

ОБЪЕДИНЕННЫЙ
ИНСТИТУТ
ЯДЕРНЫХ
ИССЛЕДОВАНИЙ
ДУБНА



20/VI-77

P1 - 10502

A-646

2349 / 2-77

Н.Ангелов, С.Бацкович, В.Г.Гришин, С.В.Джмухадзе,
Л.А.Диденко, И.А.Ивановская, Т.Я.Иногамова, Т.Канарек,
Е.Н.Кладницкая, В.Б.Любимов, Н.Н.Мельникова, Ю.Надь,
Р.М.Назаргулов, В.Ф.Никитина, В.М.Попова,
А.Н.Соломин, Х.Семерджиев, М.И.Соловьев,
М.К.Сулейманов, Д.Тувдендорж, Э.Т.Цивцивадзе,
Л.М.Щеглова

ИССЛЕДОВАНИЕ
ИНТЕРФЕРЕНЦИИ ТОЖДЕСТВЕННЫХ ЧАСТИЦ
В $\pi^- p$ -ВЗАИМОДЕЙСТВИЯХ ПРИ 40 ГэВ/С

1977

P1 - 10502

Н.Ангелов, С.Бацкович,¹ В.Г.Гришин, С.В.Джмухадзе,²
Л.А.Диденко,³ И.А.Ивановская, Т.Я.Иногамова, Т.Канарек,
Е.Н.Кладницкая, В.Б.Любимов, Н.Н.Мельникова, Ю.Надь,
Р.М.Назаргулов, В.Ф.Никитина, В.М.Попова,³
А.Н.Соломин,³ Х.Семерджиев, М.И.Соловьев,
М.К.Сулейманов,⁴ Д.Тувдендорж, Э.Т.Цивцивадзе,²
Л.М.Щеглова³

ИССЛЕДОВАНИЕ
ИНТЕРФЕРЕНЦИИ ТОЖДЕСТВЕННЫХ ЧАСТИЦ
В $\pi^- p$ -ВЗАЙМОДЕЙСТВИЯХ ПРИ 40 ГэВ/С

Направлено в ЯФ

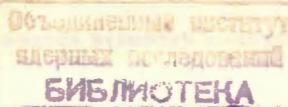
ЛФ, г.26, вып.4, 1977, № 673

¹ Институт физики, Белград.

² Тбилисский государственный университет.

³ Физический факультет и Научно-исследовательский
институт ядерной физики МГУ.

⁴ Институт физики, Баку.



Ангелов Н. и др.

PI - 10502

Исследование интерференции тождественных частиц
в $\pi^- p$ -взаимодействиях при 40 ГэВ/с

Показано существование интерференции тождественных π -мезонов, рожденных в $\pi^- p$ -взаимодействиях при импульсе 40 ГэВ/с. Получена оценка размера области генерации и длительности процесса образования вторичных частиц: $R = (1,7 \pm 0,3) \cdot 10^{-13}$ см и $\tau = (2,6 \pm 1,7) \cdot 10^{-24}$ с.

Работа выполнена в Лаборатории высоких энергий ОИЯИ.

Препринт Объединенного института ядерных исследований. Дубна 1977

Angelov N. et al.

PI - 10502

Investigation of the Interference
of Identical Particles in $\pi^- p$ Interactions
at 40 GeV/c

The existence of the interference of the identical π -mesons produced in $\pi^- p$ interactions at 40 GeV/c has been shown. The values have been obtained for the generation region dimension and for the duration of the secondary particle production process: $R = (1.7 \pm 0.3) \cdot 10^{-13}$ cm and $\tau = (2.6 \pm 1.7) \cdot 10^{-24}$ sec.

The investigation has been performed at the Laboratory of High Energies, JINR.

