

P10-85-77

В.Б.Виноградов, Ю.А.Кульчицкий, А.С.Курилин, В.Г.Одинцов, А.И.Павлинов²

МЕТОДИКА ОПРЕДЕЛЕНИЯ ГЕОМЕТРИЧЕСКИХ КОНСТАНТ УСТАНОВКИ ГИПЕРОН



ВВЕДЕНИЕ

Вопросы, связанные с определением геометрических констант для экспериментальных установок, в которых в качестве трековых детекторов используются проволочные камеры, в общем виде были рассмотрены в работе^{/1/}. Аналогичные задачи решались также в работах ^{/2-4/}.

В настоящей работе описаны совокупность процедур и эффективные алгоритмы для определения пространственного положения проволочных детекторов для экспериментальных установок, подобных спектрометру ГИПЕРОН ⁷⁵⁷. Получен аналитический вид формул для расчета геометрических констант установки ⁷⁵⁷.

В рамках общих концепций, положенных в основу описываемой методики, был также разработан специальный быстрый метод⁷⁶⁷, использованный при исследовании гиперзарядовообменных процессов. Этот метод был включен в состав программы геометрической реконструкции событий.

Применение описываемой ниже методики для установки ⁷⁵⁷ позволило, с одной стороны, обеспечить предельно высокие разрешающие способности спектрометра вторичных частиц по их кинематическим параметрам, а с другой, - повысить скорость расчета констант по сравнению с⁷¹⁷ В частности, только корректный учет углов поворотов плоскостей проволочных камер вокруг продольной оси установки привел к повышению реальной точности определения кинематических параметров изучаемых реакций на 20%.

Установка ГИПЕРОН в конфигурации, предназначенной для исследования процессов типа

 $\pi^+ p \rightarrow K^+ Y^+ (Y^+ = \Sigma^+, Y^+_{1385}...),$

изображена на рис.1 /1а - пучковый спектрометр, 1б - спектрометр вторичных частиц/. Она содержит 34 плоскости искровых/ИПК/ и 20 плоскостей пропорциональных /ПК/ проволочных камер, 3 сцинтилляционных годоскопа /Г/.

Определим систему координат, связанную с установкой: ось 0Z направлена вдоль пучка, ось 0Y лежит в горизонтальной, а ось 0X – в вертикальной плоскости так, что все оси составляют правую систему координат.

Начало системы координат привязано с центральному реперному кресту на нижнем полюсе электромагнита MC-12. Направление магнитного поля совпадает с направлением ост 02

Плоскость ZOY совпадае СТАННИК ИНСТИТИТЫ пучка в ускорителе.

ядерных исследований БИБЛИОТЕКА /1/



В этой системе координат измерены магнитные поля спектрометрических электромагнитов СП-129⁷⁷⁷ и MC-12^{77,87},

ЮСТИРОВКА ДЕТЕКТОРОВ И ГЕОДЕЗИЧЕСКИЕ ИЗМЕРЕНИЯ

Для изучения характеристик реакций /1/ используется метод анализа недостающей массы к вторичному К⁺-мезону, вылетающему вперед под малыми углами.

Применение этого метода обуславливает жесткие требования к точностным характеристикам детектирующей аппаратуры и к разорешающим способностям спектрометра в целом. В частности, для получения спектра недостающих масс к K^+ -мезону в реакции /1/с разрешением $\simeq 50$ МэВ импульс первичной частицы необходимо определять с точностью $\Delta p_0/p_0 = 0,3\%$, а импульс и угол вылета вторичного K^+ -мезона – с точностями $\Delta p/p = 0,5\%$ и $\Delta \theta = = 0,3$ мрад соответственно⁹

Одним из основных факторов, влияющих на разрешающие способности спектрометра, является точность определения пространственного положения трековых детекторов относительно геодезических осей установки и относительно друг друга.

Для достижения указанных выше точностей в определении кинематических параметров вторичной частицы положение проволочных детекторов относительно друг друга, в полеречном пучку направлении, должно быть известно с точностью 0,1 мм, а угол поворота ϕ детектора вокруг продольной оси – с тоуностью 0,4 мрад. Перед началом набора данных на установке производится юстировка камер, т.е. плоскости камер выстраиваются перпендикулярно оси 0Z, а сигнальные проволоки – параллельно осям 0X и 0Y. Юстировка камер с помощью квадранта оптического реализуется на установке с точностью не хуже 2 мрад. В отдельных случаях некоторые камеры можно отъюстировать с помощью теодолита с точностью $0,2\div0.4$ мрад.

