



ОБЪЕДИНЕННЫЙ  
ИНСТИТУТ  
ЯДЕРНЫХ  
ИССЛЕДОВАНИЙ  
ДУБНА

3483/82

2/viii-  
P2-82-263

А.Д. Линкевич, В.И. Саврин, В.В. Санадзе,  
Н.Б. Скачков

СТРУКТУРНЫЕ ФУНКЦИИ НУКЛОНОВ  
В СОСТАВНОЙ КВАРК-ДИКВАРКОВОЙ МОДЕЛИ

Направлено в журнал "Ядерная физика"

1982

## 1. ВВЕДЕНИЕ

Описанию глубоконеупругого лептон-адронного рассеяния в составных моделях адронов посвящено большое число работ. В рамках квазипотенциального подхода<sup>/1,2/</sup> общий формализм описания этих процессов был сформулирован в<sup>/3/</sup> и развивался в<sup>/4-9/</sup>. Настоящая работа является непосредственным продолжением<sup>/9/</sup>, в которой были получены формулы для структурного тензора нуклона  $W_{\mu\nu}(P, q)$  через одновременные релятивистские волновые функции /ВФ/ кварк-дикварковой системы. Здесь эти формулы будут использоваться для нахождения явного вида структурных функций нуклона как связанного состояния кварка со спином 1/2 и дикварка со спином 0 или 1. Заметим, что в последние годы кварк-дикварковая модель нуклона приобрела известность в связи с обсуждением наблюдаемых на эксперименте  $1/Q^2$ -поправок к структурным функциям и рассматривалась в работах разных авторов /см., например,<sup>/10/</sup> /.

В следующем разделе мы приведем полученные ранее формулы, которые в третьем разделе будут использоваться для нахождения явного вида структурных функций нуклона.

## 2. СТРУКТУРНЫЕ ФУНКЦИИ КВАРК-ДИКВАРКОВОЙ СИСТЕМЫ В ОДНОВРЕМЕННОМ ПОДХОДЕ

В предыдущей работе<sup>/9/</sup> было получено следующее выражение для структурного тензора нуклона ( $s = s_N = 1/2$ ) \*:

$$W_{\mu\nu}^{(i)}(P, q) = \frac{(2\pi)^3}{16} \cdot \int \frac{d^3 \vec{\Delta}_{k_1, \lambda}}{\Delta_{k_1, m_1}^0} \frac{d^3 \vec{\Delta}_{k_2, \lambda}}{\Delta_{k_2, m_2}^0} \times \quad /2.1/ \\ \times \delta^{(4)}(P+q-k_1-k_2) (Q_1^2 h_{1\mu\nu}^{(i)} + Q_1 Q_2 h_{2\mu\nu}^{(i)} + Q_2 Q_1 h_{3\mu\nu}^{(i)} + Q_2^2 h_{4\mu\nu}^{(i)})$$

\* Мы используем следующие обозначения и переменные:  $P$  - импульс нуклона,  $q$  - переданный импульс /импульс виртуального фотона/;  $Q^2 = -q^2 > 0$ ;  $\nu = Pq/M$ ,  $x = Q^2/2M\nu$ ,  $W^2 = (P+q)^2$ .

