

СООБЩЕНИЯ ОБЪЕДИНЕННОГО Института Ядерных Исследований

Дубна

75-229

P17-95-229

# Н.В.Выонг

# МЕЖГРАНУЛЬНАЯ НАМАГНИЧЕННОСТЬ В ВЫСОКОТЕМПЕРАТУРНЫХ СВЕРХПРОВОДНИКАХ



## 1.Введение

Высокотемпературные сверхпроводники (ВТСП) являются многокомпонентной системой. Все ВТСП-обрарцы, будучи кристаллическими (ио-ва отсутствия конгрувнтной точки плавления на их фавовой диаграмме) или керамическими (ио-ва диффузионного механизма их формирования), являются агломератами анизотропных гранул (гранульная область-ГО), отделяющихся друг от друга нестсхиометрическим межгранульным материалом (межгранульная область-МГО). Обе эти области являются сверхпроводниками второго рода, отличающиеся по своим сверхпроводящим свойствам. ГО обладает "сильными" сверхпроводящими свойствами, характерными для данного соединения, МГО имеет более слабые сверхпроводящие свойства, сильно вависящие от пути изготовления образцов, которые ограничивают применения ВТСП на практике.

Многочисленные работы [1-16] были посвящены исследованию сверхпроводящих свойств межгранульной области. Оказалось, что для такого исследования подходящим инструментом является измерение динамической намагниченности (*ac*-намагниченности) эбразцов под воздействием внешнего магнитного поля  $H_{ex} = H_{dc} + H_{ac}$  ( $H_{dc}$ -постоянное поле,  $H_{ac} = H_o sin(\omega t)$ -переменное поле частоты  $\omega$ ) и температуры T, в котором фигурируют три основных параметра сверхпроводящего пространства T - H - J (J-ток, индуцированный магнитным полем в образце).

Известно, что динамика проникновения магнитных вихрей в ВТСП-образец хорошо описывается моделью критического состояния (МКС)[17]. Вклад МГО в намагниченность также хорошо объясняется этой моделью, если предположить при этом сильные вависимости плотности критического тока  $J_c$  от локального, проникающего в образец, магнитного поля B(r). Для  $J_c(B)$  были вояты различные функции при количественном анализе результатов измерения намагниченности в ВТСП-образцах, например, ким-функция ( $J_c \approx |B|^{-1}$ ) [1-9], экспоненциальная функция ( $J_c \approx cxp(-|B|/B_o)$ ) [10,11], гаусс-функция ( $J_c \approx exp - B^2/\sigma^2$ ) [12].

Поскольку  $J_c$  межгранульной области не является величиной, свойственной для данного соединения, се температурная и полевая вависимости меняются от образца к образцу, поэтому для анализа экспериментальных данных намагниченности теоретические расчеты должны проводиться с более обобщенной функцией  $J_c(H,T)$ , например,  $J_c = \alpha(T)/(B_o + |B|)^{\beta}$ , где  $\alpha(T)$ -произвольная функция, выражающая температурную вависимость силы пиннинга пиннингующих центров, а полевая вависимость силы пиннинга выражается через функцию  $(B_o + |B|)^{-\beta}$ .

С таким выражением для  $J_c(H,T)$  Иангтан Ким и др. [13] смогли моделировать полевые зависимости реальной  $(\chi'_1)$  и мнимой  $(\chi''_1)$  частей первой гармоники (фундаментальной) *ас*-восприимчивости для керамики  $YBa_2Cu_3O_{7-\delta}$  (*YBCO*). М. Фостхубер и др. [14] использовали функцию  $J_c = a(1 - T/T_c)^q/(B_o + |B|)^{\beta}$ ) для анализа зависимости  $H_o = f(T_p)$ , где  $T_p$ -температура, при которой появлястся пик на кривой  $\chi''_1(T)$ , измеряемой с амплитудой  $H_o$ , для керамик *YBCO* и ( $Bi_{1,6}Pb_{0,4})Sr_2Ca_2Cu_3O_{10}$ . Ж. Ванг и др. [15] изучили зависимость  $\chi''_1$  от  $H_{dc}$  в

1

компоенте  $YBCO - Y_2BaCuO_6$  и показали, что ее можно описать с  $J_c \approx (|B|)^{-\beta}$ . Т. Андт и солвторы [16] использовали упомянутое обобщенное выражение для  $J_c$  при анализе высших гармоник *ac*-восприимчивости в YBCO-пленке. Степенные факторы  $\beta$  и q (если  $\alpha(T) \approx (1 - T/T_c)^q$ ), полученные при сравнении результатов расчета с экспериментальными данными имеют большой разброс, например, для YBCO n = 2 [9]; 4 [14],  $\beta = 2$  [13]; 3, 5 [14]; 5 [15]. Эти факторы характеривуют способность пиннинга, сильно зависят от процесса изготовления образца и должны быть свободными параметрами при подгонке экспериментальных данных.

В настоящей работе описывается межгранульная намагниченность в ВТСПобразцах в рамках МКС с применением обобщенного выражения для  $J_c$ . Общее выражение для локального поля внутри образца дастся во второй части, исходная ветвь намагниченности и петли намагниченности вычисляются в третьей части. Результаты расчетов температурной и полевой зависимостей *ас*восприимчивости представлены в четвертой части, в которой обсуждаются также методики определения важных параметров, характерных для межгранульной области образца.

