



ОБЪЕДИНЕННЫЙ  
ИНСТИТУТ  
ЯДЕРНЫХ  
ИССЛЕДОВАНИЙ  
ДУБНА

Р2-86-421

А.А.Бельков\*, В.Н.Первушин

КИРАЛЬНЫЕ  $p^4$ -ЛАГРАНЖИАНЫ  
И АМПЛИТУДА РАСПАДА  $\eta' \rightarrow \eta 2\pi$

Направлено в журнал "Ядерная физика"

\* Институт физики высоких энергий, Серпухов

1986

За последние два года произошло существенное продвижение в построении низкоэнергетического предела КХД. В рамках предположения спонтанного нарушения киральной симметрии из КХД удалось получить не только старый киральный лагранжиан<sup>/1-3/</sup>, но и другие более высокие по степеням 4-импульсов члены кирального разложения. В частности, КХД однозначно фиксирует  $p^4$ -поправки к киральному лагранжиану. В рамках КХД получила также естественное решение  $U(1)$ -проблема с помощью феноменологического учета глюонных аномалий.

В результате был получен лагранжиан, описывающий мезонные процессы:

$$\mathcal{L}^{QCD} = \mathcal{L}_0 + \mathcal{L}_Q + \mathcal{L}_T + \mathcal{L}_{WZW} + \mathcal{L}_{SB} + \mathcal{L}_G. \quad (1)$$

Здесь

$$\mathcal{L}_0 = - \frac{F_\pi^2}{4} \text{Sp} (\mathcal{L}_\mu \mathcal{L}^\mu) \quad (2)$$

- кинетическая часть кирального лагранжиана, определяющая  $p^2$ -порядок разложения амплитуд мезонных процессов по импульсам взаимодействующих частиц;  $F_\pi = 94$  МэВ - константа распада  $\pi \rightarrow \mu \nu$ ;  $\mathcal{L}_\mu = (\partial_\mu U) U^\dagger$ ;  $U = \exp \left( i \frac{\sqrt{2}}{F_\pi} \Phi \right)$ ;  $\Phi = \frac{1}{\sqrt{3}} \varphi_0 + \frac{1}{\sqrt{2}} \sum_{i=1}^8 \lambda_i \varphi_i$  - мезонная матрица для нонета псевдоскалярных полей  $\varphi_i$  ( $i = 0, 1, \dots, 8$ ).

Обсуждаемые в настоящей работе  $p^4$ -поправки описываются лагранжианами  $\mathcal{L}_Q$  и  $\mathcal{L}_T$  /4-6/:

$$\mathcal{L}_Q = \frac{1}{32e^2} \text{Sp} \{ [\mathcal{L}_\mu, \mathcal{L}_\nu]^2 \} + \frac{\gamma}{16e^2} \text{Sp} \{ (\mathcal{L}_\mu \mathcal{L}^\mu)^2 \}, \quad (3)$$

$$\mathcal{L}_T = - \frac{1}{\Lambda_T^2} \text{Sp} \{ (\partial_\mu \mathcal{L}^\mu)^2 \} \equiv \frac{1}{\Lambda_T^2} \text{Sp} \{ \partial^2 U \partial^2 U^\dagger - (\mathcal{L}_\mu \mathcal{L}^\mu)^2 \}. \quad (4)$$

Первый член в  $\mathcal{L}_Q$  отвечает скирмовскому лагранжиану<sup>/7/</sup>, второй - нескирмовской добавке, вклады которых определяются безразмерными параметрами  $e^2$  и  $\gamma$ . Наличие тахионного члена  $\mathcal{L}_T$ , приводящего к двум ветвям мезонного спектра масс, указывает на нестабильность кирального разложения. Роль  $\mathcal{L}_T$  исследована в работе<sup>/8/</sup>. Его учет представляет особый интерес, поскольку  $\mathcal{L}_T$ , так же как и киральные аномалии  $\mathcal{L}_{WZW}$ <sup>/9/</sup>, приводит к эффектам, выходящим за рамки унитарности.

