



СООбщения Объединенного института ядерных Исследований дубна

P11-87-336

А.В.Микулич*, А.Б.Швачка, С.В.Шокол*

О ВЫЧИСЛЕНИИ ЭФФЕКТИВНОГО ПОКАЗАТЕЛЯ ПРЕЛОМЛЕНИЯ КРУГОВОЙ ВОЛНОВОДНОЙ ЛИНЗЫ ПО ДИСКРЕТНЫМ ДАННЫМ О ЛУЧАХ

Университет дружбы народов им. П.Лумумбы, Москва

I. ВВЕЛЕНИЕ

К интегральной оптике относят сформировавшееся к концу 60-х годов новое научно-техническое направление, в основе которого лежат электромагнитные явления, происходящие при распространении света в тонких слоях прозрачных материалов. Использование устройств интегральной оптики в современной механике связи и обработки сигналов позволяет значительно снизить габариты устройств по сравнению с объемными аналогами, исключить трудности юстировки и настройки оптической схемы, перейти к малым управляющим мощностям и, кроме того, реализовать эффекты, не имеющие аналогов в классической объемной оптике. Последнее возможно в оптических элементах с плавно изменяющимся эффективным показателем преломления, связанным с плавным изменением толщины пленок, реализующих волноводные элементы.

Одним из распространенных методов изготовления интегральнооптических элементов является метод вакуумного напыления. Математическая модель нанесения пленок методом катодного распыления с использованием теневого эффекта, предложенная в работе /I/, связывает между собой три величины: функцию источника напыляемого вещства, функцию экранирующей маски и результирующую функцию напыленного слоя.

Практический интерес представляет задача выбора параметров экранирующей маски, необходимой для изготовления слоя с заданным распределением эффективного показателя преломления. При этом параметры источника напыляемого вещества могут быть найдены по результатам предварительных напылений с известной маской. Одним из важнейших элементов интегральной оптики является волноводная линза Люнеберга /2,3/, обеспечивающая безаберационную (в приближении геометрической оптики) фокусировку параллельного пучка световых лучей. В работе /4/ описан способ обработки результатов напыления волноводных линз, который состоит в следующем. Через участок волноводного слоя с переменной толщиной пропускается серия световых лучей. По их траекториям (рис. I) восстанавливается распределение эффективного показателя преломления в плоскости волновода и делается заключение о его близости к идеальному. Эти данные могут быть использованы для корректировки параметров эк-

ранирующей маски, необходимой для напыления волноводной линзы с заданными параметрами. Формулировка модели и краткое описание алгоритма восстановления эффективного показателя преломления по следам лучей даны в /4/. В данной работе подробно излагается алгоритм восстановления эффективного показателя преломления по результатам данных эксперимента, в качестве которых берутся оцифрованные следы лучей с фотографии типа изображенной на рис. I, и приводятся результаты восстановления для одной из линз.

2. ОЦИФРОВКА СЛЕДОВ СВЕТОВЫХ ЛУЧЕЙ

Оцифровка следов световых лучей, проходящих через экспериментальный образец пленки переменной толщины, проводилась с негатива фотографии с помощью измерительного микроскопа MUP-12.

Экспозиция с изображением нескольких лучей на одном негативе получена следующим образом: узкий нучок света, сгенерированный лазером, впускался в волновод и кратковременно экспонировался. Затем с помощью плоскопараллельной пластины пучок смещался и его прохождение через волновод вновь экспонировалось и т.д. Поэтому на входе в волноводную пленку (на рис. I - слева) все лучи почти параллельны. При прохождении через область неоднородности, где толщина пленки и, соответственно, эффективный показатель преломления меняются, следы отклоняются к оси симметрии линзы, проходящей через ее центр параллельно направлению лучей на входе. Взяв крайнюю левую точку первого снизу следа за начало отсчета, направление оси x-совпадающим с направлением следов на входе, а оси у - перпендикулярно оси x и вверх, оказалось возможным получить координаты точек на десяти лучах почти по всей длине следов в поле негатива, кроме зоны их пересечения. Координаты точек на оцифрованных следах сведены в таблицу I.

Таким образом, исходными данными для вычисления эффективного показателя преломления (ЭШІ) круговой волноводной линзы являвтся:

к - число оцифрованных следов лучей, проходящих через линзу;

 N_j - числа оцифрованных точек на следах $l_1, l_2, \ldots, l_k;$

 N_{j}^{-}, N_{j}^{+} -номера точек каждого следа ℓ_{j} , такие, что точки с номерами I,..., N_{j}^{-} и $N_{j}^{+}, \ldots, N_{j}^{-}$ лежат вне области неоднород – ности линзы;

таблица $((x_j^n, y_j^n), n=1, ..., N_j; j=1,..., K_j$ замеренных декартовых

Таблица I

Экспериментальные данные задачи восстановления эффективного показателя преломления круговой волноводной линзы.

Координаты точек приведены в табличных единицах: по оси x в I см – 6,25 табл. ед., по оси y в I см – 100 табл.ед., $R_9=75$ см. Для всех десяти следов $N_r=29$ и $x_r^n = x_2^n = \ldots = x_n^n = x^n$

