

A-646

ОБЪЕДИНЕННЫЙ  
ИНСТИТУТ  
ЯДЕРНЫХ  
ИССЛЕДОВАНИЙ  
ДУБНА



1606 / 2-77

25/4-27

P1 - 10324

Н.С.Ангелов, С.Бацкович, В.Г.Гришин, Ю.Надь,  
М.Сулейманов

О МНОЖЕСТВЕННОСТИ ВТОРИЧНЫХ ЧАСТИЦ,  
ОБРАЗОВАННЫХ ПРИ ВЗАИМОДЕЙСТВИИ  
 $\pi^-$ -МЕЗОНОВ С Р = 40 ГЭВ/С  
С НЕСКОЛЬКИМИ НУКЛОНАМИ ЯДРА УГЛЕРОДА

**1976**

P1 - 10324

Н.С.Ангелов, С.Бацкович,<sup>1</sup> В.Г.Гришин, Ю.Надь,  
М.Сулейманов<sup>2</sup>

О МНОЖЕСТВЕННОСТИ ВТОРИЧНЫХ ЧАСТИЦ,  
ОБРАЗОВАННЫХ ПРИ ВЗАИМОДЕЙСТВИИ  
 $\pi^+$ -МЕЗОНОВ С Р = 40 ГЭВ/С  
С НЕСКОЛЬКИМИ НУКЛОНАМИ ЯДРА УГЛЕРОДА

*Направлено в ЯФ*



<sup>1</sup> Институт физики, Белград, СФРЮ.

<sup>2</sup> Институт физики АН АзССР, Баку.

Ангелов Н.С. и др.

P1 - 10324

О множественности вторичных частиц, образованных при взаимодействиях  $\pi^-$ -мезонов с  $p = 40$  ГэВ/с с несколькими нуклонами ядра углерода

Получены распределения событий по множественности вторичных заряженных пионов, образованных во взаимодействиях  $\pi^-$ -мезонов с несколькими нуклонами ядра углерода при  $p = 40$  ГэВ/с. Приводятся данные по средним значениям множественности  $\pi^\pm$ -мезонов для  $\pi^-(mN)$ -взаимодействий, где  $m=2,3,4$ . Проведено сравнение полученных результатов с расчетами по каскадной модели и модели Глаубера. Получено, что среднее число взаимодействий  $\langle n \rangle \geq 1,50 \pm 0,03$ .

Работа выполнена в Лаборатории высоких энергий ОИЯИ.

Препринт Объединенного института ядерных исследований  
Дубна 1976

Angelov N.S. et al.

P1 - 10324

Multiplicity of Secondary Particles  
Produced in 40 GeV/c  $\pi^-$ -Meson Interactions  
with Several Nucleons of C Nucleus

Multiplicity distributions of secondary charged pions generated by 40 GeV/c  $\pi^-$  mesons on several nucleons of carbon nucleus are presented. Average values of  $\pi^\pm$  meson multiplicities at  $\pi^-(mN_p)$  are obtained for  $m = 2,3,4$ . Experimental results are compared with the cascade and Glauber models. Average number of interactions was found to be  $\langle n \rangle \geq 1,50 \pm 0,03$ .

The investigation has been performed at the Laboratory of High Energies, JINR.

Preprint of the Joint Institute for Nuclear Research  
Dubna 1976

© 1976 Объединенный институт ядерных исследований Дубна

## §1. Введение

Изучение взаимодействий адронов с ядрами в принципе позволяет получить новую информацию о динамике сильных взаимодействий. Действительно, ядра представляют собой мишени из нуклонов, расположенных в пространстве с характерным расстоянием  $10^{-13}$  см, поэтому взаимодействия с ними могут служить индикатором структуры сильных взаимодействий в пространственно-временном интервале  $10^{-13}$  см -  $10^{-23}$  с. Получить эту информацию из данных по адрон-адронным взаимодействиям прямым путем принципиально невозможно.

С этой точки зрения исследование адрон-ядерных взаимодействий особенно важно при высоких энергиях, когда большое число вторичных частиц приводит к тому, что интерпретация механизма их образования по данным, полученным в адрон-адронных взаимодействиях, становится практически невозможной /проблема образования кластеров, резонансов и т.п./.

В настоящее время имеется уже много экспериментов по исследованию адрон-ядерных взаимодействий на ускорителях при  $E \leq 400$  ГэВ/ $l^{-3}$ . Однако полученные данные в основном относятся к общим характеристикам этих взаимодействий. Извлечение из них данных об адрон-адронных столкновениях существенно связано с модельными представлениями /2,3/.

