СООБЩЕНИЯ ОБЪЕДИНЕННОГО ИНСТИТУТА ЯДЕРНЫХ ИССЛЕДОВАНИЙ

**ДУБНА** 

14/11-70

P1 - 9574

2225/2-76

C346.48

C-506

Г.И.Смирнов

АНАЛИЗ ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНЫХ ДАННЫХ ПО РЕАКЦИИ  $\pi + p \rightarrow e^+ + e^- + n$ В РАМКАХ ИЗОБАРНОЙ МОДЕЛИ



·P1 - 9574

Г.И.Смирнов

АНАЛИЗ ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНЫХ ДАННЫХ ПО РЕАКЦИИ *П*<sup>−</sup> + p → e<sup>+</sup> + e<sup>−</sup> + n В РАМКАХ ИЗОБАРНОЙ МОДЕЛИ



В настоящей работе для анализа данных по реакции (I)

$$\pi^{-} + p - e^{+} + e^{-} + n,$$
 (I)

полученных при энергии пионов 276 МэВ<sup>/1</sup>, используется изобарная модель<sup>/2/</sup>. Сравнение теоретических и экспериментальных сечений процесса (I) дает возможность определить электрический формфактор пиона  $F_{\mathfrak{f}}(k^2)$ и дираковский изовекторный формфактор нуклона  $F_{\mathfrak{f}}(k^2)$ , а также вычислить среднеквадратичные радиусы пиона  $\Gamma_{\mathfrak{f}}$  и нуклона  $\Gamma_{\mathfrak{f}}$ . Величина, на которую отличаются формфакторы, полученные при анализе одних и тех же экспериментальных данных /I/ в рамках дисперсионной /З/ и изобарной моделей, характеризует модельные неопределенности анализа.

## I. Экспериментальные данные

Анализируемые экспериментальные данные содержали 1040 событий, идентифицированных в работе<sup>/1/</sup>. Из распределения этих случаев по квадрату недостающей массы  $M_{\chi}^2$  следует, что среди них имеется 793±38 событий реакции (I) и 247±30 событий фоновых процессов. Введение критерия  $M_{\chi}^2 < I,0$  (ГэВ/с<sup>2</sup>)<sup>2</sup> уменьшает число случаев исследуемой реакции до 748±36, а число фоновых событий – до 97±12. При этих же условиях фон от пустой мишени составляет 70±26 событий. Именно этот статистический материал разбивался на пять групп в зависимости от значения квадрата передаваемого 4-имульса  $k^2$ . Число случаев в каждой группе и процент фоновых событий приведены в таблице I.

3

Таблица I

№ группы	Интервал k <sup>2</sup> (ГэВ/с) <sup>2</sup>	<u>к<sup>2</sup></u> (ГэВ∕с) <sup>2</sup>	<u>k</u> 2 ∳-2	Число событий	Число фоновых событий	Доля фоновых событий, %
I	0,050÷0,065	0,058	I <b>,4</b> 8	98	12	12,2
2	0,065÷0,080	0,073	I,88	I63	27	I6 <b>,</b> 6
З	0,080÷0,095	0,088	2,26	203	26	I2 <b>,</b> 8
4	0,095÷0,II0	0,103	2,65	219	22	10,0
5	0,II0÷0,I30	0,II9	3,05	216	II	5 <b>,</b> I

Для каждой группы строились распределения по трем независимым кинематическим переменным: косинусу угла  $\theta^{\delta}$  вылета виртуального фотона по отношению к пиону в  $\pi N$  с.ц.м., косинусу угла  $\varphi$  между плоскостью реакции образования виртуального фотона и плоскостью распада виртуального фотона  $\delta_{v} - e^+e^-$ , косинусу угла  $\theta$  между импульсами нейтрона и электрона в с.ц.м. ( $e^+e^-$ ) -пары. Определение формфакторов осуществлялось в процессе анализа экспериментальных распределений по косинусу угла  $\theta^{\delta}$ , два других распределения служили для проверки качества описания моделью экспериментальных данных с помощью найденных параметров  $F_{\pi}(k^2)$  и  $F_{c}^{\phi}(k^2)$ .

