

СООБЩЕНИЯ Объединенного института ядерных исследований дубна

P1-89-64

З.Златанов¹, В.М.Кубик², Л.А.Тихонова³

АНАЛИЗ УПРУГОГО И НЕУПРУГОГО pp-РАССЕЯНИЯ ПРИ 22,4 ГэВ/с В ПРЕДСТАВЛЕНИИ ПРИЦЕЛЬНОГО ПАРАМЕТРА

1 Химико-технологический институт, София

² Институт физики высоких энергий, Протвино

³ Научно-исследовательский институт ядерной физики МГУ, Москва



1. ВВЕДЕНИЕ

Во взаимодействиях частиц высоких энергий наблюдается хорошо выделенный класс реакций с малой передачей импульса, среди которых простейшими являются дифракционное упругое и неупругое рассеяние. Эти процессы имеют своей аналогией дифракцию волн в оптике. Их изучение дает возможность получить информацию как о структуре частиц, так и о динамике их взаимодействия.

Физической причиной, вызывающей упругое дифракционное рассеяние, являются неупругие процессы. Наличие неупругих каналов приводит к частичному поглощению и изменению волновой функции начального адрона в области взаимодействия порядка размеров адронов ~1 фм. В оптической картине непрозрачность мишени можно ввести явно наряду с ее размером. Для амплитуды упругого рассеяния адронов при высоких энергиях это удобно сделать, переходя от разложения амплитуды по парциальным волнам к представлению прицельного параметра. Переход от представления переданного импульса t к прицельному параметру b позволяет получить информацию о пространственной картине столкновения адронов, о размерах области взаимодействия. Представление прицельного параметра для амплитуды упругого рассеяния адронов с использованием соотношения унитарности дает простую и наглядную картину не только упругого рассеяния, но и неупругого взаимодействия при высоких энергиях, в которой проявляются геометрические свойства адронных взаимодействий.

Новые данные при энергии коллайдера ЦЕРН указывают на нарушение предсказаний моделей геометрического скейлинга и факторизованного эйконала, которые хорошо описывают данные экспериментов pp-и pp-взаимодействий при энергиях ISR. Причину такого нарушения можно связать с ростом непрозрачности протона и антипротона при увеличении энергии их взаимодействия. В связи с этим представляется интересным рассмотреть область энергий, существенно меньших $\sqrt{s_{ISR}}$ ($\sqrt{s} < 10 \ \Gamma$ эВ), в которой с уменьшением энергии наблюдается та же тенденция — увеличение непрозрачности сталкивающихся протонов и антипротонов.

По-видимому, механизмы, лежащие в основе увеличения непрозрачности адронов в этих двух различных интервалах энергии, не одинаковы. Поэтому сравнительный анализ геометрических свойств ррвзаимодействий при энергиях $\sqrt{s} < 10$ ГэВ и $\sqrt{s} > 20.30$ ГэВ может быть полезен для развития моделей, рассматривающих геометрическую структуру взаимодействий в рамках прицельного параметра как для адронов в целом (b_h), так и для партонов (кварков и глюонов) $b_{\mathbf{g}(q)}$.

В данной работе приводятся результаты исследования геометрических свойств упругого и неупругого \overline{p} р-взаимодействий при импульсе 22,4 ГэВ/с в представлении прицельного параметра b. Экспериментальные данные для дифференциального сечения $d\sigma/dt$ упругого \overline{p} рассеяния^{/1/} были получены с помощью двухметровой жидководородной пузырьковой камеры "Людмила"^{2–4/}, экспонированной в пучке сепарированных антипротонов серпуховского ускорителя.

В разд. 2 кратко рассматривается представление прицельного параметра, в разд. 3 обсуждаются полученные результаты, которые сравниваются с результатами аналогичных исследований при других энергиях, в разд.4 обсуждается вопрос о прозрачности адронов при лобовом столкновении, в разд. 5 формулируются основные выводы работы.

