

P2-84-600

Л.П.Каптарь, Б.Л.Резник\*, А.И.Титов

# МНОГОКВАРКОВЫЕ СТЕПЕНИ СВОБОДЫ В КУМУЛЯТИВНЫХ АДРОН-ЯДЕРНЫХ РЕАКЦИЯХ

Направлено в журнал "Ядерная физика"

\* Дальневосточный государственный университет, Владивосток

1984

#### ВВЕДЕНИЕ

В последнее время появились новые экспериментальные данные по кумулятивным /глубоконеупругим/ адрон/12, лептон /2-4/- и фотон-ядерным/5/ реакциям. Эти данные сокращают круг теоретических подходов, развитых для описания основных закономерностей кумулятивных реакций при столкновении адронов с тяжелыми ядрами. Наиболее критичными здесь являются реакции глубоконеупругого мюон-ядерного рассеяния в области  $\mathbf{x}_{\rm B} > 1^{/2/}$  / $\mathbf{x}_{\rm B}$  - бьеркеновская масштабная переменная/ и кумулятивное мезонообразование в протон-дейтронных столкновениях /1/. Первые выделены тем, что из-за локальности электромагнитного взаимодействия в их интерпретации отсутствует неоднозначность, связанная с механизмом реакции При этом  $\mathbf{B}^{/6-8/}$  показано, что события с  $\mathbf{x}_{\rm B} > 1$  обусловлены взаимодействием мюона с многокварковой системой - "флукто-ном" /9,10/ внутри ядра.

Во втором случае мы имеем дело с простейшей ядерной системой дейтроном, для которой отсутствует трудность, связанная с вычислением вклада фермиевского движения нуклонов - одного из источников появления высокоэнергетических вторичных частиц. В данной работе проводится детальное исследование кумулятивного мезонообразования в протон-ядерных столкновениях на основе протонфлуктонного механизма реакции с привлечением кварк-партонной модели взаимодействия элементарных частиц. Она является продолжением и развитием первых работ этого направления /11, 12/. В частности, здесь проведен учет эффекта релятивизации фермиевского движения нуклонов и показано, что в области больших "кумулятивных чисел" / > 1.2/ вклад релятивистского ферми-движения мал. Подробно исследованы реакции с большими и малыми перпендикулярными импульсами кумулятивных частиц - р, приведены сравнения с имеющимися экспериментальными данными и приведены соответствующие предсказательные расчеты. Рассмотрение реакций с малыми р, по духу близко подходу, развитому в недавней работе /13/. Отличие состоит в разном выборе кварковых распределений в мно-ГОКВАрковых системах, что приводит к разным вкладам многокварковых компонент в полную волновую функцию ядра. В §1 обсуждается механизм реакции и способ выбора кварковых распределений во флуктонах, в §2 исследуются реакции с малыми р.,в §3 - с большими р. .

#### §1. ВЫБОР КВАРКОВЫХ РАСПРЕДЕЛЕНИЙ

Кварк-партонная модель взаимодействия элементарных частиц дает основу для построения механизма рождения любого вида кумулятивных частиц в столкновениях адронов с ядрами. При этом предполагается, что само ядро является поставщиком многокварковых систем – флуктонов  $^{/9, 10/}$ . Тогда инвариантное сечение процесса  $h + A \rightarrow c + ...$  можно представить следующим образом:

$$\frac{1}{A} E_{c} \frac{d\sigma^{hA \to c}}{dp_{c}} = \sum_{k=1}^{\Sigma} \beta_{k}^{A} \sigma_{k}, \qquad (1)$$

где  $\sigma_k$  - инвариантное сечение образования частицы с при столкновении адрона h с флуктоном из k нуклонов /для простоты остальные квантовые числа, характеризующие состояния флуктона, опускаем/;  $\beta_k^A$  - "число флуктонов" в ядре A связано с вероятностью примеси 3k - кварковой компоненты в ядре  $P_k^A$  соотношением

 $\frac{1}{A}\beta_{k}^{A} = \frac{1}{k}P_{k}^{A}$ , где, например,  $P_{2}^{2} \equiv P^{D}(q^{6})$  - есть вероятность шестикварковой компоненты в дейтроне и т.д. Имеющиеся в настоящее время теоретические расчеты  $P_{k}^{A}$  дают /14-17/ :  $P_{2}^{2} = /5 - 7/.10^{-2}$ ,  $P_{2}^{A}(A >> 2) - 2P_{2}^{2}$ ,  $P_{k}^{A}(k > 2)$  быстро убывает с ростом k. Для  $P_{k}(k > 2)$ будем использовать формулу теории флуктуации /10, 18/:  $P_{k}^{A} =$  $= (r_{\xi}(r_{0})^{-3(k-1)} / (k-1)!$ , где  $r_{0} = 1, 2$  фм - средний радиус нуклона в ядре,  $r_{\xi}$  - параметр, имеющий смысл радиуса корреляции, который, вообще говоря, может зависеть от k /10/. Для расчета  $\sigma_{k}$ в /1/ нужно задать импульсные распределения кварков в многоквар-

