1024

D



## ОБЪЕДИНЕННЫЙ ИНСТИТУТ ЯДЕРНЫХ ИССЛЕДОВАНИЙ

Лаборатория ядерных проблем

Л.С. Ажгирей, Ю.П. Кумекин, М.Г. Мещеряков, С.Б. Нурушев, Г.Д. Столетов

P-1024

АМПЛИТУДЫ НУКЛОН-НУКЛОННОГО РАССЕЯНИЯ И КОМПЛЕКСНОСТЬ СПИН-ОРБИТАЛЬНОГО ПОТЕНЦИАЛА ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ НУКЛОНОВ С ЯДРАМИ

1

Л.С. Ажгирей, Ю.П. Кумекин, М.Г. Мещеряков, С.Б. Нурушев, Г.Д. Столетов

P-1024

-

АМПЛИТУДЫ НУКЛОН-НУКЛОННОГО РАССЕЯНИЯ И КОМПЛЕКСНОСТЬ СПИН-ОРБИТАЛЬНОГО ПОТЕНЦИАЛА ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ НУКЛОНОВ С ЯДРАМИ

Дубна 1962 год

1

Соотношения между амплитудами нуклон-нуклонного и нуклон-ядерного рассеяний, выведенные в рамках суперпозиционной модели, используются для определения значений усредненных по изотопическому спину амплитуд нуклон-нуклонного рассеяния вперед при 660 Мэв. Сопоставление с результатами фазового анализа экспериментальных данных по нуклон-нуклонному рассеянию показывает, что спин-орбитальный потенциал нуклон-ядерного взаимодействия является комплексным в интервале энергий 40-660 Мэв.

R

Ватсоном и его сотрудниками<sup>/1/</sup> в рамках модели прямого взаимодействия была установлена количественная связь между амплитудами нуклон-нуклонного и нуклон-ядерного рассеяний. При этом пренебрегалось рядом эффектов, таких, как наличие коррелированных групп в ядрах, внутриядерное движение нуклонов и др., которые обратно пропорциональны энергии Е, и, следовательно, малы при больших энергиях. Поэтому естественно ожидать, что

в области больших энергий удастся получить сведения о нуклон-нуклонных амплитудах, используя экспериментальные данные по нуклон-ядерному рассеянию. Такой подход представляется разумным в области больших энергий, где реализация полного набора опытов по нуклон-нуклонному рассеянию связана с большими трудностями.

В борновском приближении матрица рассеяния нуклона на ядре со спином О дается выражением

$$f(q) = G(q) F(q) + i H(q) F(q) \sin \theta \cdot \sigma_n, \qquad (1)$$

где F(q) - ядерный формфактор,  $q = 2k \sin \frac{\theta}{2}$  - передача импульса,  $\hbar k$  и  $\theta$  - импульс и угол рассеяния в лабораторной системе,  $\sigma_n$  - проекция спина на нормаль к плоскости рассеяния. Запишем матрицу нуклон-нуклонного рассеяния в виде  $\frac{2}{2}$ :

$$M_{1,0}(q) = A_{1,0}(q) + B_{1,0}(q)\sigma_{1n}\sigma_{2n} + C_{1,0}(q)(\sigma_{1n} + \sigma_{2n})\sin\theta + E_{1,0}(q)\sigma_{1q}\sigma_{2q} + F_{1,0}(q)\sigma_{1p}\sigma_{2p}$$
(2)

Здесь индексы 1 и 0 относятся к изотопическим состояниям с T = 1 и T = 0 системы двух нуклонов. Тогда в рамках суперпозиционной модели между амплитудами нуклон-ядерного и нуклон-нуклонного рассеяний существует следующая связь

$$G(q) = N\left(\frac{k}{k_0}\right) \left[\frac{3}{4}A_1(q) + \frac{1}{4}A_0(q)\right],$$
  

$$H(q) = -iN\left(\frac{k}{k_0}\right)^2 \left[\frac{3}{4}C_1(q) + \frac{1}{4}C_0(q)\right],$$
(3)

где N - атомный вес ядра, ћk<sub>0</sub> - импульс нуклона в системе центра масс двух нуклонов.