2. ПРЕДСТАВЛЕНИЕ ПРИЦЕЛЬНОГО ПАРАМЕТРА

Представление прицельного параметра для амплитуды упругого рассеяния адронов $h_{e\ell}(s,b)$ в пренебрежении спиновыми эффектами определяется с помощью фурье-преобразования стандартной амплитуды упругого рассеяния $T_{e\ell}(s,t)^{5}$:

$$h_{e\ell}(s,b) = \int T_{e\ell}(s,t) J_o(b\sqrt{-t}) dt/4\pi, \qquad (1)$$

где b — прицельный параметр, а $J_0(b\sqrt{-t})$ — функция Бесселя нулевого порядка. Амплитуда $T_{e\ell}(s,t)$ выражается через наблюдаемое дифференциальное сечение следующим образом:

$$\frac{\mathrm{d}\sigma_{\mathrm{el}}}{\mathrm{d}t} = \frac{1}{4\pi} |\mathrm{T}_{\mathrm{el}}(\mathrm{s},\mathrm{t})|^2.$$
(2)

s-канальное условие унитарности в представлении прицельного параметра ^{/6,7/} (с точностью до слагаемых порядка 1/s) выражает мнимую часть амплитуды упругого рассеяния Jmh_{el} (s,b) через вклады упругих и неупругих состояний ^{/8,9/}:

$$2 \operatorname{Jmh}_{e\ell}(s,b) = |h_{e\ell}(s,b)|^2 + G_{in}(s,b), \qquad (3)$$

где $G_{in}(s,b)$ — неупругая функция перекрытия $^{/10/}$, которая описывает поглощение в неупругие каналы. В таком подходе полное, упругое и неупругое дифференциальные сечения можно представить соответственно в виде

$$d\sigma_{tot} / \pi db^{2} = 2 \operatorname{Jmh}_{el}(s, b) = G_{tot}(s, b),$$

$$d\sigma_{el} / \pi db^{2} = |h_{el}(s, b)|^{2} = G_{el}(s, b),$$
(4)

$$d\sigma_{in}/\pi db^2 = G_{in}(s, b).$$

Так как переход в пространство прицельного параметра производится интегрированием по всей области переданного импульса t, в выражении (1) необходимо учесть зависимость отношения реальной и мнимой части амплитуды упругого рассеяния $\rho(s,t)$ от t и отсутствие экспериментальных данных вне области измерения дифференциального сечения. Отношение $\rho(s,t)$ в зависимости от t обычно аппроксимируется выражением⁷⁷:

$$\frac{1}{\rho(s,t)} = \frac{1}{\rho(s,0)} \left[1 - \frac{|t|}{t_0}\right],$$
(5)

где t_0 соответствует первому дифракционному минимуму в упругом дифференциальном сечении, взятому $t_0 = 1.4 (\Gamma \Rightarrow B/c)^2$.

Условие унитарности в представлении прицельного параметра (3) позволяет определить также функцию перекрытия, соответствующую верхнему пределу для сечения неупругой дифракции, известному как предел Памплина /11/:

$$G_{dif}^{\max}(b) \leq G_{tot}(b)/2 - G_{ef}(b).$$
(6)

В пренебрежении реальной частью амплитуды упругого рассеяния, согласно (3) и (4), можно записать следующие выражения для G_{юt} и G_{ef}:

$$G_{tot}(s,b) = 2[1 - \sqrt{1 - G_{in}}(s,b)],$$

$$G_{ef}(s,b) = [1 - \sqrt{1 - G_{in}}(s,b)].$$
(7)

Отсюда видно, что если поглощения нет, т.е. $G_{in}(s,b) = 0$, то отсутствует и упругое рассеяние. При условии, что G_{in} удовлетворяет унитар-

ному пределу, получаем $G_{e\ell}^{\lim}(s,0) = 1$ и $G_{tot}^{\lim}(s,0) = 2$. Эти равенства являются предельным случаем для рассеяния на черном диске, для которого $\sigma_{e\ell}^{\lim} / \sigma_{tot}^{\lim} = 1/2$, и поэтому величина $2\sigma_{e\ell} / \sigma_{tot}$ характеризует среднюю поглощающую способность (непрозрачность) протона при рассеянии протонов и антипротонов.

В соответствии с условиями (1) и (2) чисто экспоненциальному дифференциальному сечению упругого рассеяния соответствует гауссова функция профиля $\exp[-b^2/R^2] = \exp[-b^2/2\hbar^2B]$, где В — параметр наклона дифференциального сечения. Здесь $R = \sqrt{\langle r^2 \rangle} = \sqrt{\langle b^2 \rangle}$ представляет собой средний квадратичный радиус распределения поглощающего вещества в протоне, который можно принять тем самым за характеристику размера протона.

