конфайнмент, и спин-спинового члена $V_B = \vec{\sigma}_i \vec{\sigma}_j \delta(r)$ или $V_B = \vec{\sigma}_i \vec{\sigma}_j \exp(-r^2/\Lambda^2)$ определяющего разность $(N - \Delta)$ -масс. В работах /I-3/ в результате изучения свойств трех- и шестикварковых систем в рамках нерелятивистской модели с функциями гармонического осциллятора было предложено несколько вариантов кварк-кварковых потенциалов:

$$V_{ij} = \lambda_i \lambda_j [f(r_{ij}) + \vec{\sigma}_i \vec{\sigma}_j g(r_{ij})], \quad (I)$$

$$f(r) = A \exp(-r^2/\Lambda^2) + Br^2 + c + K \delta(r), \quad (2a)$$

где

$$g(r) = \frac{2}{3} K \delta(r) \quad \text{или} \quad g(r) = \frac{2}{3} K \exp(-r^2/\Lambda^2),$$

$$f(r) = -ar^2 + \frac{\alpha_s}{4r}, \quad g(r) = -\frac{\pi \alpha_s}{6 m_q^2} \cdot \delta(r), \quad (2b)$$

$$V_{ij} = \lambda_i \lambda_j \left[-ar_{ij} + \frac{\alpha_s}{4r_{ij}} - \frac{\pi \alpha_s}{4 m_q^2} \left(1 + \frac{2}{3} \vec{\sigma}_i \vec{\sigma}_j \right) \delta(r_{ij}) \right]. \quad (2b)$$

Эта модель успешно развивалась и позволила получить ряд ценных результатов как о массах, так и о распадных свойствах легких барионных систем. Однако использование базисных функций гармонического осциллятора приводит к тому, что для описания масс n -кварковой системы и воспроизведения ее размеров используются разные значения радиуса осциллятора b_0 ($b_0 = 0,4$ и $b_0 = 0,8$ соответственно). Параметры же используемого кварк-кваркового потенциала очень чувствительны к величине b_0 . Проиллюстрируем этот факт

на примере параметра K , определяющего разность $(N-\Delta)$ - масс.

$$V_B(r) = \sum_{i < j} \lambda_i \lambda_j K (1 + \frac{2}{3} \vec{\sigma}_i \vec{\sigma}_j) \delta(r_{ij}). \quad (3)$$

Разность масс $\Delta M = M_\Delta - M_N = 293$ МэВ определяется как

$$\langle \psi_\Delta | V_B(r) | \psi_\Delta \rangle - \langle \psi_N | V_B(r) | \psi_N \rangle = \Delta M. \quad (4)$$

Для трехкварковой системы соответствующие волновые функции имеют следующую симметрию:

$$\psi_\Delta : [1^3]_c [3]_L \{ [3]_T \times [3]_S \} [3]_{TS},$$

$$\psi_N : [1^3]_c [3]_L \{ [21]_T \times [21]_S \} [3]_{TS},$$

где для спиновых функций χ_i имеем

$$[3]_S = \left\{ \left(\frac{1}{2} \frac{1}{2} \right)^4 \frac{1}{2} \right\}_{3/2} = \chi_1;$$

$$[21]_S = \left\{ \left(\frac{1}{2} \frac{1}{2} \right)^4 \frac{1}{2} \right\}_{1/2} = \chi_1,$$

$$\left\{ \left(\frac{1}{2} \frac{1}{2} \right)^0 \frac{1}{2} \right\}_{1/2} = \chi_0,$$