При 660 Мэв значения реальных и мнимых частей борновских амплитуд G(0) и H(0) были определены из результатов измерений в области малых углов дифференциальных сечений упругого рассеяния протонов на ядрах углерода и поляризации протонов в этом процессе  $^{/3/}$ . Из этих данных следует, что в единицах  $10^{-13}$  см усредненные по изотопическим состояниям реальные и мнимые части амплитуд  $\overline{A}$  и  $\overline{C}$  нуклон-нуклонного рассеяния вперед равны:

$$\vec{A} = \begin{pmatrix} R \\ 0 \end{pmatrix} = \frac{3}{4} A_{I}^{R}(0) + \frac{1}{4} A_{0}^{R}(0) = -0.36 \pm 0.03, \\ \vec{A} = \begin{pmatrix} I \\ 0 \end{pmatrix} = \frac{3}{4} A_{I}^{I}(0) + \frac{1}{4} A_{0}^{I}(0) = 0.72 \pm 0.04, \\ \vec{C}^{R}(0) = \frac{3}{4} C_{I}^{R}(0) + \frac{1}{4} C_{0}^{R}(0) = -0.33 \pm 0.28, \\ \vec{C}^{I}(0) = \frac{3}{4} C_{I}^{I}(0) + \frac{1}{4} C_{0}^{I}(0) = 0.77 \pm 0.20. \end{cases}$$
(4)

Из полученных результатов можно сделать два важных вывода. Во-первых, реальная часть бесспиновой амплитуды  $\tilde{A}^{R}(0)$  имеет отрицательный знак, что, по-видимому, обусловлено влиянием твердого отталкивающего сердечника в нуклон-нуклонном взаимодействии. Необходимо заметить, что при энергиях, меньших или равных 315 Мэв, эта амплитуда имеет положительный знак. Во-вторых, имеется указание на комплексный характер спиновой амплитуды  $\tilde{C}(0)$ , соответствующей в первом борновском приближении спин-орбитальному нуклон-ядерному потенциалу, так как оказывается, что при 660 Мэв реальная часть спиновой амплитуды  $\tilde{C}^{R}(0)$  имеет отличное от нуля значение. На комплексность спин-орбитального потенциала, и, соответственно, амплитуды  $\tilde{C}(0)$  имелись указания и ранее (1), (4). Однако, в более поздних работах  $2^{2/3/5/3}$  эти выводы подверглись сомнению и в настоящее время утвердилось мнение, что амплитуда  $\tilde{C}(0)$  является чисто мнимой в интервале энергий 40-970 Мэв.

Поэтому представляет интерес сопоставить значения усредненных по изотопическому спину амплитуд  $\bar{A}(0)$  и  $\bar{C}(0)$  нуклон-нуклонного рассеяния при различных энергиях. Анализ экспериментальных данных по нуклон-ядерному рассеянию в интервале 40-970 Мэв (5) в пределах ошибок экспериментов согласуется с предположением о чисто мнимом значении амплитуды  $\bar{C}(0)$ . Однако результаты осуществленного недавно Ю.М. Казариновым и И.Н.Силиным  $^{6/}$  фазового анализа данных по p + p - u n + p -рассеянию в интервале 40-310 Мэв, свидетельствуют о комплексности амплитуды  $\bar{C}(0)$  и, в предположении справедливости суперпозиционной модели, о комплексности спин-орбитального потенциала.

На рис. 1 приведены значения амплитуд  $\overline{A}(0)$  и  $\overline{C}(0)$  как функции кинетической энергии нуклона  $E_{\text{с.п.м.}}$  в системе центра масс двух нуклонов. В интервале энергий 40-660 Мэв энергетические зависимости амплитуд удовлетворительно аппроксимируются следующими выражениями:

$$A^{T}(0) = \frac{7,20\pm0,20}{E_{C,II,M}} + (4,68\pm0,26)\cdot10^{-3} E_{C,II,M}$$

$$\overline{A}^{R}(0) = (0,673 \pm 0,03) - (6,88 \pm 0,35) \cdot 10^{-3} E_{C,II,M}.$$

$$\overline{C}^{I}(0) = (0,188 \pm 0,038) + (3,86 \pm 0,70) \cdot 10^{-3} E_{C,II,M}.$$

$$\overline{C}^{R}(0) = (2,45 \pm 0,42) \cdot 10^{-3} E_{C,II,M} - (1,97 \pm 0,84) + 10^{-5} E_{C,II,M}^{2}.$$
(5)

Здесь энергия Е<sub>с.п.м.</sub> дается в Мэв, значения амплитуд - в 10<sup>-13</sup>см. Постоянные коэффициенты были найдены методом наименьших квадратов. На рис. 1 заштрихованной полосой указаны коридоры ошибок функций (5).