									the second s		
	xn	¥,n	y2n.	y_3^n	y_4^n	35 ⁿ	y ₆ ⁿ	yr Yy	y ⁿ	ygn.	y,n
	27,0	0,0	I5,0	26,5	36,0	41,0	51,5	70,5	8I,0	88,0	98,0
·	27,5	0,0	I5,0	26,5	36,0	4I,0	5I , 5	70,5	8I,O	88,0	98,0
	28,0	0,0	I5,0	26,5	36,0	4I, 0	5I , 5	70,6	8I,O	88,0	98,0
	28,5	0,0	I5,0	26,5	36,0	4I,0	51,5	70,5	8I,O	88,0	98,0
	29,0	0,0	I5,0	26,5	35,5	4 I,0	5I , 0	7I,O	8I,O	87,0	98,0
	29,5	0,0	I5,0	26,5	36,0	4I,O	51,0	70,0	8I,O	87,0	98,0
	30,0	0,0	I5 , 0	27,0	36,0	41,0	5I,O	70,0	80,0	87,0	98,0
	30,5	0,0	I5,0	27,0	36, 0	41,0	51,0	69, 0°	79,0	86,0	97,5
	3I,O	0,0	I6,0	27,5	36,0	4I,O	51,0	69,0	79,0	86,0	97,0
	31,5	Ι,Ο	I6,0	28,0	36,0	4I, 0	50,0	68,0	78 , 0	85,0	96,0
	32,0	2,0	17,0	28,0	37,0	42,0	50,0	68,0	78,0	84,0-	95,0
	32,5	3,0	I8,0	28,0	37,0	43,0	50,0	68,0	77,Ò	83,0	94,0
	33,0	4,0	I8,5	29,0	37,5	42,5	50,0	67,0	76,5	83,0	93,0
	33,5	5,0	20,0	30,0	37,5	42,0	50,0	67,0	76,0	82,0	92,0
	34,0	7,0	20,0	30,0	38,0	42,0	50,0	66,0	75,0	8I,O	9I,O
	34,5	8,0	22,0	30,0	38,0	42,0	50,0	66,0	75,0	80,0	89,0
	35,0	9,0	21,0	30,0	38,0	4I,O	50,0	65,5	74,0	79,0	88,0
	35,5	II,O	23,0	32,0	38,0	42,0	50,0	64 , 5	73,0	78,0	87,0
	36,0	I3 , 0	23,0	32,0	38,0	42,0	50,0	64,0	72,5	77,0	85,0
	36,5	I5,0	24,5	32,5	38,5	41,0	50,0	64,0	7I,0	76,0	° 83, 0
	37,0	I8,0	27,0	33,0	39,0	4I,O	50,0	63,5	70,5	75,0	82,0
	37,5	20,0	27,0	34,0	39,0	42,0	50,0	63, 0	69,0	73,5	79,0
	38,0	23,0	29,0	35,0	40,0	43,0	50,0	63,0	.68,5	72,0	78,0
	38,5	26,5	30,5	35,5	40,,5	43,0	50,0	61,5	67,0	70,0	74,5
	49,0	89,0	67,5	59,5	55,0	52,0	49,5	48, 5 .	44,0	40,0	30,0
	49,5	92,0	69,5	60,5	56,0	52,0	49,5	47,5	42,2	38,0	28,0
	50,0	95,5	7I,O	6I , 0	56,0	54,0	49,5	46,5	42,0	37,0	26,0
	50,5	97,0	72,5	62,0	57,5	55,0	49,5	46,0	4I,O	36,0	24,5
	51,0	98,5	78,0	62,5	57,0	55,0	50,0	45,5	40,5	35,0	23,0
	-										

 $\delta_x = 0,03 \text{ cm}, \ \delta_y = 0,003 \text{ cm}.$

2

координат точек P_j^n на следах лучей, где $P_j^{\prime}, P_j^{\prime}, \dots, P_j^{\prime \prime \prime}$ – точки, представляющие след l_j ;

 β_{x}, β_{y} – оценки точности измерения координат x и y; \mathcal{R}_{3} – значение эффективного радиуса, т.е. приближенное значение радиуса неоднородности линзы, получаемое как значение радиуса отверстия, через которое производилось напыление, в нижней его части.

Об этих данных нам известно, что:

- декартова система, в которой произведены измерения координат точек на следах, не связана с центром симметрии круговой линзы;
- зы; 2) на каждом следе l_j точки $P_j^{\dagger}, P_j^{\dagger}, \dots, P_{n-1}^{n}$ упорядочены вдоль следа в том смысле, что если $1 \le n_1 < n_2 < n_3 \le N_j$, то точка $P_j^{n_2}$ лежит на следе l_j между точками $P_j^{n_1}$ и $P_j^{n_3}$;
- на входе в волноводный слой все следы почти параллельны и нумерация вдоль следа начата с почти параллельных участков;
- 4) все следы проходят через область неоднородности линзы;
- 5) по крайней мере три первые и три последние точки каждого следа лежат вне области неоднородности, т.е. там, где толщина пленки становится постоянной, а лучи – прямыми;
- 6) на каждом следе оцифровано не менее девяти точек: $N_i \ge 9$.

Предлагаемый алгоритм был кратко изложен в /4/. Здесь приводится его подробное описание с учетом тех особенностей, которые превнесены экспериментальными данными.

По следам лучей искомое распределение $n(\vec{x})$ ЭШ в плоскости волновода может быть восстановлено лишь с точностью до постоян – ного положительного множителя h_o , равного значению ЭШ волновода в точках плоскости вне области неоднородности /4/. Естественно искать приведенный ЭШ $n_1(\vec{x})$, $n_2(\vec{x}) = n(\vec{x})/n_o$. Так как напыление проводится через отверстие, обладающее круговой симметрией, то с высокой степенью достоверности можно предполагать напыленный слой обладающим круговой симметрией. Тогда определение функции распределения ЭШ $n_1(\vec{x})$ эквивалентно определение функции распределения ЭШ $n_1(\vec{x})$ эквивалентно определению центра O симметрии линзы и функции профиля $g_1(n)$ приведенного ЭШ (ФШЭШ), ибо $n_2(\vec{x}) = g_1(n)$, где n - расстояние от точки \vec{x} до центра O. Поэтому восстановление $n_1(\vec{x})$ может быть проведено в два этапа:

I) нахождение центра симметрии O;

2) вычисление ФШЭШ $g_1(\gamma)$.

3. АЛГОРИТМ ВЫЧИСЛЕНИЯ ПРИВЕДЕННОГО ЭФФЕКТИВНОГО ПОКАЗАТЕЛЯ ПРЕЛОМЛЕНИЯ ПО ДИСКРЕТНЫМ ДАННЫМ О СЛЕДАХ ЛУЧЕЙ

Этап І. Вычисление по экспериментальным данным координат

. х_{с. Ус} центра симметрии *О* круговой линзы З.І. Аппроксимация прямолинейных участков ℓ_j и ℓ_j^{\star} на концах сделов

концах следов Точки $P_i^{t}, P_i^{2}, \dots, P_{i}^{N_i^{-}}$ представляют начало l_i^{t} следа l_i^{t} , а точки $P_i^{N_i^{t}}, P_i^{N_i^{t+1}}, \dots, P_i^{N_i^{t}}$ - конечный участок l_i^{t} . Для параметрического представления прямых J_i^{-}, J_i^{t} , аппроксимирующих l_i^{-}, l_i^{t} , находим точки $\mathcal{D}_i^{-}(x_i^{-}, y_i^{-})$ и $\mathcal{D}_i^{t}(x_i^{t}, y_i^{-})$, через которые они проходят, вычисляя их координаты по формулам

$$\begin{aligned} \mathbf{x}_{j}^{-} &= \frac{1}{N_{j}^{-}} \sum_{n=+}^{N_{j}} \mathbf{x}_{j}^{h}, \qquad \mathbf{x}_{j}^{+} &= \frac{1}{N_{j}^{-} - N_{j}^{+} + 1} \sum_{n=N_{j}^{+}}^{N_{j}^{-}} \mathbf{x}_{j}^{n}, \qquad (\mathbf{I}) \\ \mathbf{y}_{j}^{-} &= \frac{1}{N_{j}^{-}} \sum_{n=+}^{N_{j}^{-}} \mathbf{x}_{j}^{n}, \qquad \mathbf{y}_{j}^{+} &= \frac{1}{N_{j}^{-} - N_{j}^{+} + 1} \sum_{n=N_{j}^{+}}^{N_{j+1}^{-}} \mathbf{y}_{j}^{n}, \end{aligned}$$

а направляющие векторы $\vec{v}_{,,}, \vec{v}_{,}^{+}$ прямых $z_{,,}^{-}, z_{,}^{+}$ – по формулам

$$\vec{u}_{j}^{-} = \sum_{\substack{1 \le n \le n' \le N_{j}^{-} \\ N_{j}^{+} \le n \le n' \le N_{j}}} \vec{p}_{j}^{n} \vec{p}_{j}^{n'}, \quad \vec{V}_{j}^{-} = \vec{u}_{j}^{-} / \|\vec{u}_{j}^{-}\|,$$

$$\vec{v}_{j}^{+} = \sum_{\substack{N_{j}^{+} \le n \le n' \le N_{j}}} \vec{p}_{j}^{n} \vec{p}_{j}^{n'}, \quad \vec{V}_{j}^{+} = \vec{u}_{j}^{+} / \|\vec{u}_{j}^{+}\|.$$
(2)

Перенумеруем следы в порядке возрастания У. так, чтобы для j < j' выполнялось $y_j < y_j$.