тогда для Δ - частицы спин-изоспиновая часть волновой функции имеет вид $[3]_{TS} = \epsilon_1 \chi_1$, соответственно для N - частицы $[3]_{TS} = (\epsilon_1 \chi_1 + \epsilon_0 \chi_0) / \sqrt{2}$. Известно, что $\vec{\sigma}_1 \vec{\sigma}_2 = (\vec{\sigma}_1^2 \vec{\sigma}_2^2 - \vec{\sigma}_2^2) / 2$, тогда среднее значение по функциям χ_1 и χ_0 от $\vec{\sigma}_1 \vec{\sigma}_2$ для $S=1$ $\langle \chi_1 | \vec{\sigma}_1 \vec{\sigma}_2 | \chi_1 \rangle = 1$, для $S=0$ $\langle \chi_0 | \vec{\sigma}_1 \vec{\sigma}_2 | \chi_0 \rangle = -3$. Далее можно найти матричные элементы от спин-спинового взаимодействия для N - и Δ - частиц.

$$\langle \psi_N | \sum_{ij} \lambda_i \lambda_j \vec{\sigma}_i \vec{\sigma}_j \delta(r_{ij}) | \psi_N \rangle = 3 \left(-\frac{2}{3}\right) \frac{1}{2} \langle \epsilon_1 \chi_1 + \epsilon_0 \chi_0 | \vec{\sigma}_1 \vec{\sigma}_2 | \epsilon_1 \chi_1 + \epsilon_0 \chi_0 \rangle \times \langle 0s | \delta(\vec{r}) | 0s \rangle = 2\bar{V},$$

$$\langle \psi_\Delta | \sum_{ij} \lambda_i \lambda_j \vec{\sigma}_i \vec{\sigma}_j \delta(r_{ij}) | \psi_\Delta \rangle = -2\bar{V},$$

где

$$\bar{V} = \langle 0s | \delta(\vec{r}) | 0s \rangle = \frac{1}{(2\pi b^2)^{3/2}} \int \exp(-r^2/2b^2) \delta(\vec{r}) d^3r = (2\pi b^2)^{-3/2}.$$

Найдем теперь спин-спиновый матричный элемент для N - и Δ - частиц:

$$\langle \psi_N | V_B | \psi_N \rangle = K(-2 + \frac{2}{3} \cdot 2) \bar{V} \quad \text{и} \quad \langle \psi_\Delta | V_B | \psi_\Delta \rangle = K(-2 + \frac{2}{3}(-2)) \bar{V},$$

и разность масс

$$\Delta M = -\frac{8}{3} K (2\pi)^{-3/2} b^{-3}. \quad (5)$$

Тогда константа K определяется следующим образом:

$$K = -\frac{3}{8} (2\pi)^{3/2} b^3 \Delta M.$$

В случае, когда, например, $b_N = b_\Delta = 0,8$ фм, $K = -886$ МэВ·фм³.

Забегая вперед, отметим, что можно определить параметры осциллятора для волновых функций N - и Δ - систем из анализа результатов расчета в методе гиперсферических функций [9, II]. В этом случае $b_N = 0,39$ фм и $b_\Delta = 0,42$ фм, что приводит к значению $K = \frac{3}{8} (2\pi)^{3/2} \Delta M / (b_N^3 - b_\Delta^3) = -1734$ МэВ·фм³. Таким образом, наши оценки показывают, что параметр K сильно изменяется при учете коллективных эффектов в модели трехкварковой системы. Следует отметить, что в работах [8], в которых исследовалась структура барионов на основе уравнений Фаддеева, показана необходимость учета этих эффектов. Ранее в [9] метод гиперсферических функций был применен для изучения свойств тяжелых барионов. В настоящей работе предлагается метод, позволяющий уточнить параметры кварк-кварковых потенциалов [1-3] в нерелятивистской кварковой модели. В этом случае мы используем метод гиперсферических функций, в котором вместо свободного параметра-радиуса осциллятора имеем коллективную переменную ρ , так что в результате получаем самонастраивающуюся кварковую систему, в которой параметры $(\rho - \rho)$ - взаимодействия определяют размеры системы. В рассматриваемом подходе изучаются единым образом спектр $3q$ -системы, размеры и упругий формфактор.

2. Метод расчета

В этом разделе кратко изложены основные положения метода гиперсферических функций, получены аналитические выражения эффективного потенциала для различных видов кварк-кваркового взаимодействия.