ковых системах. Будем считать, что импульсные распределения кварков во флуктоне имеют ту же функциональную зависимость, что и соответствующие импульсные распределения в нуклоне, т.е.

$$q_{i/k}(x) = A_i^k(x) (1-x)^{\gamma_i/k}$$
, /2/

где  $A_i^k(x)$  определяет поведение  $q_{i/k}(x)$  при малых x, а показатель  $\gamma_{i/k}$  определяет  $q_{i/k}(x)$  при больших x и зависит от кваркового содержания флуктона k и партона i. В настоящее время пока не удается определить функциональную зависимость  $\gamma_{i/k}$  от i и k, можно лишь теоретически указать верхнюю и нижнюю границы  $\gamma_{i/k}$ . Так, правила кваркового счета /14/ предсказывают:  $\gamma_{a/b}^{max} = 2(N_b - N_a) - 1$ , где  $N_{a,b}$ -число кварков, составляющих частицы a и b. Например, показатель  $\gamma_{q/k}^{max}$  для флуктона с числом валентных кварков n = 3k равен

$$\gamma_{q/k}^{\max} = 2n - 3 = \gamma_{q/N} + 6(k - 1); \quad \gamma_{q/N} = 3.$$
 (3)

Учет предасимптотики приводит к некоторому уменьшению у<sup>/6,7/</sup>, которое может быть понято как эффект неполного размораживания

всех цветовых степеней свободы во флуктоне. С другой стороны, минимальное значение  $\gamma_{i/k}$  (k>2) получается в пределе, когда все k-1 нуклонов во флуктоне считаются бесструктурными точечными партонами. В этом случае  $q_{i/k}(x)$  может быть найдено как свертка кварковых распределений в нуклоне и нуклонных распределений во флуктоне. Если последние оценить простейшим образом как долю фазового объема, приходящегося на один нуклон /11/, то  $\gamma_{q/k}$  имеет вид

 $\gamma_{q/k}^{\min} = \gamma_{q/N} + 2(k-1).$  /4/

Однако анализ показал  $^{13/}$ , что использование распределений типа "свертки" с простейшим нуклонным распределением является слишком грубым и для его модификации необходимо вводить дополнительные параметры в импульсном распределении нуклонов во флуктоне. Наконец, для определения  $q_{1/k}(x)$  можно использовать статистические кварк-партонные модели, например, модель Кути и Вайскопфа $^{20/}$ и ее модификации $^{21/}$ . Здесь импульсное распределение кварков определяется интегрированием многочастичного распределения вероятностей по фазовому объему всех остальных партонов с учетом закона сохранения полного импульса и имеет вид /2/ с

$$\gamma_{\alpha/k} = a + \frac{3}{2}(k-1),$$
 (5/

где параметр a есть плотность распределения морских кварков и глюонов. Выбирая его простейшим образом:

$$a = \mu (n - \nu); \quad n = 3k,$$
 /6/

и задавая

$$\mu = 2\delta^{f} - 1/2; \quad \nu = 3(2\delta^{f} - 3/2) / (2\delta^{f} - 1/2) , \qquad /6' /$$

находим, что при  $\delta^{f} = 1$  формула /5/ переходит в формулу кваркового счета /3/, а при  $\delta^{f} < 1$  получаем режим "предасимптотики":

$$\gamma_{q/k} = \gamma_{q/N} + \delta^{f} \cdot 6(k-1).$$
 (7/

Исходя из этого, в дальнейших расчетах мы будем использовать распределение валентных q<sub>v</sub> – и морских q<sub>s</sub> -кварков :

$$q_{v/k}(x) = \frac{A_v^k}{\sqrt{x}} (1-x)^{\gamma_{v/k}}; \quad q_{s/k}(x) = \frac{A_s^k}{x} (1-x)^{\gamma_{s/k}},$$

$$A_v^k = 3k\Gamma(\gamma_{v/k} + 3/2) / (\Gamma(1/2)\Gamma(\gamma_{v/k} + 1)); \quad A_s^k = A_s / (\gamma_{s/k} + 1),$$

$$\gamma_{v,s/k} = \gamma_{v,s/N} + \delta^f \cdot 6(k-1).$$
(8/

Итак, кумулятивные частицы образуются в результате столкновений кварков адрона h с кварками флуктонов ядра A. В реакцию дают вклад много фундаментальных кварковых диаграмм - "микропроцессов", которые необходимо суммировать, что является довольно сложной задачей. Однако в определенных кинематических областях удается выделить доминирующие подпроцессы. Рассмотрим по порядку две такие области: а/ реакции с малыми поперечными импульсами p, ~0, б/ реакции с большими p, ~√s/2.

