

Объединенный институт ядерных исследований

дубна

25 80 P2 - 12814

А.А.Ахундов, Д.Ю.Бардин, Н.М.Шумейко

ВКЛАД ЭЛЕКТРОМАГНИТНОГО РОЖДЕНИЯ ЛЕПТОННЫХ ПАР В ИНКЛЮЗИВНОЕ СЕЧЕНИЕ ГЛУБОКОНЕУПРУГОГО µр-РАССЕЯНИЯ



and the second

P2 - 12814

А.А.Ахундов, 7Д.Ю.Бардин, Н.М.Шумейко²

ВКЛАД ЭЛЕКТРОМАГНИТНОГО РОЖДЕНИЯ ЛЕПТОННЫХ ПАР В ИНКЛЮЗИВНОЕ СЕЧЕНИЕ ГЛУБОКОНЕУПРУГОГО µ р-РАССЕЯНИЯ

Направлено в ЯФ

Институт физики АН АзССР, Баку.

2 Белорусский государственный университет, Минск.

06%	and mertay
REFORM	GOTACIOB的新闻量
6HEI	MOTEHA

Ахундов А.А., Бардин Д.Ю., Шумейко Н.М. Р2 -12814

Вклад электромагнитного рождения лептонных пар в инклюзивное сечение глубоконеупругого µр- рассеяния

Вычислен вклад в измеряемое сечение глубоконеупругого μp -рассеяния процессов электромагнитного образования $\ell^+\ell^-$ -пар. Найдено, что в большей части кинематической области радиационные поправки, обусловленные этим вкладом, не превышают 0,4%.

Работа выполнена в Лаборатории теоретической физики ОИЯИ.

Препринт Объединенного института ядерных исследований. Дубна 1979

Akhundov A.A., Bardin D.Yu., Shumeiko N.M. P2 - 12814

Contribution of Electromagnetic Production of Lepton Pairs to Inclusive Cross Section of Deep Inelastic #P Scattering

The contribution of processes of electromagnetic production of l^+l^- pairs to a measured cross section of deep inelastic μp -scattering has been calculated. It has been found that in a greater part of kinematical region radiative corrections, due to this contribution, do not exceed 0.4 per cent.

The investigation has been performed at the Laboratory of Theoretical Physics, JINR.

Preprint of the Joint Institute for Nuclear Research. Dubna 1979

1. ВВЕДЕНИЕ

10

Прецизионное измерение структурных функций во все более широкой кинематической области глубоконеупругого рассеяния /ГНР/ лептонов на нуклонах требует знания и тщательного учета ненаблюдаемых радиационных эффектов, которые могут заметно искажать извлекаемую из опыта информацию. Основные положения, касающиеся радиационных поправок /РП/ низшего порядка δ₁ к ГНР в области энергий лептона Е, составляющих единицы- десятки ГэВ в экспериментах типа СЛАК, были изложены в работах /1/. В связи с мюонными опытами в ЦЕРНе в работах ^{/3,4/} проанализированы РП низшего порядка к ГНР при Е = 50-300 ГэВ. При этом было отмечено, что в весьма интересной области малых х и больших у / х и у - обычные скейлинговые переменные/ учет РП на основе вычислений лишь в низшем порядке может оказаться ненадежным, поскольку величина δ1 достигает здесь десятков процентов. Таким образом, на повестку дня встает вопрос о необходимости исследования радиационных процессов более высокого порядка.

В настоящей работе мы анализируем вклад в измеряемое сечение ГНР одного из таких процессов - электромагнитного образования e⁺e⁻-пар в µр-столкновениях:

 $\mu + p \rightarrow \mu + e^{+} + e^{-} + p,$ /1/

 $\mu + p \rightarrow \mu + e^{+} + e^{-} + aдроны.$ /2/

Существование этого вклада в РП обусловлено тем, что в проводимых мюонных опытах рождающиеся электроны не могут быть зарегистрированы экспериментальной установкой.

Полное сечение образования e⁺e⁻-пар при столкновении двух заряженных частиц, как известно^{/5/}. быстро растет с энергией, и a priori нельзя исключить возможности значительного вклада от процессов /1/ и /2/ в инклюзивное сече-



ние ГНР в некоторых кинематических областях при высоких энергиях*.

В настоящей работе вычислены также инклюзивные спектры мюонов в процессах

 $\mu + p \rightarrow \mu + \mu^{+} + \mu^{-} + X,$ /3/

 $\mu + p \rightarrow \mu + r^+ + r^- + X \qquad (4)$

/ Х - протон или совокупность адронов/.