Preprint of the Joint Institute for Nuclear Research. Dubna 1977

§1. Введение

В последние годы на ускорителях интенсивно исследуются множественные процессы, которые доминируют при высоких энергиях. Интерес к этим процессам связан с поиском общих закономерностей, необходимых для создания теории сильных взаимодействий. В частности, представляется перспективным изучение интерференции тождественных частиц в области малых разностей импульсов этих частиц, для которой имеются определенные теоретические предсказания /1/. Изучение интерференции тождественных частиц в принципе позволяет определить пространственно-временные характеристики области их генерации /2,3/. Так, в переменных, предложенных Копыловым и Подгорецким в работе /2/,

$$q_0 = |E_1 - E_2|, \quad \vec{q}_\perp = |\vec{q} - \vec{n}(\vec{q} \cdot \vec{n})|, \quad /1/$$

где

$$\vec{q} = \vec{p}_1 - \vec{p}_2, \quad \vec{n} = \frac{\vec{p}_1 + \vec{p}_2}{|\vec{p}_1 + \vec{p}_2|},$$

и E_i , \vec{p}_i - энергии и импульсы вторичных пionов в системе центра инерции, было получено следующее соотношение:

$$\frac{N_{\text{тожд.}}(q_0, q_\perp^2)}{N_{\text{фон}}(q_0, q_\perp^2)} = 1 + \frac{(2J_1(q_\perp R)/q_\perp R)^2}{1 + q_0^2 \tau^2}. \quad /2/$$

Здесь $N_{\text{тожд.}}$ - плотность пар тождественных пионов, $N_{\text{фон}}$ - плотность пар частиц, не испытывающих интерференции, J_1 - функция Бесселя первого порядка. Формула /2/ получена в рамках статистической модели Померанчука в предположении, что вторичные пионы испускаются независимо с поверхности сферы радиуса R в течение времени τ .

В настоящей работе представлены результаты экспериментального исследования интерференции вторичных пионов, генерируемых во взаимодействиях π^- -мезонов с импульсом 40 ГэВ/с с водородом в двухметровой пропановой камере

$$\pi^- p \rightarrow \pi + \pi + \dots$$

Для настоящего анализа были отобраны измеренные события с множественностью заряженных частиц $n_{\pm} > 6$ /3760 событий/. Работы по методической части эксперимента были опубликованы ранее /4,5/. Здесь отметим, что из $\pi^- p$ -взаимодействий были исключены такие события, у которых $M_x^2 + 2\Delta M_x^2 < 0$, где M_x - недостающая масса ко всем заряженным частицам. Использование этого условия позволяет исключить примесь π^- С - взаимодействий /~8% всех событий/, которая связана со взаимодействиями на нескольких нуклонах ядра углерода /6/.

§2. Фоновые распределения

Суть рассматриваемого эффекта интерференции состоит в том, что квадрат волновой функции двух тождественных бозонов с близкими импульсами больше, чем квадрат волновой функции пары нетождественных частиц /фон/. Фоновое распределение может быть получено двумя способами: во-первых, можно взять распределение пар нетождественных π^- -мезонов; во-вторых - распределение тождественных частиц, но взятых из различных событий.

При использовании обоих методов имеются трудности методического характера. Если брать в качестве фона распределения пар нетождественных π^- -мезонов, необходимо учитывать то влияние, которое могут оказать

резонансы (ρ, ω, f, \dots), сечением генерации которых пренебречь нельзя /7,8/. Влияние может оказаться и примесью $e^+ e^-$ -пар от конверсии γ -квантов вблизи звезды. Наконец, при использовании в качестве фона распределения тождественных частиц, взятых из разных событий, нарушаются связи, накладываемые на импульсы частиц законами сохранения энергии и импульса. Поэтому необходим анализ фоновых распределений для более правильного определения параметров R и τ .

Для исследования влияния резонансов и кинематических ограничений мы сравнили распределения тождественных и нетождественных пионов с фоновыми распределениями в зависимости от эффективной массы пар π^- -мезонов. Отметим, что область малых q_0 и q_1^2 пары пионов соответствует малым значениям их эффективной массы и наоборот.

На рис. 1 приведено отношение распределений $\pi^+ \pi^-$ -мезонов к тождественным пионам, взятым из разных