$$\begin{aligned}
h_{1\mu\nu}^{(i)} &= \sum_{r, \sigma_1, \sigma_2, r_1} \left( \langle \frac{1}{2} 1; \sigma_1 \sigma_2 | s, r \rangle \right)^2 \langle \vec{\Delta}_{k_1, \lambda}, r_1 | J_\mu(0) | -\vec{\Delta}_{k_2}, \sigma_1 \rangle \times \\
&\times \langle -\vec{\Delta}_{k_2}, \sigma_1 | J_\nu(0) | \vec{\Delta}_{k_1, \lambda}, r_1 \rangle \sum_{r_N} |\phi_{sr}^{(i) s_N r_N}(\vec{\Delta}_{k_2, \lambda})|^2, \\
h_{2\mu\nu}^{(i)} &= \sum_{r, \sigma_1, \sigma_2, r_1} \left( \langle \frac{1}{2} 1; \sigma_1 \sigma_2 | s, r \rangle \right)^2 \langle -\vec{\Delta}_{k_2, \lambda}; \sigma_1 | J_\mu(0) | \vec{\Delta}_{k_1, \lambda}, r_1 \rangle \times \\
&\times \langle \vec{\Delta}_{k_2, \lambda}; r_2 | J_\nu(0) | -\vec{\Delta}_{k_1, \lambda}; \sigma_2 \rangle \sum_{r_N} \phi_{sr}^{(i) s_N r_N}(\vec{\Delta}_{k_1, \lambda}) \phi_{sr}^{-(i) s_N r_N}(-\vec{\Delta}_{k_2, \lambda}), \\
h_{3\mu\nu}^{(i)} &= \sum_{r, \sigma_1, \sigma_2, r_1} \left( \langle \frac{1}{2} 1; \sigma_1 \sigma_2 | s, r \rangle \right)^2 \langle -\vec{\Delta}_{k_1, \lambda}; \sigma_2 | J_\mu(0) | \vec{\Delta}_{k_2, \lambda}; r_2 \rangle \times \\
&\langle \vec{\Delta}_{k_1, \lambda}; r_1 | J_\nu(0) | -\vec{\Delta}_{k_2}; \sigma_1 \rangle \sum_{r_N} \phi_{sr}^{-(i) s_N r_N}(\vec{\Delta}_{k_1, \lambda}) \phi^{(i)}(-\vec{\Delta}_{k_2, \lambda}), \\
h_{4\mu\nu}^{(i)} &= \sum_{r, \sigma_1, \sigma_2, r_1} \left( \langle \frac{1}{2} 1; \sigma_1 \sigma_2 | s, r \rangle \right)^2 \langle \vec{\Delta}_{k_2, \lambda}; r_2 | J_\mu(0) | -\vec{\Delta}_{k_1}; \sigma_2 \rangle \times \\
&\times \langle -\vec{\Delta}_{k_1}; \sigma_2 | J_\nu(0) | \vec{\Delta}_{k_2, \lambda}; r_2 \rangle \sum_{r_N} |\phi_{sr}^{(i) s_N r_N}(-\vec{\Delta}_{k_1, \lambda})|^2.
\end{aligned}$$

Значение индекса  $i=0$  отвечает случаю бесспинового дикварка, а значение  $i=1$  - случаю дикварка со спином 1. Проекция спина кварка  $r_1$  и  $\sigma_1$  принимают значения  $\pm 1/2$ , проекция спина векторного дикварка  $i=1/r_2$  и  $\sigma_2$  принимают значения 0,  $\pm 1$ , а для бесспинового дикварка ( $i=0$ )  $r_2 = r_2 = 0$ .

Ковариантно определенные в с.ц.и. импульсы кварка  $\vec{\Delta}_{k_1, \lambda}$  и дикварка  $\vec{\Delta}_{k_2, \lambda}$  задаются следующим образом:

$$\vec{\Delta}_{k, \lambda} \equiv (L_\lambda^{-1} \vec{k}_j) = \vec{k}_j - \frac{\vec{P}}{M} (k_j^0 - \frac{\vec{P} \cdot \vec{k}_j}{P_0 + M}), \quad j = 1, 2,$$

$$\Delta_{k, j, m_\ell}^0 \equiv \sqrt{\vec{\Delta}_{k, \lambda}^2 + m_\ell^2} \quad (j, \ell = 1, 2),$$

где  $m_1$  есть масса кварка,  $m_2$  - масса дикварка;  $L_\lambda^{-1}$  - чисто лоренцевское преобразование из системы отсчета, в которой нуклон имеет 4-импульс  $P$  и 4-скорость  $\lambda_\mu \equiv P_\mu / \sqrt{P^2} \equiv P_\mu / M$ , в систему покоя:  $L_\lambda^{-1} P = (M, \vec{0})$ .

Заряд кварка /дикварка/ /в единицах  $e$ / обозначен через  $Q_1(Q_2)$ , а матричные элементы оператора тока между одночастичными состояниями имеют вид: для кварка /11.12/

$$\langle \vec{k}_1, r_1 | J_\mu(0) | \vec{P}_1; \sigma_1 \rangle = \bar{u}(\vec{k}_1, r_1) \gamma_\mu u(\vec{P}_1, \sigma_1), \quad /2.3a/$$

для бесспинового дикварка /11.12/

$$\langle \vec{k}_2, r_2 | J_\mu(0) | \vec{p}_2, \sigma_2 \rangle = (k_2 + p_2)_\mu f^{(0)}(q^2) \quad /2.36/$$

и для векторного дикварка /12.18/

$$\begin{aligned} \langle \vec{k}_2, r_2 | J_\mu(0) | \vec{p}_2, \sigma_2 \rangle = & \epsilon^{-\rho} (\vec{k}_2, r_2) [ -f_1^{(1)}(q^2) (k_2 + p_2)_\mu g_{\kappa\rho} + \\ & + f_2^{(1)}(q^2) (g_{\rho\mu} k_{2\kappa} + g_{\kappa\mu} p_{2\rho}) ] \cdot \epsilon^\kappa (\vec{p}_2, \sigma_2), \end{aligned} \quad /2.3в/$$

где  $f^{(0)}(q^2)$  есть формфактор скалярного дикварка, а  $f_1^{(1)}(q^2)$  и  $f_2^{(1)}(q^2)$  - формфакторы векторного дикварка. В настоящей работе мы будем рассматривать простейший случай, когда  $f_1^{(1)}(q^2) = f_2^{(1)}(q^2) = f^{(1)}(q^2)$ .