Заметим, что вклад трайдент-процессов /3/ в измеряемые сечения многомюонных событий в ГНР изучался нами в работе^{/7/}. В данной же статье оценивается вклад от /3/ в наблюдаемое сечение одномюонных событий /в случае, когда мюоны пары ускользают от регистрации/.

Наконец, в рамках простой кварк-партонной модели рождения адронов сделана оценка вклада в инклюзивное сечение ГНР процессов, отличающихся от обсуждавшихся выше только

тем, что виртуальные фотоны конвертируют не в $\ell^+\ell^-$ -пару, а в адроны.

2. ОБСУЖДЕНИЕ РЕЗУЛЬТАТОВ

Проведенные нами расчеты показали, что величина

$$\delta^{\text{el, inel}}(\mathbf{x}, \mathbf{y}) = \frac{d^2 \sigma^{\text{el, inel}}}{d\mathbf{x} d\mathbf{y}} / \frac{d^2 \sigma_0}{d\mathbf{x} d\mathbf{y}}, \qquad (5/$$

* В области переданных импульсов Q²<<m²/m - масса мюона/ дифференциальные сечения рождения электронной пары мюоном на ядре исследовались в недавней работе ⁶. где $d^2 \sigma^{el}/dx dy$ и $d^2 \sigma^{inel}/dx dy$ – инклюзивные спектры мюонов в процессах $\mu p \rightarrow \mu \ell^+ \ell^- p$ и $\mu p \rightarrow \mu \ell^+ \ell^- +$ адроны ($\ell = e, \mu, r$), а $d^2 \sigma_0/dx dy$ – сечение μp -рассеяния в борновском приближении, в широком интервале энергий /250-2000 ГэВ/ почти во всей кинематической области ГНР ничтожно мала*. Только поправка $\delta^{el}(x,y)$ от /1/ достигает нескольких процентов в узких областях $Q^2 \leq 0,1$ ГэВ и у~1.

Что касается процесса /2/, то его сечение в области $Q^2 \ge 1$ ГэВ² сравнимо с /1/, но при $Q^2 \le 0,1$ ГэВ² на 1-2 порядка меньше /рис. 2/. Поэтому РП от /2/ и в области малых $Q^2/Q^2 \le 1$ ГэВ²/ не превышает 0,3%.

Наблюдаемое быстрое уменьшение инклюзивных сечений /1/ и /2/ с увеличением Q^2 объясняется тем, что минимальные кинематически допустимые значения квадрата переданного адронам импульса q^2 в области не очень малых Q^2 и у / $Q^2 \ge 0.01$ ГэВ², у ≥ 0.1 / пропорциональны Q^2 :

$$a_{\min}^2 \simeq Q^2 \frac{M_X^2}{W^2}$$
, /6/

где M_Xи W - инвариантные массы адронов и всей нерегистрируемой системы частиц, включая лептонную пару,соответственно.

Вычисления показывают, что сечения $d^{2}\sigma^{el,inel}/dx dy$ процессов /1/ и,/2/ при фиксированных у и Q² растут с энергией почти линейно /см. <u>рис. 2</u>/. Однако соответствующие поправки $\delta^{el,inel}(x,y)$ при этом увеличиваются незначительно, поскольку при фиксированных у и Q² такой же рост имеется и у $d^{2}\sigma_{0}/dx dy$.

На рис. 3 и 4 приведены результаты расчета инклюзивных спектров мюонов в процессах /3/ и /4/ при малых Q 2 / E = = 250 ГэВ/. Видно, что в этой области сечения d $\mathcal{D}^{el,inel/dxdy/3/}$ примерно на порядок меньше соответствующих сечений /1/ и /2/, а сечения /4/ - на 3-5 порядков. Заметим, что при больших Q 2 / Q $^2 \ge 10$ ГэВ 2 / инклюзивные сечения /3/ уже сравнимы с /1/ и /2/. В случае процессов /3/ и /4/ минимальные зна-

4

^{*} Как и в работе^{77/}, мы учитываем вклад в сечения бетегайтлеровских /1/ и комптоновских (II) диаграмм /рис. 1/; соответствующие формулы приведены в Приложении. Для формфакторов и структурных функций протона использовались те же подгонки, что и в ^{77/}.