3.2. Оценка уровня среднеквадратичной ошибки исходных дан-

Точности \int_{x}^{t} , \int_{y}^{t} , $\int_{z}^{z} = \int_{x}^{x^{2}} \int_{y}^{x^{2}} u$ змерения координат отражают верхнюю границу ошибок в каждой точке. Среднеквадратичная ошибка \tilde{J} обычно ниже. Оценим величину \tilde{J} по среднеквадратичной ошибке аппроксимации прямыми . 5; и 5^t точек, представляющих f, и f^{t} . Такая операция возможна, так как прямые 5; f^{t} строились каждая



Рис.І. Фотография планарной линэм со следами лучей. Цена деления на шкале равна 5 мм, что составляет 2/3 \mathcal{R}_{2} , где \mathcal{R}_{2} - эф-фективный реднус линзм.



Рис. 2. Схематичное изображение центра линзы 0 как точки пересечения продольной оси линзы 5_{\circ} и осей симметрии b_{j} , $b_{j'}$ искривленных следов l_{j} , $l_{j'}$. \mathcal{Y}_{j} , $\mathcal{Y}_{j'}$ – углы отклонения следов $l_{j'}$, $l_{j'}$: $\mathcal{Y}_{j} > 0$, $\mathcal{Y}_{j'} < 0$. по нескольким точкам: $N_j \ge 3$ и $N_j \ne 1 - N_j^{+} \ge 3$. Вычислим для каждого следа

$$\hat{J}_{j}^{r2} = \frac{1}{N_{j}} \sum_{n=1}^{N_{j}} |J_{j}^{-} p_{j}^{n}|^{2} + \frac{1}{N_{j} + 1 - N_{j}^{+}} \sum_{n=N_{j}^{+}}^{N_{j}} |J_{j}^{+} p_{j}^{n}|^{2}, \qquad (3)$$

где $/3, P_j^n/$ - расстояние от точки P_j^n до прямой 3_j , и примем в качестве оценки среднеквадратичного шума в исходных данных ве-

$$\hat{\delta} = \sqrt{\frac{1}{\kappa} \sum_{j=1}^{\kappa} \hat{\delta}_{j}^{2}}.$$
(4)

3.3. Построение приближенной оси симметрии линзы

Воспользуемся априорной информацией о том, что на входе все лучи почти параллельны, для построения приближенной оси симметрии линзы, проходящей в направлении лучей на входе. Найдем сначала утлы отклонения \mathscr{G} всех следов (см. рис. 2). Обозначим через (\vec{u}, \vec{v}) скалярное произведение векторов \vec{u} и \vec{v} , а через \vec{v}^{-L} - вектор с координатами $(-\vec{v}, \vec{v})$, получаемый из вектора $\vec{v} = (\vec{v}, \vec{v})$ поворотом на 90 градусов против часовой стрелки. Тогда угол отклонения следа ℓ_{i} при прохождении следа через область неоднородности приближенно будет равен углу между векторами \vec{v}_{i}^{-} и \vec{v}_{i}^{+} и с учетом знака дается формулой

$$\Psi_{j} = \operatorname{arctg}\left(\frac{\left(\left(\overrightarrow{V_{j}}\right)^{-}, \ \overrightarrow{V_{j}}^{+}\right)}{\left(\overrightarrow{V_{j}}^{-}, \ \overrightarrow{V_{j}}^{+}\right)}\right) .$$

$$(5)$$

Найдем последний след из отклоняющихся вверх и первый из отклоняющихся вниз. Точнее, пусть

$$j_{p} = max \{j: \mathcal{Y}_{j} \geqslant 0 \text{ и } \mathcal{Y}_{j'} > 0 \text{ для } j' \neq j \},$$

$$j_{v} = min \{j: \mathcal{Y}_{j} \leq 0 \text{ и } \mathcal{Y}_{j} \neq 0 \text{ для } j' > j \}.$$
(6)

Определим приближенную ось симметрии как прямую \mathcal{I}_{o} , проходящую через точку \mathcal{D}_{o} ($\mathcal{X}_{o}, \mathcal{Y}_{o}$) в направлении вектора $\vec{V}_{o} = (\vec{V}_{o}, \vec{V}_{o})$, компоненты и координаты которых вычислены по формулам

$$\begin{aligned} x_{o} &= \beta_{D} \left(\begin{array}{c} x_{j}^{-} + x_{j}^{+} \\ y_{D} \end{array} \right) + \beta_{U} \left(\begin{array}{c} x_{j}^{-} + x_{j}^{+} \\ y_{U} \end{array} \right), \\ y_{o} &= \beta_{Z} \left(\begin{array}{c} y_{j}^{-} + y_{j}^{+} \\ y_{D} \end{array} \right) + \beta_{U} \left(\begin{array}{c} y_{j}^{-} + y_{j}^{+} \\ y_{U} \end{array} \right), \end{aligned}$$

6

$$\begin{split} \tilde{\mathbf{v}}_{o} &= \beta_{2} \left(\begin{pmatrix} \mathbf{v}_{j_{D}}^{-} + \mathbf{v}_{j_{a}}^{*} + \end{pmatrix} + \beta_{U} \left(\begin{pmatrix} \mathbf{v}_{j_{U}}^{-} + \mathbf{v}_{j_{U}}^{*} + \end{pmatrix} \right) \\ \mathbf{v}_{o} &= \beta_{2} \left(\begin{pmatrix} \mathbf{v}_{j_{D}}^{-} + \mathbf{v}_{j_{a}}^{*} + \end{pmatrix} + \beta_{U} \left(\begin{pmatrix} \mathbf{v}_{j_{U}}^{-} + \mathbf{v}_{j_{U}}^{*} + \end{pmatrix} \right) \\ \mathbf{v}_{o} &= \beta_{2} \left(\begin{pmatrix} \mathbf{v}_{j_{D}}^{-} + \mathbf{v}_{j_{D}}^{*} + \end{pmatrix} + \beta_{U} \left(\begin{pmatrix} \mathbf{v}_{j_{U}}^{-} + \mathbf{v}_{j_{U}}^{*} + \mathbf{v}_{j_{U}}^{*} + \mathbf{v}_{j_{U}}^{*} + \mathbf{v}_{j_{U}}^{*} \right) \right)$$

