

ОБЪЕДИНЕННЫЙ  
ИНСТИТУТ  
ЯДЕРНЫХ  
ИССЛЕДОВАНИЙ  
ДУБНА

P17-89-18

Е.П.Каданцева, С.Ф.Лягушин\*, Б.К.Мурзахметов\*,  
А.С.Шумовский

УЧЕТ РЕЗОНАТОРА  
В ПРОЦЕССЕ ГЕНЕРАЦИИ СЖАТОГО СОСТОЯНИЯ  
В РЕЗОНАНСНОЙ ФЛУОРЕСЦЕНЦИИ

Направлено в журнал "Оптика и спектроскопия"

---

\* Московский государственный университет  
им. М. В. Ломоносова

1989

В последнее время большой интерес вызывает проблема генерации сжатых состояний электромагнитного поля (ССЭП)<sup>1/</sup>. Как показали успешные эксперименты 1986-87 гг.<sup>2,3/</sup>, использование ССЭП открывает практическую возможность измерения сигналов ниже уровня, определяемого пределом "дробового" шума. Так, в работе<sup>3/</sup> достигнутое 50%-е сжатие света позволило повысить точность измерения сверхслабых сигналов на три порядка по сравнению с пределом дробового шума. В этой связи актуальным стало определение способов и условий генерации ССЭП со степенью сжатия света, большей чем 50%. Один из этих способов, основанный на специфических корреляционных свойствах фотонов в триплете резонансной флуоресценции (РФ)<sup>4/</sup>, предложен в работе<sup>5/</sup>. Рассматривается сосредоточенная система двухуровневых атомов, взаимодействующая с интенсивным внешним полем  $E$  частоты  $\omega$  и полем излучения и помещенная в резонатор, настроенный на частоты крайних компонент спектра РФ. Центральная компонента фильтруется, и на выходе резонатора наблюдается сжатие света в смеси выделяемых резонатором сигнальных мод  $E_1$  и  $E_2$ , имеющих частоты  $\omega_1$  и  $\omega_2$ , близкие к частотам крайних компонент спектра РФ. Данная физическая ситуация моделируется двухмодовым гамильтонианом Дикке во внешнем классическом поле<sup>5/</sup>. На основе борновского по квантованному взаимодействию и марковского приближений выводится уравнение типа Master Equation для редуцированной матрицы плотности атомной системы. При условии

$$(\Delta_o^2 + \frac{4G^2}{h^2})^{1/2} \gg N\gamma_{21}, g_1, g_2,$$

можно применить секулярное приближение и получить стационарное решение этого уравнения. Здесь  $N$  - число атомов,  $\Delta_o = \omega_{21} - \omega$  - расстройка резонанса,  $\omega_{21}$  и  $\gamma_{21}$  - соответственно частота и скорость спонтанного перехода атома с возбужденного уровня  $|2\rangle$  на основной уровень  $|1\rangle$ ,  $G = -\vec{d}E$ ,  $\vec{d}$  - электрический дипольный момент. Константа взаимодействия для соответствующей сигнальной моды  $g_i$  определяется выражением

$$g_i = \sqrt{\frac{2\pi}{h\omega_i V}} (\vec{d} \vec{e}_i) \omega_{21}, \quad (i = 1, 2),$$

где  $\omega_i$  - частота и  $\vec{e}_i$  - вектор поляризации сигнальной моды  $E_i$ ,  $V$  - объем квантования поля. Квантовые уравнения Гейзенберга - Ланжевена позволяют связать корреляционные функции полевых операторов с корреляционными функциями атомных операторов (усреднение проводится по стационарному состоянию атомной системы и полевого термостата).

Для квадратурных операторов

$$b_1 = \frac{1}{2}(b + b^+), \quad b_2 = -\frac{i}{2}(b - b^+),$$

где  $b^+ = a_1^+ + a_2^+$ ,  $b = a_1 + a_2$  - операторы рождения и уничтожения смеси сигнальных мод  $E_1$  и  $E_2$ , можно ввести функции<sup>5/</sup>

$$\mathcal{F}_{1,2} = \frac{\langle (b_{1,2} - \langle b_{1,2} \rangle) \rangle - \frac{1}{2} |\langle [b_1, b_2] \rangle|}{\frac{1}{2} |\langle [b_1, b_2] \rangle|},$$