Спиновая структура ВФ задается формулами ( $s = s_N = 1/2$ ):

$$\phi_{s\tau}^{(0) s_N r_N}(\vec{\Delta}_{p,\lambda}) = \delta_{r\sigma} \cdot \phi_\sigma^{(0) s_N r_N}(\vec{\Delta}_{p,\lambda}), \quad /2.4/$$

$$\phi_{s\tau}^{(1) s_N r_N}(\vec{\Delta}_{p,\lambda}) = \frac{1/2}{\sum_{\sigma=-1/2}^{1/2}} \sum_{\kappa=-1}^1 \langle \frac{1}{2} 1, \sigma\kappa | s, r \rangle \phi_{\sigma\kappa}^{(1) s_N r_N}(\vec{\Delta}_{p,\lambda}),$$

где  $\langle \frac{1}{2} 1; \sigma\kappa | s, r \rangle$  есть коэффициенты Клебша-Гордана,  $\sigma$  и  $\kappa$  есть соответственно проекции спина кварка и /векторного/ дикварка, а

$$\begin{aligned} \phi_{\sigma\tau}^{(0) s_N r_N}(\vec{\Delta}_{p,\lambda}) &= \bar{u}_\alpha(\vec{P}; r_N) u_\beta(\vec{\Delta}_{p,\lambda}; \sigma) \cdot \Phi_{\alpha\beta}^{(0)}(\vec{\Delta}_{p,\lambda}), \\ \phi_{\sigma\kappa}^{(1) s_N r_N}(\vec{\Delta}_{p,\lambda}) &= \bar{u}_\alpha(\vec{P}; r_N) u_\beta(\vec{\Delta}_{p,\lambda}; \sigma) \epsilon_\rho(-\vec{\Delta}_{p,\lambda}; \kappa) \Phi_{\alpha\beta}^{(1)\rho}(\vec{\Delta}_{p,\lambda}). \end{aligned} \quad /2.5/$$

Здесь  $\vec{P} \equiv (\vec{L}^{-1} P) = 0$ , а биспиноры  $u(\vec{P}, \sigma)$  частиц массы  $m_1$  и векторы поляризации  $\epsilon_\mu(\vec{P}, \kappa)$  частиц массы  $m_2$  нормированы условиями:

$$\bar{u}(\vec{P}, \sigma) u(\vec{P}, \sigma') = 2m_1 \delta_{\sigma\sigma'}, \quad \epsilon^*(\vec{P}, \kappa) \epsilon(\vec{P}, \kappa') = \delta_{\kappa\kappa'}.$$

Представляя матричные функции  $\Phi^{(0)}$  и  $\Phi^{(1)}$  в виде разложения по матрицам  $I$ ,  $\gamma_\mu$ ,  $\sigma_{\mu\nu} = i\gamma_\mu \gamma_\nu$ ,  $\gamma_5$ ,  $\gamma_\mu \gamma_5$ , получаем

$$\begin{aligned} \Phi_{\alpha\beta}^{(0)}(\vec{\Delta}_{p,\lambda}) &= \delta_{\alpha\beta} \chi^{(0)}(\vec{\Delta}_{p,\lambda}), \\ \Phi_{\alpha\beta}^{(1)\rho}(\vec{\Delta}_{p,\lambda}) &= \gamma_{\alpha\beta}^\rho \cdot \chi^{(1)}(\vec{\Delta}_{p,\lambda}), \end{aligned} \quad /2.6/$$

где  $\chi^{(0)}$  и  $\chi^{(1)}$  есть скалярные функции. Далее будем рассматривать случай сферически-симметричных ВФ, отвечающий  $s$ -состоянию  $\ell=0$  кварк-дикварковой системы.