(7)

где

 $\beta_{D} = 0, 5, \ \beta_{U} = 0, 5, \ eCAN \qquad \beta_{J} = -\frac{\varphi_{J}}{\beta_{J}}, \ N$ $\beta_{J} = \frac{-\sin \frac{\varphi_{J}}{\beta_{U}}}{\sin \frac{\varphi_{J}}{\beta_{D}} - \sin \frac{\varphi_{J}}{\beta_{U}}}, \ \beta_{U} = \frac{\sin \frac{\varphi_{U}}{\beta_{D}} - \sin \frac{\varphi_{U}}{\beta_{U}}}{\sin \frac{\varphi_{U}}{\beta_{D}} - \sin \frac{\varphi_{U}}{\beta_{U}}} B \text{ противном случае. (8)}$

Правило выбора (8) подходит, в частности, для случаев, когда один из углов $\mathscr{Y}_{i_{\ell}}$ или $\mathscr{Y}_{j_{2}}$ равен нулю, а также когда они равны нулю одновременно, что не исключено из-за шума в данных и ошибок округления.

3.4. Вычисление координат центра как минимума функционала

Построим квадратичный функционал, точка (x_c, \mathcal{C}) минимума которого будет давать приближенное положение центра линзы.

Теоретически каждый искривленный след f_{i} , проходящий через область неоднородности крутовой линзы, имеет свою ось симметрии b_{i} , проходящую через точку следа, ближайщую к центру линзы, и центр линзы /4/. Прямая b_{i} является биссектрисой угла, образованного прямолинейными асимптотиками b_{i} , b_{i}^{+} следа и содержащего центр \mathcal{O} . Приближения f_{i} , f_{j}^{+} прямолинейных участков b_{i}^{-} , b_{j}^{+} найдены по (I),(2), поэтому уравнение

 $-V_{j}^{-}(x_{j}^{-}-x_{j})+V_{j}^{-}(y_{j}^{-}-y_{j})+V_{j}^{+}(x_{j}^{+}-x_{j})-V_{j}^{*}(y_{j}^{+}-y_{j})=0$ (9)

задает приближение к оси симметрии искривленного следа l_i . Подругому уравнение (9) можно интерпретировать как условие равенства прицельных расстояний относительно точки (x, y) следа l_i , если вычислять прицельное расстояние по начальному l_i^- и конечному l_i^+ участкам. Уравнение (9) тем точнее описывает l_i , чем ближе угол отклонения к прямому. Приближения к осям симметрии искривленных следов уже не обязаны пересекаться в центре линзы, они проходят около него. Функционал $\mathcal{B}(x, y) =$

$$= \sum_{j \in J} |\sin \psi| \cdot |\psi_j(x_j^{+} - x) - \psi_j^{+}(y_j^{+} - y) - \psi_j^{-}(x_j^{-} - x) + \psi_j^{-}(y_j^{-} - y)|^2, \quad (10)$$

где $J = \{1, 2, ..., J_D - 1; j_U + 1, j_U + 2, ..., k\}$ обозначает множество номеров искривленных следов, является мерой близости точки (x, y) к осям симметрии искривленных следов с учетом доверия к приближениям каждой из осей. Добавляя условие близости искомого центра к приближенной оси симметрии линзы S_o , построенной по слабо искривленным следам ℓ_{i_2} и ℓ_{i_2} , получим функционал

$$\phi_{(x,y)} = B_{(x,y)} + / \frac{x}{v_o} (y_o - y) - \frac{y}{v_o} (x_o - x) / \frac{2}{v_o}$$
(II)

точку минимума которого можно считать приближенным центром линзы. Величина

$$\delta_{e}^{\ell} = \sqrt{\phi_{(\mathcal{X}_{e}, \mathcal{Y}_{e})} \left(1 + \sum_{j \in \mathcal{J}} |\sin \varphi_{j}|\right)}$$
(12)

дает оценку ошибки в определении координат \mathcal{X}_{c} и центра линзы, найденных таким способом.

Координаты точки (x_e, %) минимума функционала (II) находятся из уравнения Эйлера этого функционала:

$$\begin{cases} a_{r_1} x_c + a_{r_2} y_c = b_r , \\ a_{2r} x_c + a_{2r} y_c = b_r , \end{cases}$$
(13)

где

$$\begin{aligned} a_{h_{f}} &= \sum_{j \in J} \left| \sin \frac{\varphi}{j} \right| \left| \left| \frac{y}{y_{j}} - \frac{y}{y_{j}} \right|^{2} + \left| \frac{y}{k_{0}} \right|^{2} \\ a_{n_{2}} &= a_{2,r} = \sum_{j \in J} \left| \sin \frac{\varphi}{j} \right| \left(\frac{y}{y_{j}} - \frac{y}{y_{j}} \right) \left(\frac{x}{y_{j}} - \frac{x}{y_{j}} \right) - \frac{x}{k_{0}} \frac{y}{k_{0}} \\ a_{22} &= \sum_{j \in J} \left| \sin \frac{\varphi}{j} \right| \left| \frac{x}{y_{j}} + \frac{x}{y_{j}} \right|^{2} + \left| \frac{x}{k_{0}} \right|^{2} \\ b_{1} &= \sum_{j \in J} \left| \sin \frac{\varphi}{j} \right| \left(\frac{y}{y_{j}} - \frac{y}{y_{j}} \right) d_{j} + \frac{y}{k_{0}} \left(\frac{y}{k_{0}} - \frac{x}{k_{0}} \right) \\ b_{2} &= \sum_{j \in J} \left| s \sin \frac{\varphi}{j} \right| \left(\frac{z}{k_{j}} - \frac{x}{y_{j}} \right) d_{j} - \frac{x}{k_{0}} \left(\frac{y}{k_{0}} - \frac{x}{k_{0}} \right) \\ d_{j} &= \frac{y}{j} \cdot \frac{x}{y_{j}} - \frac{x}{y_{j}} - \frac{y}{y_{j}} \cdot \frac{x}{y_{j}} + \frac{x}{k_{j}} + \frac{x}{k_{j}} + \frac{x}{k_{j}} + \frac{x}{k_{j}} \\ d_{j} &= \frac{y}{k_{j}} \cdot \frac{x}{k_{j}} - \frac{x}{k_{j}} - \frac{y}{k_{j}} \cdot \frac{x}{k_{j}} + \frac{x}{k_{j}} + \frac{x}{k_{j}} + \frac{x}{k_{j}} + \frac{x}{k_{j}} + \frac{x}{k_{j}} \\ d_{j} &= \frac{y}{k_{j}} \cdot \frac{x}{k_{j}} - \frac{x}{k_{j}} - \frac{y}{k_{j}} \cdot \frac{x}{k_{j}} + \frac{x}$$