Рис. 3. Инклюзивные сечения процессов $\mu p \rightarrow \mu \mu^+ \mu^- p$ /сплошные линии/ и µр+µµ+µ + + адроны /штрихпунктирные линии/ в области малых Q² при Е = 250 ГэВ. Цифры у кривых - значения Q² в ГэВ²

Рис. 4. Инклюзивные сечения процессов $\mu p \rightarrow \mu r^+ r^- p$ /сплошные линии/ и µр→µг+г + + адроны /штрихпунктирные линии/ в области малых Q² при Е = 250 ГэВ. Цифры у кривых - значения Q² в ГэВ².

Y

в рассматриваемой области Q²и у даются выражечения q2 нием:

$$q_{\min}^2 \simeq Q^2 \frac{M_X^2}{W^2} + 4m_\ell^2$$
 /7/

/ mg - масса лептона пары/, что и обусловливает подавленность их сечений, особенно /4/, в этой области по сравнению с /1/ и /2/.

Следует отметить, что за рост сечений $d^2 \sigma^{el,inel} / dx dy$ при у $\rightarrow 1 / Q^2 \ge 0,1$ ГэВ²/, см. рис. 2-4, ответственен компто-новский вклад, который доминирует здесь над бете-гайтлеровским.

Обнаруженная малость инклюзивных сечений /1/-/4/ позволяет сделать вывод, что вклад в измеряемое сечение ГНР процессов

$$\mu + p \rightarrow \mu + \gamma^* + X, \qquad - \Rightarrow agponde \qquad (8/)$$

$$\mu + p \rightarrow \mu + \gamma^* \gamma^* + X$$
 /9/
____ адроны

в большей части кинематической области будет также незначительным. Действительно, в рамках кварк-партонной модели образования адронной струи одним или двумя виртуальными фотонами сечения /8/ и /9/ при больших Q² можно оценить следующим образом /8,9/.

$$\frac{d^{2}\sigma}{dx\,dy}(\gamma^{*} \rightarrow a \text{дроны}) \simeq \frac{d^{2}\sigma}{dx\,dy}(\gamma^{*} \rightarrow \ell^{+}\ell^{-}) \sum_{i} e_{i}^{2} , \qquad /10/$$

$$\frac{\mathrm{d}^{2}\sigma}{\mathrm{dx}\,\mathrm{dy}}(\gamma^{*}\gamma^{*}\rightarrow\mathrm{adpohs}) \simeq \frac{\mathrm{d}^{2}\sigma}{\mathrm{dx}\,\mathrm{dy}}(\gamma^{*}\gamma^{*}\rightarrow \ell^{+}\ell^{-})\sum_{i}e_{i}^{4}, \qquad /11/$$

где .e, - заряд i - го кварка со спином 1/2 /в единицах заряда электрона/. В модели цветных кварков (N_q = 3 ÷ 6)

$$2 \le \sum_{i=1}^{3N_q} e_i^2 \le 5, \qquad \frac{2}{3} \le \sum_{i=1}^{3N_q} e_i^4 \le \frac{17}{9}.$$
 /12/

Поскольку сумма поправок $\delta^{el}(x,y) + \delta^{inel}(x,y)$ от /1/ и /2/ или /3/ при Q² > 10 ГэВ² и у \leq 0,8 ограничена сверху значением 0,2%, то возможные РП от процессов /8/ и /9/ в этой области, по-видимому, не превысят одного процента.

ПРИЛОЖЕНИЕ

Симметричное по характеристикам лептонной пары дифференциальное сечение процесса $\mu p \rightarrow \mu \ell^+ \ell^-$ + адроны можно записать в виде /7/*

$$d\sigma = \frac{2a^4}{\pi^3\lambda_s} (S^I + S^{II}) dX dY - \frac{dM_X^2 dt dV^2 d\phi_k}{t^2 \sqrt{\lambda_y}} d\Gamma_{\ell^+ \ell^-}, \qquad /\Pi_0 1/$$