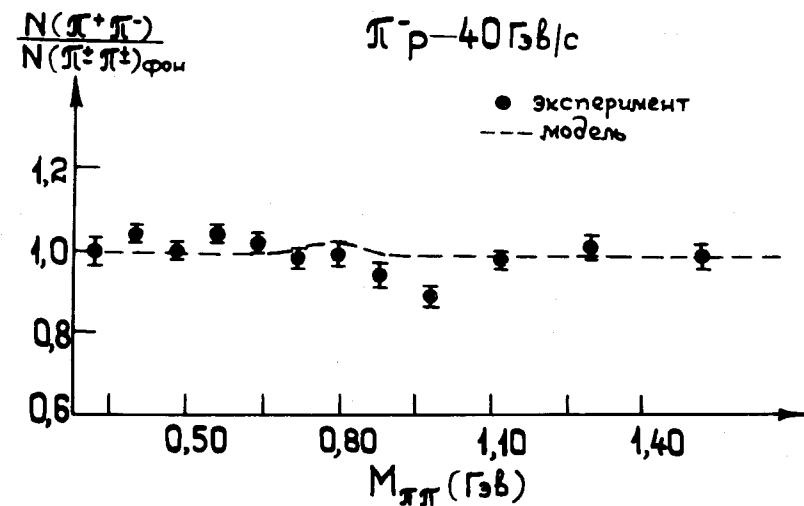


Рис. 1. Зависимость $N(\pi^+\pi^-)/N(\pi^+\pi^-)_{\text{фон}}$ от эффективной массы двух пионов. Фоновое распределение получено для пар пионов, взятых из разных событий. Пунктирная кривая - отношение $N(\pi^+\pi^-)/N(\pi^+\pi^-)_{\text{фон}}$, рассчитанное по мультипериферической модели.

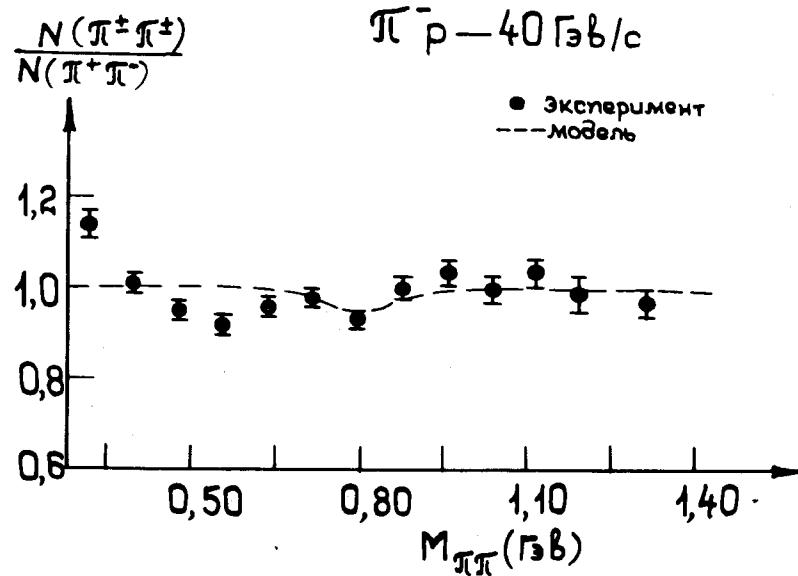


Рис. 2. Отношение $N(\pi^+\pi^-)/N(\pi^+\pi^+)$ в зависимости от эффективной массы $M_{\pi\pi}$.

событий, в зависимости от эффективной массы. Видно, что в пределах ошибок в области малых значений масс поведение обоих фоновых распределений одинаково. На рис. 2 и 3 показаны отношения распределений тождественных π -мезонов к обоим фоновым распределениям в зависимости от эффективной массы пары пионов. Пунктиром на рисунках изображены аналогичные отношения, рассчитанные по мультипериферической модели /9/. Эта модель удовлетворительно описывает экспериментальные данные по рождению π -мезонов и резонансов, однако в ней не учитывается интерференция тождественных частиц.

Из рис. 2 и 3 видно увеличение выхода тождественных частиц в области малых масс по сравнению с фоном. В модели такого увеличения в области малых значений масс не наблюдается.

Влияние резонансов может косвенно проявляться в силу процедуры нормировки на одинаковую площадь распределений по $M_{\pi\pi}$. В этом случае в области малых значений эффективных масс может уменьшиться плотность пар $\pi^+\pi^-$ -мезонов из-за увеличения ее в области резонансов. Но, с одной стороны, в области резонансов мы не видим значительного возрастания плотности $\pi^+\pi^-$ -пар над фоном /рис. 1/, а, с другой стороны, сама окрестрезонансная область масс находится вдали от области, где и проявляется интерференция. На рис. 4 приведено отношение $N(\pi^+\pi^-)/N(\pi^+\pi^-)_{\text{фон}}$ для мезонов, взятых из разных событий. Никакого уменьшения отношения в области малых масс не наблюдается.