8

Надо отметить, что задача поиска координат $\mathcal{Z}_{\mathcal{S}}, \mathcal{Y}_{\mathcal{S}}$ точки пересечения осей симметрии $\mathcal{E}_{\mathcal{S}}$ искривленных следов $\mathcal{E}_{\mathcal{S}}, \mathcal{J} \in \mathcal{T}$, из условия минимума функционала (IO) оказалась численно неустойчивой. Это объясняется тем, что углы отклонения $\mathcal{Y}_{\mathcal{S}}$ очень малы и известны с погрешностью. Поэтому прямые, определенные уравнением (9); пересекаются попарно под острыми углами, а координата $\mathcal{Y}_{\mathcal{S}}$ точки минимума функционала (IO) сильно колеблется в зависимости от выбора конкретных номеров $\mathcal{N}_{\mathcal{I}}^{-}$, $\mathcal{N}_{\mathcal{I}}^{+}$. Добавление при переходе от (IO) к (II) второго слагаемого, выражающего требование бли – зости искомого центра к оси симметрии $\mathcal{Z}_{\mathcal{S}}$, является по существу регуляризацией задачи минимизации функционала (IO). Здесь мы использовали априорную информацию о почти параллельности лучей на входе и построили $\mathcal{Z}_{\mathcal{S}}$ как границу следов, выпуклых вверх и выпуклых вниз.

Чтобы уменьшить произвол в выборе N_{j} , N_{j}^{+} , используем дополнительную информацию о значении эффективного радиуса R_{2} линзы. Увеличим максимально N_{j}^{-} и уменьшим N_{j}^{+} каждого следа L_{2} , но так, чтобы расстояние от точек следа L_{2} с номерами $I, 2, ..., N_{j}^{-}, N_{j}^{+}, N_{j}^{+}, ..., N_{j}$ до найденного первого приближения к центру было не больше, чем $R_{2} + \delta_{c}^{-}$. Уточнив таким образом значения N_{j}^{-}, N_{j}^{+} , повторим все шаги этапа I и получим второе, более точное приближение центра, которое будем по-прежнему обозначать (x_{c}, y_{c}) .

Этап 2. Табулирование функции профиля $g_i(\tau)$ приведенного ЭШ на выбранной сетке узлов $\tau_i = 0, \tau_2, \ldots, \tau_m, \tau_i \in \tau_{i+1},$ значений радиуса

Перенесем начало отсчета в найденный центр O линзы. Наряду с декартовой системой координат с началом в точке O и прежними направлениями осей будем рассматривать полярную систему координат с центром O и полярной осью, совпадающей с осью $O \propto$.

Для вычисления функции профиля $g_r(\alpha)$ необходимо перейти от дискретного представления каждого искривленного следа $l_{j,j}(\epsilon J, \epsilon)$ в виде набора точек $P_j^{(r)}, P_j^{(2)}, \ldots, P_j^{(N_j)}$ к его представлению в виде графика дифференцируемой функции: $\gamma \in Y_r(\alpha)$ в декартовой системе координат или $\alpha = R_j(\varphi)$ в полярной. Это необходимо, чтобы иметь возможность вычислять величины производной $\psi = \frac{dR}{de(\varphi)}$ в тех точках следов l_j , где расстояние α до центра равно α_r , и далее воспользоваться формулой (I4) из /4/:

$$g_{1}(r) = \frac{h_{i}\sqrt{1+v^{2}}}{r},$$
 (I5)

для нахождения значений ФППЭПП. В (15) h_j обозначает прицельное расстояние следа l_j . Значение h_j и оценку его точности fk_j найдем по формулам

$$h_{j} = \frac{1}{2} \left(\left| 5_{j}^{-} O \right| + \left| 5_{j}^{+} O \right| \right), \quad \delta h_{j} = \frac{1}{2} \left| \left| 5_{j}^{-} O \right| - \left| 5_{j}^{+} O \right| \right|. \tag{16}$$

При известном представлении искривленного следа l_j в виде графика дифференцируемой функции $\mathcal{Y} = \mathcal{Y}(\alpha)$ в декартовой системе координат значение \mathcal{V} в точке следа $(\alpha, \mathcal{Y}_j(\alpha))$ может быть получено по формуле

$$v = \frac{x + Y_{j}(x) \cdot Y_{j}(x)}{-Y(x) + x \cdot Y_{j}'(x)}.$$
 (17)

Итак, для восстановления функции профиля нам необходимо вычислять значения производных для функций, заданных набором приближенных значений на сетке, что является некорректной задачей/5/. Одним из условно корректных способов перехода от дискретного представления функции таблицей значений на сетке к представлению в виде дифференцируемой функции является построение сглаживающего кусочно-кубического сплайна дефекта I с выбором параметра сглаживания по невязке /6,7/. Будем аппроксимировать точки $P_j^{\tau}, P_j^{2}, \ldots, P_j^{N}$ следа ℓ_j графиком сплайна с узлами $x_{j}^{\tau}, x_{j}^{2}, \ldots, x_{j}^{N}$, Функционал квадрата невязки

$$U^{2}[Y_{j}] = \sum_{n=1}^{N_{j}} / Y_{j}(z_{j}^{n}) - Y_{j}^{n}/^{2}$$
(18)

является мерой уклонения сплайна $y = Y_j(x)$ от точек $(x_j, y')_j$ $(x_j^2, y_j^2), \ldots, (x_j^{N_j}, y_j^{N_j})$. Кусочно-кубический сплайн $y = Y_j(x)$, доставляющий сглаживающую аппроксимацию точкам следа ℓ_j , ищется из условия

 $V[Y,] = \hat{\delta} .$

(20)

Так как точность 8 данных известна с невысокой точностью, порядка IO-20%, то достаточно выбирать параметр сглаживания 🛛 так, чтобы невязка V попадала в интервал $[0,9\tilde{S};1,1\tilde{S}]$ /7/. Второе слагаемое в (I9) является мерой изгиба кривой $\mathcal{Y}=Y_{c}(\boldsymbol{x})$ и называется энергетическим функционалом в теории обобщенных сплайнов /6,7/ или стабилизирующим функционалом в теории некорректных задач /5/. Построение сплайна, минимизирующего сглажи вающий функционал (I9) с выбором параметра сглаживания по уровню невязки, вместо построения интерполяционного сплайна означает отказ от проведения кривой $y = Y_j(x)$, представляющей след точно через точки $P_{1}^{A}, \ldots, P_{i}^{N_{i}}$. Сглаживающий сплайн $y = Y_{i}^{\alpha}(x)$ проходит около точек следа. Он является наименее искривленным с точки зрения введенного энергетического функционала среди всех сплайнов, аппроксимирующих точки следа с точностью б. В нашей задаче след должен быть прямым вне области неоднородности, $Y_{i}''(x)$ должна равняться нулю, если $x^{2} + (Y_{i}(x))^{2} > R_{2}^{2}$. Наибольшее искривление следа имеет место на границе области неоднородности, где велик градиент ЭШ. Таким образом, использование сглаживающих сплайнов неизбежно ведет к частичному рас прямлению изображений следов графиками в круге неоднородности по сравнению с реальными. Это цена, которую приходится платить за получение устойчивости в вычислении производных по дискретным данным.