3. ОБСУЖДЕНИЕ РЕЗУЛЬТАТОВ

В качестве отправной точки для данного исследования использовались экспериментальные данные по измерению дифференциального сечения $d\sigma/dt$ упругих рр-взаимодействий при импульсе 22,4 ГэВ/с, в интервале $0,05 \le |t| \le 0,95$ (ГэВ/с)²*. Для нормировки $d\sigma/dt$ -распределения проводилась экстраполяция экспериментальных данных из области $0,05 \le |t| \le 0,3$ (ГэВ/с)² с помощью выражения

$$d\sigma/dt = A \exp(\beta t + \gamma t^2)$$
(8)

в оптическую точку $(d\sigma/dt)_{t=0}^{O.T.} = (1 + \rho^2) \cdot \sigma_{tot}^2 / 16\pi$. Для полного сечения σ_{tot} бралась величина $(48,0 \pm 0.5)$ мб^{/12/}, а значение отношения реальной и мнимой части амплитуды упругого рассеяния вперед полагалось равным 0. Использование $\rho = 0$ вместо вычисленного по дисперсионным соотношениям значения $\rho \simeq 0.05$ приводит к погрешности в определении A не более 1%.

ности в определении A не солее 1%. Значение оптической точки равно $(d\sigma/dt)_{t=0}^{0.T.} = (117,7\pm 2,5) \text{ мб/}(\Gamma \Rightarrow B/c)^2$. Результаты подгонки $d\sigma/dt$ с помощью выражения (8) и с учетом оптической точки дали следующие значения параметров: A = $(117,6\pm 2,4) \text{ мб/}(\Gamma \Rightarrow B/c)^2$, $\beta = (13,0\pm 0,4) (\Gamma \Rightarrow B/c)^{-2}$ и $\gamma = (3,45\pm 1,6) (\Gamma \Rightarrow B/c)^{-4}$.

Величина полного упругого сечения $\sigma_{e\ell} = (9,4 \pm 0,3)$ мб была получена при интегрировании $d\sigma/dt$ -распределения в интервале переданных импульсов от t = 0 до $|t| = 0.95 (\Gamma \Im B/c)^2$.

На рис. 1 показано экспериментальное $d\sigma/dt$ -распределение вместе с результатом подгонки выражением (8), включая область переданных импульсов, не измеренную в эксперименте, т.е. $|t| > 0.95 (\Gamma \ni B/c)^2$. При переходе от t-представления к b-представлению использовался интервал $0 \le |t| \le 3.0 (\Gamma \ni B/c)^2$.

На рис. 2 представлены функции профиля для полного, упругого и неупругого взаимодействий в представлении прицельного параметра (4), рассчитанные для данного эксперимента. Приведена также функция профиля для предела Памплина, вычисленная согласно (6). Из рисунка видно, что упругая и неупругая функции перекрытия имеют максимум при значении прицельного параметра b = 0, в то же время предел Памплина имеет наиболее периферический профиль с максимумом при $b \approx 0,7$ фм. В соответствии с идеей работы ⁽¹³⁾ это означает, что неупругая дифракция проявляется как рассеяние на кольце (т.е. при $b > b_0$) в отличие от упругой дифракции как рассеяния на диске, возникающей от взаимодействия во всей области изменения $b^{/14/}$.

^{*} Процедура отбора и обработки событий, а также введение различных поправок описаны в работе $^{/1/}$.



Рис. 1. Дифференциальное сечение $d\sigma/dt$ упругого pp-рассеяния при 22,4 ГэВ/с. Сплошная кривая – результат аппроксимации экспериментальных данных функцией $d\sigma/dt = A \exp(\beta t + yt^2)$ в области 0,05 ÷ 0,95 (ГэВ/с)², а также результат экстраполяции в области $t \rightarrow 0$ и $t \rightarrow 3,0$ (ГэВ/с)².



Рис. 2. Полное, упругое и неупругое дифференциальные сечения (функции перекрытия) и предел Памплина для неупругой дифракции в *pp*-взаимодействиях при импульсе 22,4 ГэВ/с в зависимости от величины прицельного параметра b.