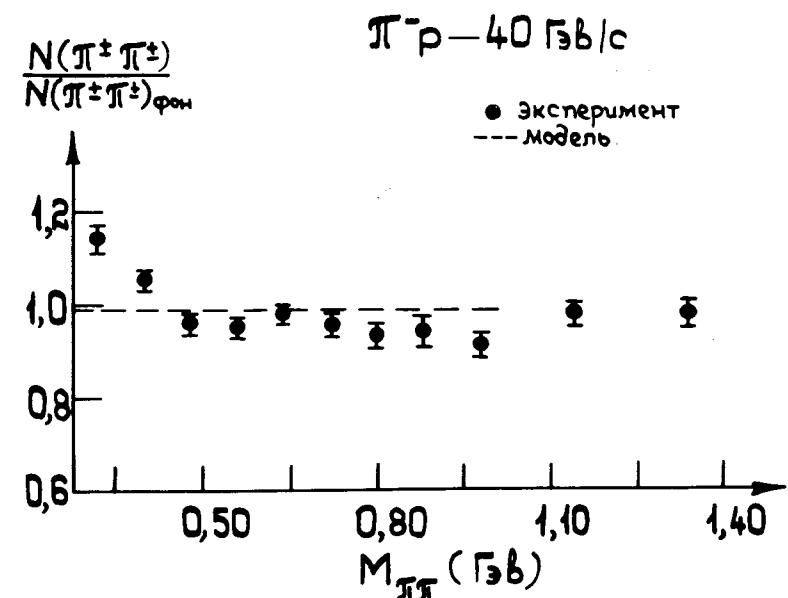


Рис. 3. Зависимость $N(\pi^+\pi^-)/N(\pi^+\pi^-)_{\text{фон}}$ от $M_{\pi\pi}$. Фоновое распределение получено для пар пионов из разных событий.

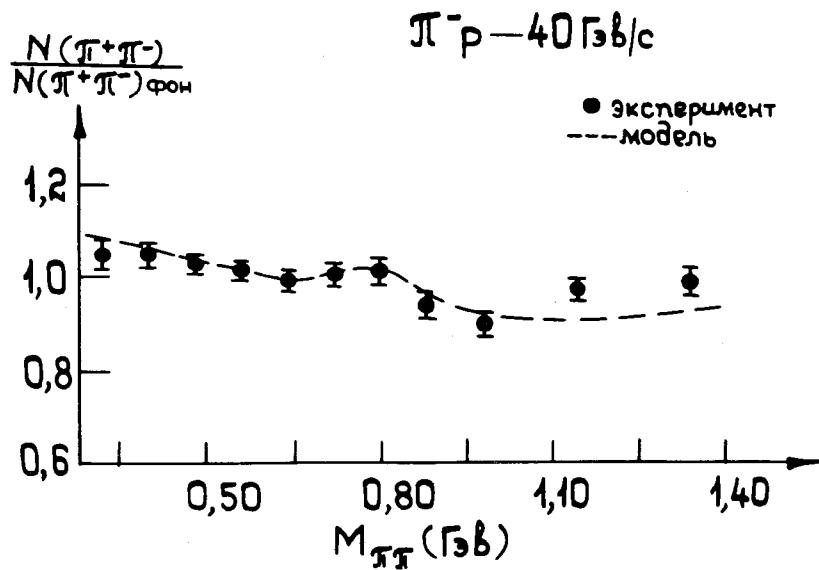


Рис. 4. Зависимость $N(\pi^-\pi^+)/N(\pi^+\pi^-)$ фон от $M_{\pi\pi}$. Фоновое распределение получено для пар пионов из разных событий.

Поведение экспериментальных и теоретических распределений, представленных на рис. 3 и 4, показывает, что процедура перепутывания пионов из разных событий существенно не нарушает кинематической связи между π -мезонами для области значений масс вблизи $M \approx 2m_\pi$. Возможно, это связано с тем обстоятельством, что область малых значений эффективных масс в основном соответствует частичкам, генерируемым в центральной области, где, как известно, кинематических корреляций не наблюдается /10/.

Таким образом, анализ приведенных распределений показывает, что тождественные пионы чаще генерируются с малыми разностями импульсов по сравнению с нетождественными пионами. Такое различие нельзя объяснить прямым влиянием рождения и распадом известных резонансов. Объяснение этого эффекта возможно на

основе существования интерференции тождественных частиц, которая в случае π -мезонов /бозонов/ дает положительную корреляцию.