В связи с этим особый интерес приобретает вопрос об экспериментальном выделении таких взаимодействий

адронов с ядрами, в которых приняли участие несколько нуклонов ядра /многонуклонные взаимодействия/. Одним из способов такого выделения является отбор событий по кинематике, в которой практически невозможно взаимодействие адронов только с одним нуклоном ядра /4/. В этом случае непосредственно изучается взаимодействие адронов с несколькими нуклонами и свойства ядерной материи.

В настоящей работе предпринята попытка получить данные о множественности вторичных частиц, образующихся при взаимодействии  $\pi^-$ -мезонов с  $p = 40 \text{ ГэВ}/c$  с некоторыми нуклонами ядра углерода ( $m_N, m \geq 2$ ), на основе данных по множественности вторичных частиц в  $\pi^- p$ -,  $\pi^- n$ - и  $\pi^- {}^{12}\text{C}$ -соударениях /5-7/.

## §2. Множественность вторичных частиц в пион-нуклонных ( $\pi^- N$ ) и в многонуклонных взаимодействиях при $p = 40 \text{ ГэВ}/c$

Данные по множественности вторичных частиц в  $\pi^- p$ - и  $\pi^- n$ -взаимодействиях получены с помощью 2-метровой пропановой пузырьковой камеры ( $C_3H_8$ ), облученной  $\pi^-$ -мезонами с  $P = 40 \text{ ГэВ}/c$  на серпуховском ускорителе /5/.

Сравнение этих данных с результатами, полученными с помощью водородных камер, показывает, что распределения по множественности вторичных заряженных частиц и их одночастичные инклузивные спектры в пределах ошибок согласуются между собой /5/. Таким образом, мы будем исходить из того, что нам хорошо известны распределения по множественности вторичных заряженных частиц в  $\pi^- p$ - и в  $\pi^- n$ -взаимодействиях при  $P = 40 \text{ ГэВ}/c$ .

Отметим также, что в 44% случаев  $\pi^- p$ -взаимодействий и во всех  $\pi^- n$ -взаимодействиях спектры по множественности вторичных частиц были определены для соударений с нуклонами, имеющими ферми-импульс /5/. Хорошее согласие этих данных с данными, полученными на водородных камерах, показывает, что влияние внутриядерного движения нуклонов на множественность вторичных частиц несущественно \*.

Для нахождения распределений по множественности в  $\pi^- N$ -взаимодействиях мы предполагаем, что вероятности взаимодействия пиона с протоном или нейтроном ядра углерода одинаковы /однонуклонные взаимодействия/, поэтому

$$n_i(\pi^- N) = \frac{1}{2} [n_i(\pi^- p) + n_i(\pi^- n)], \quad /1/$$

где  $n_i$  - множественности вторичных частиц данного типа (i).

В табл. I приведены средние значения чисел  $\pi^+$ -мезонов и протонов в  $\pi^- p$ -,  $\pi^- n$ - и  $\pi^- N$ -взаимодействиях при  $P = 40 \text{ ГэВ}/c$  /5/. Здесь следует отметить, что в пропановых пузырьковых камерах протоны визуально идентифицируются при  $P \leq 700 \text{ МэВ}/c$  /5/. Все положительно заряженные частицы с  $P \geq 700 \text{ МэВ}/c$  считаются  $\pi^+$ -мезонами. Примесь протонов с  $P \geq 700 \text{ МэВ}/c$  среди  $\pi^+$ -мезонов составляет ~ 15% в  $\pi^- p$ -взаимодействиях, примесь  $K^+$ -мезонов среди  $\pi^+$ -мезонов ~ 4%.

Таблица I

$\pi^- p$	$\pi^- n$	$\pi^- N$
$\langle n_p \rangle = 5,43 \pm 0,04$	$4,98 \pm 0,06$	$5,21 \pm 0,03$
$\langle n_n \rangle = 2,81 \pm 0,02$	$3,04 \pm 0,03$	$2,92 \pm 0,02$
$\langle n_{\pi} \rangle = 2,62 \pm 0,02$	$1,94 \pm 0,03$	$2,28 \pm 0,02$
$\langle n_p \rangle = 0,18 \pm 0,01$	$0,092 \pm 0,007$	$0,136 \pm 0,006$

\* Влияние внутриядерного движения нуклонов и примеси взаимодействий пионов с некоторыми нуклонами ядра углерода на полученные данные для  $\pi^- p$ - и  $\pi^- n$ -взаимодействий, по нашим оценкам, составляет  $\leq 2\%$  от средних значений множественности заряженных частиц /5/.

Для определения доли одонуклонных взаимодействий  $\alpha_N$  среди  $\pi^- {}^{12}\text{C}$ -взаимодействий мы рассмотрели три варианта отбора  $\pi^- \text{N}$ -взаимодействий.