## 2. Локальное внутреннее поле B(r)

Рассмотрим ВТСП-образец цилиндрической формы диаметра R и длины L(L >> R для пренебрежения размагничивающего фактора), охлаждаемый без поля (ZFC-образец) до температуры  $T < T_c$  и помещенный во внешние коаксиальные магнитные поля  $H_{dc}$  и  $H_{ac}$ , направленные параллельно длинной оси цилиндра. Пусть межгранульная область образца имеет объемную долю fn, влияние ГО на намагниченность МГО выражается через эффективную магнитную проницаемость [9,18]

$$\mu_{eff} = fn + (1 - fn) \frac{2I_1(Rg/\lambda g)}{(Rg/\lambda g)I_o(Rg/\lambda g)},\tag{1}$$

где Rg-средний размер гранул,  $\lambda g$ -лондоновская длина проникновения гранул,  $I_{c}$ ,  $I_{1}$ - модифицированные функции Бесселя.

Все параметры, приведенные в работе, относятся к межгранульной системе, их размерности даются в системе единиц СИ.

В поле  $H_{ex} > H_{c1}$  на поверхности образца возникают магнитные вихри. На систему вихрей действуют, с одной стороны, сила отталкивания между вихрями, способствующая движению вихрей из области их большой плотности в область меньшей плотности, и, с другой стороны, сила пиннинга вихрей пиннингующих центров в образце. В диапазоне внешнего поля  $H_{c1} < H_{ex} < H_{c2}$  распределение локального поля внутри образца B(r) описывается уравнением баланса [19]:  $dB(r)/dr = \alpha_p/B(r)$ , где  $\alpha_p$ -сила пиннинга.

Согласно МКС [17], уравновешенное локальное поле B(r) будет таким, что  $dB(r)/dr = J_c(r)$ . Предполагая, что J, имеет упомянутое обобщенное выражение, мы имеем следующее уравнение для определения поля B(r):

$$\frac{dB(r)}{dr} = \frac{\alpha(T)}{(B_o + |B|)^{\beta}}.$$

Видно, что функция  $\alpha(T)$  и фактор  $\beta$  тесно связаны с силой пиннинга  $\alpha_p$  образца.

Решение уравнения (2) с граничным условием  $B(r = R) = H_{ex} + M_{eq} (M_{eq} - обратимая (равновесная) намагниченность), которое справедливо при условии <math>R \gg \lambda$ , для исходной ветви намагниченности в ZFC-обравце, когда внешнее поле увеличивается от нуля до техущего вначения  $H_{ex}$ , имеет вид:

$$B(r) = [(B_o + M_{eq} + H_{es})^{\beta+1} - (\beta+1)\alpha(R-r)]^{1/(\beta+1)} - B_o.$$
(3)

(2)

Параметр  $B_o$  вводится в выражение для  $J_c$  для снятия расходимости  $J_c$  при стремлении B к нулю и имеет величину порядка  $\Phi_o/\nu$ , где  $\Phi_o$ -квант магнитного потока ( $\approx 15$  A/M [9] для YBCO), а  $\nu$ -площадь сечения гранул.  $B_o$  является константой материала и слабо зависит от температуры. Величина  $M_{eq}$  есть вклад лондоновского поверхностного тока в намагниченность ,  $M_{eq} \leq H_{c1}$ . Она определяется кривой Лондона-Абрикоса и се можно включить в  $H_{ex}$  как составляющий член. Параметром  $B_o$  можно пренебречь, поскольку он искажает B(r) лишь в маленькой окрестности вблизи  $r_p$ , где  $B(r_p) \approx 0$  в случае  $H_{ex} \leq H_p$  ( $H_p$ -поле полного проникновения), а в вычислениях петель намагниченности и восприимчивости фигурирует не B(r), а усредненное поле (B(r)) по поперечному сечению образца. Поэтому для простоты мы игнорируем два параметра  $B_o = 0$  и  $M_{eq}$  в последующих вычислениях.

Окончательно общее выражение для B(r) имсет следующий вид:

$$B(r) = sgn(H_{ex})[sgn(H_{ex}, \overrightarrow{H_{ex}}, \overrightarrow{J}) | H_{ex}|^{\beta+1} -sgn(H_{ex}, \overrightarrow{J})(\beta+1)\alpha(R-r)]^{1/(\beta+1)}, \qquad (4)$$

где обозначаем:

$$sgn(H_{ex}, \overrightarrow{H_{ex}}, \overrightarrow{J}) = sgn(H_{ex})sgn(\overrightarrow{H_{ex}})sgn(\overrightarrow{J}),$$
(5)

$$ggn(H_{ex}) = \begin{cases} +1, \text{ если } H_{ex} \geq 0, \\ -1, \text{ если } H_{ex} < 0, \end{cases}$$
(6)

$$sgn(\overrightarrow{H_{ex}}) = \begin{cases} +1, \ ecли \ H_{ex} \ возрастающее, \\ -1, \ ecли \ H_{ex} \ yбывающее, \end{cases}$$
 (7)

$$sgn(\vec{J}) = \begin{cases} +1, \ eCRM \ aB(r)/ar \geq 0, \\ -1, \ eCRM \ dB(r)/dr < 0. \end{cases}$$
(8)

#### 3. Намагниченность

#### Намагниченность вычисляется следующим образом: - для статической намагниченности (dc-намагниченности), при которой

$$H_{ex} = H_{dc}$$
:

$$M_{dc}(H_{dc}) = \langle B_{dc}(H_{dc}) \rangle - H_{dc}, \qquad (9)$$

- для ас-намагниченности, при которой  $H_{ex} = H_{dc} + H_{ac}$ :

$$M_{ac}(H_{ac}) = \langle B_{dc+ac}(H_{dc}+H_{ac}) \rangle - \langle B_{dc}(H_{dc}) \rangle - H_{ac}, \qquad (10)$$

 $\langle B_{dc} \rangle$  и  $\langle B_{dc+ac} \rangle$  являются усредненными по поперечному сечению образца (с учетом  $\mu_{eff}$ ) вначениями внутреннего поля  $H_{dc}$  и  $H_{dc} + H_{ac}$  соответственно. Для образца цилиндрической формы такая операция усреднения вычисляется по следующей формуле:

$$\langle B \rangle = \frac{2\mu_{eff}}{R^2} \int_{r_1}^{r_2} B(r) \, dx, \qquad (11)$$

вдесь  $r_1, r_2$  есть границы области, где B(r) отлично от нуля.

