

A-646



ОБЪЕДИНЕННЫЙ  
ИНСТИТУТ  
ЯДЕРНЫХ  
ИССЛЕДОВАНИЙ  
ДУБНА

12/4-74

2266/2-74

P1 - 7844

Н.Ангелов, В.Г.Гришин, П.Керачев

КОРРЕЛЯЦИИ ПО МНОЖЕСТВЕННОСТИ  
НЕЙТРАЛЬНЫХ И ЗАРЯЖЕННЫХ П-МЕЗОНОВ

**1974**

ЛАБОРАТОРИЯ ВЫСОКИХ ЭНЕРГИЙ

P1 - 7844

Н.Ангелов, В.Г.Гришин, П.Керачев

КОРРЕЛЯЦИИ ПО МНОЖЕСТВЕННОСТИ  
НЕЙТРАЛЬНЫХ И ЗАРЯЖЕННЫХ П-МЕЗОНОВ

*Направлено в ЯФ*

Объединенный институт  
ядерных исследований  
БИБЛИОТЕКА

## **Введение**

Исследования инклюзивных процессов при высоких энергиях /  $E \geq 40 \text{ ГэВ}$ / показали, что имеется существенная корреляция по множественности в рождении  $\pi^+$ - и  $\pi^0$ -мезонов. Было обнаружено, что среднее число  $\pi^0$ -мезонов ( $\langle n_0 \rangle$ ) при фиксированном числе вторичных  $\pi^-$ -мезонов ( $n_-$ ) растет с увеличением  $n_-^{1-4}$ . Эти первые результаты, несомненно, указывают на новую особенность в рождении частиц, принадлежащих к одному изомультиплету, при высоких энергиях сталкивающихся адронов. Предложен целый ряд моделей для количественного описания этого явления /<sup>5-7</sup>/.

Дальнейшие эксперименты обнаружили существование сильной корреляции между  $\pi^+\pi^-$ -мезонами и  $\pi^-\pi^0$ -мезонами в центральной области при значениях быстроты частиц  $u \leq 1$ , в то время как корреляции между тождественными  $\pi$ -мезонами значительно меньше /<sup>8,9</sup>/ . При исследовании  $\pi^-p$ -взаимодействий при  $p = 40 \text{ ГэВ}/c$  было получено, что в центральной области  $\langle n_0 \rangle = \langle n_- \rangle = \langle n_+ \rangle$  в пределах ошибок / $\pm 7\%$ / /<sup>10</sup>/.

Таким образом, на примере  $\pi$ -мезонов мы имеем первые экспериментальные данные по корреляциям для частиц, относящихся к одному изомультиплету. Поэтому представляет интерес рассмотрение этих экспериментальных фактов с точки зрения изотопических свойств рожденных  $\pi$ -мезонов. В §1 будут приведены первые данные о дисперсии распределения  $\pi^0$ -мезонов по множественности, во втором параграфе мы рассмотрим следствия, вытекающие из изотопической инвариантности сильных взаимодействий и линейной корреляции по множественности между  $\pi^0$ - и  $\pi^-$ -мезонами.

**§1. Дисперсия распределения  $\pi^0$ -мезонов по множественности в  $\pi^-p$ -взаимодействиях при  $p = 40 \text{ ГэВ}/c$**

В работе <sup>1/</sup> было определено, что среднее число  $\pi^0$ -мезонов при  $p = 40 \text{ ГэВ}/c$ , образованных в  $\pi^-p$ -взаимодействиях, равно  $\langle n_0 \rangle = 2,43 \pm 0,05$ .

Большой интерес представляет вид распределения по множественности  $\pi^0$ -мезонов. Однако для получения этого распределения необходима большая статистика зарегистрированных  $\gamma$ -квантов от распадов  $\pi^0$ -мезонов.

В связи с этим мы вычислили только дисперсию распределения  $\pi^0$ -мезонов по множественности. Для этой цели мы использовали данные по множественности  $\gamma$ -квантов в  $\pi^-p$ -взаимодействиях, полученные на 2-метровой пропановой камере, облученной  $\pi^-$ -мезонами с импульсом  $40 \text{ ГэВ}/c$ . Дисперсия распределения  $\pi^0$ -мезонов ( $D_{\pi^0}$ ), связана с дисперсией распределения зарегистрированных  $\gamma$ -квантов ( $D_\gamma$ ) соотношением

$$D_\gamma = 4\bar{\epsilon}^2 D_0 + \langle n_0 \rangle D_0, \quad /1/$$

где  $\bar{\epsilon}$  - средняя эффективность регистрации  $\gamma$ -квантов  $/ \bar{\epsilon} = 0,24 /$  и  $D_0$  - дисперсия распределения  $\gamma$ -квантов по множественности от распада одного  $\pi^0$ -мезона\*.

