ОБЪЕДИНЕННЫЙ ИНСТИТУТ ЯДЕРНЫХ ИССЛЕДОВАНИЙ ДУБНА

10/1x-74

P14 - 7974

М.Баланда, В.В.Нитц

3722/2-74

5-202

ФАЗОВАЯ ДИАГРАММА ГЕМАТИТА В МАГНИТНОМ ПОЛЕ. I. Низкотемпературная модификация.



# ЛАБОРАТОРИЯ НЕЙТРОННОЙ ФИЗИНИ

P14 - 7974

М.Баланда, В.В.Нитц

1

٤

ŧ

# ФАЗОВАЯ ДИАГРАММА ГЕМАТИТА В МАГНИТНОМ ПОЛЕ.

I. Низкотемпературная модификация.

Направлено е журнал "Физика твердого тела"

#### 1. ВВЕДЕНИЕ. ТЕРМОДИНАМИЧЕСКИЙ ПОТЕНЦИАЛ

Кристаллическая структура гематита (а-Fe<sub>2</sub>O<sub>3</sub>) относится к ромбоздрической сингонии с пространственной группой  $D_{3d}^{5} - R_{3c}^{5}$ . Ниже  $T_{N} = 950 K$  магнитные моменты железа упорядочены антиферромагнитно. Известно, что при температуре ниже точки Морина Тм = 260 К моменты направлены по ромбоздрической оси /1/, при этом / как и в работе  $\frac{2}{2}$ .  $m_{x} = m_{y} = m_{z} = \ell_{x} = \ell_{y} = 0, \ \ell_{z} \neq 0^{1/2}$ обозначим это состояние как состояние 1/. Выше Т М вектор антиферромагнетизма с хорошей степенью точности перпендикулярен ромбоздрической оси /1/ В этом случае, вообще говоря, возможны два состояния: в состоянии II  $m_y = m_z = \ell_x = 0$ ,  $\ell_y \neq 0$ ,  $\ell_z \neq 0$ ,  $m_x \neq 0$ , в со-стоянии III  $m_x = \ell_y = \ell_z = 0$ ,  $m_y \neq 0$ ,  $m_z \neq 0$ ,  $\ell_z \neq 0$ . /Выбрана прямоугольная система координат с осью x направленной по оси второго порядка, и осью z, совпадающей с ромбоэдрической осью крустапла;  $\vec{m} = (\vec{M}_1 + \vec{M}_2 + \vec{M}_3 + \vec{M}_4)(4M_0)^{-1}$  вектор ферромагнетизма,  $\vec{l} = (\vec{M}_1 - \vec{M}_2 - \vec{M}_3 + \vec{M}_4)(4M_0)^{-1}$  вектор антиферромагнетизма/.

При наложении достаточно большого поля вдоль оси z происходит фазовый переход первого рода из состояния с $\vec{l} = (00 l_z)$  в состояние с $\vec{l} \perp z$  /см., например, 3-7//. Внешнее поле, перпендикулярное оси z, приводит к плавному повороту вектора антиферромагнетизма от оси z, и при достаточной величине поля вектор  $\vec{l}$  становится практически перпендикулярным оси  $z^{/4}$ , 8,9/. Экспериментально установлено /см., например, работы 7,8,10//, что при температуре, достаточно близкой к  $T_M$ , при увеличении поля угол между  $\vec{l}$  и осью z, достигнувопределенного значения, скачком увеличивается до  $-\frac{\pi}{2}$ , т.е.

происходит фазовый переход первого рода. Однако известные экспериментальные работы не дают прямого ответа на вопрос о наличии гакого скачка в низкотемпературной области, например, при температуре жидкого азота.

В данной работе произведен термодинамический анализ поведения в магнитном поле гематита при  $T < T_M$ . На основе известных экспериментальных данных, при строгом учете симметрии фазовых состояний, рассмотрен вопрос о возможности фазового перехода второго рода при низкой температуре. Хотя анизотропия в базисной плоскости гематита мала, поведение кристалла оказывается существенно зависящим от направления поля в базисной плоскости. Построены фазовые диаграммы в переменных ( $h_y h_z T$ ) и ( $h_x h_y T$ ). Основные результаты этого анализа были уже представлены в коротком докладе на конференции /11/.