#### 3.1.Исходная ветвь намагниченности

Исходная намагниченность M<sub>vi</sub>, в ZFC-образце имеет вид, подобный формуле (9) или (10), где усредненное поле выглядит следующим образом:

$$\langle B_{vir} \rangle = \mu_{eff} H_{ex} \left\{ \frac{2(\beta+1)}{2\beta+3} \left( \frac{H_{ex}}{H_p} \right)^{2(\beta+1)} \left( 1 - A^{\frac{2\beta+3}{\beta+1}} \right) - \frac{2(\beta+1)}{\beta+2} \left[ \left( \frac{H_{ex}}{H_p} \right)^{2(\beta+1)} - \left( \frac{H_{ex}}{H_p} \right)^{(\beta+1)} \right] \left( 1 - A^{\frac{\beta+2}{\beta+1}} \right) \right\}.$$
 (12)

Здесь

$$H_{p} = [(\beta + 1)\alpha R]^{1/(\beta+1)}, \qquad (13)$$

$$A = \begin{cases} 0, \text{ если } H_{ex} \leq H_p, \\ 1 - \left(\frac{H_p}{H_{ex}}\right)^{(\beta+1)}, \text{ если } H_{ex} > H_p. \end{cases}$$
(14)

Характерной чертой исходной встви  $M_{vir}$  является существование у нее минимума для случая  $\beta > 0$  при поле  $H_{ex} = H_p$ , который имеет величину  $M_{vir}^{min}(H_{ex} = H_p) = -H_p \mu_{eff}/(2\beta+3)$ . В случае  $\beta = 0$  наблюдается только плато при  $H_{ex} \ge H_p$ . Поэтому появление минимума является прямым подтверждением сильной зависимости критического тока от магнитного поля.

#### 3.2. Петли намагниченности

В рамках МКС гистерезис намагниченности обуславливается способностью центра пиннинга захватывать магнитные вихри, препятствуя при этом проникновению вихрей в образец при возрастании внешнего поля и выходу захваченных вихрей с образца при убывании внешнего поля. Вместо общего выражения (9) или (10) для вычисления убывающей  $(M_d)$  и вобрастающей  $(M_a)$  ветвей ас-намагниченности мы используем следующие формулы:

$$M_d(H_{ac}) = M_{vir}(H_o) + H_o - \Delta \langle B_d(H_{ac}) \rangle - H_{ac}, \tag{15}$$

$$M_a(H_{ac}) = M_d(-H_o) - H_o - \Delta \langle B_a(H_{ac}) \rangle - H_{ac}.$$
<sup>(16)</sup>

Эдесь  $\Delta \langle B_d(H_{ac}) \rangle$  и  $\Delta \langle B_a(H_{ac}) \rangle$  есть текущие эначения убывания и воэрастания усредненного поля  $\langle B(r) \rangle$  соответственно. Они олвисят от предыстории поля B(r), от текущего эначения поля  $H_{ac}$  и от параметров  $H_{dc1}$   $\alpha(T)$ ,  $\beta$ , R. Из-за конечности размера образца (R) два предела интеграла (11) меняются в зависимости от текущих значений  $H_{ac}$ ,  $H_{dc}$  и  $H_p$ . Поэтому  $\Delta \langle B_d(H_{ac}) \rangle$ ,  $\Delta \langle B_a(H_{ac}) \rangle$ , а следовательно.  $M_d(H_{ac})$  и  $M_a(H_{ac})$  не могут выразиться едиными функциями от  $H_{ac}$ , а разбиваются на многочисленные выражения, действительные для конкретных областей  $H_{ac}$  и  $H_{dc}$ . Поскольку такие выражения громоэдкие, они не приводятся в данной работе, а пример их вычисления показан в приложении.

Рис.1а-1в показывают результаты вычислений магнитных петель и их зависимости от эначения фактора  $\beta$  (рис.1а), поля  $H_{de}$  (рис.16) и температуры T (рис.1в). На базе этих кривых можно сделать следующие выводы:

1. Пики у магнитной петли появляются, как у исходной ветви, только в случае  $\beta > 1.$ 

2. Гистеревис изменяется в вависимости от  $H_{dc}$  и T немонотонно, а имсст максимум при определенном вначении  $H_{dc}$  или T, что соответствует максимуму у полевой или температурной вависимостей мнимой части  $\chi_1''$ , о чем более подробно будет скавано в следующих частях.

3. При условиях  $\beta = 0$ ,  $H_{dc} > 0$  или  $\beta > 0$ ,  $H_{dc} = 0$  наблюдается симметрия  $M_d(\omega t) = -M_a(\omega t + \pi)$ , что соответствует отсутствию четных гармоник ас-восприимчивости, иными словами, существование четной гармоники ас-восприимчивости в поле  $H_{dc}$  является прямым доказательством сильной зависимости критического тока от магнитного поля.

### 4.АС-восприимчивость

Мнимая  $(\chi_n'')$  и реальная  $(\chi_n')$  части *n*-й гармоники *ac*-восприимчивости вычисляются по стандартным формулам:

$$\chi'_{n} = \frac{1}{\pi H_{o}} \left\{ \int_{\pi/2}^{3\pi/2} M_{d} \sin(n\omega t) \, d\omega t + \int_{3\pi/2}^{5\pi/2} M_{o} \sin(n\omega t) \, d\omega t \right\},$$
(17)

$$\chi_n'' = \frac{-1}{\pi H_o} \left\{ \int_{\pi/2}^{3\pi/2} M_d \cos(n\omega t) \, d\omega t + \int_{3\pi/2}^{5\pi/2} M_a \cos(n\omega t) \, d\omega t \right\}.$$
(18)

В этой части мы покажем как воспользоваться результатами измерений зависимостей  $\chi'_n$ ,  $\chi''_n$  от T,  $H_o$ ,  $H_{dc}$  для изучения сверхпроводящих свойств межгранульной области ВТСП-образца.