§3. Определение пространственно-временных характеристик процесса множественной генерации

На рис. 5 и 6 представлены отношения распределений $N(\pi^-\pi^+)/N(\pi^-\pi^+)$ по переменным q_\perp^2 и q_0^2 с ограничениями по q_0 и q_\perp^2 соответственно, и видно, что в области малых значений q_0 , q_\perp^2 есть превышение плотности пар частиц с одинаковыми зарядами по сравнению с плотностью пар с противоположными зарядами. С увеличением q_0 или q_\perp^2 это различие уменьшается.

Превышение лучше наблюдается в распределении по q_\perp^2 , чем по q_0^2 . Отметим, что в наших первых работах по исследованию интерференции /11, 12/ были выбраны слишком малые интервалы по q_0 и q_\perp^2 , поэтому экспериментальные точки имели недостаточный статистический вес. Кроме того, примесь e^+e^- -пар от конверсии у-квантов вблизи звезды составляла значительную долю в фоновом распределении /~20%, что приводило к уменьшению наблюдаемого эффекта. В настоящем анализе интервалы по q_0 , q_\perp^2 увеличены настолько, что примесью e^+e^- -пар можно пренебречь, и, кроме того, используется существенно большее число π^-p -взаимодействий.

Кривые на рис. 5 и 6 представляют собой результат фитирования экспериментальных точек по формулам:

$$f(q_\perp^2) = A_1 + A_2 \exp(-q_\perp^2 R^2 / 4), \quad /3/$$

$$f(q_0^2) = A_3 + A_4 / (1 + q_0^2 r^2), \quad /4/$$

которые являются удовлетворительным приближением к /2/. В результате получено, что

$$R = /1,7 \pm 0,3/.10^{-13} \text{ см и } \tau = /2,6 \pm 1,7/.10^{-24} \text{ с.}$$

Полученное значение параметра R устойчиво относительно ограничений по q_0 .

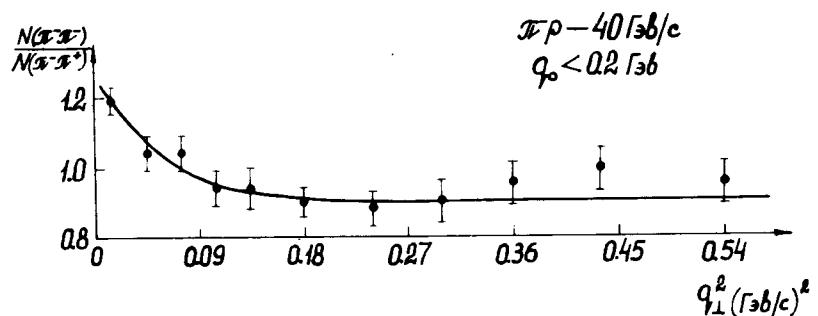


Рис. 5. Отношение $N(\pi^- \pi^-)/N(\pi^- \pi^+)$ в зависимости от q_\perp^2 для $q_0 \leq 0,2 \text{ ГэВ}$. Кривая - результат фитирования по формуле /3/ с $R = 1,7 \cdot 10^{-13} \text{ см}$.

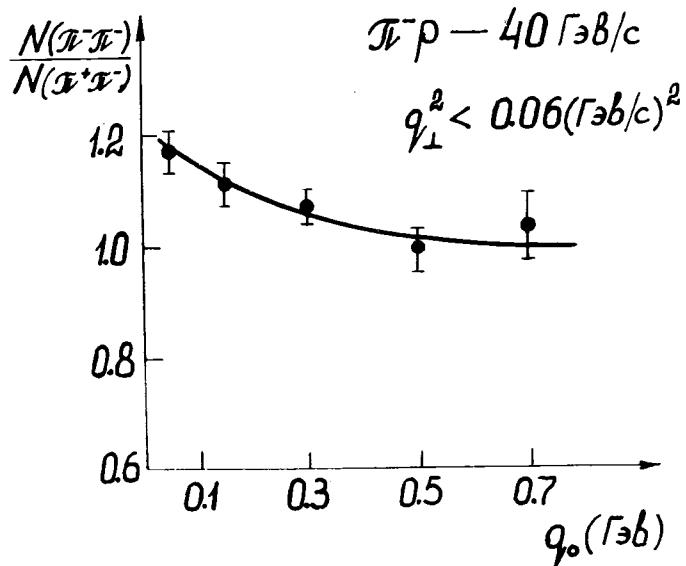


Рис. 6. Отношение $N(\pi^- \pi^-)/N(\pi^- \pi^+)$ в зависимости от q_0 для $q_\perp^2 \leq 0,06 \text{ ГэВ}/c^2$. Кривая - результат фитирования по формуле с $\tau = 2,6 \cdot 10^{-24} \text{ с}$.