Термодинамический потенциал кристалла гематита с учетом магнитоупругой связи при наличии внешнего магнитного поля h<sup>2</sup> записывается в виде:

$$\Phi = \Phi_{M} + \Phi_{My} + \Phi_{My} \cdot (1/$$

Здесь, согласно /2/, магнитная энергия равна

$$\Phi = \frac{A}{2} \ell^{2} + \frac{C}{4} \ell^{4} + \frac{B}{2} m^{2} + \frac{D}{2} (\vec{\ell} \cdot \vec{m})^{2} + \beta (\ell_{x} \cdot m_{y} - \ell_{y} \cdot m_{x}) + \frac{f}{2} [(\ell_{x} + i\ell_{y})^{3} + (\ell_{x} - i\ell_{y})^{3}] m_{z} - \frac{a}{2} \ell_{z}^{2} - \frac{g}{4} \ell_{z}^{4} + \frac{b}{2} m_{z}^{2} + \frac{d}{2i} [(\ell_{x} + i\ell_{y})^{3} - (\ell_{x} - i\ell_{y})^{3}] \ell_{z} + \frac{e}{2} [(\ell_{x} + i\ell_{y})^{6} + (\ell_{x} - i\ell_{y})^{6}] - (\vec{m}\vec{h}).$$
 /2/

Энергия магнитоупругого взаимодействия, отвечающая симметрии кристалла, в квадратичном относительно компонент вектора антиферромагнетизма приближении имеет вид /12/;

$$\begin{split} \Phi_{MY} &= (\delta_1 \ell_x^2 + \delta_2 \ell_y^2 + \delta_5 \ell_y \ell_z) u_{xx} + (\delta_2 \ell_x^2 + \delta_1 \ell_y^2 - \\ &- \delta_5 \ell_y \ell_z) u_{yy} + \delta_3 \ell_z^2 u_{zz} + [2(\delta_1 - \delta_2) \ell_x \ell_y + \\ &+ 2\delta_5 \ell_x \ell_z ] u_{xy} + (2\delta_6 \ell_x \ell_y + \delta_4 \ell_x \ell_z) u_{xz} + \\ &+ [\delta_6 (\ell_x^2 - \ell_y^2) + \delta_4 \ell_y \ell_z] u_{yz} . \end{split}$$

/  $u_{ik}$  - компоненты тензора деформации/. Упругая энергия кристалла характеризуется упругими постоянными  $\lambda_i^{/12,13/}$ ;

$$\begin{split} \Phi_{\mathbf{y}} &= \frac{\lambda_{1}}{2} \left( u \frac{2}{\mathbf{x}\mathbf{x}} + u \frac{2}{\mathbf{y}\mathbf{y}} \right) + \lambda_{2} u_{\mathbf{x}\mathbf{x}} u_{\mathbf{y}\mathbf{y}} + \frac{\lambda_{3}}{2} u \frac{2}{\mathbf{z}\mathbf{z}} + \\ &+ \lambda_{4} \left( u_{\mathbf{x}\mathbf{x}} + u_{\mathbf{y}\mathbf{y}} \right) u_{\mathbf{z}\mathbf{z}} + (\lambda_{1} - \lambda_{2}) u_{\mathbf{x}\mathbf{y}} + 2\lambda_{5} \left( u \frac{2}{\mathbf{x}\mathbf{z}} + \frac{4}{4} \right) \\ &+ u \frac{2}{\mathbf{y}\mathbf{z}} + 2\lambda_{6} \left[ \left( u_{\mathbf{x}\mathbf{x}} - u_{\mathbf{y}\mathbf{y}} \right) u_{\mathbf{y}\mathbf{z}} + 2u_{\mathbf{x}\mathbf{y}} u_{\mathbf{x}\mathbf{z}} \right] . \end{split}$$