Пусть $y = Y_{(\alpha)}^{\alpha}$)обозначает построенный сглаживающий сплайн, аппроксимирующий след ℓ_j . Для узла табулирования $\chi_r = 0$ и, возможно, некоторых других малых значений радиуса, где необходимо затабулировать значения функции профиля $g_r(\alpha)$ приведенного ЭШ по (I5), нет точек пересечения окружностей с центром в 0 и радиуса χ_c с графиками $y = Y_{i}^{\alpha}(\alpha), i \in J$, представляющими искрив ленные следы. Найдем эти узлы, для чего вычислим минимальные расстояния $\chi_{rein}(\ell_j)$ каждого искривленного следа $\ell_j, j \in J$, до центра

$$\pi_{min}(l_j) = min \left\{ \sqrt{x^2 + / V_j^{*}(x) / \ell} : x_j^{1} \le x \le x_j^{N_j} \right\}$$
 (21)

и положим

 $\pi_{*} = \min\left\{\pi_{\min}\left(\ell_{j}\right) : j \in \mathcal{J}\right\}.$ (22)

Для номеров узлов табулирования $i, i > i_*, r = max_{i,r} < r_*$

имеется хотя бы один след $y = Y_j^{\alpha}(x)$ с минимальным расстоянием $\mathcal{T}_{min}(\ell_j)$ не превышающим \mathcal{T}_i . В точках $(x_j^{\alpha}, Y_j^{\alpha}(x_j^{\alpha}-)), (x_j^{\alpha}, Y_j^{\alpha}(x_j^{\alpha}+))$ пересечения графиков $y = Y_j^{\alpha}(x)$ с окружностью $\tau = \tau_i$. Вычислим \mathcal{V} по (17) и $g_r(\tau_i)$ по (15). Среднее значение функции профиля по всем точкам пересечения окружности радиуса τ_i с графиками функций $y = Y_i^{\alpha}(x)$, представляющими следы, возьмем в качестве искомого значения ФШПЭПП в узле τ_i . Среднеквадратичное отклонение $\delta g_r(\tau_i)$ значений функции профиля от среднего, вычис – ленное по совокупности тех же точек пересечения, даст оценку точности затабулированного значения функции профиля.

Когда функция профиля затабулирована в узлах τ_i , $i > i_x$, и известны оценки точности $\delta g_i(\tau_i)$, $i > i_x$, найденных значений, перейдем к вычислению значений функции профиля в узлах $\tau_1, \ldots, \tau_{i_x}$. При продолжении функции профиля в отрицательную область она должна быть четной в сиду круговой симметрии линзы. Поэтому аппроксимируем функцию $g_i(x)$ в окрестности нуля полиномом от τ^2 :

$$P_{a}(\pi) = Q_{a} + Q_{1} \chi^{2} + Q_{2} (\pi^{2})^{2} + Q_{3} (\pi^{2})^{3} .$$
(23))

Коэффициенты 📿 найдем из условия минимума функционала

$$\sum_{i: \tau_i \leq Q_{BR_3}} \left| \frac{P_r(\tau_i) - g_r(\tau_i)}{\delta g_r(\tau_i)} \right|^2.$$
(24)

Использование для аппроксимации функции профиля около нуля только узлов $\tau_i \leq 0.8 R_j$ объясняется тем, что обычно вершина напылен – ного слоя является плоской /3/. Попытка использовать более уда – ленные от нуля узлы функции профиля, где она быстро убывает, может сильно испортить аппроксимацию в окрестности нуля. Значения $g_\tau(\tau_c)$ в узлах τ_τ , ..., τ_i , вычислим как значения полинома (23) с найденными методом наименьших квадратов коэффициентами. Аналогично по значениям $\delta^2 g_\tau(\tau_c)$, $i > i_*$, найдем оценки точности в узлах $\tau_1, \tau_z, \ldots, \tau_i$.

4. ПРОГРАММНАЯ РЕАЛИЗАЦИЯ АЛГОРИТМА

Комплекс программ, реализующий алгоритм вычисления приведенного ЭШ по дискретным данным о следах лучей, написан на фортране и имеет модульную структуру.

Предварительная обработка экспериментальных данных состоит в перемасштабировании: все координаты и оценки точностей переводятся в единицы эффективного радкуса. Вычисления первого этапа – поиска координат $\mathcal{R}, \mathcal{Y}_{c}$ центра линзы – проводились по формулам, приведенным в тексте. Небольшие модификации были сделаны для снижения вероятности переполнения и катастрофической потери точности. В частности, внутри каждого шага использовалась двойная точность, а исходные данные и результаты каждого шага первого этапа хранились с одинарной точностью, т.е. вычисления проводились в режиме накопления.

На втором этапе основными операциями являются: I) вычисление коэффициентов сплайна У (сх), доставляющего сглаживающую аппроксимацию точек $(x_j^{,j}, y_j^{,i}), \ldots, (x_j^{,N_j}, y_j^{,N_j})$ следа. \mathcal{L}_j с подбором параметра сглаживания α по уровню невязки $\partial^{\widetilde{c}}$, и 2) вычисление координат точек пересечения $(\tilde{z}_{j-}, Y_{j-}^{\alpha}(\tilde{z}_{j-})), (\tilde{z}_{j+}, Y_{j-}^{\alpha}(\tilde{z}_{j+}))$ окружности радиуса α_i с центром в ∂ с графиками построенных сплайнов. Попытка использовать стандартные подпрограммы SPL SG. VSPSG 18/ из минского пакета прикладных программ натолкнулась на две трудности. Во-первых, при их использовании время счета оказалось неожиданно большим. Дело в том, что подпрограмма SPLSG вычисляет коэффициенты сплайна при фиксированном значении параметра сглаживания. решая вспомогательную систему линей ных алгебраических уравнений с ленточной симметричной матрицей итеративным методом. Так как поиск подходящего параметра сглаживания также является итеративным, это приводило к неоправданным затратам машинного времени. Была написана подпрограмма вы числения коэффициентов сглаживающего сплайна при фиксированном значении х. в которой согласно /6/ вспомогательная система реызется методом Холецкого, что резко сократило время вычисления коэффициентов сплайна, доставляющего сглаживающую аппроксимацию точкам следа с необходимым уровнем невязки. Когда коэффициенты сплайна найдены, необходимо многократно находить точки пересечения окружностей $\tau = \tau_i$ и графиков сплайнов $\mathcal{Y} = Y_i^{\alpha}(x)$, т.е. решать уравнения

$$(x)^{2} + (Y_{i}^{\alpha}(x))^{2} = \tau_{i}^{2}$$
 (25)

Для сокращения времени вычисления значений сплайна при решении уравнений (25) вместо подпрограммы *VSPSG* /8/ использовалась подпрограмма, в которой согласно идее работы^{/9/} между двумя последовательными обращениями сохраняется номер /2 интервала, где находилось значение аргумента x. Так как координата x точки пересечения с графиком сплайна ищется итеративно, то после первого десятка итераций и левый, и правый конец интервала, содержащего искомый \hat{x}'_{j} , попадают между двумя соседними узлами сплайна. Тогда дальнейшее уточнение координаты x точки пересечения делается без поиска интервала $[x_{j}^{n}, x_{j}^{n+1}]$, содержащего текущие значения аргумента. За счет этого существенно экономится время поиска решения уравнения (25).