Если использовать в качестве фона распределение пар тождественных π -мезонов, взятых из разных событий, то в пределах ошибок фитируемые параметры R и τ оказываются такими же.

Для дополнительной проверки того, что резонансы не влияют на распределения в рассматриваемой области разности импульсов, из распределений по q_0 и q_\perp^2 /рис. 7/ исключены те $\pi^+ \pi^-$ -мезоны, эффективная масса которых находится в области ρ^0 -мезона $M_{\pi^+ \pi^-} = /0,77 \pm 0,08/\text{ГэВ}$. Фитируемые параметры R и τ при этом оказались в пределах ошибок теми же самыми.

Формулы /3/ и /4/ получены в предположении малости углов между частицами. Поэтому мы дополнительно исследовали распределения по q_0 и q_\perp^2 в зависимости от угла между мезонами. На рис. 8 приведено распре-

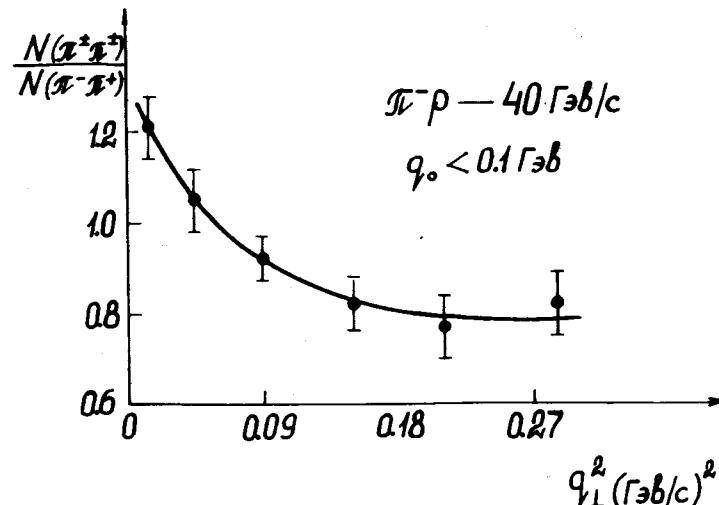


Рис. 7. Отношение $N(\pi^+ \pi^-)/N(\pi^+ \pi^+)$ в зависимости от q_\perp^2 с $q_0 \leq 0,1 \text{ ГэВ}$. Из распределений исключены π^+ и π^- -мезоны, эффективная масса которых находится в пределах ρ^0 -мезона: $M_{\pi^+ \pi^-} = /0,77 \pm 0,08/\text{ГэВ}$. Кривая - результат фитирования по формуле /3/ с $R = 1,6 \cdot 10^{-13} \text{ см}$.

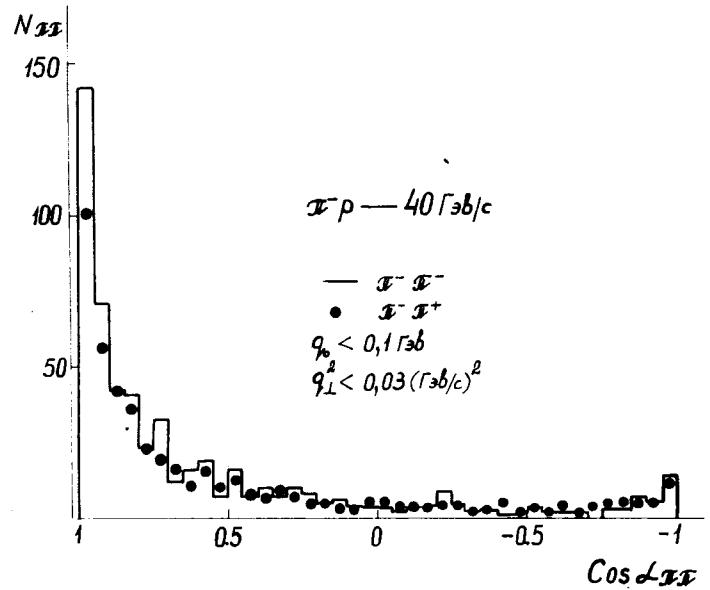


Рис. 8. Распределение $N(\pi^-\pi^-)/N(\pi^+\pi^+)$ по косинусу угла в системе центра масс между π -мезонами при $q_0 \leq 0,1$ ГэВ и $q_\perp^2 \leq 0,03$ ГэВ $/c^2$.