Получая из системы уравнений

$$\frac{\partial \Phi}{\partial u_{ij}} = 0, \quad (i,j) = x, y, z \qquad /5/$$

выражения для равновесных значений  $u_{ij}^{(0)}$  и подставляя их в /2/, /3/, /4/, получаем выражение для потенциала:

$$\Phi = \frac{A}{2} \ell^{2} + \frac{C}{4} \ell^{4} + \frac{B}{2} m^{2} + \frac{D}{2} (\vec{\ell} \cdot \vec{m})^{2} - \frac{(a + a_{MY})}{2} \ell^{2}_{z} - \frac{(a + a_{MY})}{2} \ell^{2}_{z} - \frac{(a + a_{MY})}{2} \ell^{2}_{z} + \frac{(d + d_{MY})}{2i} [(\ell_{x} + i\ell_{y})^{3} - (\ell_{x} - i\ell_{y})^{3}] \ell_{z} + \frac{\ell^{2}}{2} (\ell_{x} m_{y} - \ell_{y} m_{x}) + \frac{f}{2} [(\ell_{x} + i\ell_{y})^{3} + (\ell_{x} - i\ell_{y})^{3}] m_{z} + \frac{e}{2} [(\ell_{x} + i\ell_{y})^{6} + (\ell_{x} - i\ell_{y})^{6}] - (\vec{m}\vec{h}) + \Phi^{\circ}_{MY}.$$
 /6/

Здесь  $\Phi_{My}^0$  - изотропная часть магнитоупругой энергии. Кроме того, магнитоупругая связь проявляется в виде добавок к константам магнитной анизотропии:

$$a_{MY}^{P} = -2[(\delta_{1} + \delta_{2})(L - 2K) - 2(\delta_{1} - \delta_{2})M + \delta_{3}R + /7/ + 2\delta_{4}V + 4\delta_{5}N - 2\delta_{6}U],$$

$$g_{MY}^{P} = 4[(\delta_{1} + \delta_{2})(L - K) - (\delta_{1} - \delta_{2})M + \delta_{3}(R - Q) + /8/ + 2\delta_{4}V + 4\delta_{5}N - \delta_{6}U],$$

$$d_{MY}^{P} = (\delta_{1} - \delta_{2})N + \delta_{4}U + 2\delta_{5}M + 2\delta_{6}V.$$
(9)

В выражениях /7/ - /9/ коэффициенты K, L, M, N, Q, R известные функции магнитоупругих констант и упругих постоянных <sup>/14/</sup>.

При температуре, достаточно удаленной от  $\Gamma_N$ , константа D, определяющая величину парапроцесса при действии поля вдоль вектора  $\vec{l}$ , существенно больше обменных констант A, B и C. Поэтому во всех обменных

инвариантах можно положить  $\ell^2 = \ell_0^2 - m^2$ , где  $\ell_0^2$  (Т) квадрат вектора антиферромагнетизма ниже течки Морина при отсутствии поля. Для простоты примем  $\ell_0^2 = 1$ . Во всех инвариантах необменного происхождения ввиду нх относительной малости можно не учитывать изменения абсолютной велшчины вектора антиферромагнетизма, т.е. вместо  $|\ell|$  использовать  $|\ell_0|$  |. Минимизируя при этих условиях потенциал /6/ по  $m_x, m_y, m_z$ , получаем энергию в виде зависимости от направления вектора  $\ell / \ell$  угол между  $\ell$  и осью z,  $\phi$  - угол между проекцией  $\ell$  на базисную плоскость и осью x /:

$$\Phi(\theta,\phi) = -\frac{a_1}{2}\cos^2\theta - \frac{g_1}{4}\cos^4\theta + d_1\sin^3\theta \times \cos^4\theta + \sin^3\theta + \sin^6\theta\cos^6\phi - \frac{H_{11}^2}{2(B_1+D)} - \frac{H_{12}^2}{2B_1} / 10/2$$

$$(a_1 = a + a_{MY}, g_1 = g + g_{MY}, d_1 = d + d_{MY}),$$

где  $H_{||}$  - проекция эффективного магнитного поля  $\vec{H}(H_x = h_x + \beta \sin \theta \sin \phi, H_y = h_y - \beta \sin \theta \cos \phi, H_y = h_x + f \sin^2 \theta \cos 3\phi)$ 

на ось антиферромагнетизма:

$$H_{||} = (h_x \cos \phi + h_y \sin \phi) \sin \theta + (h_z + f \sin^3 \theta \cos 3 \phi) \cos \theta; / 11/$$

Н<sub>⊥</sub> - компонента эффективного поля Ĥ, перпендикулярная оси антиферромагнетизма, т.е.

$$H_{\perp}^{2} = H_{x}^{2} + H_{y}^{2} + H_{z}^{2} - H_{||}^{2}$$
 (12/

В выражения / ||O/B| = B - A - C.

