ОБЪЕДИНЕННЫЙ ИНСТИТУТ ЯДЕРНЫХ ИССЛЕДОВАНИЙ ДУБНА

P2 - 11620

Экз. чит. зала Б.Н.Калинкин, А.В.Чербу, В.Л.Шмонин

11620

11 11 11

.......

НЕКОТОРЫЕ СВОЙСТВА ГЛЮОННОГО ВЕЩЕСТВА И МНОЖЕСТВЕННОЕ РОЖДЕНИЕ АДРОНОВ



P2 - 11620

Б.Н.Калинкин, А.В.Чербу, В.Л.Шмонин

НЕКОТОРЫЕ СВОЙСТВА ГЛЮОННОГО ВЕШЕСТВА И МНОЖЕСТВЕННОЕ РОЖДЕНИЕ АДРОНОВ

NRN JHOTEKA

Направлено в "Acta Physica Austriaca"

Калинкин Б.Н., Чербу А.В., Шмонин В.Л.

P2 - 11620

Некоторые свойства глюонного вещества и множественное рождение адронов

На основе анализа общих характеристик множественного рождения адронов в pp -столкновениях определено время адронизации глюонного вешества r_h = 4.10⁻²⁴ с.Показано, что при энергиях ≤ 200+300 ГэВ процесс можно рассматривать как образование и термодинамический распад одного равновесного кластера. Переход к двухкластерному режиму занимает порядок в шкале энергий(~300 ГэВ - 3 ТэВ). Сделана оценка критической точки для адронного вещества. При плотности энергии ≥0,9 ГэВ Фм⁻³ и температуре ≥0,17 ГэВ оно находится в кварк-глюонной фазе.

Работа выполнена в Лаборатории теоретической физики ОИЯИ.

Препринт Объединенного института ядерных исследований. Дубна 1978

Kalinkin B.N., Cherbu A.V., Shmonin V.L. P2 - 11620 On Properties of Gluon Matter and Multi-Hadron Production

From the analysis of general properties of the multi-hadron production in pp-collisions we have calculated the time of hadronization of the gluon matter: $r_k =$ 4.10^{-24} s. It is shown that at energies <200-300 GeV the process can be treated as a formation and thermodynamical decay of one equilibrium cluster. The range of transition on the two-cluster regime extends (in energy scale) from 300 GeV to 3 TeV. The critical point for hadron matter is estimated. At an energy density >0.9 GeV fm⁻³ and temperature >0.17 GeV it is in the quark-gluon phase.

The investigation has been performed at the Laboratory of Theoretical Physics, JINR.

Preprint of the Joint Institute for Nuclear Research. Dubna 1978

С 1978 Объединенный институт ядерных исследований Дубна

1. ВВЕДЕНИЕ

Сопоставление феноменологической модели адронядерных взаимодействий $^{/1-3/}$ с кварк-глюонной моделью строения адрона /КГМ/ $^{/4/}$ показало $^{/5/}$, что эта структурная модель предоставляет интересные возможности для интерпретации множественных процессов в веществе. С другой стороны, такое сопоставление полезно для дополнительной проверки КГМ, уточнения или определения ее параметров и предположений. В частности, в работе $^{/5/}$ была сделана оценка доли импульса, приходящейся на глюонное поле в протоне, в π - и К -мезонах, получены аргументы в пользу малости сечения взаимодействия кварков, лишенных глюонного поля, с адронами, а также безмассовости глюонов.

В настоящей работе мы продолжим анализ проявлений кварк-глюонной структуры адронов и свойств сильновозбужденного состояния глюонного вещества, опираясь главным образом на данные по множественному рождению в рр - столкновениях.

При этом мы ограничимся рассмотрением недифракционных процессов.

В рамках КГМ процесс множественного рождения в pp-взаимодействии выглядит следующим образом. Кварковые ядра сталкивающихся нуклонов вследствие их относительно слабой связи с глюонными полями пролетают, практически не взаимодействуя и не изменяя своего импульса. В дальнейшем они образуют "лидирующую" частицу и ее сопровождение. Глюонные поля, интенсивно взаимодействуя, порождают единую возбужденную систему - кластер. Подавляющее большинство вновь рожденных частиц образуется при его распаде.