В случае, если вероятность регистрации одного  $\gamma$ -кванта не зависит от другого, то  $D_0^{(1)} = 2\bar{\epsilon}(1-\bar{\epsilon})$ . В другом крайнем случае, когда  $\epsilon_1 = \epsilon_2$ , имеем  $D_0^{(2)} = 2\bar{\epsilon}(1-\bar{\epsilon}) + 2D_\epsilon$ , где  $D_\epsilon$  - дисперсия распределения  $\epsilon_i / D_\epsilon = 0,008 /$ . В результате было получено  $D_{\pi^0}^{(1)} = 3,02 \pm 0,15$  для независимой регистрации  $\gamma$ -квантов и  $D_{\pi^0}^{(2)} = 2,86 \pm 0,15$  в противоположном случае.

Таким образом, распределение  $\pi^0$ -мезонов по множественности шире, чем пуссоновское ( $D_0 > \langle n_0 \rangle$ ). Значения корреляционного коэффициента:

\*  $D = \langle n^2 \rangle - \langle n \rangle^2$ .

Значения	Тип корреляции	$\rho_2^{++}$	$\rho_2^{-+}$	$\rho_2^{+-}$	$\rho_2^{--}$
1,93		$+0,05$	$-0,05$	$-0,05$	$-0,05$
-0,89		$\pm 0,05$	$\pm 0,05$	$\pm 0,05$	$\pm 0,05$
0,42		$+0,08$	$-0,08$	$-0,08$	$-0,08$
0,51		$\pm 0,15$	$\pm 0,15$	$\pm 0,15$	$\pm 0,15$

ТАБЛИЦА I

$$\rho_2^{00} = D_0 - \langle n_0 \rangle = 0,59 \pm 0,15 \text{ или } 0,43 \pm 0,15. \quad /2/$$

Для дальнейших сопоставлений мы будем использовать

$$D_0 = \frac{D_0^{(1)} + D_0^{(2)}}{2} = 2,94 \pm 0,15 \quad /3/$$

и

$$\rho_2^{00} = 0,51 \pm 0,15.$$

В табл. 1 приведены значения  $\rho_2$  для различных комбинаций зарядов вторичных частиц в  $\pi^- p$ -взаимодействиях при  $p = 40 \text{ ГэВ/с}$ . Большая величина  $\rho_2^{+-}$  отражает корреляцию, связанную с законом сохранения заряда. Отрицательное значение  $\rho_2^{--}$  свидетельствует о сохранении заряда первичной частицы /  $\pi^-$ -мезона/ \* . Кор-

реляционные коэффициенты  $\rho_2^{-0} \approx \rho_2^{00}$  и связаны с динамикой  $\pi^- p$ -взаимодействия ( $\rho_2 > 0$ ). Интересно отметить, что модель, в которой распределение по множественности всех вторичных частиц берется в виде феноменологической формулы Чижевского-Рыбицкого, а распад этих частиц по зарядовым состояниям вычисляется по статистической изоспиновой модели, дает хорошее согласие с экспериментальными данными /  $\rho_2^{00} = 0,42$  /11/.

## §2. Корреляции между заряженными и нейтральными пионами

Эксперименты, проведенные на ускорителях в течение последних двух лет, показали, что имеются существенные корреляции в рождении нейтральных и заряженных пионов. В частности, была получена зависимость среднего числа  $\pi^0$ -мезонов  $\langle n_0 \rangle$  при фиксированном

\* Действительно, если мы учтем первичную частицу,  $\rho_2^{*-} = \langle (n-1)(n-2) \rangle - \langle n-1 \rangle^2 = \rho_2^{--} + 1 \approx 0$ .

числе отрицательных частиц от  $n_-^{1/4}$ . Эта зависимость хорошо описывается формулой

$$\langle n_0 \rangle = \alpha n_- + \beta. \quad /4/$$

Значения коэффициентов  $\alpha$  и  $\beta$  при различных энергиях приведены в табл. 2. Как видно из таблицы, значение  $\alpha$  растет с увеличением энергии, а  $\beta$  остается постоянным в пределах ошибок. Эксперименты, проведенные при  $P_{\pi^-} = 40 \text{ ГэВ/с}$ , показали, что значения  $\alpha$  и  $\beta$  не зависят от сорта мишени для  $\pi^- p$ ,  $\pi^- p$ - и  $\pi^- C^{12}$  столкновений. Плавное изменение значений  $\alpha$  с энергией также показывает, что нет зависимости и от сорта падающей частицы /  $\pi$  или  $p$  /. Таким образом, обнаруженное явление, вероятно, определяется общими характеристиками процессов множественного рождения и не зависит от квантовых чисел первичных частиц.

