

4522
Экз. чит. зала

СООБЩЕНИЯ
ОБЪЕДИНЕННОГО
ИНСТИТУТА
ЯДЕРНЫХ
ИССЛЕДОВАНИЙ

Дубна

P2 - 4522



ЛАБОРАТОРИЯ ТЕОРЕТИЧЕСКОЙ ФИЗИКИ

С.Б.Герасимов

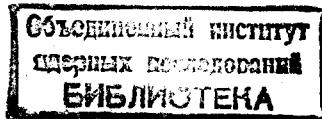
ПРАВИЛА СУММ
ДЛЯ ЛЕПТОННЫХ РАСПАДОВ ρ^0 - ω - и ϕ -МЕЗОНОВ
В НАРУШЕННОЙ SU(3) - СИММЕТРИИ

1969

P2 - 4522

С.Б.Герасимов

ПРАВИЛА СУММ
ДЛЯ ЛЕПТОННЫХ РАСПАДОВ ρ^0 , ω - И ϕ -МЕЗОНОВ
В НАРУШЕННОЙ SU(3) - СИММЕТРИИ



Если предположить, что ρ^0 - , ω - и ϕ - мезоны дают доминирующий вклад в первое правило сумм Вайнберга^{1/}

$$\int d m^2 \left(\frac{\rho_1^{a\beta}(m^2)}{m^2} + \rho_0^{a\beta}(m^2) \right) = S \delta_{a\beta} + S' \delta_{a0} \delta_{\beta 0} \quad (1)$$

для спектральных функций $\rho_{1,0}^{a\beta}(m^2)$, входящих в представление Челлен-на-Лемана для корреляционной функции $\Delta_{\mu\nu}^{a\beta}(q^2)$ векторных токов

$V_\mu^\alpha(x)$ ($\alpha = 0, 1, 2, \dots, 8$ - унитарные индексы)

$$\begin{aligned} \Delta_{\mu\nu}^{a\beta}(q^2) - S \delta_{\mu\nu}^{a\beta} &= i \int d^4x e^{iqx} \langle 0 | T(V_\mu^\alpha(x) V_\nu^\beta(0)) | 0 \rangle = \\ &= \int dm^2 (q^2 + m^2)^{-1} [\rho_1^{a\beta}(m^2) (\delta_{\mu\nu} + \frac{q_\mu q_\nu}{m^2}) + q_\mu q_\nu \rho_0^{a\beta}(m^2)], \end{aligned} \quad (2)$$

то можно получить следующие соотношения для константы перехода фотон-векторный мезон^{2,3/}:

$$\frac{m_\rho^2}{g_\rho^2} = \frac{3}{4 g_Y^2} (m_\phi^2 \cos^2 \theta_Y + m_\omega^2 \sin^2 \theta_Y) = 3 \left(\frac{m_\phi^2}{g_\phi^2} + \frac{m_\omega^2}{g_\omega^2} \right), \quad (3)$$

и углов ω - ϕ смешивания^{3/}.

$$m_\omega^2 \operatorname{tg} \theta_Y = m_\phi^2 \operatorname{tg} \theta_B \quad (4)$$

Постоянные связи g_V и углы смешивания Θ_Y и Θ_B определяются через матричные элементы изоспинового (I), гиперзарядового (Y) и барионного (B) токов:

$$\langle 0 | V_\mu^{(I)}(0) | \rho^0 \rangle = \langle 0 | V_\mu^8(0) | \rho^0 \rangle = m_\rho^2 g_\rho^{-1} \epsilon_\mu,$$

$$\langle 0 | V_\mu^{(Y)}(0) | \phi \rangle = \frac{2}{\sqrt{3}} \langle 0 | V_\mu^8(0) | \phi \rangle = m_\phi^2 g_Y^{-1} \cos \Theta_Y \epsilon_\mu,$$

$$\langle 0 | V_\mu^{(Y)}(0) | \omega \rangle = \frac{2}{\sqrt{3}} \langle 0 | V_\mu^8(0) | \omega \rangle = -m_\omega^2 g_Y^{-1} \sin \Theta_Y \epsilon_\mu, \quad (5)$$

$$\langle 0 | V_\mu^{(B)}(0) | \phi \rangle = \sqrt{\frac{2}{3}} \langle 0 | V_\mu^0(0) | \phi \rangle = m_\phi^2 g_B^{-1} \sin \Theta_B \epsilon_\mu,$$

$$\langle 0 | V_\mu^{(B)}(0) | \omega \rangle = \sqrt{\frac{2}{3}} \langle 0 | V_\mu^0(0) | \omega \rangle = m_\omega^2 g_B^{-1} \cos \Theta_B \epsilon_\mu,$$

где ϵ_μ – вектор поляризации мезона.