Точность измерения X_{-}, Y_{-} и Z-координат детекторов составляет +1 мм.

Для искровых и пропорциональных камер X(Y) координата определяет положение первых сигнальных проволок относительно продольной оси установки 0Z.

Привязка системы детекторов к магнитному полю с указанными выше точностями геодезических измерений является удовлетворительной, т.к. при этом ошибка в определении импульса вторичной частицы не превышает 0,1% ^{/8,10/}.

Определение геодезическим спо́собом X(Y) -координат первых проволок всех камер с точностью 0,1 мм и юстировка камер так, чтобы углы поворотов ϕ были менее 0,4 мрад, представляет большие сложности на установке ГИПЕРОН из-за отсутствия прямой видимости всех камер.

ОПРЕДЕЛЕНИЕ ПОПРАВОК К ГЕОДЕЗИЧЕСКИМ ИЗМЕРЕНИЯМ КООРДИНАТ ПРОВОЛОЧНЫХ ДЕТЕКТОРОВ

Дальнейшее уточнение пространственного положения трековых детекторов осуществлялось программным способом с использованием свойства прямолинейности треков заряженных настиц.

Поскольку процедура нахождения поправок одинакова для X. и Y-проекций, все дальнейшие рассуждения будем проводить для одной из них, например, Y.

Назовем опорными камеры, плоскости которых удовлетворяют следующим требованиям:

1. Геодезические измерения пространственного положения этих камер относительно оси установки должны быть известны с точностью +1 мм.

2. Угол поворота хотя бы одной из плоскостей вокруг оси установки должен быть известен с точностью не хуже 0,4 мрад /плост кости опорных камер могут быть выставлены с такой точностью при помощи теодолита/.

3. Расстояние между плоскостями камер в направлении оси 0Z должно быть сравнимо с размерами установки.

4. Эффективность срабатывания каждой из камер от пучковой частицы должна быть близка к 100%.

Из совокупности m плоскостей камер одной проекции выбираются две опорные, с помощью которых впоследствии определяются ко-

ординатные поправки к геодезическим измерениям пространственного положения остальных камер совокупности.

Вычисление поправок производится по следующему алгоритму. Осуществляется поиск трека частицы среди набора сработавших проволок некоторой совокупности камер в і-м событии.

На начальном шаге для поиска трека в направлении оси пунка выбирается достаточно широкий коридор $\Delta = \frac{1}{2}/20 \div 30$ / мм. В качестве начальных координат трековых детекторов берутся их координаты, измеренные геодезическим способом.

Опознанные элементы трека* фитируются уравнением прямой. Восстановление трека осуществляется с целью достоверной идентификации следа частицы на плоскостях опорных камер.

После того как трек определен, на опорных камерах выбираются сработавшие проволоки, ближайшие к треку. Требуется, чтобы их удаление от трека не превышало заданной величины /например, 3÷5 мм/. Далее считается, что эти проволоки составляют элемент трека. Через отобранные на опорных камерах точки трека проводится прямая линия:

$$Y_{i} = a_{i} z + b_{i}, \quad a_{i} = \frac{R_{i2} - R_{i1}}{z_{2} - z_{1}}, \quad b_{i} = \frac{R_{i1} z_{2} - R_{i2} z_{1}}{z_{2} - z_{1}},$$

$$R_{ik} = G_{k}^{0} + s_{k} (n_{ik} + \frac{r_{ik} - 1}{2}) h_{k}, \quad k = 1, 2.$$
(2)

Здесь R_{i10} , R_{i2} - координаты элементов трёка на опорных камерах 1 и 2; G_k - геодезическая У-координата первой проволоки k-й, опорной камеры; n_{ik} - номер первой проволоки в группе r_{ik} подряд сработавших проволок; h_k - шаг намотки проволок; $s_k = \pm 1$ определяет направление считывания проволок. Прямую /2/ назовем треком частицы в i -м событий.