В методе гиперсферических функций волновая функция N -кварковой системы ищется в виде разложения по K -гармоническим полиномам [10-12]:

$$|n K [f] \epsilon_c L S T\rangle: \psi(1, 2, \dots, n) = \rho^{-\frac{1}{2}(3n-1)} \sum_{K\gamma} \chi_{K\gamma}(\rho) |n K \gamma\rangle, \quad (6)$$

где $\gamma = [f] \epsilon_c L S T$,
 $\int \chi_{K\gamma}^2(\rho) d\rho = 1$.

Гамильтониан H имеет вид

$$H = -\frac{\hbar^2}{2m} \cdot \frac{1}{\rho^{3n-4}} \frac{d}{d\rho} \left(\rho^{3n-4} \frac{d}{d\rho} \right) - \frac{\hbar^2}{2m} \cdot \frac{1}{\rho^2} \Delta_0 + V(\rho), \quad (7)$$

и система уравнений для нахождения собственных функций $\chi(\rho)$ и собственных значений E записывается следующим образом:

$$\left\{ \frac{d^2}{d\rho^2} - \frac{L(L+1)}{\rho^2} - \frac{2m}{\hbar^2} (E + W_{K\gamma}^{K\gamma}(\rho)) \right\} \chi_{K\gamma}(\rho) =$$

$$= \frac{2m}{\hbar^2} \sum_{K'\gamma' \neq K\gamma} W_{K\gamma}^{K'\gamma'}(\rho) \chi_{K'\gamma'}(\rho), \quad (8)$$

где $L = K + \frac{3n-6}{2}$, а $W_{K\gamma}^{K\gamma}$ - эффективный потенциал. Вычисления значительно упрощаются, если использовать двухчастичные генеалогические коэффициенты, с помощью которых можно провести интегрирование по координатам $(n-2)$ - частиц. В этом случае эффективный потенциал $W(\rho)$ приобретает следующий вид:

$$W_{K\gamma}^{K\gamma}(\rho) = \langle n K [f] \epsilon_c L S T | V | n K [f] \epsilon_c L S T \rangle =$$

$$= \frac{n(n-1)}{2} \sum_{K_2 [f_2] \epsilon_{c_2} L_2 S_2 T_2} \langle n K [f] \epsilon_c L S T | \rho^{-2} K_2 [f_2] \epsilon_{c_2} L_2 S_2 T_2 \rangle, \quad (9)$$

$$\Lambda(L'K'); L_0 S_0 T_0 \epsilon_{oc} \rangle \langle \epsilon_{oc} S_0 T_0 | W_{K_0 T_0}^{K_0 T_0} | \epsilon_{oc} S_0 T_0 \rangle \times$$

$$\times W_{K L_0}^{K' L_0}(\rho).$$

где $W_{K L_0}^{K' L_0}(\rho)$ есть орбитальная часть, а $\langle \epsilon_{oc} S_0 T_0 | W_{K_0 T_0}^{K_0 T_0} | \epsilon_{oc} S_0 T_0 \rangle$ - цвет-спин-изоспиновая часть матричных элементов двухчастичного кварк-кваркового взаимодействия. Далее получим аналитические выражения для эффективного потенциала в методе гипersферических функций для трехкварковой системы с $L = 0$ (три частицы в S - состоянии), имеющей симметрию: $[3]_L, [3]_{ST}, [1^3]_c$. При этом для N -изобары $ST = 1/2, 1/2$ и для Δ -изобары $ST = 3/2, 3/2$.

