

ОБЪЕДИНЕННЫЙ  
ИНСТИТУТ  
ЯДЕРНЫХ  
ИССЛЕДОВАНИЙ  
ДУБНА



8/IV-74

Д-866

P2 - 7676

Н.К.Душутин, В.М.Мальцев

1314/2-74

КРИТИЧЕСКИЕ ЗАМЕЧАНИЯ  
О ДВУХКОМПОНЕНТНЫХ МОДЕЛЯХ  
МНОЖЕСТВЕННОЙ ГЕНЕРАЦИИ

1974

ЛАБОРАТОРИЯ  
ТЕОРЕТИЧЕСКОЙ ФИЗИКИ

P2 - 7676

Н.К.Душутин, В.М.Мальцев

КРИТИЧЕСКИЕ ЗАМЕЧАНИЯ  
О ДВУХКОМПОНЕНТНЫХ МОДЕЛЯХ  
МНОЖЕСТВЕННОЙ ГЕНЕРАЦИИ

Направлено в ЯФ

Объединенный институт  
ядерных исследований  
БИБЛИОТЕКА

Душутин Н.К., Мальцев В.М.

P2 - 7676

Критические замечания о двухкомпонентных моделях  
множественной генерации

Показано, что поведение третьего и четвертого корреляционных параметров, полученное в двухкомпонентных моделях для процессов множественного образования, не согласуется с экспериментальными данными.

Препринт Объединенного института ядерных исследований.  
Дубна, 1974

Dushutin N.K., Maltsev V.M.

P2 - 7676

Critical Comments on the Two-Component Models  
of Multiple Generation

It is shown that the behaviour of the 3d and the 4th correlation parameters, which was obtained in the two-component model for the processes of multiple production, does not agree with experimental data.

Preprint. Joint Institute for Nuclear Research.  
Dubna, 1974

© 1974 Объединенный институт ядерных исследований Дубна

В последнее время большой интерес в изучении процессов множественного образования адронов вызван так называемыми двухкомпонентными моделями. Возможность построения таких моделей была указана Вильсоном /1/. Впоследствии на этой основе было создано несколько вариантов /2/. С помощью двухкомпонентных моделей удалось достаточно просто и естественно описать большой набор экспериментальных фактов, однако уже сейчас имеются данные, противоречащие предсказаниям этих моделей.

Основным в двухкомпонентных моделях является предположение о существовании в процессах множественного образования двух классов событий, являющихся результатом действия двух различных механизмов. В качестве таких механизмов обычно рассматривают мультипериферический и дифракционный. Поскольку эти механизмы действуют в разных актах взаимодействия и, естественно, являются независимыми, то распределение по множественности для полного числа событий можно представить в виде

$$\frac{\sigma_n}{\sigma_{tot}} = c \frac{\sigma_n^{(1)}}{\sigma_{tot}^{(1)}} + c \frac{\sigma_n^{(2)}}{\sigma_{tot}^{(2)}}, \quad /1/$$

где  $\sigma_n^{(i)}$  - сечение образования  $n$ -частиц с помощью соответствующего механизма,  $\sigma_{tot}^{(i)} = \sum_n \sigma_n^{(i)}$  - нормировка,  $c_i$  - весовой фактор, определяемый как

$$c_i = \frac{\sum_n \sigma_n^{(i)}}{\sum_{n,i} \sigma_n^{(i)}} = \frac{\sigma_{tot}^{(i)}}{\sigma_{tot}}, \quad /2/$$

Варианты двухкомпонентных моделей /2/ отличаются друг от друга лишь распределением по множественности для соответствующих механизмов. Для мультипериферического механизма используют распределение Пуассона, либо распределение Мюллера /3/. Дифракционный механизм обычно описывают набором постоянных, подбираемых из сравнения с экспериментом.

Рассмотрим для таких моделей поведение корреляционных параметров. Корреляционные параметры определяются через интегралы от соответствующих инклюзивных распределений или же через моменты распределения по множественности

$$f_1 = \sum_n \frac{\sigma_n}{\sigma_{tot}},$$

$$f_2 = \sum_n (n-1) \frac{\sigma_n}{\sigma_{tot}} - \left( \sum_n \frac{\sigma_n}{\sigma_{tot}} \right)^2,$$

$$f_3 = \sum_n (n-1)(n-2) \frac{\sigma_n}{\sigma_{tot}} - 3 \left( \sum_n (n-1) \frac{\sigma_n}{\sigma_{tot}} \right) \left( \sum_n \frac{\sigma_n}{\sigma_{tot}} \right) +$$

$$+ 2 \left( \sum_n \frac{\sigma_n}{\sigma_{tot}} \right)^3,$$

/3/

$$f_4 = \sum_n (n-1)(n-2)(n-3) \frac{\sigma_n}{\sigma_{tot}} - 4 \left( \sum_n (n-1)(n-2) \frac{\sigma_n}{\sigma_{tot}} \right) \times$$

$$\times \left( \sum_n \frac{\sigma_n}{\sigma_{tot}} \right)^2 - 3 \left( \sum_n (n-1) \frac{\sigma_n}{\sigma_{tot}} \right)^2 + 12 \left( \sum_n (n-1) \frac{\sigma_n}{\sigma_{tot}} \right) \times$$

$$\times \left( \sum_n \frac{\sigma_n}{\sigma_{tot}} \right)^2 - 6 \left( \sum_n \frac{\sigma_n}{\sigma_{tot}} \right)^4.$$