Далее перебираются все оставшиеся камеры, на каждой плоскости ищется точка, ближайшая к треку /2/, и вычисляется разность

$$\Delta Y_{ik} = R_{ik} - a_i z_k - b_i, \quad k = 3, ..., m;$$
 (3)

m - количество камер.,

Затем эти разности усредняются на статистике в несколько тысяч событий,

$$M_{k} = \frac{\sum_{i=1}^{N_{k}} \Delta Y_{ik}}{N_{k}}$$
, $k = 3, ..., m$; /4/

*Элемент /точку/ трека определим как одну ини ѓруппу подряд сработавших проволок, зарегистрировавших след заряженной частицы на плоскости проволочного детектора или годоскопа. рирован элемент трека. Полученные таким образом величины δ_k являются предварительными поправками координат проволочных камер.

Процедура уточнения поправок повторяется несколько раз. При этом для каждой последующей итерации входными координатами детекторов служат координаты, найденные в предыдущей итерации. Коридор для поиска трека постепенно сужается и ограничивается шириной $\Delta = /2\div3/$ мм.

Кроме величины $\delta_{f k}$ на каждой шаге вычисляются также величины

$$\sigma_{k}^{2} = \frac{\Sigma (\Delta Y - \delta)^{2}}{N_{k} - 1} \qquad \mu' \epsilon_{k}^{2} = \frac{\sigma_{k}}{\sqrt{N_{k} - 2}} \qquad (5/)$$

где σ_k - среднеквадратичное отклонение точки от трека для k-й камеры; ϵ_k - ошибка в определении величины δ_k .

Выражение для координаты первой проволоки к-й камеры в системе XYZ на заключительном шаге будет иметь вид

$$G_{k}^{n} = G_{k}^{n-1} + \delta_{k}^{n}, k = 3, ..., m,$$
 /6/

где G_k^{n-1} - оценка координаты после (n-1)-й итерации; δ_k^n - по-правка к координате, вычисленная на n -м шаге.

Процедура определения поправок координат сцинтилляционных годоскопов аналогична описанной выше.

ОПРЕДЕЛЕНИЕ ПРОСТРАНСТВЕННЫХ УГЛОВ ПОВОРОТОВ ПРОВОЛОЧНЫХ ДЕТЕКТОРОВ

Для определения углов поворотов плоскостей проволочных детекторов вокруг продольной оси установки использовался следующий алгоритм.

Пусть имеется некоторая совокупность из m плоскостей проволочных камер, две из которых являются опорными /рис.2а/.



Рис.2

Сделаем предположения.

1. Пространственное положение первой опорной камеры в координатной системе, связанной с установкой, известно / Y и Z координаты камеры, ϕ_1 - угол поворота ее плоскости вокруг оси 0Z /

2. Для всех остальных камер, включая вторую опорную, известны только координаты первых сигнальных проволок, вычисленные на предыдущем этапе в соответствии с формулой /6/.

Соотнесем первой опорной камере правую систему координат Х'Y'Z',которую определим так: ось 0'X' параллельна первой сигнальной проволоке камеры и направлена вверх; ось 0'Z' совпадает с осью 0Z. Центр 0' системы находится в точке пересечения оси 0Z с плоскостью камеры. Все дальнейшие преобразования, связанные с восстановлением треков и определением углов поворотов плоскостей камеры, будут иметь место в X'Y'Z'-системе.

Способом, описанным выше, по опорным камерам восстановим трек частицы в отдельном событии, используя информацию от всей совокупности из m камер. Найдем проекции точек пересечения трека с плоскостями опорных камер:

$$Y_1 = az_1 + b$$
, $Y_2 = az_2 + b$. /7/

Положим, что вторая опорная камера повернута относительно первой на угол ϕ_2 . Тогда значение координаты точки пересечения трека с плоскостью второй опорной камеры /рис.2б/ будет представлено выражением

 $Y_{02} = Y_{2}\cos\phi_{2} + X_{2}\sin\phi_{2} + \beta_{2}, \qquad (8)$

где X₂ – X – координата точки пересечения трека с плоскостью второй опорной камеры; β_2 – поправка к Y-координате камеры, обусловленная поворотом камеры вокруг оси 0/Z/

Учитывал малость угла $\phi_{2},/8/$ можно переписать так:

$$Y_{02} = Y_2 + \phi_2 X_2 + \beta_2.$$
 /9/

Тогда параметры проекции трека в системе, связанной с первой опорной камерой, будут иметь вид

$$a' = \frac{Y_{02} - Y_1}{z_2 - z_1} = a + \phi_2 \frac{X_2}{z_2 - z_1} + \frac{\beta_2}{z_2 - z_1},$$

$$b' = b - \phi_2 \frac{X_2 z_1}{z_2 - z_1} - \beta_2 \frac{z_1}{z_2' - z_1}.$$
(10/