Неупругая функция перекрытия G_{in}(s,b) имеет форму, близкую к гауссовой, отвечающую прибли-

зительно экспоненциальной форме дифференциального do / dt -pacпределения.

Значение $G_{in}(s,b=0) = (0,979 \pm 0,005)$ можно считать мерой непрозрачности протона-мишени в рр-взаимодействии при 22,4 ГэВ/с, из которой следует, что существует отличная от нуля вероятность прохождения адронов друг через друга без взаимодействия при лобовом столкновении. Аналогичная величина для неупругого рр-взаимодействия при энергии коллайдера $\sqrt{s} = 546$ ГэВ равна $G_{in}(s,b=0) = (0,964 \pm 0,004)^{/15/2}$.

На рис. З показана энергетическая зависимость неупругой функции перекрытия $G_{in}(s,b)$ для pp-взаимодействий при значениях b = 0,0; 0,5; 1,0 и 1,5 фм. Из рисунка видно, что G_{in} растет при всех указанных значениях b как с увеличением \sqrt{s} в области больших энергий ($\sqrt{s} \ge 50$ ГэВ), так и с уменьшением \sqrt{s} в области малых энергий ($\sqrt{s} \le 10$ ГэВ).



Рис. 3. Энергетическая зависимость неупругой функции перекрытия в ррвзаимодействиях при $P_{1ab} = 22,4$; 30,0; 50,0 ГэВ/с, а также $\sqrt{s} = 53$ и 546 ГэВ для значений прицельного параметра b = 0,0; 0,5; 1,0 и 1,5 фм. Сплошные кривые проведены от руки для наглядности.



Рис. 4. Значения величин σ_{el}/σ_{tot} и σ_{tot}/B для pp-взаимодействий в зависимости от \sqrt{s} .

Возрастание G_{in}(s,b) при b = 0 отражает рост непрозрачности протона (антипротона) в обоих определенных выше интервалах энергий. Аналогичный вы-

вод можно сделать и при рассмотрении энергетической зависимости отношений $\sigma_{\rm el}/\sigma_{\rm tot}$ и $\sigma_{\rm tot}/B$, приведенной на рис. 4.

Одна из возможных интерпретаций роста непрозрачности нуклонов в неупругих взаимодействиях, наблюдаемого в этом эксперименте, будет рассмотрена в следующем разделе.

Зная функцию перекрытия, можно определить среднеквадратичный радиус неупругого взаимодействия в представлении прицельного параметра⁽⁹⁾:

$$\sqrt{\langle b^2 \rangle} = \left(\int_{0}^{b_{\max}} b^2 G_{in}(b) b db / \int_{0}^{b_{\max}} G_{in}(b) b db \right)^{-\frac{1}{2}}.$$
 (9)

Величина $\sqrt{\langle t^2 \rangle} = \sqrt{\langle b^2 \rangle}$ должна зависеть от выбора b_{max} . На рис. 5 представлена зависимость $\sqrt{\langle b^2 \rangle}$ от b_{max} в неупругих взаимодействиях для наших данных. Видно, что $\sqrt{\langle b^2 \rangle}$ увеличивается с ростом b_{max} вплоть до предельного значения $b_{max} \approx 2.7$ фм, при котором практически происходит выход на плато и которому соответствует $\sqrt{\langle b^2 \rangle} = (1.04 \pm 0.03)$ фм.



Рис. 5. Зависимость среднеквадратичного радиуса неупругих \vec{p} р-взаимодействий $\sqrt{\langle r^2 \rangle} = \sqrt{\langle b^2 \rangle}$ при 22,4 ГэВ/с от величины предела интегрирования b_{max} (см. текст).

На рис. 6 представлены данные $^{/10/}$ по значению среднеквадратичного радиуса $\sqrt{\langle b^2 \rangle}$ неупругих взаимодействий в pp- и ppреакциях для разных энергий при ограничении на b_{max} согласно условию G_{in} (s, b_{max}) = = 0,085 G_{in} (s, 0).

На рисунке приведено также значение среднеквадратичного ра-

диуса, полученное в настоящем эксперименте и равное $\sqrt{\langle b^2 \rangle} = (0.95 \pm 10.02)$ фм (самая левая точка на рис. 6). Видно, что $\sqrt{\langle b^2 \rangle}$ увеличивается приблизительно на 11% в области $\sqrt{s} = 533546$ ГэВ и уменьшается приблизительно на 3% в интервале энергий 22,450 ГэВ/с, при этом радиус рр-взаимодействий при энергиях $SR^{/9/}$ меньше радиуса ррвзаимодействий.