В задачу работы не входит детальное исследование свойств кластера во всем их многообразии. Мы попытаемся рассмотреть лишь некоторые, самые общие закономерности сильновозбужденного глюонного вещества, опираясь на средние характеристики множественного рождения в рр-столкновении.

В разделе 2 мы рассматриваем предполагаемые свойства возбужденного глюонного вещества и вытекающие из них следствия. В разделе 3 эти следствия сопоставляются с экспериментом. Раздел 4 посвящен обсужденню качественных изменений процесса формирования и развития глюонного кластера при переходе к очень высоким энергиям. В заключении обсуждаются результаты работы.

2. О ПРОСТРАНСТВЕННО- ВРЕМЕННОМ РАЗВИТИИ ВОЗБУЖДЕННОГО СГУСТКА ГЛЮОННОГО ВЕЩЕСТВА

Прежде всего примем во внимание результаты анализа адрон-ядерных взаимодействий^{/3,5/}, в соответствии с которыми будем считать, что

- вплоть до энергий Е_L≈ 200-300 ГэВ в pp -столкновениях для объяснения основных закономерностей процесса достаточно рассматривать один кластер;

- расширение кластера происходит с околосветовой скоростью.

Глюонное вещество, оказавшись в свободном состоянии в результате отрыва кваркового ядра, является абсолютно нестабильным. Время, необходимое для восстановления кварковой компоненты, т.е. время адронизации системы r_h , определяется константой кваркглюонного взаимодействия. За это время радиус области, занимаемой глюонным веществом /его начальное значение $r_0 \approx 1.2 \ \Phi m^{/3}/$, достигает величины

В обсуждаемых условиях не видно причин, согласно которым величина R должна была бы заметно зависеть

/1/

от энергии столкновения. Тем не менее сформулируем Предположение 1 /П1/

Объем V_h области, занимаемой глюонным веществом в момент адронизации, т.е. распадный объем кластера, постоянен.

Далее, в процессе адронизации глюонный кластер представляет собой систему со многими степенями свободы и с сильным взаимодействием. Обилие степеней свободы, а также утрата части информации о деталях развития системы /динамическое описание в настоящее время невозможно/ позволяют использовать термодинамику, в основу которой положено планковское распределение. Поэтому используем

Предположение 2

/П2/

Распределение частиц, рожденных в процессе адронизации, определяется законом для "черного" излучения.

Подобное предположение применялось уже неоднократно в феноменологических моделях /см., напр., ^{/6,7/}/. В соответствии с /П2/ имеют место соотношения:

$$W_{\pi} = \frac{3}{2\pi^2} \frac{V_h}{(hc)^3} T^4 \Phi_B(\frac{\mu_{\pi}}{T}), \qquad /2/$$

$$n_{\pi} = \frac{3}{2\pi^2} \frac{V_h}{(hc)^3} \cdot T^3 F_B(\frac{\mu_{\pi}}{T}), \qquad /3/$$

а спектр частиц описывается формулой Планка. В /2/, /3/W - внутренняя энергия системы, n – число π -мезонов, образующихся при ее распаде, $\breve{V}_h = \frac{4\pi}{3} R^3$, T температура распада.

$$\Phi_{\rm B}(z) = z^4 \int_0^\infty \frac{x^2 \sqrt{1+x^2} \, dx}{\exp[z\sqrt{1+x^2}] - 1}, \qquad /4/$$

$$F_{B}(z) = z^{3} \int_{0}^{\infty} \frac{x^{2} dx}{\exp[z\sqrt{1+x^{2}}]-1}, \quad x = \frac{|\vec{p}|}{\mu_{\pi}}, \quad z = \frac{\mu_{\pi}}{T}.$$

4

 $R \approx r_0 + cr_h$.

При Т вблизи μ_{π} функции /4/, /5/ допускают весьма точную аппроксимацию / ~1%/:

$$\Phi_{\rm B}(z) \approx {\rm A} \, z^{\,\nu}$$
, ${\rm A} = 5,76$, $\nu = -0,188$, /6/

$$F_B(z) \simeq B z^{\mu}$$
, $B = 1,77$, $\mu = -0,43$, /7/

$$\eta(z) - z^{-1} \Phi_{B}(z) F_{B}^{-1}(z) = AB^{-1} z^{\nu-\mu-1} = 3,25 z^{-0,758} / 8/$$

Сопоставление такой схемы с некоторыми известными термодинамическими моделями приведено в табл. 1.