## §2. РЕАКЦИИ С МАЛЫМИ р,

Для определенности рассмотрим реакцию  $pA \rightarrow \pi^+/180^\circ/+...$ В этом случае доминирующим подпроцессом в адрон-флуктонном взаимодействии является фрагментация кварков с последующей рекомбинацией в адрон  $\pi^+$ . Соответствующая диаграмма изображена на рис.1. Сечение  $\sigma$ , в /1/ имеет вид /22,23/:

$$\sigma_{k} = \text{const} \int \mathbf{F}^{k}(\mathbf{u}_{v}, \mathbf{x}_{1}; \vec{\mathbf{d}}_{s}, \mathbf{x}_{2}) R_{ud}^{\pi^{+}}(\mathbf{x}_{1}, \mathbf{x}_{2}; \mathbf{x}_{k}) d\mathbf{x}_{1} d\mathbf{x}_{2}, \qquad /9/$$

где  $\mathbf{F}^{k}$  - двухпартонная функция распределения;  $\mathbf{R}^{c}_{a,b}$  - функция рекомбинации партонов а и b в адрон c,  $\mathbf{x}_{k} = \mathbf{x}/k$ , где  $\mathbf{x}$  - доля импульса, уносимая частицей "c" в pp - столкновении. Выбирая  $\mathbf{F}^{k}$  и  $\mathbf{R}^{r+}_{pd}$  в виде/23/

$$F^{k} = q_{u_{v}/k}(x_{1}) q_{\bar{d}_{s}/k}(x_{2}) \theta(1 - x_{1} - x_{2}) \beta_{u\bar{d}}(x_{1}, x_{2}), \qquad /10/$$

$$R_{u\bar{d}}^{\pi^{+}} = \left(\frac{x_{1}x_{2}}{x}\right)\delta\left(\frac{x_{1}}{x} + \frac{x_{2}}{x} - 1\right)a_{u\bar{d}}^{\pi^{+}}(x_{1}, x_{2}), \qquad /11/$$

где  $q_{u_{\psi}/k}$ ,  $\overline{d}_{g/k}$  - распределения валентных  $u_{-}$  и морских  $\overline{d}$  -кварков во флуктоне,  $a_{u\overline{d}}^{\pi}$  и  $\beta_{u\overline{d}}$  - плавные функции  $x_{1}$ ,  $x_{2}$  и, учитывая, что  $q_{c}(\mathbf{x})$  убывает при  $\mathbf{x} \rightarrow 1$  значительно сильнее, чем  $q_{u}(\mathbf{x})$  находим:

$$\sigma_{k} = c_{k}(\mathbf{x}_{k})q_{u_{v}/k}(\mathbf{x}_{k}), \qquad /12/$$

где с(х) – плавная функция, убывает при х  $\rightarrow$  1 и зависит от деталей механизма "фрагментации-рекомбинации". Таким образом, сечение образования кумулятивных частиц /мезонов/ при  $\theta \sim 180^{\circ}$  по форме близко к импульсному распределению лидирующих валентных кварков во флуктоне. Можно найти связь между сечениями фрагментации флуктона и нуклона:

$$\mathbf{E}_{c} \frac{d\sigma^{\mathbf{p}\mathbf{k} + \mathbf{c}}}{d\vec{p}_{c}} = \mathbf{a}_{\mathbf{k}} \cdot \mathbf{E}_{c} \frac{d\sigma^{\mathbf{p}\mathbf{N} + \mathbf{c}}}{d\vec{p}_{c}} (1 - \mathbf{x}_{\mathbf{k}})^{6\delta^{T}(\mathbf{k} - 1)}, \qquad (13)$$

5



Рис.1. Диаграмма механизма "фрагментации-рекомбинации".