Соотношение (4) несовместимо с моделью смешивания масс^{/4/}, когда угол смешивания Θ_1 ($\Theta_1 = \Theta_Y = \Theta_B = 40^\circ$) определяется через формулу Гелл-Манна–Окубо для квадратов масс нонета векторных мезонов

$$4m_{K^*}^2 - m_\rho^2 = 3(m_\phi^2 \cos^2 \Theta_1 + m_\omega^2 \sin^2 \Theta_1). \quad (6)$$

В работе^{/5/} было показано, что в модели алгебры калибровочных полей^{/6/} только модель "смешивания токов"^{/3,7/} со значениями углов

$$\operatorname{tg} \Theta = \frac{m_\omega}{m_\phi} \operatorname{tg} \Theta_Y = \frac{m_\phi}{m_\omega} \operatorname{tg} \Theta_B, \quad (7)$$

$$\frac{4}{m_{K^*}^2} - \frac{1}{m_\rho^2} = 3\left(\frac{\cos^2 \Theta}{m_\phi^2} + \frac{\sin^2 \Theta}{m_\omega^2}\right)$$

совместима с обычными SU(3) – коммутационными соотношениями токов. Поэтому большую важность приобретает вопрос о справедливости правила

сумм (1) и его совместимости с моделью "смешивания масс". Положительный ответ на поставленный вопрос был бы свидетельством против модели алгебры полей. Представляет интерес рассмотреть следующую возможность.

Правило сумм Вайнберга (1) является справедливым, но заключает в себе "слишком много симметрий", чтобы быть справедливым в рамках ρ -, ω -, ϕ -доминантности. Тогда возникает альтернатива: либо отказаться от возможности проверки (1) и лежащих в его основе свойств асимптотической симметрии в рамках векторной доминантности, либо попытаться придать смысл полюсному насыщению правил сумм типа (1) примене ограничительных условиях на характер симметрии функции $\Delta_{\mu\nu}^{a\beta}(q^2)$ при $q^2 \rightarrow \infty$. На первом пути был получен интересный результат^{/8/}, говорящий о допустимости сохранения модели смешивания масс при условии справедливости (1). Мы обратимся к другой возможности, именно: к сравнению следствий полюсного насыщения правил сумм при более общих условиях, накладываемых на унитарную структуру функции $\Delta_{\mu\nu}^{a\beta}$ в нарушенной $\tilde{SU}(3)$ -симметрии. Наш подход будет чисто феноменологическим. Предполагая обычные унитарные свойства нарушающего симметрию взаимодействия (шпурион λ_8) и возможность использования теории возмущений по этому взаимодействию, запишем унитарную структуру $\Delta^{a\beta}$ (мы не выписываем далее пространственных индексов и переменных) в виде

$$\Delta^{a\beta} = \Delta_1 \delta_{a\beta} + \Delta_2 \delta_{a0} \delta_{\beta 0} + \Delta_3 (\delta_{a0} \delta_{\beta 8} + \delta_{\beta 0} \delta_{a8}) + \Delta_4 d_{a\beta 8}, \quad (8)$$

где Δ_i - функции, уже не зависящие от унитарных индексов, и $d_{a\beta 8}$ - коэффициенты, определяющие антикоммутаторы λ - матриц. Из (8) можно получить соотношение типа формулы (6):

$$4\Delta^{K^*} - \Delta^{\rho^0} = 9(\Delta^\omega + \Delta^\phi), \quad (9)$$

где

$$\begin{aligned}\Delta^{K^*} &= \frac{1}{2} (\Delta^{66} + \Delta^{77}), \\ \Delta^{\rho^0} &= \Delta^{33}, \\ 3(\Delta^\omega + \Delta^\phi) &= \Delta^{88}.\end{aligned}\quad (10)$$