Анализ удобно проводить с помощью техники, развитой в рамках аналогии с фейнмановским газом /1,3,4/. Если ввести большую статистическую сумму

$$Q = \sum_n z^n \frac{\sigma_n}{\sigma_{tot}},$$

то корреляционные параметры определяются через производные от логарифма этой величины:

$$f_n = \frac{d^n \ln Q}{d z^n} \Big|_{z=1}.$$

/5/

Для двухкомпонентных моделей большая статистическая сумма складывается из двух частей: полинома  $P(z)$ , связанного с дифракционным механизмом, и экспоненциальной функции, определяемой мультипериферическим механизмом /  $\exp[a(z-1)]$  - для распределения Пуассона и средней множественности, равной  $a$ ;

$\exp[a(z-1) - \frac{1}{2} b(z-1)^2]$  - для распределения Мюллера,

средней множественности  $a$  и второго коррелятора  $b$ , взятых с соответствующими весами  $c_1$  и  $c_2$ . Если для удобства выбрать часть, связанную с дифракционным механизмом, также в виде экспоненты  $\exp[\bar{a}(z-1)]$ , то приходим к следующим простым выражениям для первых четырех корреляционных параметров:

$$f_1 = c_1 \bar{a} + c_2 a,$$

$$f_2 = c_1 c_2 (\bar{a} - a)^2,$$

$$f_3 = c_1 c_2 (c_2 - c_1) (\bar{a} - a)^3,$$

$$f_4 = c_1 c_2 (\bar{a} - a)^4 - 6 c_1^2 c_2^2 (\bar{a}^2 - a^2)^2 + 6 c_1 c_2 \bar{a}^2 a^2. \quad /6/$$

Поскольку множественность в дифракционном механизме  $\bar{a}$  мала и постоянна, то полная средняя множественность по порядку величины равна  $a$  и для второго корреляционного параметра  $f_2$  получается рост  $\approx f_1^2$ , что прекрасно согласуется с экспериментом. На это достоинство двухкомпонентных моделей неоднократно указывали многие авторы /2/.

Однако при достаточно больших  $f_1$  /точнее, при  $a > \bar{a}$ / третий корреляционный параметр становится отрицательным /т.к.  $c_2 > c_1$  / и убывает, как  $f_3 \approx -f_1^3$ . Современные экспериментальные данные /до 300 ГэВ/с/ свидетельствуют о том, что этот параметр при больших энергиях должен быть положителен /4, 5/. Если все же предположить, что параметр  $f_3$  в асимптотике становится отрицательным, то и в этом случае степень его возрастания должна быть не такой, которую дают двухкомпонентные модели.

Кроме того, обычно получаемый в двухкомпонентных моделях вес дифракционного механизма  $c_1$ , равный  $\approx 1/6$ , приводит к положительным значениям четвертого корреляционного параметра при больших  $f_1$ . Экспериментальные данные свидетельствуют об его отрицательности.

Следует подчеркнуть, хотя выражения /6/ получены для пуассоноподобного распределения в дифракционном механизме, коэффициенты при наибольшей степени  $a$  в  $f_n$  остаются теми же, что и в /6/, при любом выборе распределений как для дифракционного, так и для мультипериферического механизмов. Таким образом, полученное несоответствие с экспериментальными данными для третьего и четвертого корреляционных параметров является общим для всех вариантов двухкомпонентных моделей.

Заметим, что подобного несоответствия не существует в моделях, где оба механизма действуют в одном

и том же взаимодействии, но на разных его стадиях /4/, а также в моделях, где есть много компонент /три и более/.

### Литература

1. K.G.Wilson. Preprint CLNS-131 (1970).
2. W.R.Frazer, D.R.Snider. Preprint NAL/THY-15 (1973); K.Fialkowski, H.I.Miettinen. Preprint Rutherford Laboratory RPP/T/37 (1973); Phys.Lett., 43B, 61 (1973); C.Quigg, J.D.Jackson. Preprint NAL/THY-93 (1972); H.Harari, E.Rabinovici. Phys.Lett., 43B, 49 (1973); M.Bander. Preprint NAL/THY-98 (1972).
3. A.H.Mueller. Phys.Rev., D4, 150 (1971).
4. Н.К.Душутин, В.М.Малыцев. ОИЯИ, Р2-6932, Р2-7090, Дубна, 1973.
5. Z.Koba. JINR, E2-6918, Dubna, 1973.

Рукопись поступила в издательский отдел  
16 января 1974 года.