Согласно формуле (9) эффективный потенциал для этого случая приобретает вид

$$W(\rho) = \frac{8}{\pi} \int_0^1 V(\rho \sqrt{2z}) \sqrt{z(1-z)} dz. \quad (10)$$

Проводя простое интегрирование по z для кварк-кварковых потенциалов (1), (2), получим выражения, приведенные ниже:

$V(z)$	$-az$	$-a'z^2$	b/z	$\alpha \delta(z)$	$V_1 e^{-z^2/2}$
$V(\rho \sqrt{2z})$	$a \rho \sqrt{2z}$	$-a' \rho^2 z$	$b/\rho \sqrt{2z}$	$\alpha \delta(\rho \sqrt{2z})$	$V_1 e^{-\rho^2 z^2/2}$
$W(\rho)$	$-0.96 a \rho$	$-a' \rho^2$	$1.2 b/\rho$	$\frac{\sqrt{2}}{\pi} \frac{\alpha}{\rho^3}$	$\frac{2V_1 \rho^2}{\rho^2} I_1(\rho^2/2)$

где $I_1(\rho^2/2)$ - модифицированная функция Бесселя. Отметим важную особенность δ -образного спин-спинового взаимодействия, заключающуюся в том, что его вклад в эффективный потенциал действует во всей области коллективной переменной ρ .

3. Результаты и обсуждения

В рассматриваемом подходе были проведены расчеты эффективного потенциала, собственных значений, собственных функций, плотностей, средних квадратичных радиусов и упругого фактора $e N$ -расщепления для исследуемой трехкварковой системы. Результаты расчетов показаны в табл. 1, 2 и на рис. 1-8.

В расчетах в методе гипersферических функций мы перенормировали константу C потенциала Харвея $1/|$ (первая строка таблицы 1) так, чтобы воспроизвести массу нуклона, а параметр K этого кварк-кваркового потенциала изменялся так, чтобы описать разность $(N - \Delta)$ - масс ($M_\Delta - M_N = 293$ МэВ). На рис. 1 показан эффек-

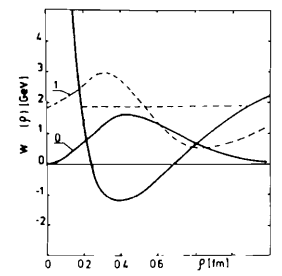


Рис. 1
 Эффективный потенциал $W(\rho)$, первые два решения в нем E_0, E_1 и соответствующие волновые функции $X_0(\rho), X_1(\rho)$ для трехкварковой системы без учета спин-спинового расщепления ($K = 0$).

тивный потенциал, первые два решения в нем и соответствующие волновые функции для трехкварковой системы без учета спин-спинового расщепления ($K = 0$) (см. также таблицы 1,2).

Видно, что расчет в методе гиперсферических функций приводит к существенному увеличению константы C . При этом в модели появляется коллективный монополярный уровень с энергией $\sim 1,8$ ГэВ. На рис. 2,3 и в таблицах 1,2 показаны расчеты N и Δ для δ -образного спин-спинового взаимодействия. В отличие от результатов расчета

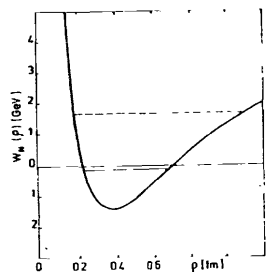


Рис. 2

Эффективный потенциал и первые два решения в нем для нуклона с учетом спин-спинового взаимодействия в δ -образной форме.

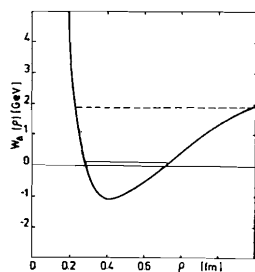


Рис. 3

Эффективный потенциал и первые два решения в нем для дельта-изобар с учетом спин-спинового взаимодействия в δ -образной форме.

Таблица 1

$b = d$ фм	A МэВ	B МэВ фм ²	C МэВ	K МэВ фм ²	Λ фм	Модель
0,8	3810,0	-12,5	-479,8	-911,1	0	Харвей
0,8	3810,0	-12,5	-1715	0	0	Рис. 1
0,8	3810,0	-12,5	-1614	-61	0	Рис. 2
0,8	3810,0	-12,5	-1614	-61	0	Рис. 3
0,8	3810,0	-12,5	-1618	-73	0,2	Рис. 4
0,8	3810,0	-12,5	-1618	-73	0,2	Рис. 5