В первом варианте к  $\pi^- \text{N}$ -взаимодействиям относились все события, удовлетворяющие следующим критериям:

1/ В  $\pi^- {}^{12}\text{C}$ -событиях сумма зарядов вторичных частиц равна 0 ( $\pi^- \text{p}$ ) или -1 ( $\pi^- \text{n}$ ).

2/ Число наблюденных протонов  $N_p \leq 1$ , они могут иметь любое направление вылета /ферми-движение/.

Во втором варианте использовались эти же условия, но из рассмотрения исключались протоны с  $P \leq 200 \text{ МэВ}/c$ , в третьем - с  $P \leq 300 \text{ МэВ}/c$  /испарительные протоны/ [8,9].

В табл. 2 приведены средние значения  $\langle n_i \rangle$  и доля  $\pi^- \text{N}$  взаимодействий среди  $\pi^- {}^{12}\text{C}$ -взаимодействий для этих вариантов отбора. Как видно из табл. 2, исключение из рассмотрения протонов с  $P \leq 300 \text{ МэВ}/c$  приводит к значению  $\langle n_{\pm} \rangle = 5,38 \pm 0,03$ , которое существенно отличается от ожидаемого -  $5,21 \pm 0,03$ . В связи с этим мы полагали, что доля одонуклонных взаимодействий составляет  $59,9 \pm 1,5\%$  /вариант 2/ \*.

Таблица 2

$\pi^- \text{N}(1)$	$\pi^- \text{N}(2)$	$\pi^- \text{N}(3)$	$\pi^- \text{N}$
$\langle n_{\pm} \rangle = 5,25 \pm 0,03$	$5,27 \pm 0,03$	$5,38 \pm 0,03$	$5,21 \pm 0,03$
$\langle n_- \rangle = 2,92 \pm 0,02$	$2,94 \pm 0,02$	$2,99 \pm 0,02$	$2,92 \pm 0,02$
$\langle n_+ \rangle = 2,32 \pm 0,02$	$2,33 \pm 0,02$	$2,39 \pm 0,02$	$2,28 \pm 0,02$
Доля $\pi^- \text{N}$ взаимо- дейст. вительно-	(55,8 ± 1,4)%	(59,9 ± 1,5)%	(66,9 ± 1,6)%

\* Таким образом, к одонуклонным взаимодействиям мы относим такие события, когда имеется возбуждение ядра углерода с последующим испусканием испарительных протонов. Интересно также отметить, что средняя множественность отрицательных пионов  $\langle n_- \rangle$  слабо зависит от условий отбора одонуклонных взаимодействий.

После определения доли одонуклонных взаимодействий из соотношения

$$n_i (\pi^- {}^{12}\text{C}) = \alpha_N n_i (\pi^- \text{N}) + (1 - \alpha_N) n_i (\pi^- \text{mN}) \quad /2/$$

можно найти распределения событий по множественности в многонуклонных взаимодействиях ( $m \geq 2$ ). На рис. 1-3 приведены вероятности рождения  $\pi^+$ -мезонов в  $\pi^- {}^{12}\text{C}$ -,

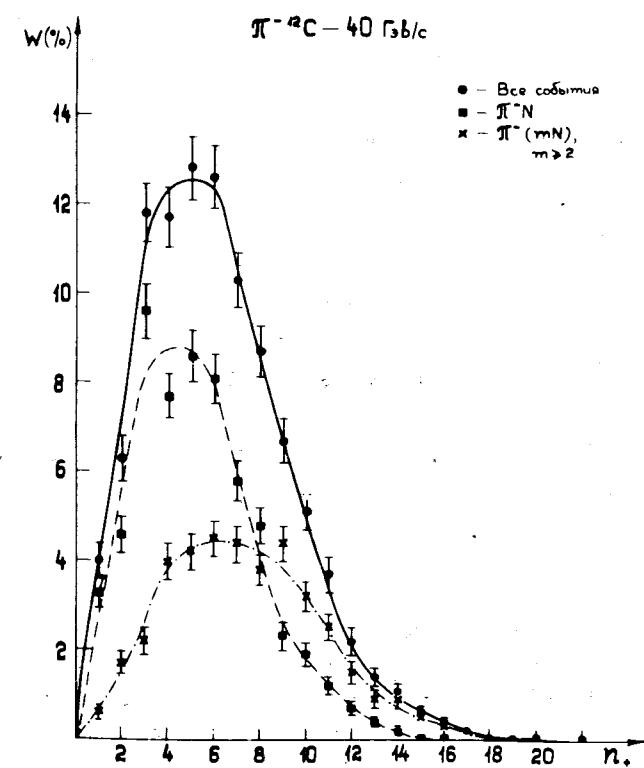


Рис. 1. Распределения событий по множественности вторичных заряженных пионов ( $n_{\pm}$ ) для  $\pi^- {}^{12}\text{C}$ - $\pi^- \text{N}$  и  $\pi^- (mN)$ -взаимодействий при  $P = 40 \text{ ГэВ}/c$ . Кривые проведены от руки.