Таблииа 1 При увеличении W

| | Модель Ферми | Модель Померанчука | Наша модель /П1/+/П2/ |
|---|--------------|-----------------------|--------------------------|
| V | уменьшается | растет | постоянен |
| T | растет | постоянна | растет |

Схема /П1/+/П2/ содержит два параметра. Один из них, δ, определяет долю импульса налетающего адрона. принадлежащую глюонной компоненте:

 $\delta \approx W \cdot s^{-1/2}$, /9/

второй - объем адронизации V_h.

Приближенно их величина заранее известна. Анализ множественного рождения на ядрах дает /5/: /10/

 $\delta \approx 0.28 \pm 0.08$.

Можно оценить и V_h. Время, необходимое для образования л-мезона,

$$\Delta \tau \approx \frac{h}{\mu_{\pi}} \approx 4.5 \cdot 10^{-24} c. \qquad /11/$$

Тогда

$$V_{\rm h} \approx \frac{4\pi}{3} (r_0 + \frac{c \,{\rm h}}{\mu_{\pi}})^3 \approx 70 \, \Phi M^3.$$
 /12/

Однако поскольку точность этих оценок невелика, мы установили их значения, потребовав, чтобы в середине ускорительного интервала /Е ≈100 ГэВ/ такая схема давала правильное значение средней множественности и среднего поперечного импульса п-мезонов. Отсюда следует, что:

$$\delta \approx 0,266; V_h \approx 56 \Phi M^3,$$

а время адронизации

 $r_{\rm h} \approx \left[\left(\frac{3}{4\pi} V_{\rm h} \right)^{1/3} - r_0 \right] c^{-1} \approx 4 \cdot 10^{-24} c.$ /14/

Как видно, результаты /13/, /14/ хорошо согласуются с оценками /10/-/12/.

3. СОПОСТАВЛЕНИЕ МОДЕЛИ /П1/+/П2/ С ЭКСПЕРИМЕНТОМ

А. Зависимость <p_>om Е

*О*рычно отмечают медленный рост <р⊥> с увеличением Е_L /8/. В нашей схеме он вызван ростом температуры распада T(E_L). Действительно, с помощью /2/, /6/ и /13/ находим:

 $T \approx 0,144 \cdot W^{0,239}$. /15/

Подставляя /15/ в выражение для распределения по р

$$\frac{dn}{dx} = \frac{3}{2\pi^2} \frac{V_h}{(hc)^3} T^3 x \int_0^\infty dy [\exp(z\sqrt{1+x^2+y^2}-1)]^{-1} /16/$$

/здесь $x = p_{\perp} / \mu_{\pi}$; $y = p_{\parallel} / \mu_{\pi} /$, после усреднения нахо-дим зависимость $< p_{\perp} >$ от энергии - *рис.* 1. Соответствие с экспериментом /8,9/ хорошее. Исключение составляют лишь энергии > 300 *ГэВ*. Причина этого



будет рассмотрена в разделе 4. На *рис.* 1 дано также значение $<p_{\perp} >$ при $T=0.97\mu_{\pi}$ /пунктир/, соответствующее модели Померанчука /6/.

Б. Зависимость $< n_{ch} > om E_L$

Из формул /3/ и /7/ получим выражение для <n _{ch} >:

 $< n_{ch} > = \frac{B}{\pi^2} \frac{V_h}{(ch)^3} T^{3-\mu} \mu_{\pi}^{\mu} = 2.93 \cdot 10^3 T^{3.43}.$ /17/

На рис. 2 проведено сравнение расчета по модели с экспериментальными данными. Сплошная кривая расчет, точки - экспериментальные данные для $<n_{ch} > /10/$ с учетом поправки на среднее число сохранившихся заряженных частиц внекластерного происхождения /т.е. $<n_{ch} > -1.4$ /. Пунктир - расчет по модели Померанчука с нормировкой на значение $<n_{ch} >$ при $E_L = 19 \Gamma 3B$.