# 4.1. Температурные зависимости $\chi'_{n}(T), \, \chi''_{n}(T)$

Температура T влияет на  $\chi'_n, \chi''_n$  через функцию  $\alpha(T)$  и  $\mu_{eff}$ . Для межгранульной области можно предположить, что  $\alpha(T) = \alpha_{c}(1 - T/T_{c})^{q}$ . Согласно Ж.В.С. Дэ Врис и др. [20] для МГО с фазовой структурой типе S - I - S фактор q может принимать эначения от 1 до 1,5 в рависимости от отношения энергии связи между гранулами к энергии конденсации гранул; для структуры типа S - N - Sфактор q принимаст вначение 2 для Т вбливи Т. Ив-ва неконтролируемого отклонения от стехиометрии межгранульной области, упомянутого в части 1, следует оставить степенной фактор q в функции  $\alpha(T)$  свободным, его вначение определяется при подгонке результатов расчета по экспериментальным данным. Параметр  $\mu_{eff}(T)$  зависит от T через функцию  $\lambda(T)$ , которая принимает вид [9]:  $\lambda(T) = \lambda(0)(1 - (T/T_c)^4)^{-1/2}$  с  $\lambda(0) = 0,6$  мкм. Для керамических ВТСПобразцов, после роста гранул при последнем спекании, средний размер гранул Rg порядка десятков мкм, поэтому в том температурном интервале, где вклад МГО в намагниченность является большим, имеет место неравенство  $R_g/\lambda(T) \gg 1$ , что упрощает выражение  $\mu_{eff} \approx fn + (1 - fn)(2\lambda(T)/Rg) \approx fn$ . Вообще  $\mu_{eff}$ можно оценить с помощью  $\chi'_1$ , измеряемой при большом поле  $H_{ex}$ , при котором  $\chi_1 \rightarrow (\mu_{eff} - 1).$ 

Рис.2 иллюстрируст результаты расчетов зависимостей  $\chi'_1(T)$ ,  $\chi''_1(T)$  при различных амплитудах  $H_o$ . Очевидно, что пик на кривой  $\chi''_1(T)$  смещается с возрастанием  $H_o$  в сторону более низкой температуры, что всегда наблюдается в эксперименте. Зависимость между  $H_o$  и  $T_p$  имеет следующий вид:

$$H_o = \left[ (\beta + 1)\alpha_o R \left( 1 - \frac{T_p}{T_c} \right)^q \right]^{1/(\beta+1)},\tag{19}$$

то есть наклон кривой  $H_o = f(1 - T_p/T_c)$ , построенной в двойной логарифмической шкале, равен  $q/(\beta + 1)$ . Кроме этого, на практике наблюдается [14] более сложная связь, чем линейная, между полем  $H_o$ , при котором возникает пик  $\chi_1''(T)$ в образце диаметра R при фиксированной температуре  $T_p$ , и значением R. Такая связь непосредственно следует из формулы (19):  $H_o \approx R^{1/(\beta+1)}$ .

Мы предлагаем следующий метод определения фактора  $\beta$ , который совместно с упомянутым определением отношения  $q/(\beta+1)$  позволяет определить два важных параметра центров пиннинга  $\beta$  и q. Сущность метода заключается в следующем.

Пик  $\chi_1''(T_p)$  соответствует полю  $B(r, \omega t)$ , которое при  $\omega t = \pi/2 \pm \pi$  имеет фиксированные эначения при двух границах : B(r = 0) = 0 и  $B(r = R) = \pm H_o = \pm H_p$ , а его текущие эначения зависят однозначно от фактора  $\beta$ . Отсюда следует, что величина  $\chi_{1p}'' = \chi_1''(T = T_p)$  должна быть однозначной функцией от  $\beta$ .

6

Величина  $\chi''_{1p}$  вычисляется по формуле:

$$\chi_{1p}'' = \frac{-2}{\pi H_p} \int_{\pi/2}^{3\pi/2} M_d (H_o = H_p) \cos \omega t \, d\omega t.$$
 (20)

На основе приложения (см. (32), (33)) получаем

$$\frac{\chi_{1p}''}{\mu_{eff}} = \frac{-8(\beta+1)}{\pi(\beta+2)(\beta+3)} + \frac{4(\beta+1)}{\pi(\beta+2)2^{(\beta+2)/(\beta+1)}} \times \\ \times \int_{0}^{1} \left[ \left(1 + x^{(\beta+1)}\right)^{\frac{2\beta+3}{\beta+1}} + \left(1 - x^{\beta+1}\right)^{\frac{2\beta+3}{\beta+1}} \right] dx.$$
(21)

Функция  $\chi_{1p}^{''}(\beta)$ , представленная на рис.3, позволяет определить фактор  $\beta$  по измеряемой величине  $\chi_{1p}^{''}$ .

Аналогично, температурные вависимости высших нечетных гармоник  $\chi'_n(T)$ ,  $\chi''_n(T)$  легко вычисляются по формулам (17) и (18). Функции  $\chi'_n(T)$ ,  $\chi''_n(T)$  могут иметь произвольную форму, их вначения могут быть как положительными, так и отрицательными. Такие вависимости представляются менее интересными при обработке результатов измерений. Отметим только одно обстоятельство, что для случая полного экранирования, когда  $M_d(\omega t) = -M_d(2\pi - \omega t)$ , в частности, при  $H_o \ll H_p$ ,  $\chi'_1 = -1$ , а  $\chi''_1$  и все  $\chi'_n$ ,  $\chi''_n$  с n > 1 равны нулю.