которые характеризуют степени сжатия в компонентах  $b_1$  и  $b_2$  соответственно. Отрицательность функции  $\mathcal{F}_1$  свидетельствует о сжатии квадратурной компоненты  $b_1$ , причем значение  $\mathcal{F}_1 = -1$  отвечает предельному (100%) сжатию ( $i = 1$  или  $2$ ). В предлагаемой схеме эксперимента сжатие происходит только в компоненте  $b_2$ . Полученное в работе<sup>5/</sup> выражение для функции  $\mathcal{F}_2$  обобщается в настоящей работе на случай ненулевой температуры термостата. Оно имеет вид

$$\mathcal{F}_2 = \frac{1}{x-1} \frac{[x(y^2+1) - y\sqrt{x}(x+1)]A_N(x) + \frac{n}{\xi_2^2}(x^{N+1}-1)(x-1)^2(\sqrt{x}+1)^2}{|\frac{1}{2}(y^2x-1)A_N(x) + \xi_2^{-2}(x^{N+1}-1)(x-1)(\sqrt{x}+1)^2|},$$

где

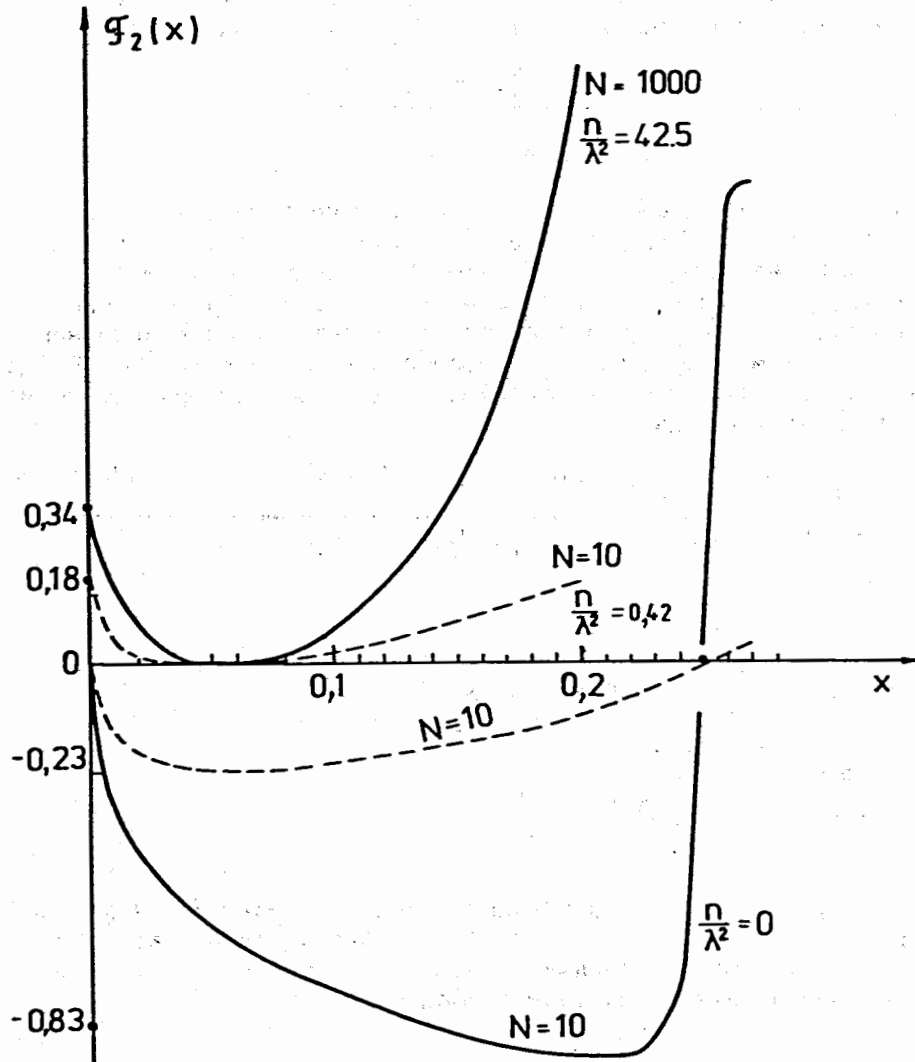
$$A_N(x) = Nx^{N+2} - (N+2)x^{N+1} + (N+2)x - N,$$

$$x = \left( \frac{h\Delta_o}{2G} + \sqrt{\frac{h^2\Delta_o^2}{4G^2} + 1} \right),$$

Здесь  $\kappa_1$  - константа затухания сигнальной моды  $E_1$  в резонаторе,  $\xi_1 = g_1/\kappa_1$  и  $y = \xi_1/\xi_2$  - безразмерные параметры ( $i = 1, 2$ ). Число тепловых квантов  $n = n_1 + n_2$  в сигнальных модах можно оценить по формуле Планка:

$$n = \sum_{i=1}^2 \frac{1}{\exp(h\omega_i/kT) - 1},$$

где  $T$  - температура термостата. Зависимость функции  $\mathcal{F}_2$  от параметра  $x$  при фиксированных значениях параметров  $y > 1$ ,  $N$  и  $\xi_2$  приведена на рисунке. Значительное сжатие наблюдается в области  $x \lesssim y^{-2}$  и слабое - в области  $x > y^{-2}$  (см. рис.).