где

$$S^{I,II} = \frac{1}{2} M S^{I,II}_{\mu\nu} W_{\mu\nu} = 2 M W_1 \cdot S^{I,II}_1 + \nu W_2 \cdot \frac{1}{T} S^{I,II}_2 .$$
/\Pi.2/

$${\rm d}\Gamma_{\ell^+\ell^-} = \frac{1}{8} {\rm S}_{\rm R} {\rm d}\cos\theta_{\rm R} {\rm d}\phi_{\rm R}, \qquad {\rm S}_{\rm R} = \sqrt{1-4} {\rm m}_{\ell}^2 / {\rm V}^2,$$

$$\lambda_{s} = S^{2} - 4m^{2} M^{2}$$
, $\lambda_{y} = S_{x}^{2} + 4M^{2}Y$, $S_{x} = S - X$,
/ $\Pi_{\circ}3$ /

$$S = -2p \cdot k, \quad X = -2p \cdot k_1, \quad Y = Q^2, \quad M_X^2 = -p_X^2,$$

$$t = q^2, \quad V^2 = -\kappa^2, \quad T = t + M_X^2 - M^2. \qquad (\Pi_0 4/$$

Свертки $S_{1,2}^{I}$, описывающие вклад бете-гайтлеровских диаграмм, были определены с уровня матричного элемента и проинтегрированы по трем угловым переменным, ϕ_k , ϕ_R и $\cos\theta_R$, с помощью системы аналитических вычислений SCHOONSCHIP/10/. При этом мы не делали никаких приближений с тем, чтобы иметь возможность проводить расчеты в любой точке кинематической области ГНР. Окончательный результат такого вычисления можно представить в виде

$$S_{1,2}^{I}(M_{X}^{2}, t, V^{2}) = \frac{1}{8\pi^{2}} \int_{-1}^{1} d\cos\theta_{R} \int_{0}^{2\pi} d\phi_{R} \int_{0}^{2\pi} d\phi_{k} \cdot S_{1,2}^{I} = /\pi.5/$$

$$= \int_{i=0}^{3} C_{i}^{1,2} \frac{1}{\lambda_{M}^{i}} + C_{4}^{1,2} \frac{V^{4}}{\lambda_{M}^{4}} + \sum_{i=1}^{4} C_{i+4}^{1,2} \frac{V^{2}}{\lambda_{M}^{i}} + C_{9}^{1,2} \frac{V^{2}m_{\ell}^{2}}{G_{D}} + /\pi.5/$$

$$+ \int_{i=0}^{3} C_{i+10}^{1,2} \frac{m^{2}\ell}{G_{D}\lambda_{M}^{i}} + L_{M}^{i} \sum_{i=0}^{2} C_{i+14}^{1,2} \frac{E}{\lambda_{M}^{i}} + \sum_{i=3}^{4} C_{i+14}^{1,2} \frac{V^{2}}{\lambda_{M}^{i}} + \sum_{i=3}^{4} C_{i+14}^{1,2} \frac{V^{2}}{\lambda_{M}^{i}} + \frac{V^{2}}{\lambda_{M}^{$$

* В случае процесса /3/ тождественностью мюонов пренебрегаем.

$$+ \sum_{i=0}^{4} C_{i+19}^{1,2} \frac{1}{\lambda_{M}^{i}} + C_{24}^{1,2} \frac{V^{4}}{\lambda_{M}^{4}} + C_{25}^{1,2} \frac{1}{E} \},$$

$$C = \frac{1}{2} (Y + t + V^{2}), \quad \lambda_{M} = \lambda (Y, t, -V^{2}) = 4 (E^{2} - Yt),$$

$$G_{D} = Y t V^{2} + m_{\ell}^{2} \lambda_{M}, \quad L_{M} = \frac{1}{P} \ln \frac{E + P}{E - P}, \quad P = \frac{S_{R}}{2} \sqrt{\lambda_{M}},$$
 /1.6/

а достаточно громоздкие коэффициенты $C_n^{1,2}$ (n = 0, 1, ..., 25) являются функциями инвариантов M_X^2 и t. В формуле /П.5/ для $S_1^{I}(M_X^2, t, V^2)$ коэффициенты C_n^1 при n = 3, 4, 7, 8, 17, 18, 22, 23 и 24 равны нулю.

Для вклада двухфотонного рождения $\ell^+\ell^-$ - пар в инклюзивное сечение ГНР получаем следующее выражение:

$$\frac{\mathrm{d}^{2}\sigma_{\mathrm{I}}}{\mathrm{d}x\,\mathrm{d}y} = \frac{2a^{4}\,\mathrm{s}^{2}\,\mathrm{y}}{\pi\lambda_{\mathrm{S}}\,\sqrt{\lambda_{\mathrm{Y}}}} \int \mathrm{d}M_{\mathrm{X}}^{2}\int \frac{\mathrm{d}t}{t^{2}} \int \mathrm{d}V^{2}.\mathrm{S}_{\mathrm{R}}.\mathrm{S}^{\mathrm{I}}(M_{\mathrm{X}}^{2},t,\mathrm{V}^{2}), /\Pi.7/$$

