C 349B





Объединенный институт ядерных исследований дубна

P16-82-432

Экз. чит. ЗАЛА

М.М.Комочков

АППРОКСИМАЦИЯ РЕЗУЛЬТАТОВ ИССЛЕДОВАНИЙ ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ РЕЛЯТИВИСТСКИХ ЯДЕР С ЯДРАМИ С ЦЕЛЬЮ ОЦЕНКИ РАДИАЦИОННОЙ ОБСТАНОВКИ И ЗАЩИТЫ

Направлено на VIII Всесоюзное совещание по ускорителям заряженных частиц /Протвино, октябрь 1982 г./

1982

Решение вопросов защиты от излучений, возникающих при взаимодействии релятивистских ядер, предлагается в настоящей работе искать с использованием накопленной информации о параметрах полей излучений, образующихся при взаимодействии протонов с ядрами:

$$\xi_{\rm A} = N \xi_{\rm p}$$

где  $\xi_{\rm A}$  и  $\xi_{\rm p}$  - величины параметра полей излучения /например, флюенс, доза/, образующихся при одном неупругом взаимодействии ядра-снаряда с ядром-мишенью, и одного неупругого взаимодействия протона с тем же ядром, N - коэффициент, который будем называть числом эквивалентных протонов. Основанием для /1/ является определенное подобие дифференциальных сечений образования различных продуктов реакций, которое нашло, в частности, отражение в факторизационной гипотезе /1/.

Зависимость N от атомного веса ядра-снаряда A с и атомного веса ядра-мишени А<sub>м</sub> будем искать на основе данных работ /2-4/ о выходе каскадных нейтронов при одном неупругом взаимодействии протонов энергии 150 и 350 МэВ -  $\xi_{\rm p}$ , альфа-частиц энергии 177 МэВ/нуклон и ядер неона энергии 337 МэВ/нуклон с мишенями из углерода, алюминия, железа, меди, свинца и урана. Найденные отношения  $\left(\frac{\xi_{A}}{\xi_{p}}=N\right)$ описываются следующими формула-

ми:

Ν

$$N = 0.47 A_{C}^{\frac{1}{2}} (1+0.29 \ln A_{M}), \quad \theta = 0 \div \pi , \qquad /2/$$

$$N = 0.51 A_{C}^{\frac{1}{2}} (1+0.29 \ln A_{M}), \quad \theta = 0 \div \frac{\pi}{2} , \qquad /3/$$

2

N = 0.09 A<sup>1/2</sup><sub>c</sub> (1 + 1.2 ln A<sub>M</sub>), 
$$\theta = \frac{\pi}{2} \div \pi$$
, /4/

где *θ* - угол вылета нейтронов по отношению к направлению движения ядра-снаряда. При определении отношений  $\xi_A/\xi_n$ энергия протонов выбиралась приблизительно равной энергии ядерснарядов на один нуклон. На рис.1 демонстрируется степень согласия рассчитанных на основе формул /1/ и /3/ /расчет по методу эквивалентных протонов/ дифференциальных сечений образоваd~σν с измеренными значениями 14; там же для ния нейтронов  $dE_n d \Omega$ 

/1/



Рис.1. Дифференциальные поперечные сечения образования нейтронов  $\frac{d^2 \sigma v}{dE_n d\Omega}$  в зависимости от их энергии  $E_n$  и угла вылета  $\theta$  при бомбардировке тонких мишеней меди и урана ионами неона энергии 337 МэВ/нуклон:  $\Box - \theta=30^\circ$ ;  $\Delta - \theta =$ = 45°; ----- расчет по методу эквивалентных протонов,  $\theta = 30^\circ$ ; 60°;  $\Phi - \theta = 60^\circ$ ;  $\nabla - \theta = 90^\circ$ ; ----- расчет по модели "файерстрик",  $\theta = 30^\circ$ .

Рис.2. Сечение образования отдельных ядер при взаимодействии "Не и <sup>12</sup> С энергии 400 МэВ/нуклон с ядрами <sup>40</sup> Са:

расчет по модели эквивалентных протонов.