с функциями гармонического осциллятора, где спин-спиновое взаимодействие входит аддитивно, в методе гиперсферических функций при включении спин-спинового взаимодействия меняется ширина кора и глубина ямы

Таблица 2

M_N МэВ	M_Δ МэВ	E_0 МэВ	E_1 МэВ	r_0 фм	r_1 фм	Модель
1086	1086	0	1858	0,39	0,60	Рис. 1
940,5	-	-145,5	1681	0,39	0,60	Рис. 2
-	1232	146,0	1889	0,42	0,64	Рис. 3
938,4	-	-147,6	1673	0,39	0,60	Рис. 4
-	1228,3	142,3	1869	0,42	0,63	Рис. 5

(ширина кора меньше, глубина эффективного потенциала больше для нуклона). В результате энергия монополярно-возбужденного уровня для N меньше ($\sim 1,7$ ГэВ), чем для Δ ($\sim 1,9$ ГэВ), и радиус для N ($r_N = 0,39$ фм) меньше, чем для Δ ($r_\Delta = 0,42$ фм). Помимо этого расчеты показывают, что сильно меняются (\sim в 1,6 раза) размеры системы в возбужденном состоянии $r_N^* = 0,6$ фм и $r_\Delta^* = 0,64$ фм для N и Δ соответственно. Далее рассмотрим результаты расчетов для трехкварковой системы с учетом гауссовского спин-спинового взаимодействия ($\Lambda = 0,2$ фм). Это приводит к незначительной перенормировке параметра $(q - \bar{q})$ -сил-константы C и к увеличению в 1,2 раза параметра K (а именно: $K = -61$ МэВ·фм³ для случая $\Lambda = 0$ и $K = -73$ МэВ·фм³ для $\Lambda = 0,2$ фм). Таким образом, при решении трехкварковой задачи в методе гиперсферических функций проявляются следующие эффекты:

1. Перенормировка параметров C и K по сравнению с теми, которые были предложены в модели гармонического осциллятора.

2. Неаддитивность вклада спин-спинового взаимодействия, что приводит к изменению ширины и глубины ямы для эффективного потенциала.

3. Вторым решением задачи на собственные значения в трехкварковой системе были найдены состояния, отвечающие дычатальной моде возбуждения.

4. Упругое eN -рассеяние в трехкварковой системе

С помощью радиальных функций $\chi_i(\rho)$ можно найти плотности основного и возбужденных состояний в трехкварковой системе:

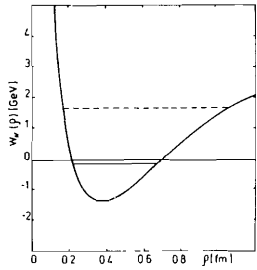


Рис. 4

Эффективный потенциал и первые два решения в нем для нуклона с учетом гауссовского спин-спинового взаимодействия.

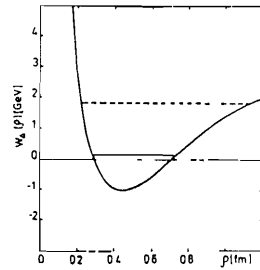


Рис. 5

Эффективный потенциал и первые два решения в нем для дельта-изобары с учетом гауссовского спин-спинового взаимодействия.

$$n_{ij}(r) = N \int_0^\infty \frac{(q^2 - r^2)^{\frac{3n-3}{2}}}{q^{3n-5}} x_i(q) x_j(q) dq \quad (II)$$

и средний квадратичный радиус

$$\bar{R}_{ii}^2 = \langle r^2 \rangle_{NR} = \frac{\int n_{ii}(r) r^4 dr}{\int n_{ii}(r) r^2 dr}, \quad (I2)$$

где $n_{ii}(r)$ - плотность нормирована следующим образом:

$$4\pi \int n_{ii}(r) r^2 dr = n. \quad (I3)$$

На рис. 6 приведены результаты расчета плотности нуклона в основном состоянии (сплошная), монополюсно-возбужденном состоянии, и переходная плотность (штрихпунктирная). Расчет проведен с использованием волновых функций для системы, показанной на рис. 4 с параметрами из таблицы I. Далее, используя эти плотности, были проведены нерелятивистские расчеты формфактора упругого eN -рассеяния в трехкварковой системе:

$$F_{NR}(q^2) = \frac{1}{n} \int n_{ii}(r) e^{i\vec{q}\vec{r}} d\vec{r}. \quad (I4)$$