## 2. Параметры модели

Параметрами изобарной модели, применявшейся для анализа экспериментальных данных, являются дираковские и паулиевские изовекторные и изоскалярные формфакторы нуклона:  $F_{,\nu}^{\nu}(k^2)$ ,  $F_{,2}^{\nu}(k^2)$ ,  $F_{,2}^{\prime}(k^2)$  и  $F_{,2}^{\prime}(k^2)$ , электрический формфактор пиона  $F_{,\tau}(k^2)$ , а также формфакторы  $C_{3}(k^2)$ ,  $C_{4}(k^2)$  и  $C_{5}(k^2)$ , входящие в резонансные амплитуды S-канала/2/.

Оценки показнвают, что в исследуемой области переданных 4-импульсов величина мнимой части как пионного, так и нуклонного формфакторов мала<sup>4,5/</sup>. Это дает основание при расчетах полагать все параметры модели действительными. Ряд параметров, к которым сечение обладает малой чувствительностью, полагались при расчетах константами:  $C_4(k^2) = C_5(k^2) = -0,0043^{6,7/}, \quad F_2^{\nu}(k^2) = 3,7, \quad F_4^{5}(k^2) = 1,0, \quad F_2^{5}(k^2) = -0,12.$  Для вычисления формфактора  $C_3(k^2)$  было использовано предположение, сделанное в работе<sup>/8/</sup>, о том, что формфактор, входящий в амплитуду  $M_{1^+}$ , может быть выражен с помощью изовекторного магнитного формфактора нуклона:

$$C_{3}(k^{2}) = C_{3}(0) \cdot G_{M}^{\nu}(k^{2}) / G_{M}^{\nu}(0).$$
 (2)

Как показало сравнение экспериментальных данных по магнитному формфактору изобары  $\Delta(1236)$  с формфактором  $G_{M}^{\nu}(k^2)$ , выполненное в работе<sup>/9/</sup>, соотношение (2) справедливо в области передаваемых 4-импульсов  $k^2$  от 0 до 10  $\phi^{-2}$ . При расчетах было использовано также предположение о равенстве нулю электрического формфактора нейтрона  $G_{c}^{n} = 0$  и о подобии формфакторов нуклона:

$$G_E^P = \frac{G_M^P}{\mu_P} = \frac{G_M^n}{\mu_n} \, .$$

Эти два предположения позволили выразить формфактор C<sub>3</sub>(k<sup>2</sup>) через изовекторный дираковский формфактор нуклона:

$$c_{3}(k^{2}) = \frac{0.37 \ F_{v}^{v}(k^{2})}{1 - \frac{3.7k^{2}}{4M - k^{2}}}$$

где М – масса нуклона. Таким образом, свободными оставались два параметра:электрический формфактор пиона  $F_{\pi}(k^2)$  и дираковский изовекторный формфактор нуклона  $F_{\pi}(k^2)$ .

## З. Определение формфакторов пиона и нуклона

Значения формфакторов  $f_{\pi}(k^2)$  и  $f_{\ell}^{\mu}(k^2)$  определялись методом наименьших квадратов из анализа экспериментальных распределений по косинусу угла вылета виртуального фотона в  $\pi N$  с.ц.м.  $\cos \theta^{\nu}$ . Эти распределения, как было показано в работе<sup>/10/</sup>, наиболее чувствительны к изменениям пионного и нуклонного формфакторов. В каждой из пяти групп событий формфакторы полагались независимыми от  $k^2$ , а их значения определялись из условия минимума функционала, аналогичного описанному в<sup>/3/</sup>. Для проведения анализа экспериментальных данных использовалось предположение о равенстве пионного и нуклонного форм-

 $F_{\pi}(k^2) = F_{\mu}^{\nu}(k^2)$ (3)

факторов (3)\*). Теоретические сечения вычислялись с помощью программы SIMUL2<sup>/I3/</sup>. Расчеты были сделаны для набора параметров  $f_{\pi}(F_{\tau}^{\nu})$ , значения которых лежали в интервале от 0,6 до I,6 с шагом 0,05. В ходе фитирования оказалось, что группа данных, соответствующая среднему значению  $k^2 = 1,88 \ \Phi^{-2}$ , плохо описывается теоретическими расчетами:  $\chi^2 > 22$  при ожидаемой величине  $\chi^2 = 7$ . Результаты определения формфакторов для четырех групп событий приведены в таблице 2. Во второй строке записаны значения формфакторов с ошибками, учитывающими только статистические погрешности и неточности в определении числа фоновых событий. Для того чтобы учесть ошибку  $\delta$  в величине сечения, обусловленную неточностями определения состава пучка, эфективностей детекторов и обработки, формфакторы вычисляТаблица 2