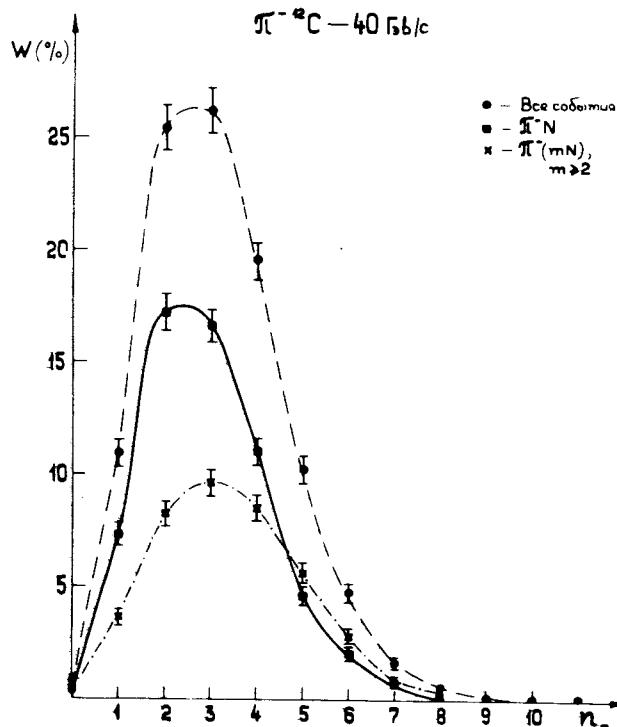


Рис. 2. Распределения событий по множественности  $\pi^-$ -мезонов ( $n_+$ ) для  $\pi^-{}^{12}\text{C}$ -,  $\pi^-N$ - и  $\pi^-(mN)$ -взаимодействий при  $P = 40$  ГэВ/с. Кривые проведены от руки.

$\pi^-N$ - и в  $\pi^-(mN)$ -взаимодействиях при  $P = 40$  ГэВ/с. В табл. 3 приведены соответствующие значения  $\langle n_i \rangle$ . При определении средних значений  $\langle n_i \rangle$  для  $\pi^0$ -мезонов и нейтральных странных частиц значение  $a_N$  полагалось равным 59,9% от полученного для пионов [10].

Как видно из рисунков и табл. 3, средние множественности вторичных пионов в многонуклонных взаимодействиях примерно в 1,5 раза больше, чем в однонуклонных. Большее значение  $\langle n_+ \rangle$  для  $\pi^-(mN)$ -взаимодействий, чем  $\langle n_+ \rangle$ , вероятно, связано с наличием большого положительного заряда ядра углерода.

Таблица 3

$\pi^-{}^{12}\text{C}$	$\pi^-N$	$\pi^-(mN)$	$\frac{\langle n_+ \rangle_{\pi^-{}^{12}\text{C}}}{\langle n_+ \rangle_{\pi^-N}}$	$\frac{\langle n_+ \rangle_{\pi^-(mN)}}{\langle n_+ \rangle_{\pi^-N}}$
$\langle n_+ \rangle = 6,32 \pm 0,06$	$5,21 \pm 0,03$	$7,98 \pm 0,10$	$1,21 \pm 0,01$	$1,53 \pm 0,02$
$\langle n_+ \rangle = 3,24 \pm 0,03$	$2,92 \pm 0,02$	$3,72 \pm 0,05$	$1,11 \pm 0,01$	$1,27 \pm 0,02$
$\langle n_+ \rangle = 3,08 \pm 0,04$	$2,29 \pm 0,02$	$4,27 \pm 0,06$	$1,35 \pm 0,02$	$1,87 \pm 0,03$
$\langle n_+ \rangle = 2,91 \pm 0,04$	$2,47 \pm 0,06$	$3,57 \pm 0,12$	$1,18 \pm 0,03$	$1,45 \pm 0,06$
$\langle n_+ \rangle = 0,32 \pm 0,03$	$0,27 \pm 0,04$	$0,39 \pm 0,09$	$1,19 \pm 0,21$	$1,44 \pm 0,39$