сравнения приведены результаты расчета по модели "файерстрик"/4/ Рабочей формулой расчета была

∆⁴He

$$\left(\frac{d^{2}\sigma v}{dE_{n} d\Omega}\right)_{Ne \to A_{M}} = \frac{N\sigma \left(\frac{d^{2}n}{dE_{n} d\Omega}\right)_{p \to A_{M}}}{(dE_{n} d\Omega)_{p \to A_{M}}},$$
(5)

где  $\sigma$  - сечение неупругого взаимодействия ядра-снаряда /здесь неона/ с ядром мишени,  $(\frac{d^2n}{dE_nd\Omega})_{p\to A_M}$  - число нейтронов на единичный интервал энергии, летящих в единицу телесного угла после одного неупругого взаимодействия протона с ядром мишени /2/ / $\xi_p$  в формуле /1//. Следует иметь в виду, что

$$\int_{0}^{\infty} dE_n \int_{4\pi} \frac{d^2 \sigma \nu}{dE_n d\Omega} d\Omega = \nu \sigma, \qquad (6/$$

Где *v* - число нейтронов, образующихся при одном неупругом взаимодействии ядра неона с ядром мишени.

На <u>рис.2</u> сравниваются результаты расчета по методу эквивалентных протонов сечения образования некоторых ядер при взаимодействии <sup>4</sup> Не и <sup>12</sup> С с<sup>40</sup> Са с данными эксперимента<sup>/5/</sup>. Рабочей формулой расчета была

 $\sigma (\mathbf{Z}_{i}, \mathbf{A}_{i}) = N \sigma_{\mathrm{D}} (\mathbf{Z}_{i} \mathbf{A}_{i}), \qquad /7/$ 

где  $\sigma_p(Z_i, A_j)$  - сечение образования ядра  $Z_i, A_j$  при взаимодействии протона энергии 400 МэВ с ядром <sup>40</sup>Са, которое рассчитывалось по модифицированной формуле Рудстама <sup>767</sup>, а N вычислялось с помощью формулы /2/.

Результаты сравнения расчетов на рис.1 и 2 свидетельствуют о возможности расчета параметров поля излучений по методу эквивалентных протонов; для установления диапазона применения метода по энергии ядер-снарядов и атомному весу необходима дополнительная экспериментальная информация.

При прохождении ядер в толстой мишени /поглотителе/, когда их ионизационный пробег R сравним с пробегом для неупругого взаимодействия  $\lambda = 1/\mu$  или больше него, необходимо учитывать фрагментацию ядер-снарядов при расчете величин параметров поля излучений. Пользуясь основными закономерностями фрагментации ядер<sup>77-10/</sup>, можно поток ядер-снарядов  $\Phi(Z,x)$  в толстой мишени на глубине x<R, аппроксимировать следующим выражением:

$$Z,x) = \Phi_0 \left\{ e^{-\mu x} \delta_{ZZ_0} + e^{-\mu_3 x} \mu_3 x \frac{\nu_3}{Z_3} \times \frac{I_1(2\sqrt{\mu_3 x \nu_3 \ln Z_0/Z})}{\sqrt{\mu_3 x} \nu_3 \ln Z_0/Z} \right\},$$

/8/

Φ(

где  $\Phi_0$  - поток первичных ядер-снарядов,  $\delta_{ZZ_0}$  - символ Кронекера; Z, Z<sub>0</sub> - порядковые номера ядра-фрагмента и первоначального ядра-снаряда соответственно,  $\mu = \sigma_{Z_0} n$ ,  $\mu_3 = \sigma_3 n$ , n - чис $ло ядер мишени в единице объема, <math>\nu_3$  - эффективное число фрагментов на одно неупругое взаимодействие ядра-снаряда,  $I_1$  функция Бесселя первого порядка мнимого аргумента,

$$\sigma_{3} = \sigma_{Z} + (\sigma_{Z_{0}} - \sigma_{Z})e^{-\sigma_{Z_{0}}n_{X}},$$
 /9/

$$Z_{9}=Z + (Z_{0}-Z)e^{\sigma_{Z_{0}}nx}$$
 /10/

При установлении зависимости  $\nu_3$  от атомного веса ядер-снарядов A и ядер-мишени будем опираться на результаты работ /7-10/. Этим данным удовлетворяет, в частности, следующая зависимость:

$$\nu_{3} = 2(1 - e^{-\frac{1}{A}}), A' = 115(1 - e^{-\frac{1}{20}}).$$
 /11/

Для описания распределения фрагментов по изотопам  $\Phi(x,Z,A)$ сделаем допущение о возможности его представления в факторизованной форме:

$$\Phi(\mathbf{x}, \mathbf{Z}, \mathbf{A}) = \Phi(\mathbf{Z}, \mathbf{x}) \cdot \mathbf{f}(\mathbf{A}).$$
 (12/

Некоторым основанием такого представления являются данные о сечении фрагментации  $\sigma_{\rm Z,A}$  в работе<sup>/8,9/</sup>, согласно которым

$$\sigma_{Z,A} \simeq \sigma_Z f_Z(A).$$
 (13)