$k^2, \Phi^{-2}$	I,48	2,26	2,65	3,05
	0,80 ± 0,08	I,02 ± 0,08	I,04 ± 0,07	I,I7 ± 0,07
$F_{\pi}(k) = F_{4}(k^{-})$	0,80 ± 0,10	I,02 ± 0,10	I,04 ± 0,09	I,I7 ± 0,09
$\chi^2$	12	II	II	8

лись для сечений увеличенных и уменьшенных на величину  $\delta$ . Оказалось, что эта процедура приводит к уменьшению и, соответственно, к увеличению значений формфакторов на величину  $\xi = 0,07$ . Для получения полной ошибки в определении формфакторов величина  $\varepsilon$  квадратично складывалась с погрешностями, приведенными во второй строке. Величины формфакторов с полными ошибками записаны в третьей строке таблицы 2.

На рис. I сплошными кривыми приводятся теоретические сечения, вычисленные с формфакторами из таблицы 2. Пунктирными линиями нанесена



Рис. I Распределение событий по косинусу угла  $\theta^{\delta}$  вылета фотона в  $\pi N$  с.ц.м. Сплошная кривая – полное сечение, пунктирная – величина сечения, обусловленная борновскими амплитудами.

<sup>\*)</sup> Результаты опытов по прямому и обратному электророждению пионов свидетельствуют в пользу соотношения (3) /II,I2,4/.

часть дифференциального сечения, обусловленная только борновскими членами. Из сопоставления этих кривых следует, что относительный вклад борновских амплитуд в дифференциальное сечение возрастает по мере роста значений  $k^2$ . Этот результат подтверждает вывод работы/14/ о квазипороговом поведении амплитуд процесса образования виртуального фотона. Доминирующая роль борновских членов указывает на незначительность модельных неопределенностей.

На рисунках 2 и 3 приведены распределения событий по косинусам углов  $\theta$  и  $\varphi$ . Сплошные кривые вычислены с формфакторами, приведенными в таблице 2. Из рисунков следует, что используемая для теоретических расчетов модель с параметрами, найденными из распределения по  $\cos \theta^{\delta}$ , хорошо описывает дифференциальные сечения по другим независимым переменным.



Рис. 2 Распределение событий по косинусу угла *φ* между плоскостью реакции π<sup>-</sup>p - n<sub>f</sub>, и плоскостью распада f<sub>ν</sub> - e<sup>+</sup>e<sup>-</sup>. Сплошные кривые получены расчетом с параметрами, взятыми из таолицы 2.



Рис. З Распределение событий по косинусу угла  $extsf{O}$  между электроном и нейтроном в с.ц.м. (e<sup>+</sup>e<sup>-</sup>). Сплошные кривые получены расчетом с параметрами, взятыми из таблицы 2.

Для того чтобы количественно оценить величину модельных неопределенностей полученного результата, сравнивались значения формфакторов, определенные при анализе одних и тех же экспериментальных данных с помощью изобарной и дисперсионной /3/ моделей (таблица 3).

Таблица З

ſ	$k^2, \Phi^{-2}$		I,48	2,26	2,65	3,05
		Дисперс.	0,86 ± 0,10	I,05 ± 0,08	I,07 ± 0,08	I,20 ± 0,09
$ _{\mathcal{F}}^{F} =$	$f_{\pi} = f_{1}$	Изобарн.	0,80 ± 0,10	I,02 ± 0,10	I,04 ± 0,09	I,I7 ± 0,09
		экспер.	II,6	7,6	7,5	7,5
	ξ, %	модельн.	7,0	2,9	2,8	2,5

8

Сравнение показало, что относительная величина модельной погрешности  $\varepsilon_{\text{модельн}}$  уменьшается с ростом квадрата передаваемого 4-импульса  $k^2$  и всюду меньше величины экспериментальной погрешности  $\varepsilon_{\text{экспер}}$ .