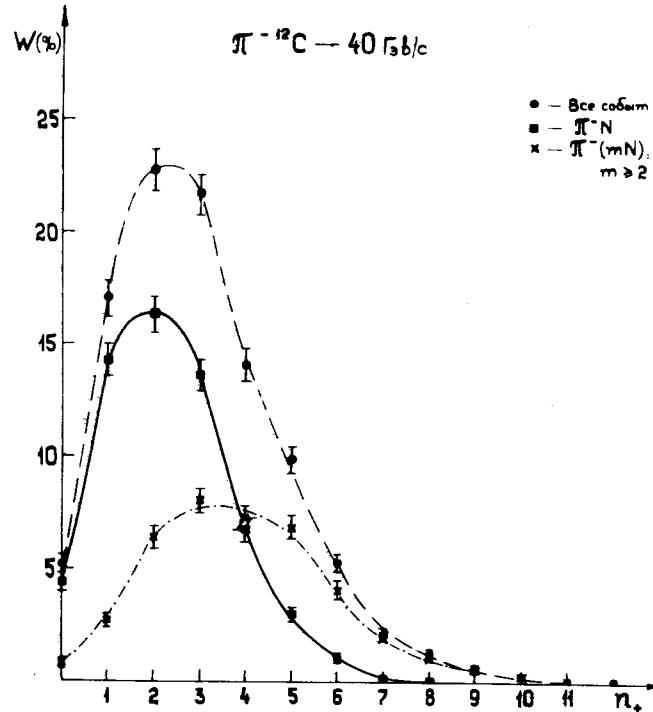


Рис. 3. Распределения событий по множественности  $\pi^+$ -мезонов ( $n_+$ ) для  $\pi^-{}^{12}\text{C}$ -,  $\pi^-N$ - и  $\pi^-(mN)$ -взаимодействий при  $P = 40$  ГэВ/с. Кривые проведены от руки.

**§3. О множественности вторичных частиц  
в многонуклонных взаимодействиях  $\pi^-$ (mN)**

Во втором параграфе настоящей работы были получены данные о множественности пионов для  $\pi^-(mN)$ -взаимодействий, где  $m \geq 2$ . Представляет большой интерес получить данные о  $n_i$  для таких многонуклонных взаимодействий, когда  $m = 2, 3, 4, 5$  и т.д. Для выделения этих взаимодействий мы использовали величину

$$Q = n_+ - n_-, \quad /3/$$

которая равна разности зарядов положительных и отрицательных пионов. Идентифицируемые протоны с  $P \leq 700 \text{ МэВ}/c$  исключаются из рассмотрения из-за неоднозначной интерпретации их образования \*.

Значение величины  $Q$  для  $\pi^-$ -р- и  $\pi^-$ -п-взаимодействий

$$\pi^- + p \rightarrow p + X^-, \quad /4/$$

$$\pi^- + p \rightarrow n + X^\circ, \quad /5/$$

$$\pi^- + n \rightarrow p + X^{--}, \quad /6/$$

$$\pi^- + n \rightarrow n + X^- \quad /7/$$

соответственно равно -1,0; -2; -1. Здесь  $X$  означает, "все, что угодно". Таким образом, в однонуклонных взаимодействиях значения  $Q$  меняются от -2 до 0. Поэтому, если, например,  $Q = 1$ , то число протонов, которые участвовали во взаимодействиях,  $m_p \geq 2$ . Здесь следует подчеркнуть, что в этом случае неупругие взаимодей-

\* В дальнейшем можно использовать имеющуюся информацию о вторичных протонах с импульсом  $P \geq 200-300 \text{ МэВ}/c$ . Такое ограничение связано с тем, что большая часть протонов с  $P \leq 200-300 \text{ МэВ}/c$  связана с процессом испарения [8, 9].

ствия были такого типа, что протоны после взаимодействия имели или  $P \geq 700 \text{ МэВ}/c$ , или  $p \rightarrow \pi^+$  \*. С другой стороны, если  $Q = -3$ , то в этом случае во многонуклонном взаимодействии участвовало  $m_n \geq 2$  протонов. Аналогично для  $Q = 2$  получаем  $m_p \geq 3$  и т.д. Таким образом, классифицируя зарегистрированные  $\pi^-$ - $^{12}\text{C}$  события по  $Q$ , можно выделять многонуклонные взаимодействия с большим числом нуклонов.