зации исходного лагранжиана (2). Коэффициенты  $e^2$ ,  $\gamma$ ,  $\Lambda_T^2$  в лагранжианах (2), (3) в низкоэнергетическом пределе КХД связаны с числом цветов кварков  $N_c$  соотношениями

$$e^2 = 12 \pi^2 / N_c, \quad \gamma = 1, \quad \Lambda_T^2 = 96 \pi^2 / N_c. \quad (5)$$

Полный мезонный лагранжиан (I) содержит также член  $\mathcal{L}_{SB}$ , нарушающий киральную симметрию (10):

$$\mathcal{L}_{SB} = \frac{F_\pi^2}{4} \text{Sp} \{ M(U+U^+) \}. \quad (6)$$

Здесь  $M$  - массовая матрица, которая выбирается в диагональной форме  $M_{ij} = \mu_i^2 \delta_{ij}$ . Параметры  $\mu_i^2$  пропорциональны кварковым массам  $m_i$ :  $\mu_i^2 = -2m_i F_\pi^{-2} \langle \bar{\psi}_i \psi_i \rangle$ . Лагранжиан (6) с учетом аксиальной  $U(1)$ -аномалии

$$\mathcal{L}_G = \frac{a F_\pi^2}{16 N_c} \left[ \text{Sp} (\ln U - \ln U^+) \right]^2, \quad (7)$$

возникающей в низшем порядке разложения по  $1/N_c$  в КХД, позволяет корректно описать массы всех псевдоскалярных мезонов, включая и синглетное состояние  $\eta'$ . При этом параметр  $a$  глюонной аномалии (7) и угол  $\varphi$  ( $\eta - \eta'$ )-смешивания

$$\eta_8 = \cos \varphi \eta + \sin \varphi \eta', \quad \eta_0 = -\sin \varphi \eta + \cos \varphi \eta' \quad (8)$$

фиксируются следующим образом (11):

$$a = 0,729 \text{ ГэВ}^2, \quad \varphi = -18^\circ. \quad (9)$$

Распады  $\eta' \rightarrow \eta 2\pi$  описываются частью лагранжиана (I):

$$\mathcal{L}_{\eta' \rightarrow \eta 2\pi} = \frac{m_\pi^2}{12 F_\pi^2} \vec{\pi}^2 \tilde{\eta}^2 + \frac{\gamma}{12 F_\pi^4 e^2} \left( (\partial_\mu \vec{\pi} \cdot \partial_\mu \vec{\pi}) \partial_\nu \tilde{\eta} \partial_\nu \tilde{\eta} + 2 (\partial_\mu \vec{\pi} \cdot \partial_\nu \vec{\pi}) \partial_\mu \tilde{\eta} \partial_\nu \tilde{\eta} \right), \quad (10)$$

где  $\tilde{\eta} = \eta_8 + \sqrt{2} \eta_0$ . Первое слагаемое в (10) обусловлено нарушением киральной симметрии  $\mathcal{L}_{SB}$ , второе - нескирмовской частью  $p^4$ -лагранжиана  $\mathcal{L}_G$ . Соответствующие амплитуды распадов  $\eta' \rightarrow \eta 2\pi^0$ ,  $\eta' \rightarrow \eta \pi^+ \pi^-$  имеют вид

$$T_{\eta' \rightarrow \eta 2\pi^0} = T_{\eta' \rightarrow \eta \pi^+ \pi^-} = \frac{\sqrt{2}}{3 F_\pi^2} \left( \cos 2\varphi - \frac{\sin 2\varphi}{2\sqrt{2}} \right) \left\{ m_\pi^2 - \frac{\gamma}{4 e^2 F_\pi^2} \left[ 2 \left( 3 S_0^2 - m_\pi^2 (m_{\eta'}^2 + m_\eta^2) - \right. \right. \right. \quad (11)$$

$$\left. \left. - (m_{\eta'}^2 + m_\pi^2) (m_{\eta'}^2 + m_\pi^2) \right) - \frac{1}{2} (S_1 - S_2)^2 - \frac{3}{2} (S_0 - S_3)^2 \right\}.$$

Здесь  $S_{1,2} = (p_{\eta'} - p_{\pi^{1,2}})^2$ ,  $S_3 = (p_{\eta'} - p_\eta)^2$ ,  $S_0 = \frac{1}{3} (m_{\eta'}^2 + m_\eta^2 + 2 m_\pi^2)$ . Полная ширина распада  $\eta' \rightarrow \eta 2\pi$ , вычисленная с амплитудой (II),

$$\Gamma_{\eta' \rightarrow \eta 2\pi} = \Gamma_{\eta' \rightarrow \eta 2\pi^0} + \Gamma_{\eta' \rightarrow \eta \pi^+ \pi^-} = 220 \text{ кэВ} \quad (12)$$

хорошо согласуется с экспериментальным значением

$$\Gamma_{\eta' \rightarrow \eta 2\pi} = (189 \pm 32) \text{ кэВ}. \quad (13)$$

Заметим, что ширина распада (12) полностью определяется вкладом нескирмовского  $p^4$ -взаимодействия в лагранжиане  $\mathcal{L}_G$ . С учетом только первого члена в (10) получим величину  $\Gamma_{\eta' \rightarrow \eta 2\pi} \approx 4 \text{ кэВ}$ , которая оказывается в 50 раз меньше экспериментального значения (13).