Другим, более существенным препятствием в использовании подпрограммы SPLSG является слабая зависимость невязки U [Y, ²] от параметра сглаживания при вычислении коэффициентов сплайна с помощью SPLSG. Интервал значений параметра сглаживания, внутри которого ULY "J возрастает при возрастании α , очень узок. Добиться увеличения невязки $U[Y]^{\alpha}$ до нужного уровня δ^{χ} путем увеличения значений α оказалось невозможным с помощью SPLSG. Максимальное отклонение сглаженных значений $Y_i^{\infty}(\infty_i^n)$ сплайна в узлах x_i^n от экспериментальных значений У." было менее 0,0002, т.е. сглаживания как такового не получалось. Разработанная нами подпрограмма свободна от этого недостатка. На тестовых примерах была подтверждена ее способность к сглаживанив: при малых значениях 🖉 сглаживающий сплайн проходил очень близко к точкам $(x_{i}^{t}, y_{i}^{t}), \dots, (x_{i}^{N}, y_{i}^{N})$ а при больших значениях 🛛 сглаживающий сплайн приближался к прямой, удаляясь при этом от экспериментальных значений. Поэтому и вторая подпрограмма, которая осуществляла поиск подходящего значения параметра сглаживания по уровно невязки $\widetilde{\mathcal{O}}$, также работала устойчиво и быстро.

Таким образом удалось добиться устойчивости вычислений и сократить время счета до 5 минут (на ЕС 1060).

Разработанный комплекс программ включает также модули визуализации исходных данных и результатов расчетов.

5. ПЕРВНЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОБРАБОТКИ ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНЫХ ДАННЫХ

Описание способа оцифровки приведено выше. Результаты оцифровки сведены в таблице I, где приведены также оценки точности и значение эффективного радиуса \mathcal{R}_3 . Точность оцифровки точек на следах составляет 3% \mathcal{R}_3 . Она оказалась низкой в основном потому, что физические лучи – узкие лазерные пучки – по ширине составляли около 4% \mathcal{R}_3 . Удалось оцифровать только IO следов (хотя на

Таблица 2

Значения восстановленной функции профиля $g_{\mu}(\pi)$ приведенного эффективного показателя преломления и оценки ее точности $S_{\alpha}(\pi)$

7	g1(1)	8 91 (1)	~	9,(~)	Sg. (r)
0,00	I,I46	0,II	0,80	I,108	0,021
0,05	I,I46	0,10	0,85	I,092	0,020
0,10	I,I45	0,09	0,90	I,087	0,021
0,I5	I,I45	0,06	0,95	I,077	0,021
0,20	I,I45	0,053	I, 0 0	I,068	0,021
0,25	I,I44	0,049	I,05	I,060	0,022
0,30	I,143	0,047	I,IO	I,036	0,020
0,35	I,I45	0,045	I,I5	I,027	0,019
0,40	I,I43	0,044	I,20	I,020	0,017
0,45	I,I35	0,039	I,25	I,0I6	0,017
0,50	I,I32	0,037	I,30	I,009	0,011
0,55	I,I35	0,034	I,35	I,007	0,010
0,60	I,I30	0,031	I,40	I,005	0,009
0,65	I,I24	0,027	I,45	I,003	0,009
0,70	1,118	0,022	I,50	0,997	0,008
0.75	I.109	0.022			



Рис. 3. График восстановленной функции профиля $\mathcal{G}_{\ell}(\mathcal{K})$ приведенного эффективного показателя преломления. Точки обозначают значения, найденные по формуле (15), сплощная линия – график полинома, интерполирующего функцию $\mathcal{G}_{\ell}(\mathcal{K})$ в окрестности нуля. фотографии изображено больше – см. рис. I), так как по ширине только IO следов вошли в поле зрения использованного измерительного микроскопа. Тем не менее координаты центра были найдены с точ – ностью I, 3% R_3 , а функция профиля $g_1(\infty)$ приведенного ЭШІ была затабулирована с точностью 2% для значений радиуса $\alpha > 0.6 R_3$ (см. табл. 2). Для значений $\alpha < 0.6 R_3$ точность вычисления функции профиля оказалась существенно худшей: 5-IO% (см. рис. 3).

6. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Первый опыт применения разработанного алгоритма и основанного на нем программного обеспечения для вычисления эффективного показателя преломления круговой волноводной линзы по экспе – риментальным данным подтвердил работоспособность предложенного метода. Хотя ошибка при оцифровке отдельных точек на следах лучей составляла 3% значения эффективного радиуса R_3 , а число оцифрованных следов было IO, с помощью обсуждаемого метода удалось найти центр линзы с точностью I, 3% R_3 , а функцию профиля $g_{r}(rf)$ ЭПП удалось затабулировать с точностью 2% для значений радиуса, больших 0,6 R_3 . Для значений радиуса, меньших 0,6 R_3 , точность вычисления функции профиля ниже на полтора порядка. Однако аберрации линзы и, соответственно, ее рабочая апертура определяются в основном точностью изготовления периферийной части линзы /2,3/.

Известные методы – профилоинтерферометрический и метод прямого профилометрирования – обеспечивают точность I-3% в пересчете на значения ФШЭШ для центральной части линзы/IO,II/. На периферийном участке указанные методы неприменимы. Предложенный нами способ позволяет с такой же точностью восстановить ЭШІ на периферии линзы, т.е. там, где традиционные методы не работают. Он может быть использован вместе с профилоинтерферометрическим методом для получения функции профиля при всех значениях радиуса путем сшивания участков функции профиля, полученных двумя методами.

Слабым местом в использовании метода является низкая точность исходных данных, полученных путем оцифровки следов лучей с изображения на негативе с помощью микроскопа МИР-I2. Применение средств электроники повысит точность оцифровки на полторадва порядка. В той же степени, в свою очередь, повысится точ ность восстановления функции профиля для периферийной части линзы. В центральной части точность станет не хуже точностей, даваемых другими методами.