В. Качественный состав рожденных адронов

Несмотря на то, что связь между энергией и энтропией системы в нашей модели отличается от аналогичной связи в модели Померанчука, можно показать, что в первом приближении соотношение, позволяющее оценить качественный состав рожденных частиц, остается прежним /11/. Именно, число рожденных пар qq /при m_q >> μ_{π} / равно:

$$n_{q\bar{q}} = g_{q\bar{q}} \left(\frac{V_{h}T^{3}}{(hc)(2\pi)^{3/2}} \right)^{2} \left(\frac{m_{q}}{T} \right)^{3} \exp\left(-\frac{2m_{q}}{T}\right).$$
 /18/

Результаты для К-мезонов и антипротонов в зависимости от энергии даны на *рис. 3* - сплошная кривая /пунктир - расчет по модели Померанчука при T=0,96µ_π /. Соответствие обсуждаемой модели эксперименту в целом значительно лучше, чем модели Померанчука.

Таким образом, рассмотренная схема удовлетворительно описывает эксперимент при $E_L \leq 200-300 \ \Gamma \ni B$, т.е. в области, для которой согласно результатам анализа h – А взаимодействий справедлив однокластерный подход.





Puc. 3. Зависимость $< n_{K^{\pm}} > , < n_{\overline{p}} > om - E_{L}$.

4. ПЕРЕХОД К БОЛЕЕ ВЫСОКИМ ЭНЕРГИЯМ

Как видно из *рис.* 3, при $E_L \approx 200-300$ ГэВ результаты модели начинают расходиться с экспериментом. И это вполне естественно. Действительно, поскольку взаимодействие глюонных компонент адронов конечно, то с ростом энергии столкновения должен наступить такой момент, когда эти компоненты, вошедшие в состав кластера, не в состоянии затормозить друг друга и наследуют часть своего первоначального поступательного движения. С увеличением первичной энергии доля внутренней энергии кластера, приходящаяся на такое коллективное движение, возрастает. Однако, распадаясь, кластер в момент адронизации все еще является единой системой. При дальнейшем увеличении энергии следует ожидать, что взаимного торможения глюонных компонент окажется недостаточно уже и для того, чтобы в момент распада кластер был единой системой, т.е. возникает ситуация с двумя кластерами.

Чтобы получить представление о возможном характере перехода от однокластерной к двухкластерной ситуации, рассмотрим два варнанта перехода части энергии столкновения глюонных компонент адрона в коллективную степень свободы.

Вариант 1. Образуются два кластера. Каждый распадается на [<n >-1,4]/2 заряженных мезонов. Это число извлекается из эксперимента. Тогда, используя /2/, /3/, а также /6/, /7/, можно определить массу кластера W. Это позволяет также вычислить коллективную энергию:

 $E_{coll} = \delta \cdot s^{\frac{1}{2}} - 2W.$ (19/

Зная W, определяем Т и далее - качественный состав рожденных частиц. На *рис.* 3 дан выход К-мезонов и антипротонов в интервале 3 $T \ni B \leq E_L \leq 10 T \ni B$. При 1 $T \ni B \leq E_L \leq 3 T \ni B$ кривые представлены пунктиром. В этой области они резко противоречат наблюденням.

Следовательно, приближенно независимый распад двух кластеров происходнт при $E_L \ge 3 \ T \ni B$. При 1 $T \ni B \le E_L \le 3 \ T \ni B$ выделить два кластера нельзя распад на реальные частицы происходит из общего объема. Это и понятно, так как $E_{coll} \approx W$ и кластеры не успевают выделиться.

Вариант 2. Образующаяся система едина вплоть до момента своего распада, а ее объем такой же, как и при

более низких энергиях. При этом часть внутренней энергии уходит на коллективное движение. Вычисления проводились так же, как и в варианте 1. На рис. З они представлены для этого случая. Плавно сшиваясь с данными при $E_1 = 200 \Gamma \beta B$, кривые слишком резко устремляются к большим значениям, противореча наблюдаемой тенденции.

Таким образом, реальная ситуация в переходной области энергий должна быть промежуточной между двумя рассмотренными вариантами.

Предварительно заметим, что на концах интервала 200 $\Gamma \ni B \leq E_{1} \leq 3$ ТэВ имеем:

- распадный объем изменяется от V_h до $2V_h$ и - распадная температура как при $E = 200 \Gamma \beta B$, так и при E = 3 ТэВ приближенно одна и та же: T=O,17 ГэВ.