Характер индуцированных внешним магнитным полем фазовых переходов существенно зависит от направления проекция поля на базисную плоскость относительно осей второго порядка <sup>/15/</sup>. Если поле перпендикулярно оси второго порядка, при повороте вектора  $\ell$  к базисной плоскости осуществляется фазовый переход первого или второго рода. В магнитном поле, параллельном оси второго порядка, если и имеет место фазовый переход, то только первого рода, т.к. при любой величине поля кристалл находится в неизменном состоянии симметрии /состояние II /.

Наиболее существенным членом в магнитной энергин, приводящим к различню поведения в поле  $h_x$  и  $h_y$ , является  $d_l \sin^3 \theta \cos \theta \sin 3\phi$ . Из-за относительной малости константы  $d_i$  это различие не проявилось в экспериментах по изучению поведения гематита в сильном магнит-

ном поле /например,  $^{/16/}$  /. Следовательно, можно использовать данные по определению величины поля, при котором осуществляется поворот вектора  $\vec{\ell}$  к плоскости (111), не принимая во внимание обычной для многих работ неопределенности направления поля в базисной плоскости.

#### 2. МАГНИТНОЕ ПОЛЕ В ПЛОСКОСТИ СИММЕТРИИ

При увеличении магнитного поля, перпендикулярного оси второго порядка ( $\vec{h} = (0h_y h_z)$ ), осуществляется фазовый переход IV  $\rightarrow$  Ш <sup>/15/</sup>. Здесь IV - состояние симметрии, в котором кристалл находится уже при сколь угодно малой величине поля /единственный элемент симметрии точечной группы - центр инверсии; при этом все компоненты векторов  $\vec{m}$  и  $\vec{\ell}$  не равны нулю/. Симметрией состояний допускается при этом фазовый переход второго рода.

Следует отметить, что при повороте моментов под действием возрастающего поля вектор  $\vec{\ell}$  не перпендикулярен оси у , пока не произойдет переход в состояние III. В частном случае, когда  $\vec{h} = (0h_y 0)$ , при малой величине поля минимизацией выражения /10/ по углу  $\phi$  получаем соотношения:

$$\sin\phi = -\frac{\beta\beta d_1 \cos\theta}{B_1(a_1 - \frac{\beta^2}{B_1})} \quad h_y, \cos\phi < 0 - npu \quad h_y > 0$$
(13/

$$\sin\phi = \frac{3\beta d_1 \cos\theta}{B_1(a_1 - \frac{\beta^2}{B_1})} h_y$$
,  $\cos\phi > 0 - \pi p_H h_y < 0$ .

В более общем случае  $(h_y \neq 0, h_z \neq 0)$  в состоянии IV  $\sin \phi \neq 0$ , если даже пренебречь инвариантами  $d_1 \sin^3 \theta \cdot \cos \theta \sin 3\phi$  и с  $\sin^6 \theta \cos 6\phi$ , а также величиной f  $\sin^3 \theta \cos 3\phi$ . Учтем это обстоятельство при рассмотрении перехода IV  $\rightarrow$  III вдали от  $T_M$ , т.е. когда константа  $\beta$  /равная 2,1  $\cdot$  10<sup>4</sup>  $\ni$  /<sup>17</sup>/, существенно меньше величины поля  $h_y$ , необходимого для фазового перехода /10  $\div$ 15  $\cdot$  10<sup>4</sup>  $\ni$ /. В результате минимизация энергии по  $\phi$ вблизи точки фазового перехода получаем:

$$\sin\phi = -\frac{h_z}{h_y}\left(1 - \frac{\beta}{h_y}\right)\cos\theta. \qquad /14/$$

После подстановки этого соотношения в /10/ энергия представляется в виде разложения по степеням  $\cos\theta$ :

$$\Phi = \Phi_0 - \frac{1}{2} \left[ a_1 - \frac{\beta^2}{B_1} - \frac{\beta h_y}{B_1} - \frac{\beta h_z^2}{B_1 h_y} - \frac{\beta h_z^2}{B_1 h_y} (1 - \frac{\beta}{h_y}) \right] \cos^2 \theta - \frac{1}{8} \left[ 2g_1 - \frac{\beta h_y}{B_1} + \frac{4h_z^2}{B_1} (\frac{\beta}{2h_y} + \frac{b}{B_1}) \right] \cos^4 \theta + \dots$$
(15/)