деление по косинусу угла в системе центра масс между π -мезонами, импульсы которых удовлетворяют условиям $q_0 \leq 0,1$ ГэВ и $q_\perp^2 \leq 0,03$ ГэВ $/c^2$. Из рисунка видно, что пары сконцентрированы в основном в области малых углов, где и наблюдается эффект превышения тождественных π -мезонов над нетождественными.

Далее мы рассмотрели отношения распределений $N(\pi^-\pi^-)/N(\pi^+\pi^-)$ по q_0 , q_\perp^2 , удовлетворяющих условию малости угла между частицами ($\cos\alpha > 0,9$). В пределах ошибок эти отношения не отличаются от соответствующих отношений без ограничений на углы.

§4. Попытка определения формы области генерации

Область генерации π -мезонов в системе центра масс может, вообще говоря, не иметь сферической формы.

В этом случае наблюдение пар, вылетающих под определенным углом, дает информацию о размере области генерации в плоскости, перпендикулярной направлению наблюдения. Такой анализ уже проводился ранее /см./¹³. Мы сделали попытку оценить поперечный R_\perp и продольный $R_{||}$ по отношению к оси столкновения радиусы области генерации, выбирая пары пионов, испускаемых под углами $|\cos\theta| > 0,5$ и $|\cos\theta| < 0,5$ соответственно. Здесь θ - угол между суммарным импульсом частиц $\vec{p}_1 + \vec{p}_2$ и осью столкновения в системе центра масс. Такой раздельный анализ уменьшает статистическую обеспеченность распределений, поэтому результаты могут рассматриваться лишь как указание на тенденцию. Более строгие выводы требуют существенного увеличения статистики.

На рис. 9 представлено отношение $N(\pi^-\pi^-)/N(\pi^+\pi^+)$ в зависимости от q_\perp^2 для пар мезонов с $|\cos\theta| > 0,5$. Кривая - результат фитирования по формуле /3/ с $R_\perp = /1,9 \pm 0,4/.10^{-13}$ см. В том случае, если рассматривают все тождественные π -мезоны ($\pi^+\pi^\pm$), $R_\perp = /2,3 \pm 0,5/.10^{-13}$ см. Аналогично для пар с $|\cos\theta| < 0,5$ /рис. 10/ мы получаем информацию о продольных размерах области генерации: $R_{||} = /1,1 \pm 0,4/.10^{-13}$ см.

§5. Выводы

1. В π^-p -взаимодействиях при 40 ГэВ/с наблюдается эффект интерференции тождественных пионов.

2. Наблюдаемый эффект позволяет оценить параметры $R = /1,7 \pm 0,3/.10^{-13}$ см и $\tau = /2,6 \pm 1,7/.10^{-24}$ с, являющиеся пространственно-временными характеристиками множественной генерации пионов. Эти значения в пределах ошибок не зависят от выбранного фона.

3. Получено указание на то, что размер области генерации пионов вдоль оси столкновения меньше, чем в поперечном направлении.

Мы признательны Г.И.Копылову, М.И.Подгорецкому, Н.Г.Фадееву за полезные обсуждения. Мы также благодарны участникам Сотрудничества по обработке событий с двухметровой пропановой камеры ЛВЭ ОИЯИ за помощь в работе.