В табл. 4 и на рис. 4 приведены значения  $\langle n_i \rangle$  в зависимости от величины  $Q$ . Из этих данных видно, что с увеличением  $Q$  быстро растет число положительных пионов, чего и следовало ожидать по условиям отбора. Интересно отметить, что при  $Q = -3, -4$ , когда во взаимодействиях доминируют процессы с участием

Таблица 4

Доля от $\pi^-$ -событий (%)	$Q$	$\langle n_- \rangle$	$\langle n_+ \rangle$	$\langle n_\pm \rangle$	$\langle n_p \rangle$
$0,40 \pm 0,12$	$\leq -3$	$6,50 \pm 0,44$	$3,23 \pm 0,44$	$9,73 \pm 0,88$	$2,09 \pm 0,33$
$4,38 \pm 0,40$	-2	$3,86 \pm 0,12$	$1,86 \pm 0,12$	$5,72 \pm 0,24$	$1,73 \pm 0,09$
$36,30 \pm 1,15$	-1	$3,15 \pm 0,04$	$2,15 \pm 0,04$	$5,30 \pm 0,08$	$0,69 \pm 0,05$
$39,13 \pm 1,19$	0	$3,08 \pm 0,04$	$3,08 \pm 0,04$	$6,16 \pm 0,08$	$0,65 \pm 0,03$
$13,00 \pm 0,69$	I	$3,46 \pm 0,08$	$4,46 \pm 0,08$	$7,92 \pm 0,16$	$1,04 \pm 0,06$
$4,49 \pm 0,40$	2	$3,77 \pm 0,16$	$5,77 \pm 0,16$	$9,54 \pm 0,32$	$1,39 \pm 0,11$
$1,63 \pm 0,24$	3	$3,43 \pm 0,25$	$6,43 \pm 0,25$	$9,86 \pm 0,50$	$1,20 \pm 0,17$
$0,65 \pm 0,15$	$\geq 4$	$3,89 \pm 0,33$	$8,11 \pm 0,33$	$12,00 \pm 0,66$	$0,79 \pm 0,22$

\* Среди событий с  $Q \geq 1$  имеются также и такие, которые связаны с неупругой перезарядкой вторичного  $\pi^-$ -мезона на протоне ядра углерода ( $\pi^- p \rightarrow p \pi^0$ ). Однако их доля, по нашим оценкам, невелика  $\lesssim 10\%$ .

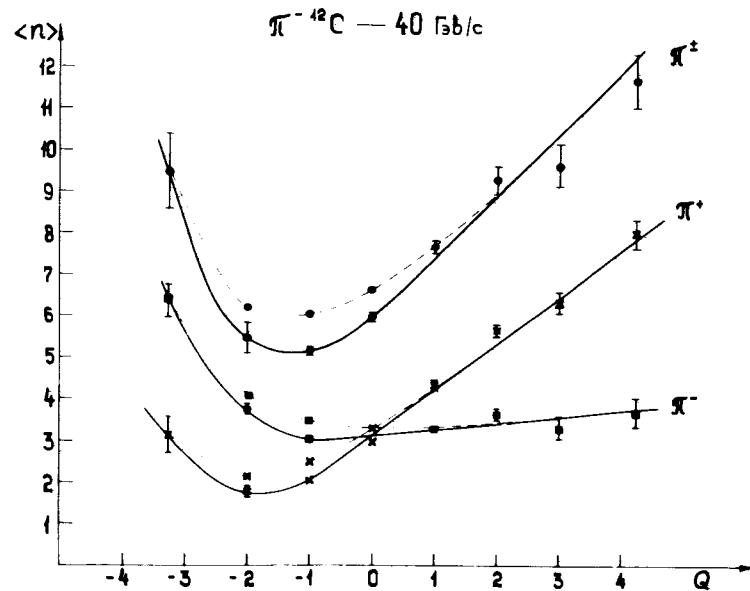


Рис. 4. Зависимость средних множественностей пионов от  $Q$ . Пунктиром даны значения  $\langle n \rangle$  для  $\pi^-$  ( $mN$ ) - взаимодействий. Кривые проведены от руки.

двух или трех нейтронов типа  $p \rightarrow p\pi^-$ , начинает расти и среднее число отрицательных пионов.

На рис. 5-7 приведены распределения событий по множественности вторичных пионов в зависимости от величины  $Q$ . На рис. 8 даны значения  $\langle n_i \rangle$  для различных значений  $Q$  в интервале 0-5. Здесь же приведены оценки  $\langle n_i \rangle$  по каскадной модели и модели Глаубера /3/. При оценке  $\langle n_i \rangle$  по каскадной модели предполагалось, что энергия вторичных частиц равна  $E/\langle n \rangle$ , где  $E$  - энергия частицы до взаимодействия и  $\langle n \rangle$  - среднее число вторичных частиц. При вычислении  $\langle n_i \rangle$  по модели Глаубера для взаимодействий с протонами полагалось, что энергия первичной частицы делится между этими взаимодействиями поровну ( $E/m$ ); взаимодействия вторичных частиц не учитывались /3/. Как видно из рис. 8,

Рис. 5. Распределения событий по множественности вторичных заряженных пионов ( $n_{\pm}$ ) в зависимости от  $Q$  для  $\pi^-$ - $^{12}\text{C}$ -взаимодействий. Заштрихованные области гистограмм соответствуют  $\pi^-$  ( $mN$ ) - взаимодействиям.