Отсюда, в соответствии с теорией фазовых переходов /18/, получаем условия для фазового перехода второго рода:

$$\frac{\beta h_{yo}}{B_1} + \frac{\beta h_{zo}^2}{B_1 h_{yo}} (1 - \frac{\beta}{h_{yo}}) = a_1 - \frac{\beta^2}{B_1}$$

$$\frac{\beta h_{y_0}}{B_1} = \frac{4h_{z_0}^2}{B_1} \left(\frac{\beta}{2h_{y_0}} + \frac{b}{B_1}\right) > 2g_1 \quad . \tag{16}$$

Здесь h yo и h zo - значения компонент магнитного поля, при котором осуществляется переход.

На фазовой днаграмме /puc. 1/ изображена поверхность, разделяющая состояния IV и III. Участок этой поверхности при низкой температуре, ограниченный линией O<sub>1</sub>B, удовлетворяет условиям /16/, т.е. является поверхностью фазового перехода второго рода. Приняв в соотношениях /16/ знаки равенства, получаем выражения для компонент поля на критической линии фазового перехода второго рода или, как мы будем далее ее называть, на трикрытической линии O<sub>1</sub>B:

$$h_{y} = \frac{2B_{1}}{3\beta} (a_{1} - \frac{\beta^{2}}{B_{1}} + g_{1})$$

$$h_{z}^{2} = \frac{2B_{1}^{2}}{9\beta^{2}} (a_{1} - \frac{\beta^{2}}{B_{1}} + g_{1}) (a_{1} - \frac{\beta^{2}}{B_{1}} - 2g_{1}).$$
/17/

При написании этих выражений для простоты пренебрегалось величиной  $\beta/h_y$  по сравнению с единицей нанизотропией ферромагнитного момента (b = 0).

Поверхность, показанная на рис. 1 вне трикритической линни  $O_1B$ , является поверхностью равновесия фазовых состояний III и IV и определяется из условия равенства энергий этих состояний. В этой области фазовой днаграммы при увеличении магнитного поля угол  $\theta$ , достигнув определенного значения, скачком увеличивается до 90°, т.е. осуществляется фазовый переход первого рода.

Вопрос о возможности фазового перехода второго рода при низкой температуре в поле, перпендикулярном оси z, уже обсуждался в /19,20/ Прямых поисков трикритической точки не производилось, и имеющиеся экспери-



ментальные данные не позволяют решить вопрос о существовании такой точки однозначно. Однако температурные зависимости поля, при котором вектор  $\vec{l}$  становится перпендикулярным ромбоэдрической оси, в случаях  $\vec{h} \perp z$ в  $\vec{h} \parallel z$ , определенные довольно точно / например,  $\frac{77,16}{1}$ позволяют нам косвенно рассмотреть вопрос о трикритической точке  $O_1$  в плоскости ( $h_y$  T). Известные исследования  $\frac{719,20}{1}$  представляются нам недостаточно удовлетворительными.

Используя выражение для пола фазового перехода второго рода

$$h_{yo} (h_z = 0) = \frac{B_1}{\beta} (a_1 - \frac{\beta^2}{B_1}),$$
 /18/

получающееся из /16/, соотношение для поля  $h_{zo}$  перехода первого рода, следующее из условия  $\Phi(\theta=0) = \Phi(\theta=\frac{\pi}{2})$ :  $h_{zo}^{2}(h_{y}=0) = \frac{(B_{1}+b)(B_{1}+b+D)}{D}(a_{1}-\frac{\beta^{2}}{B_{1}}+\frac{g_{1}}{2}), /19/$ 

и условие для трикритической точки О

$$a_1 - \frac{\beta^2}{B_1} - 2g_1 = 0,$$
 ///20/

получаем соотношение, которое должно выполняться при температуре T<sub>01</sub> /см. *рис.* 1/:

$$\chi_{||}(\theta = \frac{\pi}{2}) - \chi_{||}(\theta = 0) = \frac{5}{4} m_0 \frac{h_{yo}(h_z = 0)}{h_{zo}^2(h_y = 0)} .$$
 /21/

Здесь 
$$\chi_{||}(\theta = \frac{\pi}{2}) = \frac{1}{B_1 + b}$$
,  $\chi_{||}(\theta = 0) = \frac{1}{B_1 + b + D}$  - вос-

приимчивости в параллельном относительно оси z направлении при  $\theta = \frac{\pi}{2}$  и  $\theta = 0$ ;  $m_0 = \beta/B_1$  спонтанный магнитный момент при  $\theta = \frac{\pi}{2}$ .