Рис.4 показывает результаты расчета  $\chi'_1(T)$ ,  $\chi''_1(T)$  для различных полей  $H_{dc}$ при  $H_o < H_p$ . Пик  $\chi'_1(T = T_p, H_{dc})$  опять смещается в сторону более низкой температуры при повышении  $H_{dc}$ , что и наблюдается на практике. Условие появления пика  $\chi'_1(T = T_p, H_{dc})$  выражается следующим образом:

$$\left(1 - \frac{T_p}{T_c}\right) = \left\{\frac{1}{2R\alpha_o} \left[ (H_{dc} + H_o)^{(\beta+1)} - (H_{dc} - H_o)^{(\beta+1)} \right] \right\}^{(1/q)}.$$
 (22)

Из (19) и (22) следует, что функция  $(1 - T_p/T_c) = f(H_{ex})$  приблизительно является степенной, т.е.  $(1 - T_p/T_c) \approx H_{ex}^{(\beta+1)/q}$ . Некоторые авторы использовали измерения  $\chi_1''(T, H_{ex})$  при изучении линии необратимости в ВТСП и приписали ей полученную при этом зависимость  $(1 - T_{ir}/T_c) = H_{ex}^{(\beta+1)/q}$ , где  $T_{ir} = T_p$ . Однако из результатов нашего расчета вытекает, что наличие пика  $\chi_1''(T_p, H_{ex})$  и степенная зависилость  $(1 - T_p/T_c) = f(H_{ex})$  связаны с консчностью размера образца и с температурной и полевой зависимостями критического тока. Такая степенная зависимость зависит от факторов  $\beta$  и q, поэтому она должна сильно зависеть от процесса изготовления образцов, в частности, от легирования образцов различными элементами, что и наблюдали авторы работы [21].

# 4.2.Полевые сависимости $\chi_{n}'(H_{ex}), \chi_{n}''(H_{ex})$

Изотермические зависимости  $\chi'_n$  и  $\chi''_n$  от амплитуды переменного поля  $H_o$  и постоянного поля  $H_{dc}$  определяются по общим формулам (17),(18), где переменными являются  $H_o$  и  $H_{dc}$ .

По мере возрастания амплитуды Н<sub>о</sub> переменное поле проникает глубже в образец,  $\chi_1''(H_o)$  увеличивается, достигая максимума при достижении проникающего поля середины образца, т.е. при  $H_o^m = H_p$ , после чего  $\chi_1''(H_o)$  уменьшается из-за конечности размера образца и ослабления критического тока. Позиция пика  $H_{c}^{m}$  вависит от природы центра пиннинга (от функции  $\alpha(T)$  и  $\beta$ ), а форма кривой  $\chi_1''(H_o)$  вависит только от фактора  $\beta$ . В нулевом поле  $H_{dc}$  при слабом поле  $H_{act}$  когда выполняется условие  $H_o \ll H_p$  так, чтобы  $(H_o/H_p)^{2(\beta+1)} \ll$  $(H_o/H_p)^{(\beta+1)}$  (см. приложение), имеем  $\chi'_n(H_o), \chi''_n(H_o) \sim H_o^{(\beta+1)}$ . Такая пропорциональность позволяет легко определить фактор  $\beta$ . Отметим, что на такое определение фактора eta влияет величина  $B_{\sigma}$  (см. формулу (2)), которая была приравнена к нулю в нашем расчете. Как было отмечено С.Ф. Вахид и Н.К. Жагги [22], при  $H_{ac} \ll B_{o}$  внутреннее поле  $B(r) < B_{o}$ , и поэтому  $J_{c}$  можно считать независимым от магнитного поля. Отсюда вытскаст, что для любых образцов на кривых  $\chi'_n(H_o), \chi''_n(H_o)$  всегда существует в маленьком диапазоне  $0 < H_o < B_o$  участок с наклоном, равным 1, который не связан с истинным значением  $\beta$  образцов. Для избежания такого эффекта измерсния вависимостей  $\chi'_n(H_o), \ \chi''_n(H_o)$  должны проводиться на толстом образце, у которого  $H_p \gg B_o$ , чтобы расширить диапазон измерительного поля  $H_o$ , где  $B_o < H_o \ll H_p$ .

Из второй части видно, что в присутствии поля  $H_{dc}$ , для случая  $\beta > 0$  петля намагниченности теряет симметрию : она сжимается при  $H_{ac} > 0$  и расширяется при  $H_{ac} < 0$ . Такое нарушение симметрии должно проявиться на кривой  $\chi_1''(H_o)$ , измеряемой в ненулевом поле  $H_{dc}$ . Такой эффект наблюдали С.Жолмесли н К.Фоссханм [7]. На изотермической кривой  $\chi_1''(H_o)$ , измеряемой при различных полях  $H_{dc}$ , возникают два пика. Первый пик возникает при  $H_o = H_o^{m1} < H_p$ , когда поле  $H_{ac}$  достигает середины образца. Условие его возникновения выражается формулой (22), которая в более общем виде выглядит следующим образом

$$(H_{dc} + H_o^{m1})^{(\beta+1)} \pm |H_{dc} - H_o^{m1}|^{(\beta+1)} = 2H_p^{(\beta+1)}.$$
(23)

Знак плюс-для случая  $H_{dc} < H_o^{m1}$ , а минус-в случас  $H_{dc} \ge H_o^{m1}$ . Для случая  $\beta = 1$  при  $H_{dc} > H_p/\sqrt{2}$  имсем

$$H_o^{m1} = \frac{H_p^2}{2H_{ds}},$$
 (24)

что и получено авторами работы [23, формула (11)]. Второй пик воэникает вследствие выше сказанного нарушения симметрии магнитной потли в переменном поле с амплитудой  $H_o = H_o^{m^2}$ , которое анулирует во втором полупериодс действия поля  $H_{dc}$ . Условие анулирования имест вид

$$(H_o^{m^2} - H_{dc})^{(\beta+1)} - (\beta+1)\alpha R = 0,$$
<sup>(25)</sup>

то есть

 $H_o^{m2} = H_p + H_{dc}.$ 

(26)

Такая вависимость неблюдается в работе (23, см.рис.5). Надо ваметить, что двухпиковый эффект является четким доказательством сильной полевой вависимости критического тока.