Далее, пусть k-я камера /рис.2а/ повернута относительно первой опорной на угол ϕ_{i} . В соответствии с /9/,

$$Y_{0k} = Y_k + \phi_k X_k + \beta_k.$$

Но, в свою очередь,

 $Y_{0k} = a'z_k + b'$

$$Y_{k} = a z_{k} + b + \phi_{2} X_{2} \frac{z_{k} - z_{1}}{z_{2} - z_{1}} + \beta_{2} \frac{z_{k} - z_{1}}{z_{2} - z_{1}} - \phi_{k} X_{k} - \beta_{k}.$$
 (13/

/11/

/12/

По определению опорной камеры координата ее первой проволоки известна, поэтому $\beta_2 = 0$. Перепишем /13/ окончательно в виде

$$\sum_{k=1}^{k} Y_{k} = a z_{k} + b + \phi_{2} X_{2} \frac{z_{k} - z_{1}}{z_{2} - z_{1}} - \phi_{k} X_{k} - \beta_{k}.$$
 (14/

⁴ ³ Процедуру установления оптимальной гипотезы о параметрах ϕ_2 , ⁴ $\{\phi_k\}_{k=3}^m$, $\{\beta_k\}_{k=3}^m$ свяжем с минимизацией /в пространстве этих ⁴ параметров/ функционала вида

$$\delta_{k}^{2} = \sum_{k=3}^{m} \sum_{i=1}^{n_{k}} (R_{ik} - Y_{ik})^{2},$$
 (15/

, где m – ² – количество плоскостей камер, R_{ik} – координата эле-, мента трека на k −й камере в i −м событии /2/, Y_{ik} – Y – коор-, дината точки пересечения трека с плоскостью k −й камеры в i −м , событии.

🖉 — Учитывая /14/, перепишем /15/ в следующем виде:

$$\delta^{2} = \sum_{k=3}^{m} \sum_{i=1}^{N_{k}} (\Delta Y_{ik} + \phi_{k} X_{ik} + \beta_{k} - \phi_{2} c_{ik})^{2}.$$
 /16/

Здесь $\Delta Y_{ik} = R_{ik} - a_i z_k - b_i$; $X_{ik} - X$ - координата точки пересечения трека с плоскостью k -й камеры в i -м событии; $c_{ik} = X_{i2} = \frac{z_k - z_1}{z_2 - z_1}$.

Дифференцируя функционал /16/ по параметрам ϕ_2 , $\{\phi_k\}_{k=3}^m$, $\{\beta\}_{k=3}^m$ и приравнивая производные к нулю, получим систему уравнений, которал в матричном виде запишется следующим образом: AF = B, где

$$A = \begin{bmatrix} \Sigma \mathbf{X}_{i3}^{2} \Sigma \mathbf{X}_{i3} \\ \Sigma \mathbf{X}_{i3} \mathbf{N}_{3} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -\Sigma \mathbf{c}_{i3} \mathbf{X}_{i3} \\ -\Sigma \mathbf{c}_{i3} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \Sigma \Delta \mathbf{Y}_{i3} \mathbf{X}_{i3} \\ \Sigma \Delta \mathbf{T}_{i3} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \phi_{3} \\ \beta_{3} \end{bmatrix}$$