Все величины, входящие в соотноше́ние /21/, определялись экспериментально с той или иной точностью. Наибольшая относительная неопределенность связана с  $\chi_{||}(\theta=0)$ . Экспериментальные значения  $\chi_{||}(\theta=0)$ , полученные в разных работах /например, /4,17/ /,сущест-

венно различаются между собой и превышают значения, ожидаемые из теории молекулярного поля /см., например,  $^{/21/}$  /. Если использовать температурную зависимость  $\chi_{||}$  ( $\theta = 0$ ), следующую из теории молекулярного поля, и значения

 $\chi_{||} (\theta = \frac{\pi}{2}) = 17,5 \cdot 10^{-6} \frac{9 \text{ рг}}{\Gamma_{\text{C}} \cdot \Gamma_{\text{*}} \cdot \Im}$  и  $m_0 = 0,4$ , /22/ то условие /21/ выполняется при  $T_{01} = 120$  K /  $h_{01} =$ = 155 к $\Im^{/7/}$ /. При этом  $\chi_{||} (\theta = 0) = 10^{-8} \frac{9 \text{ рг}}{\Gamma_{\text{C}} \cdot \Gamma_{\text{*}} \cdot \Im}$ .Значение  $\chi_{||} (\theta = 0) = 0,5 \cdot 10^{-6} \frac{9 \text{ рг}}{\Gamma_{\text{C}} \cdot C_{\text{*}} \Im}$ , полученное для гематита при T = 140 K экспериментально <sup>/4/</sup>, более благоприятно для существования трикритической точки. Если приять это значение и при более высокой температуре, координаты трикритической точки

 $T_{01} = 165 K$ ,  $h_{01} = 135 \kappa 3$ .

Полученный в работе  $^{/\Gamma 9/}$  вывод о том, что при любой температуре  $T < T_M$  в поле, перпендикулярном оси z, происходыт фазовый переход первого рода, не точен, так как при этом не принималась во внимание анизотропия ферромагнитного момента /член  $\frac{b}{2}m_z^2$  в выражении для энергии/, т.е. фактически в формуле /21/

вместо  $\chi_{||} \left(\theta = \frac{\pi}{2}\right)$  использовалось  $\chi_{\perp} \left(\theta = \frac{\pi}{2}\right) = \frac{1}{B_1}$ . Различие величин  $\chi_{||} \left(\theta = \frac{\pi}{2}\right)$  и  $\chi_{\perp} \left(\theta = \frac{\pi}{2}\right)$  и, следовательно, существенное значение константы анизотропии b можно считать хорошо установленным. В работе  $\frac{22}{22}$ приводятся значения  $\chi_{||} \left(\theta = \frac{\pi}{2}\right) = 17,5 \cdot 10^{-6}$  и  $\chi_{\perp} \left(\theta = \frac{\pi}{2}\right) = 19,5 \cdot 10^{-6}$   $\frac{30}{\Gamma_c}$  Различяе между этими восприимчивостями подтверждается также работой  $\frac{17}{17}$ .

## 3. МАГНИТНОЕ ПОЛЕ В БАЗИСНОЙ ПЛОСКОСТИ

Рассмотрим подробнее случай  $h = (h_x 00)$ . Характер изменения угла  $\theta$  в поле  $h_x$  описывается уравнением, получаемым из условия  $\frac{\partial \Psi}{\partial \theta} = 0$  /в этом случае cos  $\phi = 0$  /15///:

$$(a_1 - \frac{\beta^2}{B_1} + g_1 \cos^2 \theta) \sin \theta \cos \theta + d_1 \sin^2 \theta (1 - 4\cos^2 \theta) - \frac{\beta}{B_1} h_x \cos \theta = 0.$$
(22/