В настоящее время имеются количественные описания зависимости /4/ как с помощью моделей мультипериферического типа, так и с помощью статистического подхода /5-7/. В обоих случаях зависимость /4/ связана с предположением, что  $\langle n_0 \rangle \approx \frac{1}{2} \langle n_- \rangle$ .

В связи с этим мы рассмотрим только общие соотношения, вытекающие из изотопических свойств системы рожденных пионов и зависимости /4/. Используя /4/, нетрудно получить:

$$\langle n_0 \rangle = \alpha \langle n_- \rangle + \beta. \quad /5/$$

Отсюда

$$\alpha = \frac{\langle n_0 \rangle}{\langle n_- \rangle} - \frac{\beta}{\langle n_- \rangle}. \quad /6/$$

С увеличением энергии сталкивающихся частиц  $\langle n_- \rangle \rightarrow \infty$  и  $\langle n_0 \rangle \rightarrow \langle n_- \rangle$ , поэтому  $\alpha \rightarrow 1^{1/12}/*$ .

\* Равенство  $\bar{n}_0 = \bar{n}_- = \bar{n}_+$  при  $s \rightarrow \infty$  связано с ограниченностью изотопического спина начальной системы ( $T \leq 3/2$ ) /12/. Этот результат является строгим при любой энергии для систем с  $T=0$  /dd, dd и т.д./ /12/. Он также верен для центральной области по  $y$ , если имеется место  $\pi\pi$ -взаимодействие /помeron-помeronное взаимодействие/.

ТАБЛИЦА II

Тип взаимо- действия		импульс (ГэВ/с)	$\alpha$	$\beta$
I	PP	12	-0,10±0,06	I, I±0, I
2	PP	19	0,06±0,10	I, 2±0, 2
3	ΠΠP	24,6	0,13±0,07	I, 8±0, 2
4	ΠΠρ	25	0,16±0,06	2, 0±0, 6
5	ΠΠP	40	0,32±0,04	I, 90±0, I2
6	ΠΠη	40	0,30±0,04	I, 82±0, 23
7	ΠΠC <sup>I2</sup>	40	0,32±0,04	I, 64±0, I1
8	pp	69	0,40±0,08	I, 4±0, 2
9	pp	205	0,60±0,20	I, 8±0, 8
10	pp	303	0,69±0,15	I, 0±0, 7
	II	1500	0,62±0,14	0,8

В этом выводе мы пренебрегли влиянием законов сохранения энергии-импульса, которые нарушают зависимость /4/ при  $n_- \sim n_{max}$ . Однако, как показывают экспериментальные данные, доля таких событий невелика и их вклад в  $\langle n_0^- \rangle$  и  $\langle n_- \rangle$  составляет несколько процентов при  $E_\pi = 40$  ГэВ и  $E_p = 300$  ГэВ. Таким образом, исходя из изотопической инвариантности и /4/, мы получили, что при  $s \rightarrow \infty$  коэффициент корреляции  $a \rightarrow 1$ . Этот вывод совпадает с результатами вычислений по моделям /3-7/. Естественно ожидать, что при наблюдении зависимости /4/ в центральной области, где рождение частиц обусловлено  $\mathcal{PP}$ -взаимодействием ( $T=0$ ), значение  $a$  будет приближаться к единице быстрее, чем в области фрагментации ( $T=1/2$  или 1). Однако прямые экспериментальные данные по этому вопросу отсутствуют.

Другим следствием отсутствия изотопической поляризации является соотношение /13/

$$\overline{n_i^2} = \overline{n_-^2} + \overline{n_+ n_-} - \overline{n_- n_0} . \quad /7/$$

Используя соотношение /4/, мы можем получить дополнительные соотношения между  $\overline{n_i^2}$  для  $\pi^-$ -мезонов. Действительно, из /4/ следует:

$$\overline{n_- n_0} = \sum n_- \langle n_0^- \rangle \frac{\sigma_{n_-}}{\sigma_{in}} = a \overline{n_-^2} + \beta . \quad /8/$$

С увеличением энергии первичных частиц  $a \rightarrow 1$ , поэтому из /7/ и /8/ получаем:

$$\overline{n_i^2} = \overline{n_-^2} , \quad /9/$$

$$\overline{n_i^2} = \overline{n_+ n_-} . \quad /10/$$

Отсюда для корреляционных коэффициентов имеем:

$$\rho_2^{--} = \rho_2^{-0} - \langle n_- \rangle , \quad /11/$$

$$\rho_2^{00} = \rho_2^{+-} - \langle n_- \rangle . \quad /12/$$

Соотношения /8/-/12/ должны выполняться в центральной области, если доминирует  $\mathcal{PP}$ -взаимодействие.