### 3. НАХОЖДЕНИЕ ВИДА СТРУКТУРНЫХ ФУНКЦИЙ НУКЛОНОВ

Проинтегрируем с учетом  $\delta$ -функции в /2.1/ член, содержащий  $h_{1\mu\nu}^{(1)}$ , по  $\vec{\Delta}_{k_1\lambda}$  и введем обозначения:

$$\vec{\Delta}_{k,\lambda} = \vec{\Delta}_{k_2,\lambda}; \quad \vec{\Delta}_{k',\lambda} = \vec{q} - \vec{\Delta}_{k,\lambda}; \quad \vec{q} \equiv \overrightarrow{(L\lambda^{-1}q)}.$$

Член, содержащий  $h_{4\mu\nu}^{(1)}$ , проинтегрируем по  $\vec{\Delta}_{k_2,\lambda}$  и введем обозначения:

$$\vec{\Delta}_{k,\lambda} = \vec{\Delta}_{k_1,\lambda}; \quad \vec{\Delta}_{k',\lambda} = \vec{q} - \vec{\Delta}_{k,\lambda}.$$

Интерференционные члены с  $h_{2\mu\nu}^{(i)}$  и  $h_{3\mu\nu}^{(i)}$  содержат произведения волновых функций, зависящих от  $\vec{\Delta}_{k,\lambda}$  и  $\vec{\Delta}_{k',\lambda} = \vec{q} - \vec{\Delta}_{k,\lambda}$ , где  $|\vec{q}| = \sqrt{\nu^2 + Q^2}$  /см. /5-8/ /. Поскольку ВФ  $\phi_{sr}^{(i) s_N r_N}(\vec{p})$  должны убывать с ростом  $|\vec{p}|$  достаточно быстро для сходимости нормировочного интеграла /см. /9/ / , то интерференционные члены с ростом  $Q^2$  убывают быстрее неинтерференционных, что находится в соответствии с предположением партонной модели о "вымирании" в асимптотике интерференционных вкладов. Таким образом, асимптотика структурных функций задается выражением

$$W_{\mu\nu}^{(i)}(P, q) = \frac{(2\pi)^3}{16} \int \frac{d\vec{\Delta}_{k,\lambda}}{\Delta_{k',m_1\lambda}^0 \Delta_{k,m_2\lambda}^0} [\delta(M + \nu - \Delta_{k',m_1\lambda}^0 - \Delta_{k,m_2\lambda}^0) Q^2 h_{1\mu\nu}^{(i)} + \delta(M + \nu - \Delta_{k,m_1\lambda}^0 - \Delta_{k',m_2\lambda}^0) Q^2 h_{4\mu\nu}^{(i)}] (\Delta_{k,m_1}^0 \cdot \Delta_{k',m_2}^0)^{-1}, \quad /3.1/$$

где мы воспользовались лоренц-инвариантностью  $\delta^{(4)}$ -функции в /2.1/ и учли, что  $(L\lambda^{-1}P)_0 = M$ ,  $(L\lambda^{-1}q)_0 = \nu$  /см. /5-8/ /.

Перейдем к расчету выражений для  $h_{1\mu\nu}^{(i)}$ ,  $h_{4\mu\nu}^{(i)}$ , которые после указанного выше интегрирования примут вид

$$h_{1\mu\nu}^{(i)} = \sum_{r_1, r_1', \sigma_1, \sigma_2} \left( \langle \frac{1}{2} 1; \sigma_1 \sigma_2 | sr \rangle \right)^2 \langle \vec{\Delta}_{k',\lambda}; r_1 | J_\mu(0) | -\vec{\Delta}_{k,\lambda}; \sigma_1 \rangle \times \\ \times \langle -\vec{\Delta}_{k,\lambda}; \sigma_1 | J_\nu(0) | \vec{\Delta}_{k',\lambda}; r_1 \rangle \sum_{r_N} |\phi_{sr}^{(i) s_N r_N}(\vec{\Delta}_{k,\lambda})|^2, \quad /3.2/$$

$$h_{4\mu\nu}^{(i)} = \sum_{r_1, r_1', \sigma_1, \sigma_2} \left( \langle \frac{1}{2} 1; \sigma_1 \sigma_2 | sr \rangle \right)^2 \langle \vec{\Delta}_{k',\lambda}; r_2 | J_\mu(0) | -\vec{\Delta}_{k,\lambda}; \sigma_2 \rangle \times \\ \times \langle -\vec{\Delta}_{k,\lambda}; \sigma_2 | J_\nu(0) | \vec{\Delta}_{k',\lambda}; r_2 \rangle \sum_{r_N} |\phi_{sr}^{(i) s_N r_N}(\vec{\Delta}_{k,\lambda})|^2. \quad /3.3/$$

Напомним, что  $h_{1\mu\nu}^{(i)}$  содержит произведение кварковых токов вида /2.3а/, а  $h_{4\mu\nu}^{(i)}$  - дикварковых токов вида /2.3б/, /2.3в/.