где

где

$$S^{I}(M_{X}^{2},t,V^{2}) = 2MW_{1}(M_{X}^{2},t)S_{1}^{I}(M_{X}^{2},t,V^{2}) + \nu W_{2}(M_{X}^{2},t)\frac{1}{T}S_{2}^{I}(M_{X}^{2},t,V^{2})/\Pi.8/I$$

а интегрирование ведется по области

$$(M + m_{\pi})^{2} \leq M_{X}^{2} \leq (\sqrt{W^{2} - 2m_{\ell}})^{2},$$

$$t_{\max,\min} = \frac{1}{2W^2} [S_X(W^2 - M_X^2) + 2M_X^2Y - 4m_\ell^2(S_X + 2M^2) \pm /\Pi.9/$$

$$\pm \sqrt{\lambda_{\rm Y}} \sqrt{\lambda ({\rm W}^2, 4 {\rm m}_{\ell}^2, {\rm M}_{\rm X}^2)}],$$

$$4m_{\ell}^{2} \leq V^{2} \leq \frac{1}{2M} (\sqrt{\lambda_{Y}}\sqrt{\lambda_{t}} - S_{X}T) - Y - t$$

 $W^{2} = M^{2} + S_{X} - Y, \quad \lambda_{t} = T^{2} + 4 M^{2} t.$

8

Поскольку лептонный тензор S^{II} , отвечающий вкладу однофотонных диаграмм, представляется в виде

$$S^{II}_{\mu\nu} = S_{\alpha\beta;\mu\nu} \frac{1}{V^4} \ell_{\alpha\beta}, \qquad /\Pi.10/$$

где

$$\mathcal{L}_{\alpha\beta} = \mathbf{k}_{2\alpha} \mathbf{k}_{3\beta} + \mathbf{k}_{3\alpha} \mathbf{k}_{2\beta} + \frac{\mathbf{v}^2}{2} \delta_{\alpha\beta}, \qquad /\Pi.11/$$

а $S_{\alpha\beta;\mu\nu}$ - комптоновский тензор $^{/11/}$, описывающий излучение "тяжелого фотона" мюоном, то интегрирование $S_{\mu\nu}^{II}$ по фазопо фазовому пространству лептонной пары Грнд-, не затрагивающее переменных SaB: и , проводится тривиально:

$$\int \ell_{\alpha\beta} d\Gamma_{\rho} + \ell_{\rho} = \frac{\pi}{6} S_{R} \left(1 + \frac{2m_{\rho}^{2}}{V^{2}}\right) \left(\delta_{\alpha\beta} V^{2} + \kappa_{\alpha} \kappa_{\beta}\right). \qquad /\Pi.12/$$

к инварианту z = -2k, $\kappa - V^2$: Переходя от переменной ϕ_{1}

$$\frac{d\phi_{k}}{\sqrt{\lambda_{Y}}} = \frac{2dz}{\sqrt{R_{z}}}, \qquad (\Pi.13)$$

где

 $R_{a} = A_{z}z^{2} + 2B_{z}z + C_{z}$

$$A_{z} = -\lambda_{Y}, \quad B_{Z} = B_{Z}^{\circ} + V^{2}(SS_{X} + 2M^{2}Y),$$

$$-C_{z} = -C_{z}^{\circ} + 2V^{2}[Y\lambda_{S} - T(SY + 2m^{2}S_{X}) +$$

$$+ t(SX - 2M^{2}(Y + 2m^{2}))] + V^{4}\lambda_{S};$$

$$B_{z}^{\circ} = 2M^{2}Y(Y - t) + X(S_{X}t - YT) + SY(S_{X} - T),$$

$$(\Pi. 14/2)$$

$$-C_{z}^{o} = [XT - Y(S-T)]^{2} + 4m^{2} [(S_{x}-T)(S_{x}t - YT) - M^{2}(Y-t)^{2}],$$

и интегрируя свертку $\frac{1}{2}$ MS $_{\alpha\beta}$; $_{\mu\nu}$ · $\delta_{\alpha\beta}$ · $\mathbb{W}_{\mu\nu}$ по Z в известных пределах /11/, получаем:

$$S^{II} (M_{X}^{2} t, V^{2}) = \frac{1}{\pi} \int_{z_{\min}}^{z_{\max}} \frac{dz}{\sqrt{R}} \cdot \frac{1}{2} M S_{\alpha\beta}; \mu\nu \cdot \delta_{\alpha\beta} \cdot W_{\mu\nu} = /\Pi.15/$$