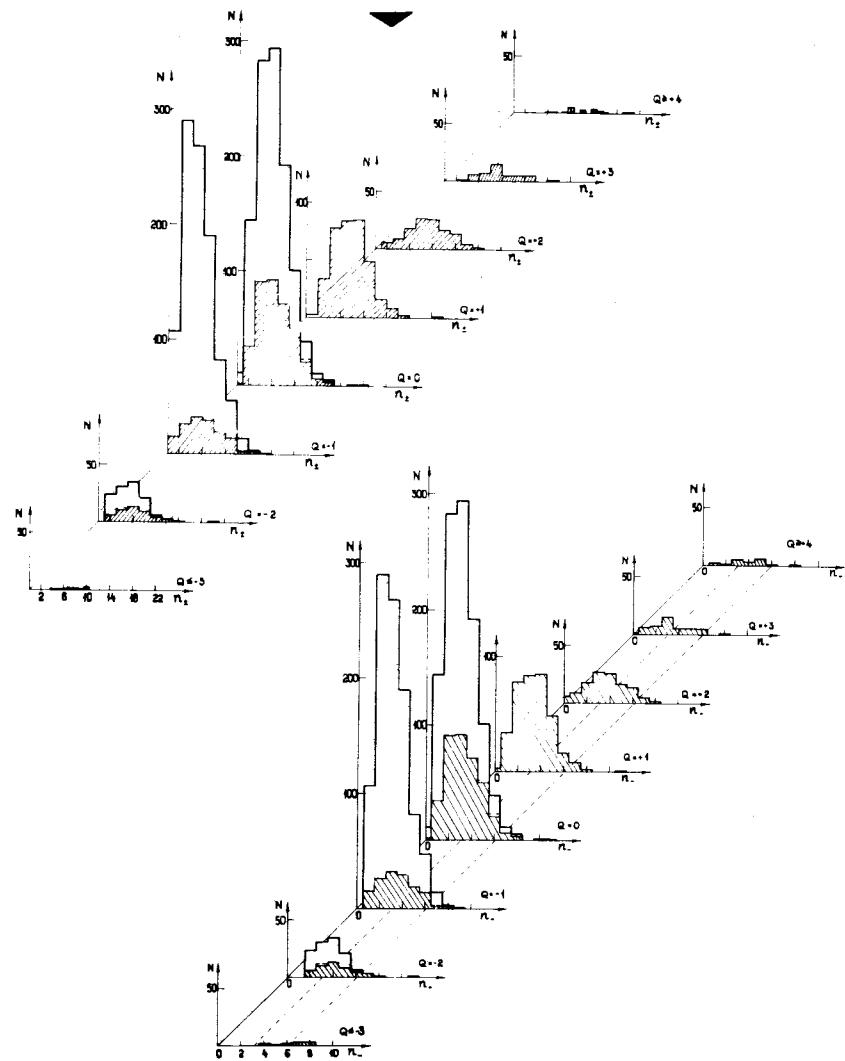


Рис. 6. Распределения событий по множественности  $\pi^-$ -мезонов ( $n_-$ ) в зависимости от  $Q$  для  $\pi^-$ - $^{12}\text{C}$ -взаимодействий. Заштрихованные области гистограмм соответствуют  $\pi^-$  ( $mN$ ) - взаимодействиям.

модель Глаубера качественно описывает зависимость  $\langle n_i \rangle$  от  $Q^*$ .

Используя значения вероятностей взаимодействия  $\pi^-$ -мезонов с  $n$ -нуклонами /табл. 4/, можно получить, что среднее число взаимодействий  $\langle v \rangle \geq 1,50 \pm 0,03$ . Для гауссовского распределения плотности нуклонов в ядре углерода  $\langle v \rangle = 1,5$  при  $\sigma(\pi^-N) = 22 \text{ мб}$  /8/.