Непосредственным вычислением с учетом /2.4/-/2.6/ легко найти, что

$$Z^{(0)}(|\vec{\Delta}_{k,\lambda}\rangle) = \sum_{r_N = -1/2}^{1/2} |\phi_{sr}^{(0) s_N r_N}(\vec{\Delta}_{k,\lambda})|^2 = \\ = M(m_1 + \Delta_{k,m_1\lambda}^0) |\chi^{(0)}(|\vec{\Delta}_{k,\lambda}\rangle)|^2. \quad /3.4/$$

Для нахождения аналогичной величины  $Z^{(1)}$  в случае векторного дикварка приходится использовать явное выражение для биспиноров  $u(\vec{p}, \sigma)$  и векторов поляризации  $\epsilon_\mu(\vec{p}, \kappa)$  /см., например, /11/. Расчеты оказываются довольно громоздкими, но существенно упрощаются в системе отсчета, в которой ось  $y$  направлена вдоль импульса  $\vec{\Delta}_{k,\lambda}$ :

$$Z^{(1)}(|\vec{\Delta}_{k,\lambda}|) = \sum_{r_N=-1/2}^{1/2} |\phi_{sr}^{(1)N} N^r N^N(|\vec{\Delta}_{k,\lambda}|)|^2 = \quad /3.5/$$

$$= \frac{M}{3} \left[ \frac{2m_1}{m_2} (\Delta_{k,m_2\lambda}^0)^2 - \Delta_{k,m_1\lambda}^0 - m_1 \right] |\chi^{(1)}(|\vec{\Delta}_{k,\lambda}|)|^2.$$

Для нахождения  $Z^{(1)}$  в какой-либо другой системе отсчета, в левой части формулы /3.5/ необходимо осуществить лоренц-преобразование в эту систему отсчета. Однако величины  $\Delta_{k,m_1\lambda}^0$ ;  $\Delta_{k,m_2\lambda}^0$  и  $|\vec{\Delta}_k|$  являются лоренц-инвариантами /см., например /5-8/. Отметим, что  $Z^{(0)}$  и  $Z^{(1)}$  оказываются не зависящими от значения  $\tau = \pm 1/2$ , что значительно упрощает дальнейшие вычисления, позволяя представить  $h_{1\mu\nu}^{(1)}$  и  $h_{4\mu\nu}^{(1)}$  в виде

$$h_{1(4)\mu\nu}^{(1)} = Z^{(1)}(|\vec{\Delta}_{k,\lambda}|) \sum_{r_1, r_2} \langle \frac{1}{2}; \sigma_1 \sigma_2 | sr \rangle^2 \times \quad /3.6/$$

$$\times \langle \vec{\Delta}_{k',\lambda}; r_{1(2)} | J_\mu^{(0)} | -\vec{\Delta}_{k,\lambda}; \sigma_{1(2)} \rangle \langle -\vec{\Delta}_{k,\lambda}; \sigma_{1(2)} | J_\nu^{(0)} | \vec{\Delta}_{k',\lambda}; r_{1(2)} \rangle.$$

Путем непосредственной проверки нетрудно убедиться, что наличие под знаком суммы в /3.6/ квадрата коэффициента Клебша-Гордана не препятствует образованию стандартных выражений:

$$h_{1\mu\nu}^{(1)} = Z^{(1)}(|\vec{\Delta}_{k,\lambda}|) \sum_{r_1, \sigma_1} \langle \vec{\Delta}_{k',\lambda}; r_1 | J^\mu(0) | -\vec{\Delta}_{k,\lambda}; \sigma_1 \rangle \times \quad /3.7/$$

$$\times \langle -\vec{\Delta}_{k,\lambda}; \sigma_1 | J^\nu(0) | \vec{\Delta}_{k',\lambda}; r_1 \rangle = Z^{(1)}(|\vec{\Delta}_{k,\lambda}|) \times$$

$$\times \text{Sp} \{ \bar{u}(\vec{\Delta}_{k',\lambda}) \gamma_\mu u(-\vec{\Delta}_{k,\lambda}) \bar{u}(-\vec{\Delta}_{k,\lambda}) \gamma_\nu u(\vec{\Delta}_{k',\lambda}) \} =$$

$$= Z^{(1)}(|\vec{\Delta}_{k,\lambda}|) \{ \Delta_{k',\lambda}^\mu \bar{\Delta}_{k,\lambda}^\nu + \Delta_{k',\lambda}^\nu \bar{\Delta}_{k,\lambda}^\mu - g^{\mu\nu} (\Delta_{k',\lambda} \cdot \bar{\Delta}_{k,\lambda}) \}.$$