Расмотрим, наконец, зависимости *ac*-восприимчивости от постоянного поля  $H_{dc}$ . Рис.6 иплюстрирует результаты расчета кривых  $\chi'_1(H_{dc})$ ,  $\chi''_1(H_{dc})$  с  $H_o < H_p$ , параметром которых является фактор  $\beta$ . Видно, что пики на этих хривых удовлетворяют условию (23), возникают только в случае  $\beta > 0$  и чем больше  $\beta$ , тем сильнее они выражены.

В поле  $H_{dc} > 0$ , для случая  $\beta > 0$ , четные гармоники *ac*-восприимчивости возникают из-за нарушения симметрии магнитной петли. На рис.7 представлены вычисленные температурные зависимости второй гармоники  $\chi'_2(T)$ ,  $\chi''_2(T)$  при различных полях  $H_{dc}$ .

#### <u>5.Заключение</u>

Из соображений о процессе изготовления ВТСП-образцов и многочисленных экспериментальных данных следует, что ВТСП-образцы должны быть рассмотрены как комплекс двух областей, встроенных друг в друга : область "сильных" стехиометрических гранул и область "слабых" нестехиометрических межгранульных материалов. В то время как для области гранул намагниченность описывается в рамках модели критического состояния с бин- или ким- выражением для плотности критического тока [9], для межгранульной области намагниченность должна описываться в МКС с обобщенным выражением для плотности критического тока [9], для межгранульной области намагниченность должна описываться в МКС с обобщенным выражением для плотности критического тока типа  $J_c = \alpha_o (1 - T/T_c)^q / (B_o + |B|)^d$ . Такое описание подробно изложено в данной работе. Результаты расчета показывают, что в рамках такой обобщенной МКС можно объяснить все полученные экспериментальные данные *ас*-восприимчивости: пиковое поведение кривых  $\chi_1^{"}(T)$ ,  $\chi_1^{"}(H_o)$ ,  $\chi_1^{"}(H_{dc})$ , влияние полей  $H_{dc}$ ,  $H_o$  на смещение температуры  $T_p$  пика  $\chi_{1p}^{"}(T = T_p)$ , появление четных гармоник *ас*-восприимчивости в присутствии поля  $H_{dc}$ , двухпиковое поведение изотермической кривой  $\chi_1^{"}(H_o)$ , измеряемой в поле  $H_{dc}$ .

Мы суммируем основные результаты следующим образом:

1) Качественно легко подтвердить сильную зависимость плотности тока от магнитного поля с помощью: а) появления пика на кривой мнимой части фундаментальной ас-восприимчивости  $\chi''_1(H_{dc})$ , измеряемой при спабом поле  $H_{ac}$ ; б) появления двух пиков на кривой  $\chi''_1(H_o)$ , измеряемой во внешнем поле  $H_{dc}$ ; в) возникновения второй гармоники ас-восприимчивости, измеряемой в поле  $H_{dc}$ .

2) Количественно можно легко определить параметры  $\beta$ , q центров пиннинга и эффективную проницаемость  $M_{eff}$  следующим образом: а) определить фактор  $\beta$ с помощью измерения изотермической *ac*-воспризмивости как функции от  $H_o$ , используя линейную зависимость  $\chi'_n(H_o), \chi''_n \approx H_o^{(\beta+1)}$ ; б) с помощью выражения (21), представленного в графическом виде (рис.3), где дана зависимость между величиной пика  $\chi''_{1p}$  кривой  $\chi''_1(T)$ . измеряемой в нулевом поле  $H_{dc}$ , параметром  $\mu_{eff}$  и фактором  $\beta$  определить величину  $\mu_{eff}$ , используя экспериментальные дан-

9

ные  $\chi_{1p}^{"}$ ; в) фактор q определяется по наклону кривой  $H_o = f(1 - T_p/T_c)$  (см. формулу (19)), выражающей рависимость между температурой  $T_p$ , при которой возникает пик  $\chi_{1p}^{"}$ , и амплитудой  $H_o$  измерительного переменного поля. Кроме этого, константа  $\alpha_o$  определяется по формуле (19), где остальные параметры стали известными ( $T_c$  межгранульной области можно определить как температуру, при которой  $\chi_1^{"}(T = T_c)$ , измеряемой с минимальным полем  $H_{ac}$  в нулевом поле  $H_{dc}$ , достигает нулевого значения).

В качестве примера на рис.8 мы поклываем сравнение результатов расчета с экспериментальными данными кривых  $\chi_1'(T), \chi_1''(T)$ , измеренных в переменном поле с амплитудой  $H_o$  от 20 до 200 А/м, с частотой  $\omega = 68$  Гц в образце YBCO, изготовленном по стандартной керамической технологии. Параметры, испольвуемые в расчете, были следующие:  $\beta = 0, 2, q = 2, 43, f_n = 0, 12, Rg = 5$  мкм,  $\alpha_o = 5, 6 \cdot 10^9, R = 0,001$  м.