где  $a_k = A_v^k / A_v^N$ . Формула /13/ является более общей, чем /12/, поскольку она не содержит неопределенностей, связанных с функцией

 $c(x_k)$  в /12/. Соотношения /1/, /13/ определяют сечение pA  $\rightarrow \pi^+/180^\circ$  – реакции

$$\mathbf{E}_{\pi} \frac{\mathrm{d}\sigma^{\mathrm{p}\mathrm{A}\to\pi}}{\mathrm{d}\vec{p}_{\pi}} = \sum_{\mathbf{k}=1}^{\Sigma} \mathbf{a}_{\mathbf{k}} \beta_{\mathbf{k}}^{\mathrm{A}} (1-\mathbf{x}/\mathbf{k})^{6\delta} \frac{\mathbf{f}(\mathbf{k}-1)}{\mathbf{E}_{\pi}} \left[ \mathbf{E}_{\pi} \frac{\mathrm{d}\sigma^{\mathrm{p}\mathrm{N}\to\pi}}{\mathrm{d}\vec{p}_{\pi}} \right].$$
 (14)

Формула /14/ не учитывает фермиевского движения нуклонов и флуктонов в ядре. Если для флуктонов вклад фермиевского движения пренебрежимо мал /10/, то для нуклонной компоненты / k = 1/ его необходимо учесть. Тогда первое слагаемое в /14/ будет иметь вид /24/:

$$\sigma_{1} = \int \rho(\frac{\mathbf{x}}{a}, \mathbf{p}_{\perp} + \frac{\mathbf{k}_{\perp}}{a}) W_{A}^{N}(\frac{a}{A}, \mathbf{k}_{\perp}) da d\mathbf{k}_{\perp}, \quad \rho = \left[\mathbf{E}_{c} d\sigma/d\mathbf{p}_{c}\right]^{\mathbf{p}N \to \pi^{+}}, \quad /15/$$

где  $a = Ap_N/p_A$  – доля импульса, переносимая нуклоном в ядре A, умноженная на атомный вес ядра A:  $0 \le a \le A$ ,  $W_A^N(y, k_\perp)$  – импульсное распределение нуклонов в ядре, нормированное как

$$\int W(y, \vec{k_{\perp}}) dy d\vec{k_{\perp}} = 1$$
. /16/

В принципе, W<sub>A</sub><sup>N</sup> может быть вычислено с помощью методов современной ядерной физики.

### Реакция с дейтроном

В случае дейтрона W<sup>N</sup> имеет вид

$$W_{\rm D}^{\rm N}(y, \vec{k}_{\perp}) = q_0 |\psi_{\rm D}(\vec{q})|^2 / (4y(1-y)),$$
 /17/

где переменные q<sub>0</sub> и q определены:

$$q_0^2 = q^2 + M^2; q_0^2 = (M^2 + k_\perp^2)/(4y(1-y)); q^2 = q_\mu^2 + k_\perp^2,$$
 /18/

а  $\psi_{\rm D}(\vec{q})$  - волновая функция дейтрона, рассчитанная с реалистическим нуклон-нуклонным потенциалом.



Рис.2. Кумулятивная  $pd \rightarrow \pi^+(180^\circ)_{+...}$ -реакция. Кривые  $l \div 4$  вклад релятивистского фермиевского движения:  $l. x = x_L$ ,  $x_0 = l; 2. x = x_L, x_0 = 0.8; 3. x = x_L, x_0 = 0.88; 4. x = x_s,$  $x_0 = l; 5-6$  - учет шестикварковых компонент, 5.  $E_0 = 9$  ГэВ; 6.  $E_0 = 70$  ГэВ.

На рис.2 приведен расчет и сравнение с экспериментом  $^{/1/}$  реакции pd  $\rightarrow \pi$   $^+/180$   $^\circ/$  с учетом лишь фермиевского движения /кривые 1-3/. При этом была использована параметризация сечения pp  $\rightarrow \pi$   $^+$ -реакции в виде  $^{/25/}$ :

$$\rho^{p \to \pi^{+}} = 60.2(1-x)^{3.4} \exp(-4.1k_{\perp}).$$
 (19)

Сечение  $p \rightarrow \pi^-$ связано с сечением  $p \rightarrow \pi^+$  соотношением

$$\rho^{p \to \pi^{-}} = f(x) \rho^{p \to \pi^{+}}; \rho^{N \to \pi^{+}} = 0.5 \rho^{p \to \pi^{+}} (1 + f(x)), \qquad /20/$$

где функция f(x) взята из сравнения с экспериментальными данными f(x)  $\approx 0.3 \, \mathrm{e}^{-0.51 \, \mathrm{x}}$ . В качестве переменной x была использована световая переменная