$$h_4^{(0)\mu\nu} = Z^{(0)}(|\vec{\Delta}_{k,\lambda}|) [f^{(0)}(q^2)]^2 (\Delta_{k',\lambda}^\mu + \bar{\Delta}_{k,\lambda}^\mu) (\Delta_{k',\lambda}^\nu + \bar{\Delta}_{k,\lambda}^\nu). \quad /3.8/$$

$$h_4^{(1)\mu\nu} = \frac{2}{3} Z^{(1)}(|\vec{\Delta}_{k,\lambda}|) \sum_{r_2, \sigma_2} \langle \vec{\Delta}_{k',\lambda}; r_2 | J^\mu(0) | -\vec{\Delta}_{k,\lambda}; \sigma_2 \rangle \times$$

$$\times \langle -\vec{\Delta}_{k,\lambda}; \sigma_2 | J^\nu(0) | \vec{\Delta}_{k',\lambda}; r_2 \rangle = \frac{2}{3} Z^{(1)}(|\vec{\Delta}_{k,\lambda}|) [f^{(1)}(q^2)]^2 \times$$

$$\times \{ (\tilde{\Delta}_{k,\lambda}^{\mu} \Delta_{k',\lambda}^{\nu} + \tilde{\Delta}_{k,\lambda}^{\nu} \Delta_{k',\lambda}^{\mu} ) \cdot [3 + 2m^{-2} (\tilde{\Delta}_{k,\lambda} \cdot \Delta_{k',\lambda} )] + (\tilde{\Delta}_{k,\lambda}^{\mu} \tilde{\Delta}_{k,\lambda}^{\nu} + \Delta_{k',\lambda}^{\mu} \Delta_{k',\lambda}^{\nu} ) + 2g^{\mu\nu} m_2^2 [1 - m_2^{-4} (\tilde{\Delta}_{k,\lambda} \cdot \Delta_{k',\lambda} )^2] \} \quad /3.9/$$

Структурные функции нуклона  $F_1^{(i)}, F_2^{(i)}$  через тензор  $W_{\mu\nu}^{(i)}$  /3.1/ можно выразить следующим образом /8/:

$$F_1^{(i)} = M[V_1^{(i)} + (1 + \nu^2/Q^2)^{-1} V_2^{(i)}], \quad /3.10/$$

$$F_2^{(i)} = \frac{\nu}{2} (1 + \nu^2/Q^2)^{-1} [V_1^{(i)} + 3(1 + \nu^2/Q^2)^{-1} V_2^{(i)}],$$

где функции

$$V_1^{(i)} \equiv -g^{\mu\nu} W_{\mu\nu}^{(i)}, \quad V_2^{(i)} \equiv M^{-2} p^\mu p^\nu W_{\mu\nu}^{(i)} \quad /3.11/$$

в силу /3.1/ выражаются через

$$q_1^{(i)} \equiv -g^{\mu\nu} h_{\mu\nu}^{(i)}, \quad q_2^{(i)} \equiv M^{-2} p^\mu p^\nu h_{\mu\nu}^{(i)},$$

$$d_1^{(i)} \equiv -g^{\mu\nu} h_{\mu\nu}^{(i)} / [f^{(i)}(q^2)]^2, \quad d_2^{(i)} \equiv M^{-2} p^\mu p^\nu h_{\mu\nu}^{(i)} / [f^{(i)}(q^2)]^2. \quad /3.12/$$

Для расчета  $q_1^{(i)}, q_2^{(i)}$  воспользуемся параметризацией  $\Delta_{k,m_2\lambda}^{\circ} = m_2 u$ ,  $\Delta_{k,m_1\lambda}^{\circ} = m_1 v$ .  $\Delta_{k',m_2\lambda}^{\circ} = m_2 u'$ ,  $\Delta_{k',m_1\lambda}^{\circ} = m_1 v'$ . После интегрирования по углам находим

$$V_j^{(i)} = \frac{1}{2(2\pi)^2 \sqrt{\nu^2 + Q^2}} \{ Q_1^2 m_2 \int_{\alpha_1^+}^{\alpha_1^+} du q^{(i)}(u) + Q_2^2 m_1 [f^{(i)}(q^2)]^2 \int_{\alpha_2^+}^{\alpha_2^+} dv d_j^{(i)}(v) \}, \quad /3.13/$$