В раключение автор хотел бы подчеркнуть, что в ВТСП-образцах, как в гранульной среде с центрами пиннинга, намагниченность должна зависеть от предыстории процесса намагничивания и от изменения свойства самого образца при этом процессе (изменения  $\mu_{eff}$ ,  $\beta$ , q), что приводит к гистерезису *ас*-восприимчивости, измеряемой при возрастании и убывании поля  $H_{de}$ . Экспериментально такой эффект наблюдался нами и авторами работ [13,24]. Количественные анализы такого гистерезиса будут опубликованы в следующей статье. Автор выражает благодарность Е.В. Распопиной за корректировку текста.





Рис.1. Петли намагниченности, вычисленные для образца с  $H_p = 500(A/m)$ ,  $\mu_{eff} = 1$ : (a) в поле  $H_{dc} = 0$  для различных оначений  $\beta = 0(0), 0.5(\Delta), 1(*)$ ; (b) с  $\beta = 1$  в поле  $H_{dc}(A/m) = 0(0), 500(\Delta), 1000(*)$ ; (в) с  $H_{dc} = 0, \beta = 1$  и q = 2 при температуре  $T(K) = 77(0), 85(\Delta), 88(*)$ 



Рис.2. Вычисленные вависимости  $\chi'_1, \chi''_1$  от приведенной температуры  $T/T_c$  в нулевом поле  $H_{dc}$  при различных амплитудах  $H_o$  переменного поля.  $H_p = 500$  A/M,  $\beta = 1, q = 2, \mu_{eff} = 1$ 



Рис.3. Функция  $\chi_{1p}^{''}(\beta)/\mu_{eff}$ , вычисленная по формуле (21)



Рис.4. Вычисленные вависимости  $\chi_1', \chi_1''$  от приведенной температуры  $T/T_c$  для различных вначений  $H_{dc}$ .  $H_o = 100$  A/M ,  $H_p = 500(A/M), \beta = 1, q = 2, \mu_{eff} = 1$ 



Рис.5. Вычисленные вависимости  $\chi_1'$ ,  $\chi_1''$  от поля  $H_{ex} = H_{dc} + H_{ac}$ .  $H_p = 500(A/m), \beta = 1, \mu_{eff} = 1, H_{dc} A/m = 0(o), 100(\Box), 200(\Delta), 300(\diamond), 400(+), 500(x), 600(*), 800(\nabla)$ 







Рис.7. Вычисленные зависимости второй гармоники *ac*-восприимчивости  $\chi'_2(T/T_c)$ ,  $\chi''_2(T/T_c)$  при различных полях  $H_{dc}$ .  $H_p = 500$  A/M ,  $H_o = 50$  A/M ,  $\beta = 1$ , q = 2,  $\mu_{eff} = 1$ ,  $H_{dc}(A/m) = 100(o)$ ,  $200(\Box)$ ,  $400(\Delta)$ ,  $600(\diamondsuit)$ . Линии сосдиняют точки реальной части *ac*-восприимчивости



Рис.8. Сравнение результатов расчетных (кривые) и экспериментальных (точки) данных зависимостей  $\chi'_1(T)$ ,  $\chi''_1(T)$ , измеренных с амплитудой переменного поля  $H_o$  (A/M) = 20(o), 41( $\Box$ ), 61( $\Delta$ ), 101( $\diamond$ ), 203(\*) в керамике  $YBa_2Cu_3O_{7-\delta}$ . Параметры используемые в рас лете  $\beta = 0, 2, q = 2, 43, f_n = 0, 12, Rg = 5$  мкм,  $\alpha_o = 5.6 \cdot 10^9, R = 0.001$  м.

## Приложение

Мы вычисляем ветвь  $M_d$  в случае  $H_{ex} \leq H_p$  и при  $H_{dc} = 0$ . Для всех остальных случаев обе встви  $M_d$ ,  $M_a$  легко вычисляются, однако из-за громоздкости они не даются в данной работе.

На рис. 9 изображены функции B(r) внутреннего поля в типичные моменты воздействия переменного поля  $H_{ac} = H_o \sin \omega t$ . Ветвь  $M_d$  начинается в момент убывания  $H_{ac} \, c \, H_o$  (при этом внутреннее поле – функция  $B_1(r)$ ), проходит через промежуточные значения (внутреннее поле –  $B_2(r)$ ,  $B_3(r)$ ) и ваканчивается в момент достижения значения  $-H_o$  (внутреннее поле –  $B_4(r)$ ).



Рис.9. Локальные внутренние поля  $B(r, \omega t)$  в различные моменты воздействия переменного поля  $H_{ac}$ 

Функции  $B_1(r)$ - $B_4(r)$  выглядят следующим образом:

$$B_{1}(r) = \left[H_{o}^{(\beta+1)} - (\beta+1)\alpha(R-r)\right]^{1/(\beta+1)}, r_{p} \leq r \leq R,$$
(27)

$$B_{2}(r) = \left[H_{ac1}^{(\beta+1)} + (\beta+1)\alpha(R-r)\right]^{1/(\beta+1)}, r_{p3} \le r \le R,$$
(28)

$$B_{3}(r) = \begin{cases} -\left[ \left| H_{ac2} \right|^{(\beta+1)} - (\beta+1)\alpha(R-r) \right]^{1/(\beta+1)}, r_{p2} \le r \le R, \\ \left[ -\left| H_{ac2} \right|^{(\beta+1)} + (\beta+1)\alpha(R-r) \right]^{1/(\beta+1)}, r_{p1} \le r < r_{p2}, \end{cases}$$
(29)

$$B_4(r) = -\left[H_o^{(\beta+1)} - (\beta+1)\alpha(R-r)\right]^{1/(\beta+1)}, r_p \le r \le R.$$
(30)