Поведение  $\overline{A}^{i}$  отражает, в основном, изменение с энергией усредненных по изотопическому спину полных сечений  $\overline{\sigma}$  нуклон-нуклонного взаимодействия, поскольку, согласно оптической теореме,

$$\overline{\overline{A}}^{I}(0) = \frac{k\overline{\sigma}}{4\pi} = \frac{k}{8\pi} \left( \sigma_{pp} + \sigma_{np} \right), \qquad (6)$$

где оро и ора - полные сечения p + p - и n + p - взаимодействий.

Амплитуда  $\overline{A}^{R}(0)$  проходит через нуль при энергии  $\approx 400$  Мэв в лабораторной системе. Следовательно, при этой энергии потенциальное рассеяние отсутствует и имеет место (с точностью до спиновых поправок) чисто теневое рассеяние. Отсюда возникает ряд следствий, в частности, то, что сечение нуклон-ядерного рассеяния под нулем должно удовлетворять соотношению  $\sigma(0) = (\frac{k\sigma}{d} t)^{2}$ .

Как можно видеть из рис. 1в, амплитуда  $\overline{C}^{I}(0)$  положительна на протяжении рассматриваемого интервала энергий. Это означает, что вплоть до 660 Мэв реальная часть спин-орбитального потенциала  $V_{SR}$  нуклон-ядерного взаимодействия имеет такой же знак, как и в оболочечной модели. Эта ситуация имеет место и при 970 <sup>/7/</sup> и 1700 <sup>/8/</sup>Мэв.

Из рис. Іг видно, что величина  $\overline{C}^{R}(0)$  хотя и мала, но определена с большой точностью. Указанный на рисунке коридор ошибок несколько завышен, поскольку в анализе не были учтены корреляции между фазами <sup>191</sup>. Однако даже в пределах указанных ошибок реальная часть спиновой амплитуды  $\overline{C}^{R}(0)$  отлична от иуля и положительна в области энергии 40-310 Мэв. По-видимому, она проходит через нуль в районе = 420 Мэв и при 660 Мэв имеет отрицательный знак.

Для определения параметров оптических потенциалов нуклон-ядерного рассеяния из данных по нуклон-нуклонному рассеянию были использованы соотношения, выведенные в /10/ рамках суперпозиционной модели :

$$V_{e} = \frac{2\pi\hbar^{2}c^{2}k}{\Omega_{1}Ek_{0}} N\overline{A} ,$$

(7)

$$W_s = -i \frac{2\pi\hbar^2 c^2}{\Omega_2 E \left(\frac{\hbar}{\mu c} k_0\right)^2} N \overline{c}.$$

Здесь Е – полная энергия падающего нуклона в лабораторной системе, Ω<sub>2</sub> и Ω<sub>2</sub> - нормировочные объемы для центрального и спин-орбитального потенциалов. Предполагалось, что Ω<sub>1</sub> и Ω<sub>2</sub> не зависят от энергии и имеют значения Ω<sub>1</sub> = 45,99.10<sup>-39</sup> см<sup>3</sup>, Ω<sub>2</sub> = 68,64.10<sup>-39</sup> см<sup>3</sup>, как это было найдено в работе<sup>/3/</sup>. В таблице приведены вычисленные из нуклон-нуклонных данных значения оптических потенциалов. При энергии 660 Мэв эти параметры определ ены из данных по нуклон-ядерному рассеянию.