4. ПРОЗРАЧНОСТЬ АДРОНОВ ПРИ ЛОБОВОМ СТОЛКНОВЕНИИ

Отличная от нуля прозрачность адронов при лобовом столкновении, которая для нашего эксперимента характеризуется величиной $1 - G_{in}(s, 0) = 0,021$, может свидетельствовать о концентрации вещества внутри адрона в дискретных областях.

В рамках современных представлений о структуре адронов такая интерпретация наблюдаемого отличия $G_{in}(s, b = 0)$ от унитарного предела представляется естественной. Например, согласно идеям, разви-



Рис. 6. Величина среднеквадратичного радиуса pp- и pp-взаимодействий в представлении прицельного параметра b в зависимости от \sqrt{s} . Сплошная кривая посчитана для модели черного диска ^{/15/}.

тым в рамках аддитивной кварковой модели^{/17/}, вся кварк-глюонная материя внутри адрона сосредоточена в двух (мезон) или трех (барион) пространственно-разделенных кластерах. Каждый такой кластер, понимаемый как одетый (или составляющий) кварк (валон), представляет собой валентный КХД-кварк (антикварк), окруженный глюонами и кварк-антикварковыми парами.

Исходя из такого представления о структуре адронов в работе $^{/15/}$ была предложена простая геометрическая Монте-Карло модель столкновения адронов, в которой рассматривалось неупругое взаимодействие двух протонов (или $\bar{p}p$) с радиусом r_p . При этом внутри каждого адрона случайным образом распределялись валоны с радиусом r_v . Аппроксимируя с помощью этой модели экспериментальные данные по G_{in} в интервале энергии $\sqrt{s} = 23;546$ ГэВ, авторы показали, что эти радиусы хорошо описываются зависимостью $r = A + Bln(s/s_o)$ ($s_o = 1$ ГэВ). В этом интервале энергий наблюдается рост отношения $3r_v^3/r_{p(\vec{p},j)}$, характеризующего степень заполнения протона кваркглюонной материей, в (1,43 ± 0,20) раза.

Область применения этой модели, скорее всего, связана с высокими энергиями ($\sqrt{s} \gtrsim 20$ ГэВ), где вымирают обмены реджеонами и аннигиляционные каналы.

В области же энергии настоящего эксперимента, где при уменьшении энергии наблюдается рост неупругого сечения в pp- и \ddot{p} р-взаимодействиях, вклад реджеонных обменов и аннигиляционных каналов является определяющим. Поэтому возможность аппроксимации наших данных геометрической моделью является проблематичной. Тем не менее, следуя методике работы^{/15/}, такая попытка была сделана. Были оценены радиусы нуклонов и валонов, которые оказались равными $r_{p(\bar{p})} = (1.04 \pm 0.03) \, ф$ м и $r_v = (0.226 \pm 0.002) \, ф$ м. Следует отметить, что полученная в модели величина $r_{p(\bar{p})}$ совпадает со значением среднеквадратичного радиуса взаимодействия, приведенным в предыдущем разделе.

Величина $r_{p(\overline{p})}$, полученная для настоящего эксперимента, в пределах одного стандартного отклонения совпадает с $r_p \approx (1,02 \pm 0,02) \, \text{фм}$, вычисленным для pp-взаимодействий при $\sqrt{s} = 23 \, \Gamma$ эB, а значение радиуса валона r_v для данного эксперимента существенно превышает величину $r_v = (0,201 \pm 0,002) \, \text{фм}$ для $\sqrt{s} = 23 \, \Gamma$ эB.