Экспериментальные данные, полученные для  $\pi^- p$ -взаимодействий при  $\pi^- p = 40 \text{ ГэВ/с}$ , показывают, что для всех рожденных пионов нельзя предполагать  $T=0 (\bar{n}_0 \neq \bar{n}_- \neq \bar{n}_+)^*$ . С другой стороны, в центральной области  $\bar{n}_0 = \bar{n}_- = \bar{n}_+$  в пределах ошибок эксперимента  $/\pm 7\% / 10/$ . Данные по  $\rho_2^{ij}$  в центральной области пока отсутствуют.

Таким образом, рассматривая изотопические свойства системы рожденных пионов и учитывая наблюденную закономерность /4/, мы получили дополнительные соотношения между множественностями заряженных и нейтральных пионов. Эти соотношения могут быть полезны для определения  $\rho_2^{00}$  по заряженным частицам ( $\rho_2^{+-}$ ).

Авторы выражают глубокую благодарность В.Л.Любошицу и М.И.Подгорецкому за многочисленные полезные обсуждения.

### Литература

1. Будапешт - Бухарест - Варшава - Дубна - Краков - Серпухов - София - Ташкент - Тбилиси - Улан-Батор - Ханой. Сотрудничество. Препринты ОИЯИ, Р1-6491, 1972; Р1-6928, 1973. Препринт ИЯИ Варшава "Р" N 1411/VII, РН, 1972; Nucl.Phys., B52 (1973) 414-42.
2. G.Charlton et al. Phys.Rev.Lett., 30, 574 (1973); Phys.Rev.Lett., 29, 1759 (1972); F.T.Dao, D.Gordon et al. NAL-Conf. 73/31, exp. 1973.
3. G.Neuhofer et al. XVI Int.Conf. on H.E.Phys., Batavia, 1972; J.W.Elbert et al. Nucl.Phys., B19, 85 (1970).
4. F.T.Dao, J.Whitemore. Phys.Lett., 46B, No. 2, 252 (1973).
5. В.Г.Гришин, С.П.Кулемин, В.А.Матвеев, А.Н.Сисакян, Г.Янчо. Препринт ОИЯИ, Р2-6950, Дубна, 1973; JINR, E2-6596, Dubna, 1972; I.R.B.-TP-72-3 Zagreb, 1972; Lett.Nuovo Cim., 8, 590 (1973).
6. Е.М.Левин, М.Г.Рыскин. Письма ЖЭТФ, 18, в. 10, 654-657 /1973/.
7. E.M.Friedlander. Inst. of Atomic Phys., ROB 35, Bucharest, Romania.
8. Алма-Ата - Будапешт - Бухарест - Варшава - Дубна - Краков - Москва - София - Ташкент - Тбилиси - Улан-Батор - Ханой. Сотрудничество. ОИЯИ, Р1-7543, Дубна, 1973.
9. L.Fao. Experimental Review of High Multiplicity Reactions. Aix-en-Provence, 1973.
10. Будапешт - Бухарест - Дубна - Краков - София - Ташкент - Тбилиси - Улан-Батор - Ханой. Сотрудничество. ОИЯИ, Р1-7668, Дубна, 1974.
11. M.Bardadin.Otwadowska, H.B.Bialkowska et al. Acta Physica Polonica, v. B4, 561 (1973).
12. В.Г.Гришин. ОИЯИ, Р2-6357, Дубна, 1972; ЯФ, 17, 134 /1973/; В.Г.Гришин. ОИЯИ, Р2-7032, Дубна, 1973; ЯФ, 19, 192 /1974/.
13. В.Л.Любошиц, М.И.Подгорецкий. ОИЯИ, Р2-7807, Дубна, 1974.

Рукопись поступила в издательский отдел  
3 апреля 1974 года.

\*  $\bar{n}_0 = 2,43 \pm 0,05$ ,  $\bar{n}_- = 2,8 \pm 0,02$ ,  $\bar{n}_+ = 2,20 \pm 0,02$  /10,12/