где

$$q_1^{(0)}(u) = 4m_2^2 M \kappa_1 (m_1 + \sqrt{m_2^2 u^2 + (m_1^2 - m_2^2)}) |X^{(0)}(u)|^2,$$

$$q_1^{(1)}(u) = \frac{4}{3} m_2^2 M \kappa_1 (2m_1 u - \sqrt{m_2^2 u^2 + m_1^2 - m_2^2} - m_1) |X^{(1)}(u)|^2,$$

$$q_2^{(0)}(u) = \frac{M}{2} [W^2 - m_1^2 - m_2^2] (m_1 + \sqrt{m_2^2 u^2 + (m_1^2 - m_2^2)}) |X^{(0)}(u)|^2,$$

$$q_2^{(1)}(u) = \frac{M}{8} [W^2 - m_1^2 - m_2^2] (2m_1 u - \sqrt{m_2^2 u^2 + (m_1^2 - m_2^2)} - m_1) |\chi^{(1)}(u)|^2,$$

$$d_1^{(0)}(v) = -4m_1^3 M [\kappa_2 + (m_1^2 + m_2^2)/4m_1^2] (1+v) |\chi^{(0)}(v)|^2,$$

$$d_1^{(1)}(v) = -\frac{2}{9} m_1 M [9m_2^2 + m_1^2 + 12m_1^2 \kappa_2 - 16m_1^4/m_2^2 \kappa_2^2] \times \\ \times \{2[m_1^2 v^2 + (m_2^2 - m_1^2)]/m_2^2 - (1-v)\} |\chi^{(1)}(v)|^2,$$

$$d_2^{(0)}(v) = m_1 M (M + \nu)^2 (1+v) |\chi^{(0)}(v)|^2,$$

$$d_2^{(1)}(v) = \frac{1}{3} m_1 M [4m_1 v (-m_1 v + M + \nu) (1 + 2m_1^2/m_2^2 \kappa_2) + \\ + (M + \nu)^2 + 2m_2^2 - 8m_1^4/m_2^2 \kappa_2^2] \cdot \{2[m_1^2 v^2 + (m_2^2 - m_1^2)]/m_2^2 - \\ - (1+v)\} |\chi^{(1)}(v)|^2.$$

Здесь

$$\kappa_1 = -u^2 + \frac{M + \nu}{m_2^2} u - \frac{W^2 + m_2^2 - m_1^2}{4m_2^2} + \frac{1}{2},$$

а  $\kappa_2$  получается из  $\kappa_1$  заменой  $m_1 \leftrightarrow m_2$ ,  $u \rightarrow v$ .

Пределы интегрирования  $a_{\pm}^{(1)}$  имеют вид /ср. с /6//

$$a_{\pm}^{(1)} = \frac{(\nu + M)(W^2 - m_1^2 + m_2^2) \pm \sqrt{\nu^2 + Q^2} \sqrt{(W^2 - m_1^2 + m_2^2)^2 - 4m_2^2 W^2}}{2m_2 W^2},$$

а пределы  $a_{\pm}^{(2)}$  получаются из  $a_{\pm}^{(1)}$  заменой  $m_1 \leftrightarrow m_2$ . В терминах скейлинговой переменной Нахтмана /14/ /см. также /6-8/ /

$$\xi = (\sqrt{\nu^2 + Q^2} - \nu)/M$$

имеем:

$$2a_1^+ = \frac{W^2 \gamma_1}{M^2 (1-\xi)} + \frac{M^2 (1-\xi)}{W^2 \gamma_1},$$

$$2a_1^- = \frac{1}{\gamma_1 (1-\xi)} + \gamma_1 (1-\xi),$$

где /см /6//

$$\gamma_1 = \frac{2Mm_2}{W^2 - m_1^2 + m_2^2 - \sqrt{(W^2 - m_1^2 + m_2^2)^2 - 4m_2^2 W^2}}.$$



Аналогичные формулы имеют место и для  $\alpha_2^{\pm}$ .

В глубоконеупругом пределе, когда  $W^2 \rightarrow \infty, \xi$  - фиксированное, имеем  $\gamma_1 \rightarrow M/m_2$ . В результате

$$\begin{aligned} 2\alpha_1^+ &\rightarrow \frac{m_2}{Mm_2(1-\xi)} + \frac{Mm_2(1-\xi)}{W^2}, \\ 2\alpha_1^- &\rightarrow \frac{m_2}{M(1-\xi)} + \frac{M(1-\xi)}{m_2}. \end{aligned} \quad /3.14/$$