Имея в виду, что  $\sigma_{\rm Z}$  есть сумма сечений образования всех изотопов с данным Z, можно получить усредненную функцию распределения по элементам:

$$f(A) = \frac{\sum_{i=1}^{2m} \sigma_{Z,A} / \sigma_{Z}}{m}$$
 /14/

Результаты работы<sup>787</sup> показывают, что  $f_Z(A)$  и f(A) существенно асимметричны относительно значения  $A_{Makc}$ , которое соответствует максимальной величине  $\sigma_{Z,A} \rightarrow \sigma_{Z,A_{Makc}}$ ;  $A_{Makc}$ , как правило, совпадает с атомным весом наиболее распространенных изотопов на Земле с данным Z. В <u>таблице</u> представлены значения f(A) в зависимости от разности  $A - A_{Makc}$ , вычисленные с помощью /14/ на основе экспериментальных данных <sup>787</sup> при фрагментации <sup>40</sup> Ar энергии 213 МэВ/нуклон в соударениях с углеродом.

Таблица

Распределение по изотопам

|                       |       |      |          |       | 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1. 1 |         |        |
|-----------------------|-------|------|----------|-------|--|---------|--------|
| А-А <sub>макс</sub> 0 |       | -1   | +1       | -2    | +2                                       | -3      | +3     |
| f(A)                  | 0,395 | 0,21 | 0,23     | 0,054 | 0,104                                    | 0,0066  | 0,0234 |
| 3Σ                    | -     | 0,1  | 0,1      | 0,040 | 0,042                                    | 0,0047  | 0,0134 |
|                       |       |      | <u> </u> |       |  | <u></u> |        |

 $\Sigma^2$  - дисперсия f(A).

7 -

Зная распределение потока ядер-снарядов с их фрагментами /12/ и зависимость числа эквивалентных протонов от А/2/ получим формулу для расчета числа эквивалентных протонов на различной глубине х в мишени, состоящей из одного изотопа:

 $N(x) = \sum_{j}^{Z_0} \sum_{i}^{A_0} N \Phi(Z_{j}, A_{i}, x).$  (15/



Рис.3. Зависимость числа остановок ядер-фрагментов кремния в одной фольге от ее номера: •∮- эксперимент; → - расчет методом Монте-Карло; ----- - полуаналитический расчет.

Параметр поля вне мишени  $\xi_{A_0}$  /спектр, флюенс, доза/ при бомбардировке мишени толщиной d ядрами в соответствии с /1/ будет:

$$\xi_{A_0} \simeq \int_0^d \xi_p(\mathbf{x}) \mathbf{N}(\mathbf{x}) \sigma_3 \, \mathbf{n} \, \mathrm{d}\mathbf{x} \,. \tag{16}$$

Рис.3 иллюстрирует степень согласия рассчитанных на основе формулы /12/ данных с результатами экспериментов/11/.

Результаты полуаналитического расчета, полученные на основе /12/, нормированы на экспериментальные данные для сотого номера фольги; результаты, полученные методом Монте-Карло<sup>/11/</sup>, нормированы на общее число остановок ядер-фрагментов.

В заключение автор выражает благодарность Л.Г.Бескровной и Хо Ки Хону за помощь при выполнении расчетов.

## ЛИТЕРАТУРА

- `1. Goldhaber A.S., Heckman H.H. Annu.Rev.Nucl.Part.Sci., 1978, 28, p.161.
- 2. Alsmiller R.G. et al. ORNL-4046 UC-34-Physics, Oak Ridge, 1967.
- 3. Cecil R.A. et al. Phys.Rev., 1980, C21, p.2471.

4

- 4. Cecil R.A. et al. Phys.Rev., 1981, C24, p.2013.
- 5. Shibata T. et al. Nucl.Phys., 1978, A308, p.513.
- 6. Shilberberg R., Tsao C.H. The Astrophys.Journ.Suppl.Ser., 1973, 25, No.220(1), p.315.
- 7. Greener D.E. et al. Phys.Rev.Lett., 1975, 35, p.152. 8. Vigogi G.D. et al. Phys.Rev.Lett., 1979, 42, p.33.
- 9. Westfall G.D. et al. Phys.Rev., 1979, C19, p.1309. 10. Morrissey D.J. et al. Phys.Rev., 1980, C21, p.1783.
- 11. Heinrich W. et al. Nucl.Instr. and Meth., 1981, 190, p.369.

Рукопись поступила в издательский отдел 9 июня 1982 года.