Повышение температуры термостата ухудшает сжатие ( $\partial \mathcal{F}_2 / \partial T > 0$ ). В случае большого числа атомов ( $N \gg 1$ ) при выполнении условия

$$n \ll N \xi_2^2$$

влияние температуры термостата на эффект сжатия пренебрежимо мало. Если при этом выполняется условие

$$N \xi_2^2 \gg 1,$$

то при приближении к точке  $x = y^{-2}$  слева достигается практически предельное (близкое к 100%) сжатие. В случае  $y < 1$  в области  $x \lesssim y^{-2}$  происходит слабое сжатие, а существенное сжатие при выполнении условий (1) и (2) можно получить, приближаясь к точке  $x = y^{-2}$  справа. На практике удобно параметр  $x$  фиксировать, а изменять параметр  $y$ , который, в силу соотношения

$$\kappa_i = \frac{\omega_i}{Q_i},$$

пропорционален отношению добротностей  $Q_1$  и  $Q_2$  резонатора для сигнальных мод  $E_1$  и  $E_2$  соответственно.

Проведем численные оценки.

а). Оптический диапазон. Для  $T = 300$  К и  $\omega_{1,2} \sim 10^{15}$  Гц получаем  $n \sim 10^{-30}$ . Объем квантования поля  $V$  положим равным объему резонатора. Взяв  $V \sim 10$  см<sup>3</sup>,  $\omega_{21} \sim 10^{15}$  Гц,  $d \approx eQ_0 \sim 10^{-19}$  ед. зар. СГСЕ см,  $\kappa_{1,2} \sim 10^8$  Гц, получаем  $\xi_2 \sim 10^{-5}$ . Обычно в эксперименте  $N \lesssim 10^3$  и влиянием комнатной температуры на эффект сжатия можно пренебречь (см. формулу (1)).

б). Радиодиапазон. Для генерации излучения этих длин волн можно использовать переходы между ридберговскими состояниями атомов <sup>6</sup>/ . При  $T = 300$  К и  $\omega_{1,2} \sim 10^{11}$  Гц имеем  $n \sim 100$ . Взяв  $V \sim 100$  см<sup>3</sup>,  $\omega_{21} \sim 10^{11}$  Гц,  $d \approx ea \sim 10^{-15}$  ед. зар. СГСЕ см ( $a$  - размер ридберговского атома),  $\kappa_{1,2} \sim 10^4$  Гц, получаем  $\xi_2 \sim 10^{-1}$ . При выборе  $N \sim 10^4$  условие (2) выполня-

ется, но  $\frac{n}{N \xi_2^2} \sim 1$  (при комнатной температуре) приводит к подавлению эффекта сжатия. При  $N \geq 10^6$  влияние комнатной температуры становится несущественным.

Для наблюдения сжатия света можно применить сбалансированный фазочувствительный детектор, аналогичный использованному в работах <sup>2,7,8</sup>/ . Проведенная оценка показывает, что для

достижения сильного сжатия в радиодиапазоне необходимо понижение температуры.

## ЛИТЕРАТУРА

1. Смирнов Д.Ф., Трошин А.С. - УФН, 1987, т.153, вып.2, с.233.
2. Ling-An Wu, Kimble H.J., Hall J.L., Huifa Wu. - Phys.Rev.Lett., 1986, 57, p.2520.
3. Kimble H.J. et al.- Phys.Rev.Lett., 1987, 59, p.278.
4. Aranasevich P.A., Kilin S.Ja. - J-Phys. B: Atom.Mol.Phys., 1979, 12, p.183.
5. Bogolubov N.N. (Jr.), Shumovsky A.S., Tran Quang. - Optics Commun., 1987, 62, p.49.
6. Смирнов Б.М. - УФН, 1980, т.131, вып.4, с.577.
7. Kimble H.J., Dagenais M., Mandel L. - Phys.Rev.Lett., 1977, 39, p.691.
8. Diedrich F., Walther H. - Phys.Rev.Lett., 1987, 58, p.203.

Рукопись поступила в издательский отдел  
12 января 1989 года.