Если формфакторы дикварков  $f^{(i)}(Q^2)$  убывают с ростом  $Q^2$  не медленнее, чем  $1/\sqrt{Q^2}$ , то из формул /3.10/, /3.13/, /3.14/ следует, что в глубоконеупругом пределе структурные функции  $F_1, F_2$  зависят лишь от переменной  $\xi$ , а при умеренных значениях  $W^2$  представимы в виде

$$F_j(\xi, W^2) = F_j^s(\xi) + F_j^{ps}(\xi, W^2), \quad j = 1, 2.$$

Здесь  $F_j^s$  есть  $\xi$  - скейлинговая часть структурной функции  $F_j$ , а  $F_j^{ps}$  - предскейлинговая часть ( $F_j^{ps} \rightarrow 0$  при  $W^2 \rightarrow \infty$ ). Отметим также, что из полученных формул вытекает соотношение типа соотношения Каллана-Гросса:

$$F_2(\xi, W^2) \approx \xi F_1(\xi, W^2). \quad /3.15/$$

#### 4. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В настоящей работе найдено явное выражение для структурных функций нуклона /3.10/, /3.13/ через релятивистские одновременные волновые функции кварк-дикварковой системы, найденные нами в<sup>11/</sup>. Полученные формулы вне зависимости от динамики взаимодействия кварков /которая определяет вид волновых функций/ содержат как члены, приводящие к нарушению  $\xi$  -скейлинга, так и чисто скейлинговые члены. Вид скейлинговой части и характер нарушения масштабно-инвариантного поведения структурных функций предскейлинговыми членами определяются видом волновых функций и будут исследованы в следующей публикации. В глубоконеупругом пределе имеет место соотношение типа соотношения Каллана-Гросса.

Авторы благодарны В.Г.Кадышевскому, С.П.Кулешову, В.А.Мещерякову, А.А.Архипову, В.Н.Капшаю, А.В.Радюшкину за полезные обсуждения и интерес к работе.

## ЛИТЕРАТУРА

1. Logunov A.A., Tavkhelidze A.N. *Nuovo Cim.*, 1963, p. 380.
2. Кадышевский В.Г., Тавхелидзе А.Н. Проблемы теоретической физики /сборник, посвященный Н.Н.Боголюбову в связи с его шестидесятилетием/. "Наука", М., 1969, с. 261; Логунов А.А. и др. ТМФ, 1971, 6, с. 157; Гарсеванишвили В.Г. и др. ТМФ, 1975, 23, с. 310.
3. Faustov R.N. Proc. V Intern.Symposium on Many Particle Hadrodynamics, Eisenach and Leipzig, June 4-10, 1974, p. 769.
4. Саврин В.И. ТМФ, 1976, 29, с. 347; 1979, 39, с.48; Квинихидзе А.Н. и др. ЭЧАЯ, 1977, 8, с. 478; Красников Н.В., Четыркин К.Г. Препринт ИЯИ, П-0036, ИЯИ, М., 1976; Атакишиев Н.М., Мир-Касимов Р.М., Нагиев Ш.М. ОИЯИ, P2-80-835, Дубна, 1980.
5. Kapshay V.N. et al. *Nuovo Cim.*, 1981, 66A, p.45.
6. Savrin V.I., Skachkov N.B. *Nuovo Cim.*, 1981, 66A, p.1.
7. Капшай В.Н. и др. ОИЯИ, P2-81-481, Дубна, 1981.
8. Linkevich A.D., Savrin V.I., Skachkov N.B. JINR, E2-81-611, Dubna, 1981; Kapshay V.N. et al. JINR, E-82-36, Dubna, 1982.
9. Linkevich A.D., Savrin V.I., Skachkov N.B. JINR, E2-82-130, Dubna, 1982.
10. Schmidt I.A., Blankenbecler R. *Phys.Rev.*, 1977, D16, p. 1318; Blankenbecler R. Preprint SLAC-PUB-2512, Stanford, SLAC, 1980; Frazer W.R., Gunion J.F. *Phys.Rev. Lett.*, 1980, 45, p. 1138; Abbot L.F., Atwood W.B., Barnett R.M. *Phys.Rev.*, 1980, D22, p. 582.
11. Газиорович С. Физика элементарных частиц. "Наука", М., 1969.
12. Бьеркен Дж.Д., Дрелл С.Д. Релятивистская квантовая теория, "Наука", т. 1, М., 1978.
13. Glaser V., Jaksic B. *Nuovo Cim.*, 1957, 5, p. 1197; Gourdin M., *Nuovo Cimento*, 1963, 28, p. 533; 1965, 36, p. 12.
14. Nachtmann O. *Nucl.Phys.*, 1974, B78, с. 455.

Рукопись поступила в издательский отдел  
17 апреля 1982 года.