В эксперименте амплитуду распада  $\eta' \rightarrow \eta 2\pi$  обычно параметризуют следующим образом:

$$|T_{\eta' \rightarrow \eta 2\pi}|^2 = A (1 + \alpha Y)^2, \quad (14)$$

где  $Y = (2 + m_\eta/m_\pi) \cdot T_\eta/Q + 1$ ;  $T_\eta$  - кинетическая энергия  $\eta$ -мезона;  $Q = m_{\eta'} - m_\eta - 2m_\pi$ ;  $\alpha$  - параметр наклона. Амплитуда (II) приводит к значению параметра наклона  $\alpha = -21$ , которое согласуется по знаку с экспериментальной величиной (12)  $\alpha = -(0,058 \pm 0,013)$ , но в четыре раза превышает ее по абсолютному значению. При учете только первого члена в (10) наклон в амплитуде (14) полностью отсутствует. Описание наклона амплитуды распада  $\eta' \rightarrow \eta 2\pi$  можно существенно улучшить, учитывая более высокие по  $1/N_c$  и  $\mu_i^2/N_c$  члены разложения кирального лагранжиана.

Таким образом, экспериментальное исследование распада  $\eta' \rightarrow \eta 2\pi$  дает уникальную возможность определения параметров низкоэнергетического КХД-разложения. Авторы благодарят Ю.Д.Прокошкина, С.А.Садовского и Г.В.Хаустова, стимулировавших настоящую работу.

#### Литература

- Weinberg S. Phys. Rev. Lett., 1966, 17, 616.
- Волков Д.В. ЭЧАЯ, 1973, 4, 3.
- Волков М.К., Первушин В.Н. УФН, 1976, 120, 363.
- Andrianov A.A., Novozhilov Yu.V. Phys. Lett., 1985, B153, 422; Andrianov A.A. Phys. Lett., 1985, B157, 425.
- Simic P. Phys. Rev. Lett., 1985, 55, 40.
- Ebert D., Reinhardt H. NBI-HE-85-34, 1985.

7. Skyrme T.H.R. Proc. Roy. Soc., 1961, 260,127; 262,237;  
 Skyrme T.H.R. Nucl. Phys., 1962,31, 550, 556.
8. Бельков А.А., Ланев А.В., Первушин В.Н. Сообщения ОИЯИ, P2-86-205,  
 Дубна, 1986.
9. Witten E. Nucl. Phys., 1983, B223, 422.
10. Di Vecchia et al. Nucl. Phys., 1981, B181, 318.
11. Волков М.К. ЭЧАЯ, 1982, I3, IO70.
12. Алди Д. и др. Препринт ИФВЭ 86-92, Серпухов, 1986.

Бельков А.А., Первушин В.Н.

P2-86-421

Киральные  $p^4$ -лагранжианы и амплитуда распада  $\eta' \rightarrow \eta 2\pi$

В рамках кирального лагранжиана, полученного низкоэнергетическим разложением КХД, вычисляется амплитуда распада  $\eta' \rightarrow \eta 2\pi$ . Показано, что экспериментальное исследование этого распада дает уникальную возможность определения параметров КХД-разложения.

Работа выполнена в Лаборатории теоретической физики ОИЯИ.

Препринт Объединенного института ядерных исследований. Дубна 1986

Перевод О.С.Виноградовой

Bel'kov A.A., Pervushin V.N.

P2-86-421

Chiral  $p^4$ -Lagrangians and Amplitude of  $\eta' \rightarrow \eta 2\pi$  Decay

The amplitude of  $\eta' \rightarrow \eta 2\pi$  decay is calculated in the framework of the chiral Lagrangian obtained in low-energy QCD. It is shown that the experimental research of the decay gives a unique possibility to determine the low-energy QCD-expansion parameters.

The investigation has been performed at the Laboratory of Theoretical Physics, JINR.

Preprint of the Joint Institute for Nuclear Research. Dubna 1986

Рукопись поступила в издательский отдел  
 30 июня 1986 года.