Поэтому полагаем, что в указанной области температура постоянна, а объем увеличиваем таким образом, чтобы обеспечить правильную зависимость <n ch > от Е L. Затем по заданным Т и V определяется качественный состав рожденных адронов /К-мезонов и антипротонов/. Результаты представлены на рис. З штриховыми линиями, продолжающими решение для одного кластера /при E₁ = 300 ГэВ/. Видно, что полученное решение стремится к двухкластерному варианту.

Из представленного рассмотрения следуют интересные выводы.

а/ Переходный режим растянут в большом энергетическом интервале: 200+300 $\Gamma \ni B \le E_{\tau} \le 3 T \ni B$.

б/ Непосредственные оценки, основанные на полученных результатах, показывают, что при температурах Ти плотностях энергии с

$$T > T_h \approx 0,17 \Gamma \beta B$$
 /20/

И

 $\epsilon > \epsilon_{\rm h} \approx W/V_{\rm h} \approx 0.9 \ \Gamma 3B \ \Phi m^{-3}$ /21/

вещество существует /в среднем/ в кварк-глюонной фазе, которая в точке (Т_ь, є_ь) переходит в адронную



Рис. 4. Распределение по $\lambda = lgtg\theta$ при разных пробегах Lкластера в ядерном веществе.

фазу. Отметим при этом, что значение T_h в /20/ практически совпадает со значением /см., напр., ^{/13}//, полученным ранее на основе анализа спектров вторичных частиц.

В заключение обратим внимание на еще одно важное обстоятельство, связанное с проявлением коллективной моды движения в кластере. При прохождении кластера в ядре его части, движущиеся с разными скоростями. будут взаимодействовать со средой по-разному. Это обусловлено прежде всего разными темпами роста поперечных размеров частей кластера, замедленными на соответствующий лоренц-фактор у1.2. Если принять во внимание партонные соображения, то различие в сечениях взаимодействия кластер-нуклонного взаимодействия для обоих кластеров еще больше возрастет: на фактор y_1/y_2 . Был проведен методический расчет движения в ядре такого кластера на основе системы уравнений, предложенной нами раньше / 1-5/ Результаты расчета распределений по $\lambda = lgtg\theta$ для различных пробегов в ядре кластера, образованного *п*-мезоном / Е_{*n*} = 200 ГэВ/, для пробегов L = 0,2,4 и 6 Фм приведены на рис. 4. /Энергия коллективного движения при L=0 оценивалась в соответствии с промежуточным вариантом, описанным выше/. Видно, что возникает бимодальность в распределении по λ , практически незаметная при L=0.

Итак, среда "усиливает" коллективное движение в кластере и может стать важным инструментом его исследования.

Представляет интерес провести детальное сравнение с экспериментом /4/, в котором, вероятно, находит свое выражение подобное развитие процесса.

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Проведенный анализ позволяет сделать ряд выводов. Укажем лишь на наиболее важные, по нашему мнению, результаты.

1. Адронизация сорванного глюонного вещества происходит за время $r_h \approx 4 \cdot 10^{-24} c$. Постоянство r_h , а следовательно и V_h , для глюонных кластеров, образующихся в pp-столкновениях при энергиях E_L =20-200 ГэВ, обеспечивает правильную зависимость от E_L , средней множественности рожденных частиц, среднего поперечного импульса и качественного состава в рамках однокластерной модели. 2. Естественно ожидать, что время адронизации кварковой компоненты также равно r_h , так как определяется той же константой кварк-глюонного взаимодействня. Следовательно, длина адронизации / "одевания" / лидирующей частицы

 $L_{h} \approx c \tau_{h} \gamma_{\Pi H \Pi} \approx 1.2 \gamma_{\Pi H \Pi} (\Phi_{M}). \qquad (22/$

Следовательно, при $\gamma_{\rm ЛИД} > 10$ длина L_h превышает диаметр тяжелых ядер. Это подтверждает справедливость принятой нами ранее гипотезы / 1-3/о том, что сечение взаимодействня лидирующей системы с нуклонами ядра $\sigma_{\rm л., N}$ значительно меньше "нормального" значения, т.е.

$$\sigma_{\rm NN} < \sigma_{\rm NN}^{\rm in} (\sigma_{\rm JL,N} \approx \frac{1}{4} \sigma_{\rm NN}^{\rm in}).$$

Разумеется, при отборе событий с большим пробегом лидирующей системы ее взаимодействие должно увеличиваться и приближаться к нормальному.