 $x = x_L \equiv (E_{\pi} + p_{\pi}) / M,$  /21/

а волновая функция  $\psi_{\rm D}$  рассчитана с парижским потенциалом <sup>/26/</sup>. Из рисунка видно /кривая 1/, что расхождение между теорией релятивистского фермиевского движения и экспериментом превышает порядок величины при  $p_{\pi} \ge 0.45$  ГэВ/с /  $x_{\rm L} \ge 1.2/$ , это расхождение не удается устранить, даже если предположить сильное изменение поведения  $\rho^{\rm p-\pi^+}$  при  $x > x_0$ /"трехреджеонный предел" <sup>/24/</sup>/:  $\rho^{\rm p+\pi^+} - (1-x)^{1.6}$  ( $x > x_0$ ). Несмотря на то, что такой смены режима не наблюдается до  $x_0 = 0.88^{/25/}$ , в методических целях на рис.2 приведены расчеты при двух значениях  $x_0$ : 0.80 и 0.88 - кривые 2 и 3 соответственно. Световая переменная  $x_{\rm L}$  соответствует ультрарелятивистскому пределу  $E_0 >> M$ . При начальных энергиях  $E_0 ~ 10$  ГэВ необходимо учитывать массовые поправки. Один из способов учета состоит в использовании эффективных переменных, например, переменной

$$x = x_s = (E_{\pi} + p_{\pi} - m_{\pi}^2/2E_0)/(M(1 - (E_{\pi} + M)/E_0)),$$
 /22/

которая при  $E_0$ >>М переходит в  $x_L$ . Соответствующий расчет приведен на рис.2 - кривая 4. При этом использовалась параметризация  $\rho^{p \to \pi^+} = 75,1(1-0,897 x_g/(1+0,103 x_g/2))^{3,3}(1-x_g)^{0,2}$ , полученная из анализа данных при  $p_0 = 8,9$  ГэВ/с<sup>11</sup>. Кривая 5 - расчет pd  $\to \pi^+$  ... - реакции с учетом 6q-примеси с вероятностью  $P_D(q^6) = 5 \cdot 10^{-2}$ , а параметр  $\delta^f$  в /8/ равен  $\delta^f = 0,58$ . Видно, что расчет согласуется с экспериментом. Кривая 6 на рис.2 - предсказательный расчет для  $E_0 = 70$  ГэВ.

#### Реакция с тяжелым ядром

При расчете импульсного распределения нуклонов в тяжелых ядрах  $W_A^N$  удобно использовать кластерное разложение, учитывающее в явном виде многонуклонные корреляции в ядре:

$$W_{A}^{N}(y,\vec{k}_{\perp}) = \sum_{k=1}^{\infty} \int \omega_{k}^{N}(\beta,\vec{k}_{\perp}) \cdot \Phi_{k}^{A}(\gamma) \cdot \delta(\beta\gamma - y) \, d\gamma \, d\beta , \qquad /22/$$

где  $\omega_{\mathbf{k}}^{N}$  - импульсное распределение нуклонов в скоррелированной группе из k-нуклонов,  $\Phi_{\mathbf{k}}^{N}$  - импульсное распределение кластеров в ядре - имеет вид  $\delta$ -образной зависимости, поскольку характерный импульс относительного движения скоррелированных кластеров в ядре много меньше импульсов внутреннего движения нуклонов в кластере  $\Phi_{\mathbf{k}}^{A}(\mathbf{y}) \stackrel{=}{=} \mathbf{d}_{\mathbf{k}} \cdot \delta(\mathbf{y} - \mathbf{k}/A), \mathbf{d}_{\mathbf{k}}$  - вероятность найти скоррелированный кластер k в ядре. Отметим, что такие скоррелирован-

ные кластеры следует отличать от обычных, относительно слабо связанных, нуклонных кластеров, например, альфа-частичных кластеров и т.д. Теоретический расчет показывает<sup>27/</sup>,что импульсное распределение нуклонов в ядре при больших импульсах  $\mathbf{k} > \mathbf{k}_0$ ,  $\mathbf{k}_0 = 0,3$  ГэВ/с по форме совпадает с импульсным распределением нуклонов в дейтроне:

$$W_A^N(k) = d_2 W_D^N(k)$$
, /23/

где максимальное значение  $d_2 = 3$  достигается для ядер <sup>4</sup> Не /для углерода  $d_2({}^{12}C) = 2,3/.$  Вклад от трех, четырех и т.д. конфигураций пренебрежимо мал:  $d_3 - d_4 = 0$ . Расчет вклада фермиевского движения в реакции  $pA + \pi^+ / 180^\circ / + \ldots ~ C W_A^N$  из <sup>/27/</sup> приведен на рис.3 /кривая 1/. Видно, что этот вклад мал. Здесь же показан расчет с учетом 6-, 9- и 12-кварковых конфигураций в тяжелом ядре для разных начальных энергий. Параметр г  $\varepsilon$  в  $P_{3,4}^A$  был выбран равным  $r_{\varepsilon} = 0,75$  фм,  $P_2^A = 10\%$ . Параметр  $\delta^f$  в /8/, так же как и в pd +  $\pi$ -реакции, равен  $\delta^f = 0,58$ . Этому значению соответствует кварковое распределение в q<sup>6</sup>-системе q(x) -  $(1/\sqrt{x})(1-x)^7$ . Именно такое распределение использовалось в /<sup>10</sup>/ для описания глубоконеупругого  $\mu$  -рассеяния в кумулятивной области. На рис.4 приведен расчет и сравнение с экспериментом отношения сечений pA +  $\pi$ -реакций. Видно согласие теории и эксперимента.



Рис.3. Кумулятивная  $p + {}^{208}$  Pb  $\rightarrow \pi + (180^{\circ})$ реакция. Кривые: 1 – вклад релятивистского ферми-движения; 2-3 – учет 6q-, 9q- и 12q – компонент; 2-E<sub>0</sub> = 9 ГэВ; 3-E<sub>0</sub> = 400 ГэВ.

9



# §3. РЕАКЦИИ С БОЛЬШИМИ р,

В реакции с большими поперечными импульсами основной вклад дают жесткие столкновения кварков налетающего адрона и флуктона /9-11/,изображенные диаграммой на рис.5. Инвариантное сечение имеет вид

$$E_{c} \frac{d\sigma^{pk \rightarrow c}}{dp_{c}} = \sum_{ij} \int dx \, dy \, dz \, q_{j/k} (x) \, q_{i/p} (y) \frac{s}{\pi} \frac{d\sigma^{ij}}{dt} \delta(s+t+u) D_{c/c'}(z) / 24 / rge \frac{d\sigma^{ij}}{dt} - сечение рассеяния ij \rightarrow c'd - реакции; s, t, u - мандель-$$

штамовские переменные в этой реакции: D<sub>c/c</sub> - функция фрагментации партона C в адрон c; x, y, z - доли импульса, переноси-

мые соответственно частицами j, i и с. Сечение  $\frac{d\sigma^{ij}}{dt}$  можно вычислить в квантовой хромодинамике <sup>/28/</sup>. Для наших целей достаточно использовать автомодельное поведение  $\frac{d\sigma^{ij}}{dt}$  при рассеянии на фиксированный угол при больших s, t, u <sup>/19/</sup>. При этом, не теряя общности, ограничимся случаем  $D_{c/e} = \delta_{c,c} \cdot \delta(1-z)$ . Переменные s, t, u связаны с переменными s<sub>1</sub>, t<sub>1</sub>, u<sub>1</sub> в pp-столкновении соотношениями

$$s = kxys_1, t = yt_1, u = kxu_1.$$
 (25)

Выполняя в /24/ стандартные интегрирования с использованием /8/ и /25/, находим

$$\mathbf{E}_{c} \frac{d\sigma}{dP_{c}} = \sum_{ij} \beta_{k}^{A} (1 - \mathbf{x}_{\perp}^{k})^{\gamma_{i/N} + \gamma_{j/k} + 1} \Phi_{N,k}^{ij} \frac{d\sigma^{ij}}{dt_{1}}, \qquad /26/$$

где

$$\begin{aligned} \mathbf{x}_{\perp}^{k} &= \mathbf{x}_{\perp} (k+1)/2k \,; \ \mathbf{x}_{\perp} \approx -2u_{1}/s_{1} \approx 2t_{1}/s_{1} \approx 2p_{\perp}/\sqrt{s_{1}} \,, \\ \Phi_{N,k}^{ij} &= \int_{0}^{1} d\xi \, \phi_{N,k}^{ij} (\xi) \, \xi^{\frac{\gamma_{i}}{N}} (1-\xi)^{\frac{\gamma_{j}}{k}} d\xi \,, \\ \phi_{N,k}^{ij} &= \frac{1}{\pi} \left[ \frac{d\sigma^{ij}}{dt} / \frac{d\sigma^{ij}}{dt_{1}} \right] \mathbf{A}_{j}^{k} \mathbf{A}_{i}^{N} (\mathbf{x}(\xi) \mathbf{y}(\xi))^{-1/2} (\mathbf{x}(\xi) - \mathbf{x}_{\perp}/2k)^{\frac{\gamma_{i}}{N}} (1-\mathbf{x}_{\perp}/2)^{-1-\frac{\gamma_{j}}{k}} , \\ \mathbf{x}(\xi) &= \mathbf{x}_{k} + (1-\mathbf{x}_{k}) \, \xi \,; \ \mathbf{y}(\xi) = \mathbf{x}(\xi) \, \mathbf{x}_{\perp} (\mathbf{x}(\xi) - \mathbf{x}_{\perp}/2k)^{-1} / 2 \,, \end{aligned}$$