<u>Таблица</u> Параметры оптических потенциалов				
Е Мэв	V <sub>ск,</sub> Мэв	• V <sub>сі,</sub> Мэв	V <sub>sr,</sub> Məb	V <sub>SI</sub> , Мэв
40 90 147 210 310 660	$82 \pm 6 65 \pm 9 52 \pm 4 33 \pm 4 17 \pm 7 -33 \pm 3$	$\begin{array}{r} 99 \pm 3 \\ 57 \pm 9 \\ 46 \pm 3 \\ 46 \pm 3 \\ 43 \pm 3 \\ 67 \pm 4 \end{array}$	$8,6 \pm 2,9 \\ 5,0 \pm 0,9 \\ 3,8 \pm 0,4 \\ 3,1 \pm 0,2 \\ 2,2 \pm 0,2 \\ 1,3 \pm 0,3 \\ \end{cases}$	$\begin{array}{r} -1.14 \pm 0.36 \\ -0.85 \pm 0.56 \\ -0.65 \pm 0.09 \\ -0.58 \pm 0.07 \\ -0.56 \pm 0.19 \\ -0.55 \pm 0.48 \end{array}$

5

Энергетическая зависимость центрального потенциала  $V_c$ , найденная из экспериментов по нуклон-нуклонному рассеянию в предположении справедливости модели прямого взаимодействия, находится в согласии с зависимостью, найденной непосредственно из экспериментов по нуклон-ядерному рассеянию. Несколько завышенные значения  $V_c$ , приведенные в таблице при малых энергиях, по-видимому, обусловлены тем,что радиус центрального потенциала не является постоянным, как это принималось нами, а растет с уменьшением энергии  $^{/5/}$ . Это приводит к увеличению нормировочного объема  $\Omega_I$ ,и, соответственно, к уменьшению значений  $V_{CR}$  и  $V_{CI}$ , что улучшает согласие между величинами параметров, найденных двумя различными способами.

Имея в виду полученные результаты, интересно отметить следующее. Во-первых, в согласии с нуклон-ядерными экспериментами, даные по нуклон-нуклонному рассеянию предсказывают уменьшение реальной части спин-орбитального потенциала  $V_{sR}$  с ростом энергии. Во-вторых, нуклон-нуклонные эксперименты указывают на отличие от нуля значения мнимой части спин-орбитального потенциала. Как известно, ранее из нуклон-ядерных экспериментов не удалось обнаружить потенциал  $V_{sI}$  <sup>(5/)</sup>. Это обстоятельство, по-видимому, обусловлено двумя причинами. Проводившиеся до сих пор эксперименты по нуклон-ядерному рассеянию, а именно, эксперименты по измерению дифференциального сечения, поляризатии и при некоторых энергиях параметра  $R(\theta)$ , имеют небольшую точность в области малых углов рассеяния. Кроме того, эти параметры практически нечувствительны к величине  $V_{sI}$ , тогда как измерение параметра  $A(\theta)$ , наиболее чувствительного к  $V_{sI}$ , не осуществлено дс сих пор ни при одной энергия.

В заключение авторы выражают благодарность Ю.М. Казаринову и И.Н. Силину за предоставление результатов фазового анализа до их опубликования /8/.

## Литература

- 1. W.B.Riesenfeld, K.Watson, Phys. Rev. 102, 1157 (1956).
- 2. H.Bethe, Ann. of Phys. 3, 190 (1958).
- 3. Л.С. Ажгирей, Ю.П. Кумекин, М.Г. Мещеряков, С.Б. Нурушев, Г.Д. Столетов, Хуан Дэ-цян. ЖЭТФ (в печати).
- 4. W. Heckrotte, Phys. Rev. 101, 1406 (1956).
- 5. C.J.Batty, Nucl. Phys. 23, 562 (1961).
- 6. Ю.М. Казаринов, И.Н. Силин. Препринт ОИЯИ, Р-970 (1962).
- 7. N.E.Booth, F.L.Hereford, M.Hug, G.W.Hutchinson, M.E.Law, A.M.Segar, D.H.White, Proc. CERN Conference, p. 307, 1958.
- 8. L.Van Rossum, Proc. Rochester Conference, p. 144, 1960.
- 9. Ю.М. Казаринов, В.С. Киселев, И.Н. Силин, С.Н. Соколов. ЖЭТФ, <u>41</u>, 197 (1961).
- 10. A.K.Kerman, H.McManus, R.M.Thaler, Ann. of Phys. 8, 551 (1959).

Рукопись поступила в издательский отдел 28 июня 1962 года.



Рис. 1. Значения усредненных по изотопическим состояниям амплитуд A(0) и C(0) нуклон-нуклонного рассеяния. Черные кружки - результат настоящей работы, светлые - результат фазового анализа экспериментальных данных по нуклоннуклонному рассеянию <sup>16/</sup>. Заштрихованной полосой показан коридор ошибок.