$$A = \begin{bmatrix} \Sigma \mathbf{X}_{i3}^{2} \Sigma \mathbf{X}_{i,m} \\ \Sigma \mathbf{X}_{im} \mathbf{X}_{mm} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} -\Sigma \mathbf{c}_{im} \mathbf{X}_{im} \\ -\Sigma \mathbf{c}_{im} \end{bmatrix} B = \begin{bmatrix} \Sigma \Delta \mathbf{Y}_{i3} \mathbf{X}_{i3} \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ \vdots \\ \Sigma \Delta \mathbf{Y}_{im} \mathbf{X}_{im} \end{bmatrix} E = \begin{bmatrix} \phi_{3} \\ \beta_{3} \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} \Sigma \Delta \mathbf{Y}_{im} \mathbf{X}_{im} \\ \Sigma \Delta \mathbf{Y}_{im} \mathbf{X}_{im} \\ \Sigma \Delta \mathbf{Y}_{im} \mathbf{X}_{im} \end{bmatrix} E = \begin{bmatrix} \phi_{3} \\ \phi_{3} \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} \Sigma \Delta \mathbf{Y}_{im} \mathbf{X}_{im} \\ \Sigma \Delta \mathbf{Y}_{im} \mathbf{X}_{im} \\ \Sigma \Delta \mathbf{Y}_{im} \end{bmatrix} E = \begin{bmatrix} \phi_{3} \\ \phi_{3} \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} \Sigma \Delta \mathbf{Y}_{im} \mathbf{X}_{im} \\ \Sigma \Delta \mathbf{Y}_{im} \mathbf{X}_{im} \\ \Sigma \Delta \mathbf{Y}_{im} \end{bmatrix} E = \begin{bmatrix} \phi_{3} \\ \phi_{3} \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} \Sigma \Delta \mathbf{Y}_{im} \mathbf{X}_{im} \\ \Sigma \Delta \mathbf{Y}_{im} \mathbf{X}_{im} \\ \Sigma \Delta \mathbf{Y}_{im} \end{bmatrix} E = \begin{bmatrix} \phi_{3} \\ \phi_{3} \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} \phi_{3} \\ \phi_{3} \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} \Sigma \Delta \mathbf{Y}_{im} \mathbf{X}_{im} \\ \Sigma \Delta \mathbf{Y}_{im} \mathbf{X}_{im} \\ \Sigma \Delta \mathbf{Y}_{im} \end{bmatrix} E = \begin{bmatrix} \phi_{3} \\ \phi_{3} \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} \phi_{3} \\ \phi_{3} \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} \Sigma \Delta \mathbf{Y}_{im} \mathbf{X}_{im} \\ \Sigma \Delta \mathbf{Y}_{im} \mathbf{X}_{im} \end{bmatrix} E = \begin{bmatrix} \phi_{3} \\ \phi_{3} \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} \phi_{3} \\ \phi_{3} \end{bmatrix}$$

матрины

 $\mathbf{F} = \mathbf{A}^{\mathsf{T}} \mathbf{B}$

При вычислении матрицы А⁻¹ использовался метод обращения квазидиагональных окаймленных матриц, описанный в работах /11,12/.0шибки в определении параметров $[\{\phi_k, \beta_k\}_{k=3}^m, \phi_2]$ вычисляются по формуле

$$(\Delta a)_{j+2}^{2} = \frac{\delta}{N_j - m + 2} a_{jj}, \ j = 1, ..., 2m - 3,$$
 /19/

где а, - диагональные элементы матрицы А-

УТОЧНЕНИЕ УГЛОВ ПОВОРОТОВ И КООРДИНАТ ПРОВОЛОЧНЫХ ДЕТЕКТОРОВ

В случае, когда точность определения углов поворотов $\{\phi_k\}_{k=3}^{m}$ плоскостей камер с использованием описанного выше метода не удовлетворяет требуемой /0,4 мрад/, дальнейшее уточнение оценок геометрических констант $\{\phi_k,\beta_k\}_{k=3}^m$ осуществляется следующим способом.

Для заданной статистики событий по совокупности m камер восстанавливаются треки частиц с учетом уже найденных параметров ϕ_2 , $\{\phi_k, \beta_k\}_{k=5}^m$. В каждом событии на каждой из m – 2 плоскостей вычисляется величина отклонения ΔY_{ik} точки трека от прямой, восстановленного по опорным камерам. Затем для каждой из т - 2 камер минимизируются функционалы $\delta_{k}^{2} = \sum_{k=1}^{N_{k}} (\Delta Y_{jk} + \vec{\phi}_{k} X_{ik} + \vec{\beta}_{k})^{2},$

/20/

$$\Delta Y_{ik} = R_{ik} - a_{i} z_{k} - b_{i} - \phi_{k} X_{ik} - \beta_{k}, a_{i} = \frac{R_{i2} - R_{i1}}{z_{2} - z_{1}} + \phi_{2} \frac{X_{i2}}{z_{2} - z_{1}}$$

$$b_{i} = \frac{R_{i1} z_{2} - R_{i2} z_{1}}{z_{2} - z_{1}} - \phi_{2} \frac{X_{i2} z_{1}}{z_{2} - z_{1}}; \{\tilde{\phi}_{k}, \tilde{\beta}_{k}\}_{k=3}^{m} - 8$$