Случай k = 1 ( $\beta_k^A = 1$ ) соответствует реакции нуклон-нуклонного рассеяния:

$$E_{c} \frac{d\sigma^{p_{N} \rightarrow c}}{d\vec{p}_{c}} = \sum_{ij} (1 - x_{\perp})^{\gamma_{i/N} + \gamma_{j/N} + 1} \frac{d\sigma^{ij}}{dt_{1}} .$$
 /28/

С помощью /28/ можно преобразовать /26/ к виду

$$E_{c} \frac{d\sigma^{pA+c}}{dp_{c}} = \sum_{k=1}^{\infty} \beta_{k}^{A} (1-x_{\perp}^{k})^{6\delta^{f}(k-1)} \left[ E_{c} \frac{d\sigma^{pN+c}}{dp_{c}} \right] \overline{a}_{k} , \qquad /29/$$

где

$$\bar{\psi}_{k} = \sum_{ij} \Phi_{N,k}^{ij} / \sum_{ij} \Phi_{N,N}^{ij}$$
(30)

- слабозависящая функция от  $x_{\perp}$  и k. Формулы /14/ и /29/ внешне очень похожи. Однако между ними имеются различия. Так, вместо аргумента  $x_k = x/k$  в /14/ в /29/ имеем  $x_{\perp}^k = x (k+1)/2k$ . Но главное состоит в различии элементарных  $pN \rightarrow c$ -сечений, которые определяются разными кварковыми подпроцессами. Это различие проявляется, например, в изменении относительного выхода разных кумулятивных частиц с изменением  $P_1$ -Так, отношение выходов кумулятив-



Рис.6. Кумулятивная  $pA \rightarrow \pi^+ /90^\circ$  с.ц.м./+... -реакция. 1-  $E_0 = 200$  ГэВ; 2-  $E_0 = 400$  ГэВ.

ных протонов и выходов кумулятивных пионов с  $\mathbf{p}_{\perp} \stackrel{\sim}{\sim} 0$ , рассчитанное по /14/, дает значение  $\mathbb{R}^{p/\pi}_{A} = 100^{/10/}$ . При больших  $\mathbf{p}_{\perp}$  из /29/ следует  $\mathbb{R}^{p/\pi}_{A} = \sigma^{pN \rightarrow p} (\mathbf{x}_{\perp}^{k}) / \sigma^{pN \rightarrow \pi} (\mathbf{x}_{\perp}^{k})$ , которое, как следует из эксперимента /25/, близко к единице.

На рис, б приведен расчет  $pA \rightarrow \pi^+ + ... треакции при углах вылета$  $пионов <math>\theta = 90^\circ$  в системе центра масс pp-столкновения. В расчете использована параметризация  $E_{\pi} d\sigma^{pN} / d\vec{p}_{\pi} \sim p_{\perp}^{-8,5} (1-x_{\perp})^9$ . Имеющиеся экспериментальные данные /29/ ограничены значением x -0,7, т.е. находятся в пределах области, кинематически доступной для элементарной  $pp \rightarrow \pi$ -реакции. Здесь вклад многокварковых состояний является лишь небольшой добавкой. В области  $x_{\perp} \ge 1$  этот вклад является определяющим. Приведенный расчет для  $x_{\perp} \ge 1$  носит предсказательный характер.

## ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Итак, мы исследовали основные закономерности кумулятивных рА → с+... -реакций. Релятивизация фермиевского движения нуклонов в ядре не объясняет наблюдаемых закономерностей. Инклюзивные сечения в области фрагментации по форме близки к импульсному распределению кварков в ядре. При увеличении р\_ происходит смена режима, которая проявляется в изменении формы спектров и относительного выхода различных кумулятивных частиц.

Авторы благодарны В.В.Бурову, С.М.Доркину и В.К.Лукьянову за многочисленные и плодотворные дискуссии.