Сравнение отношений

$$R_{1} = \left(\frac{3r_{v}^{3}}{r_{p}^{3}(\bar{p})}\right)^{\bar{p}p} / \sqrt{s} = 546 \qquad /\left(\frac{3r_{v}^{3}}{r_{p}^{3}}\right)^{pp} = 1,43 \pm 0,20$$

И

8

$$R_{2} = \left(\frac{3r_{v}^{3}}{r_{p}^{3}(\bar{p})}\right)^{\bar{p}p}_{\sqrt{s}=6,6} / \left(\frac{3r_{v}^{3}}{r_{p}^{3}}\right)^{pp}_{\sqrt{s}=23} = 1,34 \pm 0,15$$

демонстрирует рост непрозрачности протона (антипротона) в области малых энергий, такой же по порядку величины, какой наблюдается и при высоких энергиях. Это дает возможность сделать вывод о том, что присутствие аннигиляционных каналов и реджеонных обменов может приводить к увеличению непрозрачности протонов (антипротонов) с уменьшением энергии в области $\sqrt{s} = 20 \Gamma$ эВ.

5. ВЫВОДЫ

Основные результаты настоящей работы можно сформулировать следующим образом:

1. Упругая $G_{e\ell}(b)$ и неупругая $G_{in}(b)$ функции перекрытия при энергии настоящего эксперимента имеют форму, близкую к гауссовой, с максимумом при значении прицельного параметра b = 0 фм, как это наблюдается и в области высоких энергий при $\sqrt{s} > 20$ ГэВ.

2. Функция перекрытия, соответствующая верхнему пределу для сечения неупругой дифракции (предел Памплина), имеет периферический профиль с максимумом при b ≃ 0,7 фм, что также согласуется с данными из области высоких энергий.

3. Существует отличная от нуля вероятность при лобовом столкновении адронов пройти друг через друга без взаимодействия:

 $p = 1 - G_{in}(s, b = 0) = 0,021.$

4. Величина среднеквадратичного радиуса неупругого взаимодействия в представлении прицельного параметра $\sqrt{\langle b^2 \rangle}$ растет с ростом b_{max} и выходит на плато при предельных значениях $b_{max} \approx 2,7$ фм. Полученная при этом оценка $\sqrt{\langle b^2 \rangle}$ составляет (1,04 \pm 0,03) фм. Величина $\sqrt{\langle b^2 \rangle}$, вычисленная при значении b_{max} из условия G_{in} (s, $b_{max}) = 0,085$ G_{in} (s, 0) при сравнении с аналогичными данными рр-взаимодействий при больших энергиях подтверждает наблюдавшийся ранее рост среднего радиуса взаимодействия с уменьшением энергии в области $\sqrt{s} = 20$ ГэВ.

5. В области энергий $\sqrt{s} = 20$ ГэВ наблюдается рост непрозрачности протонов и антипротонов с уменьшением энергии, что следует из роста величин $G_{in}(s,b=0)$, σ_{el}/σ_{tot} , σ_{tot}/B , а также из вычисления эффективных радиусов нуклонов и валонов в неупругих взаимодействиях в рамках геометрической модели Монте-Карло. ЛИТЕРАТУРА

- 1. Батюня Б.В. и др. ЯФ., 1985, 44, с.1489.
- 2. Abesalashvili L.S. et al. Phys. Lett., 1974, 52B, p.236.
- 3. Boos E.G. et al. Nucl. Phys., 1977, B121, p.381.
- 4. Батюня Б.В. и др. ЯФ, 1982, 36, с.403.
- 5. Саврин В.И. и др. ЯФ, 1969, 10, с.856.
- 6. Henzi R., Valin P., Phys. Lett., 1974, 48B, p.119.
- 7. Ayres P.S. et al. Phys. Rev., 1976, B14, p.3092.
- 8. Amaldi U. et al. Ann. Rev. Nucl. Sci., 1976, 26, p.385.
- 9. Amaldi U. et al. Nucl. Phys., 1980, B166, p.301.
- Van Hove L. Nuovo Cim., 1963, 28, p.798.
 Van Hove L. Mod. Phys., 1964, 36, p.655.
- 11. Pumplin S. -- Phys. Rev., 1973, D8, p.2899.
- 12. Bracci E. Preprint CERN/HERA 73-1, Geneva, 1973.
- 13. Померанчук И.Я., Фейнберг Е.Л. ДАН СССР, 1953, 93, с.439.
- 14. Зотов Н.П., Царев В.А. УФН, 1988, 154, с.207.
- 15. Bailly J.L. et al. Z. Phys., 1987, C37, p.7.
- 16. Fearnley T. CERN/EP, 85-137, 1985.
- 17. Анисович В.В. и др. УФН, 1984, 144, с.553.