Переходя к пределу $q^2 \rightarrow \infty$ или $q^2 \rightarrow 0$ в формуле (9), можно получать теперь правила сумм для различных моментов от спектральных функций $\rho_1^{a\beta}(m^2)$ (вкладом $\rho_0^{a\beta}(m^2)$) мы, следя ^{/2,3/}, будем пренебрегать, поскольку он является членом второго порядка теории возмущений по нарушающему симметрию взаимодействию:

$$4\rho_n^{K^*} - \rho_n^{\rho^0} = 9(\rho_n^\omega + \rho_n^\phi). \quad (11)$$

$$\rho_n^{a\beta} = \int m^{2n} \rho_1^{a\beta}(m^2) dm^2, \quad n = 0, -1, -2, \dots \quad (12)$$

Поскольку нашей целью является использование приближенного насыщения правил сумм (11) вкладом конета векторных мезонов, то естественно рассмотреть (11) для значений $n = -1, -2$. В этом случае правила сумм будут менее чувствительными к вкладу асимптотически высоких энергий, где можно ожидать нарушения векторной доминанности ^{/8/}.

При $n = -1$ и $n = -2$ полюсное приближение для спектральных правил сумм (11) дает

$$4 \frac{m_{K^*}^2}{g_{K^*}^2} - \frac{m_\rho^2}{g_\rho^2} = 9 \left(\frac{m_\omega^2}{g_\omega^2} + \frac{m_\phi^2}{g_\phi^2} \right), \quad (13)$$

$$\frac{4}{g_{K^*}^2} - \frac{1}{g_\rho^2} = 9 \left(\frac{1}{g_\omega^2} + \frac{1}{g_\phi^2} \right). \quad (14)$$

Исключая g_{K^*} из (13) и (14), получаем правило сумм для констант связи:

$$\frac{m_\rho^2 - m_{K^*}^2}{9g_\rho^2} + \frac{m_\omega^2 - m_{K^*}^2}{g_\omega^2} + \frac{m_\phi^2 - m_{K^*}^2}{g_\phi^2} = 0, \quad (15)$$

или для ширин распадов:

$$\frac{m_\rho^2 - m_{K^*}^2}{9m_\rho} \Gamma(\rho \rightarrow \ell^+ \ell^-) + \frac{m_\omega^2 - m_{K^*}^2}{m_\omega} \Gamma(\omega \rightarrow \ell^+ \ell^-) + \frac{m_\phi^2 - m_{K^*}^2}{m_\phi} \Gamma(\phi \rightarrow \ell^+ \ell^-) = 0. \quad (16)$$

Для сравнения приведем следствие полюсного насыщения правила сумм (1):

$$\frac{1}{3} \frac{m_\rho}{\rho} \Gamma(\rho \rightarrow \ell^+ \ell^-) - \frac{m_\omega}{\omega} \Gamma(\omega \rightarrow \ell^+ \ell^-) - \frac{m_\phi}{\phi} \Gamma(\phi \rightarrow \ell^+ \ell^-) = 0. \quad (17)$$

С использованием экспериментальных данных /9/

$$\frac{g_\rho^2}{4\pi} = 2,10 \pm 0,11; \quad \frac{g_\omega^2}{4\pi} = 14,8 \pm 2,8; \quad \frac{g_\phi^2}{4\pi} = 11,0 \pm 1,8; \quad (18)$$

$$g_\rho^{-2} : g_\omega^{-2} : g_\phi^{-2} = 9 : 1,28 : 1,72$$

получаем для суммы членов в левой части равенства (18) величину $\Sigma = (-0,05 \pm 0,12)$, а для левой части (17) $\Sigma = (-0,53 \pm 0,56)$. Соотношения (15) и (16) не зависят от модели $\omega-\phi$ смешивания. Модель $\omega-\phi$ смешивания определяется видом нарушающего SU(3) – симметрию эффективного лагранжиана (см., например, /5/)

$$\mathcal{L} = -\frac{1}{4} F_{\mu\nu}^a F_{\mu\nu}^a - \frac{1}{2} m_0^2 v_\mu^a v_\mu^a + \mathcal{L}_{\text{вг}}. \quad (19)$$

$$\mathcal{L}_{\text{вг}} = \left\{ -\frac{1}{2} \kappa_m^2 d_{\alpha\alpha s} v_\mu^\alpha v_\mu^\alpha \right. \quad (20a)$$

$$\left. -\frac{1}{4} \kappa_c^2 d_{\alpha\alpha s} F_{\mu\nu}^\alpha F_{\mu\nu}^\alpha \right\}; \quad (20b)$$

где

$$F_{\mu\nu}^\alpha = \partial_\mu v_\nu^\alpha - \partial_\nu v_\mu^\alpha - g_0 f_{\alpha\beta\gamma} v_\mu^\beta v_\nu^\gamma,$$

v_μ^α — оператор поля векторного мезона, g_0 и $\kappa_{m(c)}^2$ — константы эффективного лагранжиана взаимодействия векторных полей. Выражение (20a) соответствует модели "смешивания масс" и приводит к массовой формуле (6), а (20b) определяет модель "смешивания токов" и ведет к формуле (7) для обратных квадратов масс.