поправки к параметрам $\{\phi_k, eta_k\}_{k=3}^m$.Остальные обозначения пояснены

Дифференцируя /20/ по параметрам $\{ ilde{\phi}_{j}, extsf{b}_{j}\}_{n=1}^{m}$ и приравнивая производные к нулю, найдем значения этих параметров

$$\widetilde{\phi}_{\mathbf{k}} = \frac{\Sigma \Delta Y_{i\mathbf{k}} \Sigma X_{i\mathbf{k}} - N_{\mathbf{k}} \Sigma \Delta Y_{i\mathbf{k}} X_{i\mathbf{k}}}{(\Sigma X_{i\mathbf{k}})^{2} - N_{\mathbf{k}} \Sigma X_{i\mathbf{k}}^{2}},$$

$$\widetilde{\beta}_{\mathbf{k}} = \frac{\Sigma \Delta Y_{i\mathbf{k}} X_{i\mathbf{k}} \Sigma X_{i\mathbf{k}} - \Sigma \Delta Y_{i\mathbf{k}} \Sigma X_{i\mathbf{k}}^{2}}{(\Sigma X_{i\mathbf{k}})^{2} - N_{\mathbf{k}} \Sigma X_{i\mathbf{k}}^{2}}, \quad \mathbf{k} = 3, ..., m.$$

$$/21/$$

Ошибки в величинах параметров $\{\vec{\phi}_k, \vec{\beta}_k\}_{k=3}^m$ вычисляются в соответствии с /19/.

Окончательные выражения для координат первых проволок G_{k} и углов поворотов $\theta_{\mathbf{k}}$ для каждой **k**-й из совокупности m камер в XYZ системе будут иметь вид

$$\vec{G}_{1} = \vec{G}_{1}, \quad \vec{G}_{2} = \vec{G}_{2}, \quad \vec{\theta}_{1} = \phi_{1}, \quad \vec{\theta}_{2} = \phi_{1} + \phi_{2},$$

$$\vec{G}_{k} = \vec{G}_{k}^{0} + \delta_{k} + \beta_{k} + \beta_{k}, \quad \vec{\theta}_{k} = \phi_{1} + \phi_{k} + \phi_{k}, \quad k = 3, ..., m,$$

$$/22/$$

"где G 🖁 – координата k –й плоскости, измеренная геодезическим способом; δ_k , β_k , $\tilde{\beta}_k$ - координатные поправки к геодезическим измерениям, вычисленные программным способом. Смыслатих попра $rac{3}{2}$ вок пояснен выше; ϕ_1 - угол поворота первой опорной камеры в ХҮХ-системе, измеренный геодезическим способом, ϕ_2 - угол поворота второй опорной камеры в XYYZ-системе, $\phi_{\mathbf{k}}$ - угол поворота k-й камеры в Х'Y'Z'-системе, $\phi_{
m b}$ – поправка к углу поворота к -й камеры в Х/У/Z/-системе.

ОПРЕДЕЛЕНИЕ ГЕОМЕТРИЧЕСКИХ КОНСТАНТ КАМЕР, ПОВЕРНУТЫХ НА БОЛЬШИЕ УГЛЫ

При реконструкции многотрековых событий для выявления соот-"ветствия X- и – Y - проекций отдельного трека своему пространственному образу используется информация с нескольких камер, каждая из которых повернута вокруг оси 0Z на некоторый угол ¤.

Геометрические константы повернутых камер определяются с помощью восстановленных треков пучковых частиц, проходящих через всю установку.

Определим систему координат VUZ. Ось ОV, параллельная первой сигнальной проволоке повернутой камеры R, центры систем ХҮZ и VUZ совпадают, а оси 0X и 0V составляют угол a /например 45°/.

Найдем предварительно Х и У-проекции трека пучковой частицы, зарегистрированного в і-м событии некоторой совокупностью камер, расположенных вблизи повернутой.

Вычислим координаты пересечения трека с плоскостью поверну-

$$X_{iR} = a_{xi} z_{R} + b_{xi}$$
, $Y_{iR} = a_{yi} z_{R} + b_{yi}$, (23)

где z_R ⊢ Z – координата повернутой камеры. В системе VUZ координата точки трека будет иметь вид

$$u_{Ti} = X_{iR} \cos \alpha + Y_{iR} \sin \alpha . \qquad (24)$$

Затем в некоторой области u_{Ti}± Δ /Δ = 5÷10°мм/ ищется ближайшая к треку точка с координатой

$$u_{si} = G_R^0 + s_R (\dot{r}_{iR} + \frac{r_{iR} - 1}{2}) h_R,$$
 (25)

где G_R^0 – оценка в VUZ -системе и-координаты первой сигнальной проволоки повернутой камеры R. Остальные обозначения те же, что и в формуле /2/.