Значения формфакторов, приведенные в таблице 2, использовались для определения среднеквадратичного радиуса пиона  $f_{\pi}$  и радиуса  $f_{\ell}$ , соответствующего дираковскому изовекторному формфактору нуклона  $f_{\ell}^{\nu}(k^2)$ . Ошибки формфакторов брались из второй строки таблицы 2, а погрешность  $\varepsilon = \pm 7 \%$  приписывалась величине  $f_{\pi}(0) = f_{\ell}^{\nu}(0) = 1,0$ . Цять взятых значений удовлетворительно аппроксимировались зависимостью (4) ( $\chi^2 = 8$ ,  $\chi^2 = 3$ )

$$F_{\pi}(k^{2}) = 1 + \frac{1}{6} \langle r_{\pi}^{2} \rangle k^{2}$$
 (4)

при значении радиусов

 $f_{\pi} = f_{4} = 0,56 \pm 0,15 \Phi.$  (5)

Полученное значение радиуса находится в согласии с результатом анализа тех же экспериментальных данных в рамках дисперсионной модели:  $f_{\pi} = f_{4} = 0.62 \pm 0.12 \Phi^{/3/}$ , а также с результатом анализа большой совокупности экспериментальных данных, который был выполнен авторами работы<sup>/15/</sup>:  $f_{\pi} = 0.68 \Phi$ . Величина (5) несколько меньше значения радиуса  $f_{4}$ , которое было получено в работе <sup>/16/</sup>:  $f_{4} = 0.77\Phi^{*}$ , и значения радиуса пиона, определенного в опыте по упругому рассеянию пионов на электронах:  $f_{\pi} = 0.78 \pm 0.10 \Phi^{/17/}$ .

На рис. 4 приведены значения формфактора пиона, измеренного в области времениподобных переданных 4-импульсов. Сплошная кривая вычислена с помощью метода дисперсионных соотношений и правил сумм/<sup>15/</sup>.



Рис. 4 формфактор пиона  $F_{\pi}(k^2)$  во времениподобной области переданных импульсов, измеренный в опытах на встречных  $e^+e^$ пучках  $\Box - /I8/, \blacksquare - /I9/, \triangle - /20/, \blacktriangle - /21/$ и в опытах по исследованию процесса  $\pi^-p \rightarrow e^+e^-n \ \Omega - /4, I0/$ , • - настоящая работа.

Был проведен также анализ дифференциальных сечений по косинусу угла вылета виртуального фотона  $de/dcos\theta^{\delta}$  с независимо варьируемыми формфакторами  $F_{\pi}(k^2)$  и  $F_{\tau}^{\nu}(k^2)$ . Анализ показал, что введение второго параметра не улучшает качества описания экспериментальных распределений теоретическими кривыми. Отсутствие ярко выраженного минимума величины  $\chi^2$  не позволяет определить значение исследуемых формфакторов. Ситуация улучшается, если потребовать выполнения двух условий в изучаемой области малых времениподобных 4-импульсов:

 <sup>\*)</sup> В работе /16/ были проанализированы результаты опнтов по упругому еN - рассеянию.

$$F_{\pi}(k^{2}) > 4,0$$

$$F_{4}^{v}(k^{2}) > F_{\pi}(k^{2}).$$
(6)
(7)

Условия (6) и (7) при независимом варьировании формфакторов дают возможность определить их величину при трех значениях  $k^2$  (таблица 4).

Таблица 4

k <sup>2</sup> , ⊕ <sup>-2</sup>	2,26	2,65	3,05
$F_{\pi}(k^2)$	I,03 ± 0,03	I,05 ± 0,05	I,II ± 0,I0
$F_1^{\nu}(k^2)$	I,I3 ± 0,II	I,IO ± 0,07	I,22 ± 0,14

Величина  $\chi^2$  описания экспериментальных данных для всех трех  $k^2$  равна II, при ожидаемом значении  $\overline{\chi^2} = 6$ .

Значения среднеквадратичных радиусов пиона и нуклона, вычисленные с помощью аппроксимации (4) результатов, приведенных в таблице 4, составляют:

$$\begin{aligned} f_{g_{T}} &= 0,36 \pm 0,25 \ \Phi \\ f_{s} &= 0,54 \pm 0,19 \ \Phi. \end{aligned} \tag{8}$$

При этом получены значения  $\chi^2 = 0,5$ , ожидаемое значение –  $\overline{\chi^2} = L$ Следует отметить, что предположения (6) и (7) значительно слабее, чем (3); вследствие этого величина ошибки в (8) превышает величину ошибки результата (5).

Автор благодарен С.Ф.Бережневу, Т.Д.Блохинцевой и Л.Л.Неменову за помощь при выполнении настоящей работы.