Отметим, что условием совместности правил сумм (13) и (14) и массовой формулы Гелл-Манна-Окубо (6) будут равенства

$$\frac{1}{g_\rho^2} = \frac{1}{g_{K^*}^2} = \frac{1}{g_8^2} = \frac{1}{g_Y^2}, \quad (21)$$

а условием совместности (13) и (14) и массовой формулы Кольмана и Шнитцера^{7/} (7) будет следующее соотношение:

$$\frac{m_\rho^2}{g_\rho^2} = \frac{m_{K^*}^2}{g_{K^*}^2}. \quad (22)$$

Таким образом, модель "смешивания масс" предсказывает справедливость SU(3) — симметрии для безразмерных констант связи, тогда как модель "смешивания токов" приводит к нарушению SU(3) для констант g_v в соответствии с равенством (22). Из формул (13) и (22) следует (3) и (17), а из формул (13), (14) и (21) можно получить^{11/}

$$\frac{1}{3} \frac{\Gamma(\rho \rightarrow \ell^+ \ell^-)}{m_\rho} - \frac{\Gamma(\omega \rightarrow \ell^+ \ell^-)}{m_\omega} - \frac{\Gamma(\phi \rightarrow \ell^+ \ell^-)}{m_\phi} = 0, \quad (23)$$

$$\frac{1}{9} \frac{4m_K^2 m_\rho^2}{m_\rho} \Gamma(\rho \rightarrow \ell^+ \ell^-) - m_\omega \Gamma(\omega \rightarrow \ell^+ \ell^-) - m_\phi \Gamma(\phi \rightarrow \ell^+ \ell^-) = 0. \quad (24)$$

Правило сумм (24) было получено ранее в работе Сугавары^{/10/}. Соотношения (16), (17), (23) и (24) для ширин лептонных распадов ρ^0 -, ω -, ϕ - мезонов являются квадратичными по константе связи g_V . Ниже мы получим линейные по g_V соотношения на основе подхода, аналогичного схеме вывода массовых формул Гелл-Манна-Окубо, когда для учёта нарушения SU(3) - симметрии в матрицу "массового члена" включается шпурион с унитарными свойствами матрицы λ_8 . Некоторым преимуществом линейных по g_V соотношений является то обстоятельство, что им можно сопоставить экспериментальные данные с вдвое меньшей относительной ошибкой.

Определим "массу перехода" $M_{\gamma V}$ через матричный элемент:

$$\langle 0 | j_\mu (0) | V(q) \rangle = \epsilon_\mu(q) M_{\gamma V}^2, \quad (25)$$

где j_μ - оператор электромагнитного тока, $q^2 = m_V^2$. Ширина лептонного распада $\Gamma(V^0 \rightarrow \ell^+ \ell^-)$ равна

$$\Gamma(V^0 \rightarrow \ell^+ \ell^-) = \frac{\alpha M_{\gamma V}^4}{3m_V^3} + O\left(\frac{m_e^4}{m_V^4}\right), \quad (26)$$

$$\alpha^{-1} \approx 137.$$

По определению, безразмерные константы связи g_V и γ_V связаны с $M_{\gamma V}$ следующим образом:

$$\frac{M_{\gamma v}^2}{m_v^2} = \frac{\sqrt{4\pi\alpha}}{g_v} = \frac{\sqrt{4\pi\alpha}}{2\gamma_v}. \quad (27)$$

Массовые формулы для $M_{\gamma v}^2$ в нарушенной $SU(3)$ - симметрии следуют из выражения

$$M_{\gamma v}^2 = M_8^2 \langle \hat{\gamma} \hat{V} \rangle + M_1^2 \langle \hat{\gamma} \rangle \langle \hat{V} \rangle + \lambda^2 \langle \hat{\gamma} \hat{\lambda}_8 \hat{V} \rangle + \mu^2 \langle \hat{\gamma} \hat{\lambda}_8 \rangle \langle \hat{V} \rangle + \\ + \nu^2 \langle \hat{\gamma} \rangle \langle \hat{\lambda}_8 \hat{V} \rangle, \quad (28)$$