Вычисляется разность $\Delta u_i = u_{Ti} - u_{Si}$. Далее уточнение величины G_R^0 выполняется по формулам /4/-/6/ путем усреднения Δu_i на нескольких тысячах событий.

ПРОЦЕДУРА̀ ОПРЕДЕЛЕНИЯ ГЕОМЕТРИЧЕСКИХ КОНСТАНТ УСТАНОВКИ

Перед началом экспозиции установки в пучке заряженных частиц производится юстировка систем трековых детекторов и геодезические измерения их X_- , Y_- и Z-координат. Юстировка опорных камер осуществлялась с использованием теодолита с точностью отклонения проволок от вертикальной линии не более 0,4 мрад.

Вычисление поправок к геодезическим измерениям координат / проволочных детекторов и годоскопов производилось в два этапа. На первом этапе при выключенном электромагните MC-12 и пустой мишени на магнитные ленты записывается информация о нескольких тысячах частиц. При этом пучковые частицы по прямолинейной траектории пересекают все трековые детекторы спектрометра вторичных частиц /ИПК $_{1-5}$, ПК $_{5-7}$, рис.1/. Из всей совокупности проволочных камер спектрометра вторичных частиц выбираются две опорные и с помощью методов, описанных выражениями /4/-/19/, определяется пространственное положение всех камер совокупности в единой системе координат (XYZ), связанной с центром магнита MC-12. На втором этапе вся совокупность проволочных детекторов разбивается на отдельные группы, информация с которых используется для восстановления определенных кинематических параметров реакции /1/.

В каждой из групп выбираются по две плоскости опорных камер, положение которых фиксируется в ХҮ2-системе координат. Для каждой из групп, в соотвотствии с методом /20/-/22/, уточняется пространственное положение камер относительно выбранных опорных, для чего используется информация о реальных событиях реакции /1/. Прецесс уточнения констант носит также итеративный характер и прокращается, когда

$$|G_k^{n+1} - G_k^n| \le 0,1 \text{ MM}, |\phi_k^{n+1} - \phi_k^n| \le 0,4 \text{ Mpag}.$$
 /26/

Константы /22/, полученные с помощью описанной выше методики, обеспечивают необходимую точность привязки трековых детекторов относительно друг друга и к магнитному полю электромагнита MC-12.

РЕЗУЛЬТАТЫ РАСЧЕТОВ

Описанная выше методика использовалась при восстановлении спектров недостающих масс к вторичному K^+ -мезону, образующемуся в реакции /1/. Спектры были получены двумя способами: без учета углов поворотов камер и с учетом последних. При этом среднеквадратичные ширины пиков Σ^+ -гиперона составили 72+2 МэВ и 54+1,5 МэВ соответственно. Учет углов поворотом камер позволил уменьшить ширину пика на 25%.

Приведенная выше величина $\sigma_{\Sigma^+} = 54$ МэВ согласуется с расчетной величиной, полученной методом Монте-Карло с учетом разрешающих способностей экспериментальной установки ^{/9/}.

В экспериментах по изучению инклюзивного образования векторных мезонов на установке ГИПЕРОН ^{/14,15/} геометрические константы трековых детекторов определялись по формулам /2/-/6/ и /23/-/25/. С использованием найденных констант были получены спектры эффективных масс $\pi^+\pi^-$, $K^+\pi^- - \mu$ K^+K^- пар. В результате обработки спектров вычислены значения масс K° – , $K^{*\circ}$ и ϕ -мезонов и среднеквадратичные ошибки распределений /см. таблицу/.

Таблица

Частица	М _{эфф} (МэВ/с ²)	$\sigma (M \rightarrow B/c^2)$
, К°	496,4+0,3	2,6
K *° 、	·897 <u>+</u> 1,3	21
ϕ	1020 <u>+</u> 0,8	5,1

Ч. Из приведенных данных видно, что значения масс указанных частиц хорошо соглосуются с их табличными значениями /16/.

10

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

В настоящей работе описана методика определения геометрических констант экспериментальной установки ГИПЕРОН. На основе разработанных алгоритмов создано программное обеспечение для определения констант установки.