## <u>ЛИТЕРАТУРА</u>

- І. В.В.Ализаде, С.Ф.Бережнев, А.В.Демьянов, А.В.Купцов, В.П.Курочкин, Л.Л.Неменов, Ж.П.Пустыльник, Г.И.Смирнов, Д.М.Хазинс. ОИЯИ, РІ-9470, Дубна, 1976.
- 2. Г.И.Смирнов, Н.М.Шумейко. Р2-6871, ОИЯИ, Дубна, 1972. Г.И.Смирнов, Н.М.Шумейко. ЯФ, <u>17</u>, 1266, 1973.
- С.Ф.Бережнев, Т.Д.Блохинцева, А.В.Демъянов, А.В.Купцов, В.П.Курочкин, Л.Л.Неменов, Г.И.Смирнов, Д.М.Хазинс. ОИЯИ, РІ-9575, Дубна, 1976.
- 4. С.Ф.Бережнев, А.В.Демьянов, А.В.Куликов, А.В.Купцов, В.П.Курочкин, Г.Г.Мкртчян, Л.Л.Неменов, Ж.П.Пустыльник, Г.И.Смирнов, А.Г.Федунов, Д.М.Хазинс. ЯФ, <u>18</u>, 102, 1973.
- 5. А.В.Кравцов, Л.Л.Неменов. Препринт ЛИЯФ, №198, Ленинград, 1975.
- G.von Gehlen. Sringer Tracts in Modern Physics. Springer-Verlag, Berlin, Heidelberg, New York, 1971, 59, p. 164.
- 7. J.-P.Loubaton. Nuovo Cim. 39, 591,1965.
- 8. S.Fubini, Y.Nambu, V.Watagir. Phys.Rev. 11, 329, 1958.
- 9. Г.И.Смирнов. ОИЯИ, РІ-6289, Дубна, 1972.
- IO. С.Ф.Бережнев, Л.С.Вертоградов, А.В.Демьянов, А.В.Куликов, А.В.Купцов, Г.Г. Мкртчян, Л.Л.Неменов, Г.И.Смирнов, Д.М.Хазинс, Ю.М.Чиркин. ЯФ, <u>16</u>, 185, 1972.
- II. C.N.Braun, C.R.Canizares, W.E.Cooper, A.M.Eisner, G.I.Feldmar, C.A.Lichtenstein, L.Litt, W.Lockeretz, V.B.Mortara, F.M.Pipkin. Phys.Rev. <u>D8</u>, 92, 1973.
- I2. K.Berkelman. Proc.1971 Intern.Symp.Electron and Photon Interact. at High Energies. Ed. N.B.Mistry, Cornell Univ., Ithaca, N.Y., p. 262 - 279.
- IЗ. С.Ф.Бережнев, Т.Д.Блохинцева, Г.И.Смирнов. ОИЯИ, РІ-9174, Дубна, 1975.
- 14. Ю.С.Суровцев, Ф.Г.Ткебучава. ЯФ, <u>16</u>, 1204, 1972.
- I5. S. Dubnicka, V.A. Meshcheryakov. Nucl. Phys. B83, 311, 1974.
- I6. G.Höhler, E.Pietarinen, TKP 20/74, Karlsruhe, 1974.
- I7. G.Adylov, F.Aliev, D.Bardin, W.Gajewski, I.Ioan, B.Kulakov, G.Micelmacher, B.Niczyporuk, T.Nigmanov, E.Tsyganov, N.Turala, A.Vodopianov, K.Wala, E.Dally, D.Drickey, A.Liberman, P.Shepard, J.Tompkins et al. Phys.Lett. <u>51B</u>, 402, 1974.

 V.L.Auslander, G.I.Budker, Ju.N.Pestov, V.A.Sidorov, A.N.Skrinsky, A.G.Khabakhpashev, Phys.Lett. <u>25B</u>, 433, 1967;
 В.Л.Ауслендер, Г.И.Будкер, Е.В.Пахтусова, D.Н.Пестов, В.А.Сидоров, А.Н.Скринский, А.Г.Хабахлашев. ЯФ, <u>9</u>, II4, 1969;

V.E.Balakin, G.I.Budker, L.M.Kurdadze et.al. Phys.Lett. 41B, 205, 1972

- J.E.Augustin, D.Benaksas, J.C.Bizot et al. Phys.Lett. <u>28B</u>, 503, 1969; D.Benaksas et al. Phys.Lett. <u>39B</u>, 289, 1972.
- G.Barbellini et al. Lett.Nuovo Cim. <u>6</u>, 557, 1973,
   M.Bernardini et al. Phys Lett. 46B, 261, 1973.
- 21. A. Quenzer, F. Rumpf, J. L. Bertrand et al. L. A. L. 1282, ORSAY, 1975.

Рукопись поступила в издательский отдел І марта 1976 года.