где $\langle \hat{A} \rangle = Sp \hat{A}$, \hat{V} - матрица нейтральных векторных мезонов, $\hat{\gamma}$ - матрица, отражающая унитарные свойства оператора электромагнитного тока. Мы предполагаем здесь, что ток преобразуется в унитарном пространстве как линейная комбинация синглета $\hat{\gamma}_1$ и октета $\hat{\gamma}_8 = \hat{Q}$. Отличные от нуля диагональные элементы матриц \hat{V} , $\hat{\lambda}_8$, \hat{Q} приведены ниже:

$$\hat{V} = \text{diag} \left[\frac{1}{\sqrt{2}} (\omega \cos \delta - \phi \sin \delta + \rho^0), \frac{1}{\sqrt{2}} (\omega \cos \delta - \phi \sin \delta - \rho^0), -(\phi \cos \delta + \omega \sin \delta) \right],$$

$$\hat{\lambda}_8 = \text{diag} \left(\frac{1}{\sqrt{3}}, \frac{1}{\sqrt{3}}, -\frac{2}{\sqrt{3}} \right), \quad (29)$$

$$\hat{Q} = \text{diag} \left(\frac{2}{3}, -\frac{1}{3}, -\frac{1}{3} \right),$$

где $\delta = \theta_1 - \bar{\theta}$, $\theta_1 \approx 40^\circ$ - угол $\omega - \phi$ смешивания согласно модели смешивания масс (6), $\bar{\theta}$ - "идеальный" угол смешивания ($\tan \bar{\theta} = \frac{1}{\sqrt{2}}$). Поскольку число неизвестных констант в формуле (28) слишком велико, мы сможем рассмотреть лишь несколько частных моделей нарушения $SU(3)$ - симметрии.

1) $SU(3)$ - симметрия для констант связи ($\lambda^2 = \mu^2 = \nu^2 = 0$). Ток преобразуется как октет ($\hat{\gamma} = \hat{Q}$, $M_1^2 = 0$). Из формул (28) и (29) следует^{11/}

$$\frac{m_\rho^2}{g_\rho} = \frac{\sqrt{3}}{\sin\theta_1} \frac{m_\omega^2}{g_\omega} = \frac{\sqrt{3}}{\cos\theta_1} \frac{m_\phi^2}{g_\phi} . \quad (30)$$

$$0,11 (\pm 3\%) , \quad 0,12 (\pm 9\%) , \quad 0,20 (\pm 8\%)$$

Здесь и далее мы приводим численные значения всех величин в единицах Гэв², которые соответствуют $m_\rho = 0,765$; $m_\omega = 0,783$; $m_\phi = 1,02$ и экспериментальным константам связи (18).

2) $SU(3)$ - симметрия для констант связи ($\lambda^2 = \mu^2 = \nu^2 = 0$). Ток преобразуется как линейная комбинация синглета и октета. Исключая M_1^2 и M_8^2 из (26), получаем теперь соотношение

$$\frac{m_\rho^2}{g_\rho} = \sqrt{3} \left(\frac{m_\omega^2 \sin\theta_1}{g_\omega} + \frac{m_\phi^2 \cos\theta_1}{g_\phi} \right) . \quad (31)$$

$$0,11 (\pm 3\%) \quad 0,18 (\pm 16\%)$$

3) Нарушенная $SU(3)$ - симметрия ($\lambda^2 \neq 0$). Октетная доминантность электромагнитного тока ($\hat{\gamma} = \hat{Q}$, $M_1^2 = \nu^2 = \mu^2 = 0$). Под октетной доминантностью тока подразумевается следующее:

a) В пределе точной $SU(3)$ - симметрии ток не имеет синглетной части ($\hat{\gamma} = \hat{Q}$, $M_1^2 = \nu^2 = 0$).