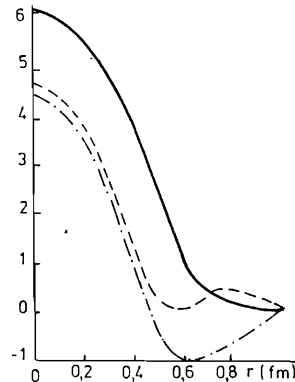


Рис. 6

Плотности распределения для нуклона в основном состоянии (сплошная), монополюсно-возбужденном состоянии (пунктир) и переходная плотность (штрихпунктир).

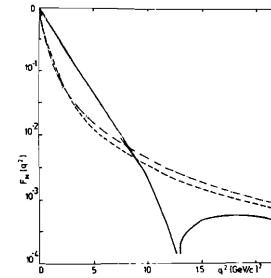


Рис. 7

Упругий формфактор нуклона. Сплошная (пунктир) - нерелятивистский (I4) (релятивистский (I6)) расчет; штрихпунктир - дипольный формфактор (I5).

На рис. 7 показан нерелятивистский формфактор $F_{NR}(q^2)$ (сплошная линия). Видно, что удовлетворительное согласие с феноменологическим дипольным формфактором

$$F_{\Delta}(q^2) = \left(1 + \frac{q^2}{.71}\right)^{-2} \quad (I5)$$

наблюдается только при $q^2 \ll M_N^2$. Для того чтобы описать упругий формфактор нуклона при переданных импульсах $q^2 \approx M_N^2$, необходимо учесть релятивистские эффекты /I3, I4/.

В связи с этим мы воспользовались методом релятивизации формфакторов, предложенным в работах /I3, I4/, в которых по существу учтен эффект лоренцевского преобразования продольных расстояний при переходе от системы Брейта к лабораторной. Тогда релятивистский формфактор можно достаточно просто определить через нерелятивистский:

$$F_R(q^2) = \frac{1}{(1 + q^2/4M_A^2)^{n-1}} F_{NR}\left(\frac{q^2}{(1 + q^2/4M_A^2)}\right), \quad (I6)$$

где n - число кварков в системе, M_A - эффективный параметр преобразования, для которого в работах /I3-15/ предложено следующее соотношение:

$$M_A^2 = \sum_i (m_i^{\text{эфф}})^2 = n m_q^2. \quad (I7)$$

Здесь m_q - масса кварка, которая в наших расчетах (см. таблицу 2) выбралась в виде: $m_q = 1,086/3 = 0,362$ ГэВ, откуда следует, что $M^2 = 0,393$ ГэВ². Отметим, что релятивистский форм-фактор (16) при $q^2 \gg M_A^2$ удовлетворяет правилам кваркового счета /16/:

$$\Gamma_R(q^2 \rightarrow \infty) \sim \left(\frac{4M_A^2}{q^2} \right)^{n-1} F_{RF}(4M_A). \quad (18)$$

Важным моментом в наших расчетах является тот факт, что учет релятивистских эффектов приводит к увеличению среднеквадратичного радиуса R -кварковой системы:

$$\langle r^2 \rangle_R = \langle r^2 \rangle_{NR} + \frac{3(n-1)}{2M_A^2}. \quad (19)$$

Из рис. 7 видно, что включение эффекта релятивизации приводит к хорошему согласию с дипольным форм-фактором (15).

Весьма существенным здесь является то, что для описания eN -рассеяния во всей области измеренных переданных импульсов $q^2 < 24$ ГэВ² требуется информация о нерелятивистском форм-факторе лишь в области небольших $q^2 < 1,6$ ГэВ², т.е. вклад так называемой высокоимпульсной компоненты в нерелятивистской волновой функции пренебрежимо мал.