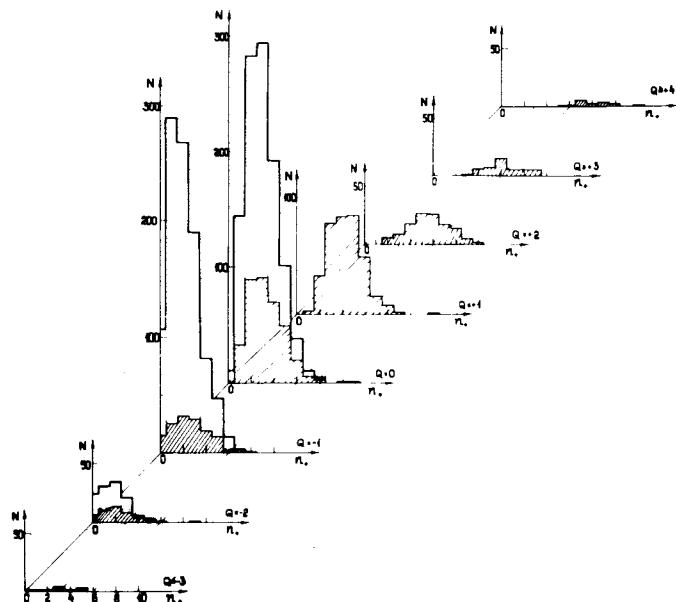


Рис. 7. Распределения событий по множественности  $\pi^+$ -мезонов ( $n_+$ ) в зависимости от  $Q$  для  $\pi^-{}^{12}\text{C}$ -взаимодействий. Заштрихованные области гистограмм соответствуют  $\pi^-$ ( $nN$ ) - взаимодействиям.

\*В расчетах предполагалось, что число протонов, участвующих во взаимодействиях,  $n_p = Q + 1$ . Значения  $\langle n_i \rangle$  брались из экспериментальных данных.

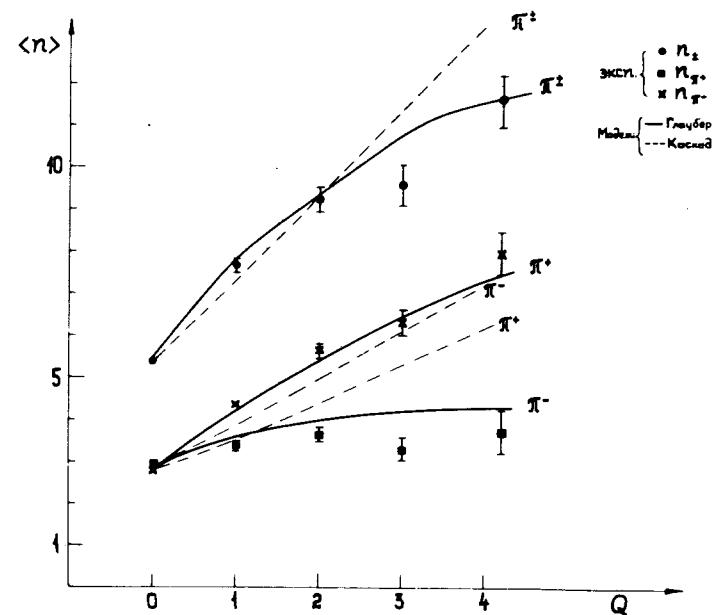


Рис. 8. Зависимость  $\langle n \rangle$  от  $Q$ . Пунктир - каскадная модель, сплошные кривые - модель Глаубера. Кривые проведены от руки.

Мы признательны участникам Сотрудничества по исследованию процессов множественного рождения частиц в  $\pi^-N$ -взаимодействиях при  $P = 40 \text{ ГэВ/с}$  за полезные обсуждения.

#### Литература

- Гуламов К.Г., Чернов Г.М., Юлдашев Б.С. IV Международный семинар по проблемам физики высоких энергий. Множественные процессы. ОИЯИ, Д1.2-9224, Дубна, 1975, стр. 233.
- Nikolaev N.N., I.T.P., Particle-Nucleus Interactions at High Energies. Chernogolovka, 1976.
- Шабельский Ю.М. ЛИЯФ, №248, Ленинград, 1976.

4. Балдин А.М. ОИЯИ, Р7-5808, Дубна, 1971;  
ОИЯИ, Д1,2-7411, Дубна, 1973, стр. 463.
5. Абдурахимов А.У. и др. ОИЯИ, Р1-6326, Дубна, 1972; Ангелов Н.С. и др. ОИЯИ, Р1-9785, Дубна, 1976; Назаргулов Р.М. ОИЯИ, Р1-10218, Дубна, 1976; Ангелов Н.С. и др. ОИЯИ, Р1-9792, Дубна, 1976.
7. Ангелов Н.С. и др. ОИЯИ, Р1-9978, Дубна, 1976.
8. Ангелов Н.С. и др. ЯФ, 22/5/, 1026, 1975.
9. Азимов С.А. и др. ЯФ, 22/6/, 1168, 1975.
10. Ангелов Н.С. и др. ЯФ, 24/4/, 732, 1976.

*Рукопись поступила в издательский отдел  
24 декабря 1976 года.*