б) Индуцированная нарушением $SU(3)$ - симметрии связь с синглетной частью матрицы \hat{V} подавлена ($\mu^2 \approx 0$). После исключения M_8^2 и λ' из формулы (28) находим

$$\frac{1}{3} \frac{m_\rho^2}{g_\rho} = \frac{m_\omega^2 \cos \delta}{g_\omega} - \frac{m_\phi^2 \sin \delta}{g_\phi}. \quad (32)$$

0,037 ($\pm 3\%$)

0,038 ($\pm 16\%$)

Мы видим, что нарушение $SU(3)$ не приводит к заметному нарушению равенства (30) для ρ^0 - и ω -мезонов, но вызывает сильное изменение массы перехода $M_{\gamma\phi}$. Предположение об октетной доминантности тока в рамках нарушенной $SU(3)$ - симметрии хорошо согласуется с экспериментом. В связи с этим маловероятно наличие большого вклада от синглетной части оператора тока, который превосходил бы по величине вклад от нарушений $SU(3)$ - симметрии.

Отметим, что в соответствии с результатом модели смешивания масс (21) весь эффект нарушения симметрии в формуле (30) для массы перехода $M_{\gamma\phi}$ можно приписать расщеплению масс векторных мезонов ($m_\phi^2 \neq m_\rho^2 \approx m_\omega^2$). Действительно, соотношения для безразмерных констант

$$\frac{1}{g_\rho} = \frac{\sqrt{3}}{g_\omega \sin \theta_1} = \frac{\sqrt{3}}{g_\phi \cos \theta_1}, \quad (33a)$$

$$g_\rho^{-2} : g_\omega^{-2} : g_\phi^{-2} = 9 : 1,24 : 1,76 \quad (33b)$$

^{/18/} близки к экспериментальным, причём отклонение (33b) от соотношения $SU(6)$ -симметрии 9:1:2 объясняется отличием физического угла $\omega\text{-}\phi$ смешивания $\theta_1 \approx 40^\circ$ от "идеального" значения $\theta \approx 35,3^\circ$.

Суммируем результаты настоящей работы.

1. Мы исходили из предположения, что правило сумм Вайнберга (1) несовместимо с приближением ρ - , ω - , ϕ - доминантности для

спектральных функций и что по этой причине преждевременно делать вывод о противоречии между моделью "смешивания масс" и правилом сумм (1). Из более общего вида унитарной структуры функции $\Delta_{\mu\nu}^{ab}(q^2)$ и гипотезы векторной доминантности в области умеренно-высоких энергий было получено правило сумм (16), не зависящее от модели ω -ф смешивания.

2. Все остальные результаты – формулы (21), (23), (24), (32) и (33) – были получены в рамках дополнительных ограничений, накладываемых моделью смешивания масс. Наиболее интересным является следствие о приближенной справедливости $SU(3)$ – соотношений для безразмерных констант связи g_v . В пределах экспериментальных ошибок все результаты согласуются с данными, полученными недавно^[9] в реакциях на встречных электрон-позитронных пучках. Чтобы провести более критическую проверку предсказаний различных моделей нарушения $SU(3)$ – симметрии, необходимо дальнейшее увеличение точности эксперимента.

Автор выражает свою признательность А.М.Балдину, А.Б.Говоркову и В.И.Огиевецкому за внимание и интерес к работе и полезные замечания.

Л и т е р а т у р а

1. S.Weinberg. *Phys. Lett.*, 18, 506 (1967).
2. T.Das, V.S.Mathur, S.Okubo. *Phys. Rev. Lett.*, 19, 470 (1967).
3. R.J.Oakes, J.J.Sakurai. *Phys. Rev.Lett.*, 19, 1266 (1967).
4. S.Okubo. *Phys. Lett.*, 5, 165 (1963);
J.J.Sakurai. *Phys. Rev.*, 132, 434 (1963).
5. I.Kimel. *Phys. Rev. Lett.*, 21, 177 (1968).
6. T.D.Lee, S.Weinberg, B.Zumino. *Phys. Rev. Lett.*, 18, 761 (1967).
7. S.Coleman, H.J.Schnitzer. *Phys. Rev.*, 134, B863 (1964).
8. K.Dietz, H.Pietschmann. *Nuovo Cim.*, 52, 631 (1967).
9. J.E.Augustin, D.Benakasas, J.C.Bizot et al. *Phys. Letters*, 28B, 503 (1969).
- 10.H.Sugawara. *Phys. Rev. Lett.*, 21, 772 (1968).

H. M.Gourdin. Preprint 69/12, Orsay (1969).

Рукопись поступила в издательский отдел

4 июня 1969 года.