Как видно, отличие от случая  $\vec{h} = (0h_y 0)$  обусловленс инвариантом  $d_1 \sin^3 \theta \cos \theta \sin 3 \phi$  /величанами f и с пренебрегаем/. Очевидно, что если зеличина  $|d_1|$  достаточно мала, то в температурной области, в которой при  $\vec{h} = (0h_y 0)$  осуществляется фазомый переход первого рода, при  $\vec{h} = (h_x 00)$  также имеет место скачок и фазовый переход первого рода /но без изменения симметрии состояния/. При низкой же температуре, где в поле  $\vec{h} = (0h_y 0)$  осуществляется фазовый переход второго рода, при  $\vec{h} = (h_x 00)$  в этом случае имеем непрерывный поворот вектора антиферромагнетизма без фазового перехода. На фазовой днаграмме  $(h_x T)$  в таком случае существует критическая точка  $O_8$  /см. *рис. 2/*, при приближении к которой со стороны высоких температур величина скачка стремится к нулю. Точка  $O_8$  аналогична, например, критической точке системы жидкость пар.

На основе уравнения /22/ нами произведены расчеты /с помощью вычислительной машины/ зависимости температуры критической точки от величины константы  $d_1$  /puc. 3/. При этом принималось, что  $\beta = 2,1 \cdot 10^{-4} \Im S^{-17/2}$ ,  $B_1 = 18,3 \cdot 10^6 \Im S^{-22/2}$ , а кеобходимые в расчетах температурные зависимости констант анизотропии ( $a_1 - \beta^2/B_1$ )н  $g_1$  были получены с помощью формул /18/ и /19/с исполь-



.

зованием экспериментальных значений критических полей  $h_{y_0}(h_z = 0)$  и  $h_{z_0}(h_y = 0)^{/7,16/}$  и восприимчивостей  $\chi_{||}(\theta = 0)$  и  $\chi_{||}^{z_0}(\theta = \frac{\pi}{2})^{/22/}$ . Видим, что в любом случае  $T_{08} > T_{01}$ .



Рис. 3. Зависимость температуры критической точки в плоскости  $(h_x T)$  от величины константы анизотропии  $d_1$ .

Значения  $|d_1|$  ниже точки Морина могут быть определены из измерений магнитной анизотропии в плоскости /111/кристалла гематита, произведенных методом вращающего момента <sup>/23/</sup>. При действии в базисной плоскости магнитного поля  $\vec{h}_0$ , существенно большего, чем эффективное поле анизотропии в плоскости  $(|\vec{h}_0| \gg |d_1|)$ , как это имело место в работе <sup>/23/</sup>, вектор антиферромагнетизма можно считать перпендикулярным направлению поля, т.е.  $\phi = \frac{\pi}{2} + \phi_H$ , где  $\phi_H$  - угол между  $\vec{h}_0$  и осью х. В таком случае вращающий момент

$$\mathcal{L} = \frac{d\Phi}{d\phi_{I}} = 3d_{I}\sin^{3}\theta\cos\theta\sin3\phi_{H} = \mathcal{L}_{0}\sin3\phi_{H} \cdot /23/$$

Значения входящего в выражение /23/ угла  $\theta$  можно считать не зависящими от направления поля в базисной плоскости и определить с помещью /22/, пренебрегая членом с множителем  $d_1$ . Используя представленные в работе /23/ зависимости амплитуды вращающего момента  $\Omega_0$  от  $h_0$  при различных температурах, получаем показанную на *рис.* 4 температурную зависимость константы  $d_1$  /из нейтронодифракционных измерений /24/ следует, что  $d_1 < 0$  /.

Сопоставляя *рис.* 3 н *рис.* 4, получаем следующие координаты критической точки:  $T_{08} = 180$  *K*,  $h_{08} = 120$  кЭ.

В более общем случае  $\vec{h} = (h_x h_y 0)$  кристалл находится в нензменном состоянии симметрии IV, т.е., как и при  $\vec{h} = (h_x 00)$ , остается возможным лишь фазовый переход первого рода без изменения свмметрии /15/. На фазовой диаграмме  $(h_x h_y T) / puc. 2/$  трикритическая точка  $O_1$  соединяется с критической точкой  $O_8$  непрерывной линией  $O_1 O_8$  критических точек, которая ограничивает поверхность равновесня двух термодинамических минимумов состояния IV.