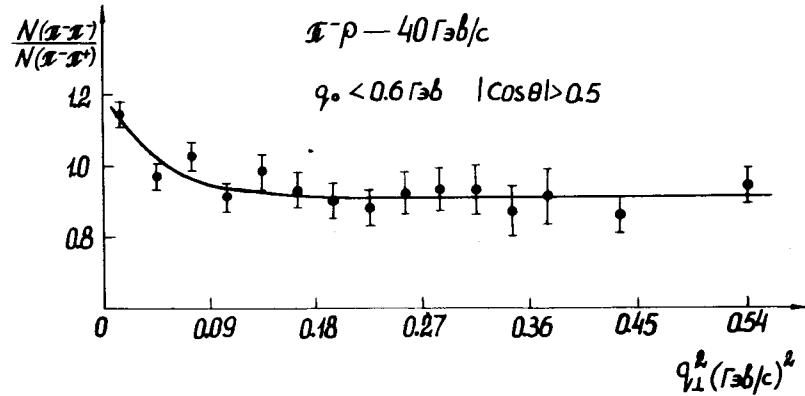


Рис. 9. Отношение $N(\pi^- \pi^-)/N(\pi^- \pi^+)$ в зависимости от q_1^2 при $q_0 \leq 0,6$ ГэВ и $|\cos\theta| > 0,5$. Кривая - результат фитирования по формуле /3/ с $R_{||} = 1,9 \cdot 10^{-13}$ см.

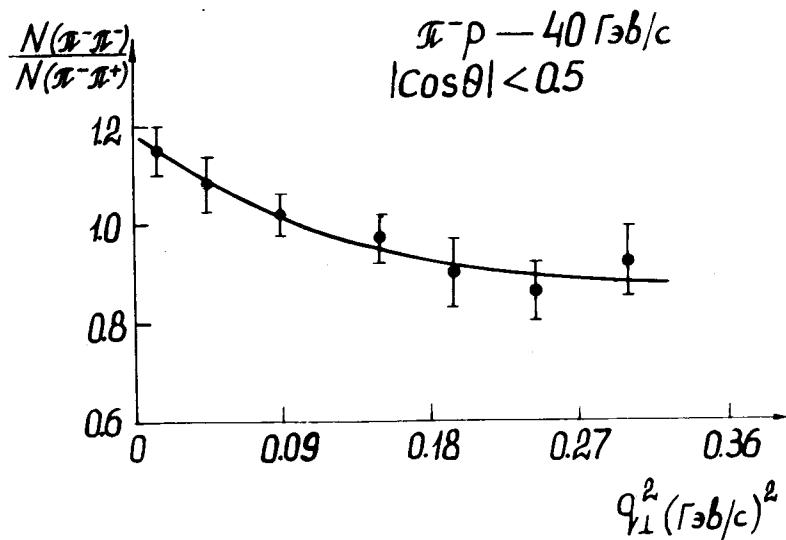


Рис. 10. Отношение $N(\pi^- \pi^-)/N(\pi^- \pi^+)$ в зависимости от q_1^2 при $q_0 \leq 2$ ГэВ и $|\cos\theta| < 0,5$. Кривая - результат фитирования по формуле /3/ с $R_{||} = 1,1 \cdot 10^{-13}$ см.

Литература

1. Гришин В.Г., Копылов Г.И., Подгорецкий М.И. ЯФ, 1971, 13, с.116; 1971, 14, с.600.
2. Копылов Г.И., Подгорецкий М.И. ЯФ, 1973, 15, с.392; 1973, 18, с.656.
3. Hanbury-Brown R., Twiss R. Q. Phil.Mag., 1954, 45, p.633.
4. Абдурахимов А.У. и др. ОИЯИ, 1-6967, Дубна, 1973.
5. Абдурахимов А.У. и др. ЯФ, 1973, 18, с.545.
6. Назаргулов Р.М. ОИЯИ, Р1-10218, Дубна, 1976.
7. Ангелов Н. и др. ЯФ, 1977, 25, с.117.
8. Шляпников П.В. В кн.: Труды XVIII Международной конференции по физике высоких энергий. Тбилиси, 1976. ОИЯИ, Д1,2-10400, том. 1, стр. A2-42, Дубна, 1977.
9. Комаров С.Н. и др. ОИЯИ, 1-8501, Дубна, 1974.
10. Whitmore J. Phys.Rep., 1976, 27C, p.187.
11. Гришин В.Г. В кн.: IV Международный семинар по проблемам физики высоких энергий. Множественные процессы. ОИЯИ, Д1,2-9224, 11, 1975.
12. Ангелов Н. и др. ОИЯИ, Р1-10177, Дубна, 1976.
13. Подгорецкий М.И. В кн.: Труды XVIII Международной конференции по физике высоких энергий. Тбилиси, 1976. ОИЯИ, Д1,2-10400, том 1, стр. A2-27, Дубна, 1977.

Рукопись поступила в издательский отдел
16 марта 1977 года.