#### ЛИТЕРАТУРА

- 1. Baldin A.M. et al. JINR, E2-82-472, Dubna, 1982.
- 2. Савин И.А. В кн.: Труды Межд. семинара по проблемам физики высоких энергий. ОИЯИ, Д1, 2-81-728, Дубна, 1981, с. 223.
- 3. Aubert J.J. et al. Phys.Lett., 1983, 123B, p. 275.
- 4. Bodek A. et al. SLAC PUB-3041, 1983, p. 3089; Phys.Rev.Lett., 1983, 50, p. 1431.
- 5. Гулканян Г.Р. и др. Научное сообщение ЕФИ-643/33/-83, Ереван, 1983, с. 10.
- 6. Bondarchenko E.A., Efremov A.V. JINR, E2-82-927, Dubna, 1983.
- 7. Титов А.И. ЯФ, 1983, 38, с. 1582.
- 8. Кондратюк Л.А., Шматиков М.Ж. Препринт ИТЭФ-33, М., 1984.
- 9. Ефремов А.В. ЭЧАЯ, 1982, 13, с. 613.
- 10. Лукьянов В.К., Титов А.И. ЭЧАЯ, 1979, 10, с. 815.
- 11. Ефремов А.В. ЯФ, 1976, 24, с. 1208.
- 12. Буров В.В., Лукьянов В.К., Титов А.И. В кн.: Труды Межд. конф. по избранным вопросам структуры ядра. Д-9920, Дубна, 1976, т. 2, с. 432.
- Efremov A.V., Bondarchenko E.A. JINR, E2-84-124, Dubna, 1984.
- 14. Matveev V.A., Sorba P. Lett.Nuovo Cimento, 1977, 70, p. 135.
- Smirnov Yu.E., Tchuvilsky Yu.M. J.Phys.G: Nucl.Phys., 1978,
   4, p. L1.
- 16. Дубовик В.М., Обуховский И.Т. ОИЯИ, Р2-80-501, Дубна, 1980.
- 17. Lukyanov V.K., Titov A.I. In: Proc.Int.Conf.Extreme States in Nuclear Systems, Dresden, 1980, vol.2, p. 60; Dorkin S.M., Lukyanov V.K., Titov A.I. Z.Phys.A - Atoms and Nuclei, 1984, 316, p. 331.
- 18. Блохинцев Д.И. ЖЭТФ, 1957, 33, с. 1295.
- 19. Matveev V.A., Muradyan R.M., Tavkhelidze A.N. Lett.Nuovo Cimento, 1973, X, p. 718.
- 20. Kuti J., Wesskopf V. Phys.Rev., 1971, D4, p. 3418.
- 21. Isaev P.S., Kovalenko S.G. Hadronic Journal, 1980, 3, p.919.

13

- 22. Das P.R., Hwa R.C. Phys.Lett., 1977, 68B, p. 459.
- 23. Jakasugi E., Tata Y. Phys.Rev., 1980, D21, p. 1838.
- 24. Frankfurt L.L., Strikman M.I. Phys.Rep., 1981, 76, p. 215.
- 25. Brenner A. et al. Phys.Rev., 1982, D26, p. 1497.
- 26. Lacombe M. et al. Phys.Rev., 1980, C21, p. 861.
- 27. Zabolitzky J.G., Ey W. Phys.Lett., 1978, B76, p. 527.
- Feynman R.P., Field R.D., Fox G.C. Phys.Rev., 1978, D18, p. 3320.
- 29. Cronin J.W. et al. Phys.Rev., 1975, D11, p. 3105.

Каптарь Л.П., Резник Б.Л., Титов А.И. Р2-84-600 Многокварковые степени свободы в кумулятивных адрон-ядерных реакциях

Кумулятивные адрон-ядерные реакций рассмотрены на основе кварк-партонной модели взаимодействия элементарных частиц. Исследованы области малых и больших поперечных импульсов вторичных частиц. Проведено сравнение с имеющимися экспериментальными данными и выполнен ряд предсказательных расчетов.

Работа выполнена в Лаборатории теоретической физики ОИЯИ.

Препринт Объединенного института ядерных исследований. Дубна 1984

#### Перевод О.С.Виноградовой

Kaptari L.P., Reznik B.L., Titov A.I. P2-84-600 Multiquark Freedom Degrees in Cumulative Hadron-Nuclear Reactions

Cumulative hadron-nucleus reactions in the framework of the quark-parton picture of interaction of the incident hadron with the multiquark systems inside the nucleus is discussed. It is shown that the reactions with small and large  $p_{\perp}$  of the cumulative particle are of a different nature, namely, the "fragmentation-recombination" and "hard - scattering"-mechanisms, respectively. Comparison is made with the corresponding experimental data.

The investigation has been performed at the Laboratory of Theoretical Physics, JINR.

Preprint of the Joint Institute for Nuclear Research. Dubna 1984