Как уже отмечалось выше, релятивизация приводит к увеличению размеров исследуемой системы. Так, для нуклона $r_R = 0,66$ фм, что согласуется с экспериментальным радиусом нуклона $r = 0,78$ фм.

5. Заключение

В заключение отметим следующие результаты:

1. В методе гиперсферических функций с кварк-кварковым потенциалом типа: $V_{qq} = \sum_{i,j} \lambda_i \lambda_j V_{ij}(r_{ij})$, где $V_{ij} = (A e^{-r_{ij}/2a} + B r_{ij}^2 + C) + (K(1 + \frac{2}{3} \vec{\sigma}_i \cdot \vec{\sigma}_j) e^{-r_{ij}/2a}) = V_{ij}^c + V_{ij}^s$, который приводит к аналитическому эффективному потенциалу $W(q)$ - системы qq , получено, что с параметрами, приведенными в таблице I, удается описать:

- $(N-\Delta)$ - разность масс,
- среднеквадратичный радиус нуклона,
- форм-фактор упругого eN -рассеяния.

2. Найдены энергии возбуждения и плотности для основного и монополюсно-возбужденного состояний N -частицы.

3. Показано, что включение спин-спинового потенциала V_{ij}^s существенно изменяет эффективный потенциал $W(q)$ (кор и глубину), то есть V_{ij}^s входит в V_{qq} неаддитивно.

4. Отметим, что предлагаемый подход может быть использован для изучения также $6q$ -, $9q$ -, $12q$ - систем.

Авторы считают своим приятным долгом выразить благодарность В.К. Лукьянову, А. Фэслеру, М.В. Жукову, И.Т. Обуховскому, Г. Шпицу.

Литература

- Harvey M. Nucl. Phys. A352 (1981), 326; Nucl. Phys., A424 (1984) 419; Short-distance phenomena in Nucl. Phys., 1983.
- Ohta, S., Oka M., Arima A., Yazaki K. Phys. Lett., 119B, (1982), 35.
- Oka M., Yazaki K. Nucl. Phys., A402, (1983), 477; Nucl. Phys. A420, (1984), 573; Phys. Rev., D31, (1985), 2274; Phys. Rev. D31, 2773 (1985).
- Faessler A. e.a. Phys. Lett 124B, (1983), 145; Phys. Lett. 122B, (1982), 201.
- Suzuki Y. e.a. Nucl. Phys. A420 (1984), 525; Phys. Rev. C27 (1983), 299; Phys. Rev. C28, (1983), 1458.
- Neudatchin V.G. e.a. Z. Phys. A313, (1983), 357.
- Lukyanov V.K., Titov A.I. In: Few Body Systems and Nucl. Forces, 1978, p. 397.
- Квицинский А.А., Куперин Ю.А., Меркурьев С.П., Новожилов В.Ю. ЯФ, 38, (1983), 702; Труды УП международного семинара по проблемам физики высоких энергий, ОИЯИ, ДП, 2-84-599, Дубна, 1984, с.392.
- Guimaraes A.B., Coelho H.T. Phys. Rev. 24D, (1981), 5, 1343.
- Симонов Ю.А. ЯФ, 3, (1966), 630.
- Смирнов Ю.Ф., Шитикова К.В. ЭЧАЯ, 8, (1977), 847.
- Shitikova K.V. Nucl. Phys. A231, (1979), 365.
- Stanley D.P., Robson D. Phys. Rev. 26D, (1982), 223.
- Licht A.L., Pagnamenta A. Phys. Rev. D15, (1977), 261.
- Brodsky S.J., Chertok B.T. Phys. Rev. D14, (1976) 3003.
- Brodsky S., Farrar G., Phys. Rev. Lett. 31, (1973), 1153; Phys. Rev. D11, (1975), 130; Matveev V. et al. Lett Nuovo Cimento 7, (1973), 719.
- Elatnik S., Zovko N. Acta Phys. Aust 39, (1974), 62.