Необходимо также отметить, что способ одинаково пригоден как для линз, полученных напылением, для которых он и разрабатывался, так и для геодезических линз, в которых фокусировка достигается за счет искривления поверхности, вдоль которой распростра-Няется световая волна.

Описанный метод при его дальнейшей модернизации может быть ИСПОЛЬЗОВАН В КАЧЕСТВЕ СРЕДСТВА ОПЕРАТИВНОГО НЕРАЗрушающего контроля в процессе изготовления волноводных линз.

В заключение авторы считают своим приятным долгом выразить благодарность В.И.Аникину, В.В.Курышкину и Л.А.Севастьянову за плодотворные дискуссии и помощь в процессе выполнения работы.

ЛИТЕРАТУРА

- I. Аникин В.И., Дерюгин Л.Н., Курышкин В.В., Севастьянов Л.А. Математические задачи, связанные с процессом напыления. ВИНИТИ, М., 1982, № 5175-82.
- 2. Southwell W.H. J.Opt. Soc. Am., 1977, v.67, p.1004-1009.
- 3. Аникин В.И., Шокол С.В. Фокусирующие элементы интегральной оптики. Зарубежная радиоэлектроника, 1984, № 5, с. 67-77.
- 4. Курышкин В.В., Микулич А.В., Швачка А.Б. ОИЯИ, Р5-86-665, Дубна. 1986.
- 5. Тихонов А.Н., Арсенин В.Я. Методы решения некорректных задач. "Наука", М., 1986.
- 6. Марчук Г.И. Методы вычислительной математики. "Наука", М., 1977.
- 7. Василенко В.А. Сплайн-функции: теория, алгоритмы, программы. "Наука", Новосибирск, 1983.
- 8. Математическое обеспечение ЕС ЭВМ. Выпуск 22. Минск, Наука и техника, 1980.
- 9. Форсайт Дж., Малькольм М., Моулер К. Машинные методы математических вычислений. "Мир", М., 1980.
- 10. Пуряев Д.Т. Методы контроля оптических асферических поверхностей. "Машиностроение", М., 1976.
- 11. Bryan D.A., Chubb C.R., Powers J.K., Tomaschke H.E., Reed W.R., Dalke E.A. SPIE, v. 321. Intergrated Optics 11. 1982.

Рукопись поступила в издательский отдел I3 мая 1987 гола.

НЕТ ЛИ ПРОБЕЛОВ В ВАШЕЙ БИБЛИОТЕКЕ?

Вы можете получить по почте перечисленные ниже книги, если они не были заказаны ранее.

	Д3,4-82-704	Труды IV Международной школы по нейтрон- ной физике. Дубна, 1982.	5	p.00	к.
	Д7-83-644	Труды Международной школы-семинара по физике тяжелых ионов. Алушта, 1983.	6	p.55	к.
	Д2,13-83-689	Труды рабочего совещания по проблемам излучения и детектирования гравитационных волн. Дубна, 1983.	2	p.00	к.
	Д13-84-63	Труды XI Международного симпозиума по ядерной электронике. Братислава, Чехословакия, 1983.	4	p.50	к.
	Д2-84-366	Труды 7 Международного совещания по проблемам квантовой теории поля. Алушта, 1984.	4	p.30	к.
	Д1,2-84-599	Труды VII Международного семинара по проб- лемам физики высоких энергий. Дубна, 1984.	5	p.50	к.
	Д10,11-84-818	Труды V Международного совещания по проб- лемам математического моделирования,про- граммированию и математическим методам решения физических задач. Дубна, 1983.	3	p.50	к.
	Д17-84-850	Труды III Международного симпозиума по избранным проблемам статистической механики. Дубна,1984./2 тома/	7	p.75	к.
	Д11-85-791	Труды Международного совещания по аналити- ческим вычислениям на ЭВМ и их применению в теоретической физике. Дубна, 1985.	4	p.00	к.
	Д13-85-793	Труды XII Международного симпозиума по ядерной электронике. Дубна, 1985.	4	p.80	к.
	Д4-85-851	Труды Международной школы по структуре ядра. Алушта, 1985.	3	p.75	к.
Д	3,4,17-86-747	Труды V Международной школы по нейтронной физике. Алушта, 1986.	4	<u>p</u> .50	к.
		Труды IX Всесоюзного совещания по ускори- телям заряженных частиц. Дубна, 1984. /2 тома/	13	p.50	к.

Д1,2-86-668	Труды VIII Международного семинара	
	по проблемам физики высоких энергий.	
	Дубна,1986. /2 тома/	7 р.35 к

/2 тома/

Заказы на упомянутые книги могут быть направлены по адресу: 101000 Москва, Главпочтамт, п/я 79. Издательский отдел Объединенного института ядерных исследований.

ТЕМАТИЧЕСКИЕ КАТЕГОРИИ ПУБЛИКАЦИЙ ОБЪЕДИНЕННОГО ИНСТИТУТА ЯДЕРНЫХ ИССЛЕДОВАНИЙ

Индекс	Тематика
1	
· · ·	тостериментальная физика высоких энергий
2.	Теоретическая физика высоких энергий
3. I	экспериментальная нейтронная физика
4.	Георетическая физика низких энергий
5.	Математика
6.	Ядерная спектроскопия и радиохимия
7.	Физика тяжелых ионов
8.	Криогеника
9.	Ускорители
10.	Автоматизация обработки экспериментальных данных
11.	Вычислительная математика и техника
12.	Химия
13.	Техника физического эксперимента
14.	Исследования твердых тел и жидкостей ядерными методами
15.	Экспериментальная физика ядерных реакций при низких энергиях
16.	Дозиметрия и физика защиты
17.	Теория конденсированного состояния
18.	Использование результатов и методов фундаментальных физических исследований в смежных областях науки и техники
19.	Биофизика

Микулич А.В., Швачка А.Б., Шокол С.В.

P11-87-336

О вычислении эффективного показателя преломления круговой волноводной линзы по дискретным данным о лучах

Подробно изложен алгоритм восстановления эффективного показателя преломления круговой волноводной линзы по экспериментальным данным, в качестве которых использованы оцифрованные следы лучей с фотографии. В качестве примера приведены результаты восстановления эффективного показателя преломления для одной из линз.

Работа выполнена в Лаборатории вычислительной техники и автоматизации ОИЯИ.

Сообщение Объединенного института ядерных исследований. Дубна 1987

Перевод О.С.Виноградовой

P11-87-336

On the Calculation of the Effective Index of Refraction Based on the Discrete Data for the Rays

Mikulich A.V., Shvachka A.B., Shokol S.V.

Numerical algorithm for restoring the effective index of refraction for the circled waveguide lens, based on the experimental data, is presented. These data are digitized traces of rays on the photographic images. As an example the results of restoration of the effective index of refraction for a lens are given.

The investigation has been performed at the Laboratory of Computing Techniques and Automation, JINR.

Communication of the Joint Institute for Nuclear Research. Dubna 1987