Рис. 4. Температурная зависимость константы анизотропии d<sub>1</sub>, полученная на основании результатов измерений вращающего момента /23/

1. При наличии трикритической точки в плоскости (h, T) фазовой диаграммы существует трикритическая линия в пространстве (h, h<sub>z</sub>T). Получены уравнения этой линии и уравнения поверхности фазового перехода второго рода, ограничиваемой трикритической линией в низкотемпературной области.

Анализ известных экспериментальных данных показывает, что существование трикритической точки в плоскости ( $h_yT$ ) при  $T < T_M$  возможно в рамках теории молекулярного поля. Экспериментальные данные по продольной восприимчивости подтверждают существование трикритической точки.

2. При действии поля  $h_x$  возможен фазсвый переход первого рода без изменения симметрии кристалла. В этом случае в плоскости ( $h_x$ T) существует критическая точка, а в пространстве ( $h_x h_y$ T) - критическая линия, соединяющая трикритическую точку в поле  $h_y$  с критической точкой в поле  $h_x$ .

Представлены результаты расчета температурной зависимости константы анизотропии d<sub>1</sub>, на основании которой получены координаты критической точки в плоскости (h<sub>x</sub>T).

Авторы благодарят И.Коцева, Ю.М.Останевича н Е.А.Ткаченко за полезные обсуждения.

### ЛИТЕРАТУРА

- 1. C.Shull, W.Strauser, E.Wollan. Phys.Rev., 83, 333 (1951).
- 2. И.Е.Дзялошинский. ЖЭТФ, 32, 1547 /1957/.
- 3. P.J.Besser, A.H.Morrish. Phys.Lett., 13, 289 (1964).
- 4. Р.А.Восканян, Р.З.Левитин, В.А.Щуров. ЖЭТФ, 53, 459 /1967/.
- 5. N.Blum, A.J.Freeman, J.W.Strauser, L.Grodzins. J.Appl.Phys., 36, 1169 (1965).
- 6. S.Foner, Proc.Intern.Conf.Magnetism, Nottingham, England 1964, p.438.
- 7. S.Foner, Y.Shapira. Phys.Lett., 29A, 276 (1969).

- 8. P.J.Flanders, S.Strikman. Solid State Trmm., 3, 285 (1965).
- 9. G.Cinader, S.Strikman. Solid State Comm., 4, 459 (1966).
- 10. P.J.Flanders. J.Appl.Phys., 40, 1247 (1969).
- 11. М.Баланда, В.В.Нитц. Международная конференция по магнетизму, Москва, август 1973, т. 2, изд. "Наука", М., 1974.
- 12. Е.А. Туров, В.Г.Шавров. ФТТ, 7, 217 /1965/.
- 13. Л.Д.Ландау, Е.М.Лифшиц. Теория упругости. М., изд. "Наука", 1965.
- изд. "Наука", 1905. 14. А.С.Пахомов. ФММ, 25, 769 /1968/. ТТ 16 213 1974: ОИЯИ, Р4-7397, Дубна, 1973.
- 16. Y.Shapira, Phys.Rev., 184, 589 (1969).
- 17. L.Neel, R.Pauthenet, C.R.Acad.Sci., Paris, 234, 2172 (1952).
- 18. Л.Д.Ланоау. ЖЭТФ, 7, 19 /1937/. Л.Д.Ландау, Е.М.Лифшиц. Статистическая физика. Изд. "Наука", 1964.
- 19. I.S. Jacobs, R.A. Beyerlein, S. Foner, J.P. Remeika. Intern. J. Magnetism, 1, 193 (1971).
- 20. Р.З.Левитин, В.А.Щуров. ЖЭТФ, Письма, 7, 142 /1968/.
- 21. Дж.Смарт. "Эффективное поле в теории ферромагнетизма", изд. "Мир", 1968. 22. Т.Копеко, S.Abe, J.Phys.Soc.Japan, 20, 2001 (1965).
- 23. А.А.Богданов. ФТТ, 14, 3362 /1972/.
- 24. R.Levitin, V.Nitts, S.Niziol, R.Ozerov. Solid St.Comm., 7, 1665 (1969).

#### Рукопись поступила в издательский отдел 23 мая 1974 года.