Например, при "центральном" рА-взаимодействни и пробеге 2 R_{Em} среднюю величину сечения $\overline{\sigma_{n,N}}$ грубо можно определить как

$$\overline{\sigma}_{\Lambda.,N} \approx \sigma_{\Lambda.,N} + \frac{(\sigma_{NN}^{in} - \sigma_{\Lambda.,N})}{L_{b}} 2\overline{R}_{Em}$$
 /23/

/при $2\overline{R} < L_h/$. При $E_p^{in} = 70$ ГэВ и энергии возбуждения лидирующей системы = 0,5 ГэВ имеем $\gamma_{ЛИД} \approx 42$. Тогда, используя /22/ и полагая $\overline{R}_{Em} = 5 \ \Phi M$, получаем:

 $\sigma \simeq 0.43 \sigma_{\rm NN}^{\rm in}$. /24/

Эта величина не противоречит данным работы /15/. Очевидно, однако, что оценки в /15/ и /24/ весьма грубы. Поэтому необходимо дальнейшее, более точное исследование этого эффекта.

3. Способность к взаимному торможению глюонных компонент нуклонов ограннчена и определяется конечностью константы связи. При энергиях столкновения 200-300 ГэВ проявляются первые признаки неполного торможения. Совершенно ясно, что наш анализ этого явления при очень больших энергиях является весьма приближенным. Однако он достаточно определенно показывает, что переход к ситуации, когда процесс можно описывать как независимый распад двух кластеров, охватывает в шкале энергий огромный интервал - порядка ЗОО $\Gamma_{\mathcal{I}}B \div 3$ $T_{\mathcal{I}}B$. Поэтому предпринимаемые в некоторых моделях попытки описать процесс как образование и распад цепочки кластеров уже при энергиях 70-200 $\Gamma_{\mathcal{I}}B$ трудно обосновать.

Авторы признательны сотрудникам Лаборатории теоретической физики, принимавшим участие в обсуждении результатов работы.

ЛИТЕРАТУРА

- 1. Калинкин Б.Н., Шмонин В.Л. ОИЯИ, Р2-7869, P2-7870, P2-7871, Дубна, 1974; ЯФ, 1975, 21, с.628.
- 2. Калинкин Б.Н., Шмонин В.Л. Труды IV Международного семинара по проблемам физики высоких энергий. Дубна, 1975. ОИЯИ, Д1,2-9224, Дубна, 1975; ОИЯИ, Е2-9137, Дубна, 1975.
- 3. Kalinkin B.N. e.a. Preprint HEPI 55-77, Alma-Ata, 1977.
- 4. Van Hove L. Acta Phys. Pol., 1976, B7, p.339.
- 5. Калинкин Б.Н., Шмонин В.Л. ОИЯИ, Р2-11380, Дубна, 1978.
- 6. Померанчук И.Я. Докл. АН СССР, 1951, 78, с.889.
- 7. Ландау Л.Д. Изв. АН СССР, сер.физ., 1953, 17, с.51; Биленький С.З., Ландау Л.Д. УФН, 1955, 56, с.309.
- 8. Никитин Ю.П., Розенталь И.Л. Теория множественных процессов. Атомиздат, М., 1976.
- Ferbel T. The Vth Int. Symp. on Many Particle Hydrodynamics, June 4-10, 1974, EISENACH and LEIPZIG, GDR; Morrison D. Proc. 4 Int. Conf. on High Energy Collisions, Oxford, 1972, p.253.
- 10. Koba Z. JINR, E2-6918, Dubna, 1973.
- 11. Сисакян И.Н., Фейнберг Е.Л., Чернавский Д.С. Труды ФИАН, 1972, 57, с.164.
- 12. a) Antinucci M. e.a. Lett. Nuovo Cim., 1973, vol. 6, N-4, p.121; b) Ferbel T. Proc. of III Int. Colloquium on Multiparticle Reactions, Zakopane, June, 1972.

- 13. Hagedorn R. Nuovo Cim. Suppl., 1968, vol. VI, N2, p.311.
- 14. Alma-Ata Gatchina Moscow- Tashkent Collaboration. P.N.Lebedev Physical Inst. Preprint N77, Moscow, 1977.
- 15. Bannik B.P. e.a. Zeitschrift für Phys., 1978, A284, p.283.

Рукопись поступила в издательский отдел 31 мая 1978 года.