Предложенная выше методика используется для определения пространственного положения детектирующей аппаратуры на спектрометре ГИПЕРОН. Найденные с ее помощью константы служат достижению главной цели: обеспечению высоких разрешающих способностей спектрометра при определении кинематических параметров заряженных частиц.

Созданное программное обеспечение ориентировано на специфику экспериментальной установки ГИПЕРОН. Однако общие принципы, а также алгоритмы, положенные в его основу, могут быть с успехом использованы для определения геометрических констант экспериментальных установок, подобных спектрометру ГИПЕРОН.

В заключение авторы благодарят Ю.А.Будагова, В.Б,Флягина и В.М.Кутьина за постановку задачи, постоянное внимание к данной работе и ряд ценных советов, Н.А. Русаковича, В.И.Белоусова. С.А.Акименко и В.М.Маниева за многократные полезные обсуждения проблемы.

ЛИТЕРАТУРА

- 1. Говорун Н.Н. и др. ОИЯИ, Р5-5397, Дубна, 1970.
- 2. Вестергомби Д. и др. ОИЯИ, Р10-7284, Дубна, 1973.
- 3. Аматуни Ц.А. и др. ИФВЭ, 82-142, Серпухов, 1982.
- 4. Джелядин Р.И. и др. ИЯФЭ, 84-70, Серпухов, 1984.
- 5. Антюхов В.Л. и др. ОИЯИ, Р13-84-562. Дубна, 1984.
- 6. Виноградов В.Б. и др. ОИЯИ. 13-84-805. Дубна, 1984.
- 7. Электрофизическая аппаратура промышленного изготовления /справочник/. Госатомиздат, М., 1963, с.64.
- 8. Акименко С.А. и др. ОИЯИ, Р13-80-155, Дубна, 1980.
- 9. Акименко С.А. и др. ОИЯИ, 1-8948, Дубна, 1975.
- 10. Виноградов В.Б. и др. ОИЯИ, Р1-83-390, Дубна, 1983.
- 11. Одинцов В.Г. ОИЯИ, Р5-82-544, Дубна, 1982.
- 12. Одинцов В.Г. ОИЯИ, 11-82-627, Дубна, 1982.
- 13. Корн Г., Корн Т. Справочник по математике. "Наука", М., 1977, с.708.
- 14. Кульчицкий Ю.А. и др. ОИЯИ, Б1-1-83-137, Дубна, 1983.
- 15. Бицадзе Г.С. и др. ОИЯИ, 1-83-895, Дубна, 1983.
- Review of Particle Properties. Particle Data Group. CERN, Geneva, 1984.

Рукопись поступила в издательский отдел 4 февраля 1985 года. Виноградов В.Б. и др. Р10-85-77 Методика определения геометрических, констант установки ГИПЕРОН

Описана методика и приведены эффективные алгоритмы для определения геометрических констант экспериментальных установок, в которых в качестве трековых детекторов используются проволочные камеры. Применение разработанной методики на установке ГИПЕРОН позволило обеспечить высокие разрешающие способности спектрометра вторичных частиц по их кинематическим параметрам. Существенным явилось определение углов поворотов проволочных детекторов вокруг продольной оси установки. Учет этого эффекта привел к повышению реальной точности определения кинематических параметров изучаемых реакций на 20%. Совокупность процедур и алгоритнов, предложенных для определения пространственного положения трековых детекторов, может быть успешно использована на экспериментальных установках, подобных спектрометру ГИПЕРОН.

Работа выполнена в Лаборатории ядерных проблем ОИЯИ.

Сообщение Объединенного института ядерных исследований. Дубка 1985

Перевод О.С.Виноградовой

凑

12

Vinogradov V.B. et al. P10-85-77 Methods of Determination of HYPERON Spectrometer Geometrical Constants

The methods and efficient algorithms for geometrical constant determination of experimental facilities which use wire chambers as track detectors are described. Application of these methods under conditions of HYPERON spectrometer has provided a high resolution of the secondary particle spectrometer over kinematical parameters of the particles.Determination of track detector space orientation around longitudinal axis of the facility was also essential. Taking into account this effect has resulted in 20% improvement of real accuracy of kinematical parameters of particles in the reactions under study. Totality of subroutines and algorithms proposed for track detector space position determination could be successfully used in experimental facilities similar to HYPERON spectrometer.

The investigation has been performed at the Laboratory of Nuclear Problems, JINR.

Communication of the Joint Institute for Nuclear Research, Dubna 1985