= 2 M W₁ (M_X², t) S₁^{II} (M_X², t, V²) + $\nu W_{2} (M_{X}^{2}, t) \frac{1}{T} \cdot S_{2}^{II} (M_{X}^{2}, t, V^{2}),$

где

$$S_{1}^{II} (M_{X}^{2} t, V^{2}) = \{\frac{1}{\sqrt{-C}} \{\frac{Y^{2} - 4m^{4}}{t - Y - V^{2}} + \frac{1}{2}(t + Y - V^{2}) + 2m^{2}\} - \frac{1}{\sqrt{-C}} (V^{2} + 2m^{2})(t - 2m^{2}) \frac{B_{z}}{(-C_{z})^{3/2}} = \{S \rightarrow -X\} + \frac{1}{\sqrt{\lambda_{Y}}} \}$$

$$S_{2}^{II} (M_{X}^{2}, t, V^{2}) = \{\frac{1}{\sqrt{-C_{z}}} [M^{2}(t + Y + V^{2}) - XT] + \frac{1}{(t - Y - V^{2})\sqrt{-C_{z}}} \times \frac{7\pi}{(t - Y - V^{2})\sqrt{-C_{z}}} \times [t(S(S - T) + X(X + T) - 2M^{2}(t + 2m^{2} - V^{2})) + (V^{2} + 2m^{2})(S_{X}T + 2SX) - 2m^{2}T^{2}] - (V^{2} + 2m^{2}) \frac{B_{z}}{(-C_{z})^{3/2}} [S(S - T) - M^{2}t] - \{S \rightarrow -X\} - \frac{2M^{2}}{\sqrt{\lambda_{Y}}} \}$$

Тогда вклад комптоновских диаграмм в наблюдаемое сечение ГНР определяется выражением

$$\frac{d^{2}\sigma_{II}}{dx\,dy} = \frac{2a^{4}S^{2}y}{3\pi\lambda_{S}} \int dM_{X}^{2} \int \frac{dt}{t^{2}} \int \frac{dV^{2}}{V^{2}} S_{R}(1 + \frac{2m_{\ell}^{2}}{V^{2}}) S^{II}(M_{X}^{2}t, V^{2}), /\Pi.18/$$

 $\sqrt{\lambda_v}$

где интегрирование ведется, как и в формуле /П.1/, по области /П.9/.

ЛИТЕРАТУРА

- 1. Mo L.W., Tsai Y.S. Rev. Mod. Phys., 1969, 41, p.205; Tsai Y.S. SLAC-PUB-848, 1971.
- 2. Clifft R. et al. CERN/SPSC/74-78, P18, 1974; Krienen F. et al. CERN/SPSC/74-79, P19, 1974.
- 3. Akhundov A.A., Bardin D.Yu., Shumeiko N.M. JINR, E2-10147, E2-10205, Dubna, 1976; ЯФ, 1977, 26, с.1251; Шумейко Н.М. ЯФ, 1979, 29, с.1571.

10

- 4. Бардин Д.Ю., Шумейко Н.М. ЯФ, 1979, 29, с.969.
- Landau L.D., Lifschiz E.M. Sov.Phys., 1934, 6, p.244; Wright A.G. J.Phys., 1973, A6, p.79; Terezawa H. Rev.Mod.Phys., 1973, 45, p.615; Budnev V.M. et al. Phys.Rep., 1975, 15С, p.183.
 Байер Б.Н., Катков В.М., Фадин В.С. Излучение релятивистских электронов. Атомиздат, 1973.
- 6. Никишов А.И. ЖЭТФ, 1979, 76, с.801.
- 7. Ахундов А.А. и др. ОИЯИ, Р2-12440, Дубна, 1979; ЯФ, 1980, 31, вып.1.
- Cabibbo N., Parisi G., Testa M. Lett.Nuovo Cim., 1970, 4, p.35.
- 9. Kunst Z. Phys.Lett., 1972, 40B, p.220.
- 10. Strubbe H.S. Comp. Phys. Com., 1974, 8, p.1.
- 11. Ахундов А.А., Бардин Д.Ю. ОИЯИ, Р2-9587, Дубна, 1976.

Рукопись поступила в издательский отдел 28 сентября 1979 года.