Рукопись поступила в издательский отдел
5 августа 1986 года.

НЕТ ЛИ ПРОБЕЛОВ В ВАШЕЙ БИБЛИОТЕКЕ?

Вы можете получить по почте перечисленные ниже книги, если они не были заказаны ранее.

D2-82-568	Труды совещания по исследованиям в области релятивистской ядерной физики. Дубна, 1982.	1 р. 75 к.
D9-82-664	Труды совещания по коллективным методам ускорения. Дубна, 1982.	3 р. 30 к.
D3,4-82-704	Труды IV Международной школы по нейтронной физике. Дубна, 1982.	5 р. 00 к.
D11-83-511	Труды совещания по системам и методам аналитических вычислений на ЭВМ и их применению в теоретической физике. Дубна, 1982.	2 р. 50 к.
D7-83-644	Труды Международной школы-семинара по физике тяжелых ионов. Алушта, 1983.	6 р. 55 к.
D2,13-83-689	Труды рабочего совещания по проблемам излучения и детектирования гравитационных волн. Дубна, 1983.	2 р. 00 к.
D13-84-63	Труды XI Международного симпозиума по ядерной электронике. Братислава, Чехословакия, 1983.	4 р. 50 к.
D2-84-366	Труды 7 Международного совещания по проблемам квантовой теории поля. Алушта, 1984.	4 р. 30 к.
D1,2-84-599	Труды VII Международного семинара по проблемам физики высоких энергий. Дубна, 1984.	5 р. 50 к.
D17-84-850	Труды III Международного симпозиума по избранным проблемам статистической механики. Дубна, 1984. /2 тома/	7 р. 75 к.
D10,11-84-818	Труды V Международного совещания по проблемам математического моделирования, программированию и математическим методам решения физических задач. Дубна, 1983	3 р. 50 к.
	Труды IX Всесоюзного совещания по ускорителям заряженных частиц. Дубна, 1984 /2 тома/	13 р. 50 к.
D4-85-851	Труды Международной школы по структуре ядра, Алушта, 1985.	3 р. 75 к.
D11-85-791	Труды Международного совещания по аналитическим вычислениям на ЭВМ и их применению в теоретической физике. Дубна, 1985.	4 р.
D13-85-793	Труды XII Международного симпозиума по ядерной электронике. Дубна 1985.	4 р. 80 к.

Заказы на упомянутые книги могут быть направлены по адресу:
101000 Москва, Главпочтамт, п/я 79
Издательский отдел Объединенного института ядерных исследований

Буров В.В., Шитикова К.В. P2-86-543
Исследование структуры трехкварковой системы в методе гиперсферических функций и упругое eN-рассеяние

Метод гиперсферических функций применен к решению задачи для системы трех кварков. Получены аналитические выражения для эффективного потенциала. Показана неаддитивность вклада спин-спинового взаимодействия, что приводит к изменению ширины ямы и глубины ямы для эффективного потенциала. Вторым решением задачи на собственные значения в трехкварковой системе найдены состояния, отвечающие дырочной моде возбуждения. Изучался спектр $3q$ -системы, среднеквадратичный радиус и формфактор упругого eN-рассеяния.

Работа выполнена в Лаборатории теоретической физики ОИЯИ.

Препринт Объединенного института ядерных исследований. Дубна 1986

Перевод О.С.Виноградовой

Burov V.V., Shitikova K.V. P2-86-543
Structure of the $3q$ -System in the Hyperspherical Function Method and Elastic eN-Scattering

The hyperspherical function method was applied to solving the problem of the $3q$ -system. The analytical expressions for the effective potential have been found. Nonadditivity of the spin-spin interaction contribution resulting in variations of the core width and well depth for the effective potential is shown. The second solution of the problem for eigenvalues in the $3q$ -system gives the states corresponding to the monopole excitations have been found. The spectrum, dimensions and elastic form factor of the $3q$ -system are studied.

The investigation has been performed at the Laboratory of Theoretical Physics, JINR.

Preprint of the Joint Institute for Nuclear Research. Dubna 1986