 $M_d(H_{ac})$  вычисляется по формуле (15), где  $M_{vir}(H_o) + H_o = B_{vir}(H_o)$ ,  $B_{vir}(H_o)$ определяется по формуле (12), а  $\Delta \langle B_d(H_{ac}) \rangle$  определяется с помощью выражений (27 – 30) и операции усреднения (11). Например, для момента  $t_1$ , когда  $H_{ac} = H_o \sin \omega t_1 = H_{ac1}$  имеем

$$\Delta \langle B_d(H_{ac1}) \rangle = \frac{2\mu_{eff}}{R^2} \int_{r_{p3}}^{R} [B_1(r) - B_2(r)] r dr.$$
(31)

Получаем окончательные выражения для  $\Delta \langle B_d(H_{ac}) \rangle$ : при  $H_{ex} \geq 0$ 

$$\frac{\Delta\langle B_d \rangle}{\mu_{eff}H_o} = \frac{2B_1}{B_{23}}h_o^{2B_1}(1-\sin\omega t^{B_{23}}) + \\
+ \frac{2B_1}{B_2}h_o^{2B_1}\left\{ (\sin\omega t^{B_1} + h_o^{-B_1}) \left[ \sin\omega t^{B_2} - \left(\frac{1+\sin\omega t^{B_1}}{2}\right)^{B_2/B_1} \right] - \\
- (1-h_o^{-B_1}) \left[ 1 - \left(\frac{1+\sin\omega t^{B_1}}{2}\right)^{B_2/B_1} \right] \right\},$$
(32)

 $\operatorname{nps} H_{ac} < 0$ 

$$\frac{\Delta \langle B_d \rangle}{\mu_{eff} H_o} = \frac{2B_1}{B_{23}} h_o^{2B_1} (1 + |\sin\omega t|^{B_{13}}) - \frac{2B_1}{B_2} h_o^{2B_1} (1 - h_o^{-B_1}) \left[ 1 - 2(1 - |\sin\omega t|^{B_1})^{B_2/B_1} \right] + \frac{2B_1}{B_2} h_o^{2B_1} \left( \frac{1 - |\sin\omega t|^{B_1}}{2} \right)^{B_2/B_1} (1 + |\sin\omega t|^{B_1} - 2h_o^{-B_1}) - \frac{2B_1}{B_2} h_o^{2B_1} |\sin\omega t|^{B_2} (|\sin\omega t|^{B_1} - h_o^{-B_1}),$$
(33)

где  $h_o = H_o/H_p$ ,  $B_1 = \beta + 1$ ,  $B_2 = \beta + 2$ ,  $B_{23} = 2\beta + 3$ . В случае  $H_o \ll H_p$  так, чтобы  $(H_o/H_p)^{2B_1} \ll (H_o/H_p)^{B_1}$ , имсем  $\Delta \langle B_d \rangle / H_o \approx H_o^{\beta+1}$  так, что в этом случае  $\chi'_n(H_o)$ ,  $\chi''_n(H_o) \approx H_o^{\beta+1}$ .

#### Список литературы

- D-X. Chen, I. Nogues, K.V. Rao. Cryogenics, 1989, v.29, p. 800-808.
- [2]. D-X. Chen, A. Sanches, T. Puig, L.M. Martinez, J.S.Munoz. Physica C, 1990, v.168, p.652-667.
- [3]. L. Ji, R.H.Sohn, G.C.Spalding, C.J.Lobb, M.Tinkham. Phys. Rev. B, 1989, v.40, N16, p. 10936-10945
- [4]. T.Ishida, R.B.Goldfarb.
   Phys. Rev. B, 1990, v.41, N13, p. 8937-8947
- [5]. Л.Т. Цымбал, А.Н. Черкасов. ФНТ,1992, т.18, с. 1191-1196
- [6]. Subir Saha, B.K.Das.
   Super. Sci. Technol., 1993, v.6, p. 685-690
- [7]. S.Gjolmesli, K.Fosshcim.
   Physica C, 1994, v.220, p. 33-40

- [8]. D.Sen, A.Mitra, S.K.Ghatak.
   J. Supercond., 1992, v.5, N6, p. 519-525
- [9]. K.H.Muller.
   Physica C, 1989, v.159, p. 717-726
- [10].5.Scnoussi, C.Aguillon, P.Manuel. Physica C,1991, v.175, p. 202-214
- [11].S.Senoussi, C.Aguillon, S.Hadjoudj.
   Physica C, 1991, v.175, p. 215-225
- [12].V.Calzona, M.R.Cimberle, C.Ferdeghini, M.Putli, A.S.Siri. Physica C, 1989, v.157, p. 425-430
- [13] Youngtac Kim, Q.Harry Lam, C.D.Jeffries.
   Phys. Rev. B, 1991, v.43, N13, p. 11404-11407
- [14].M.Forsthuber, F.Ludwig, G.Hilscher. Physica C,1991, v.177, p. 401-414
- [15] J. Wang, H.S.Gamchi, K.N.R.Taylor, G.J.Russel, Y.Yue. Physica C, 1993, v.205, p. 363-370
- [16] T.Arndt, W.Schauer, J.Reiner. Physica C, 1993, v.210, p. 417-431
- [17].Charles P. Bean. Rev. Modern Phys.,1664, p. 31-39
- [18].John R. Clem Physica C, 1988, v.133-135, p. 50-55
- [19].P.G.de Gennes. Supercond. of Metals and alloys, p. 84 Addison-Wesley Publ. Comp., INC
- [20]. J.W.C. De Vries, G.M.Stollman, M.A.M.Gijs. Physica C,1989, v.157, p. 406-414
- [21].M.Mehbod, S.Sergeenkov, M.Ausloos, J.Schoeder, A.Dang. Phys. Rev. B, 1993, v.48, N1, p. 483-486
- [22].S.F.Wahid, N.K.Jaggi. Physica C, 1990, v.170, p. 395-404
- [23].K.N.R.Taylor, J.Wang, G.J.Russel
   Modern Phys. Lett. B, 1993, v.7, N2, p. 83-89.

Рукопись поступила в издательский отдел 24 мая 1995 года.