

M-701

ОБЪЕДИНЕННЫЙ  
ИНСТИТУТ  
ЯДЕРНЫХ  
ИССЛЕДОВАНИЙ

Дубна

4 - 3954



Г.В. Мицельмахер

О НЕКОТОРЫХ  
ИНТЕРФЕРЕНЦИОННЫХ ЯВЛЕНИЯХ,  
СВЯЗАННЫХ С ЭФФЕКТОМ МЕССБАУЭРА  
ПРИ ОБЛУЧЕНИИ НЕМОНОХРОМАТИЧЕСКИМИ  
 $\gamma$ -КВАНТАМИ

ЛАБОРАТОРИЯ ВЫСОКИХ ЭНЕРГИЙ

1968

4 - 3954

Г.В. Мицельмахер

О НЕКОТОРЫХ  
ИНТЕРФЕРЕНЦИОННЫХ ЯВЛЕНИЯХ,  
СВЯЗАННЫХ С ЭФФЕКТОМ МЕССБАУЭРА  
ПРИ ОБЛУЧЕНИИ НЕМОНОХРОМАТИЧЕСКИМИ  
 $\gamma$ -КВАНТАМИ

Известно, что при резонансном рассеянии без отдачи на ядрах, связанных в кристалле,  $\gamma$ -кванты, рассеянные на различных зеемановских уровнях ядер, интерферируют. Эту интерференцию можно наблюдать как при зеркальном отражении, так и при прохождении излучения сквозь поглотитель под нулевым углом. В настоящей работе обсуждаются типичные примеры возникающих при этом эффектов.

1. Рассмотрим отражение короткого импульса рентгеновского излучения от зеркальной поверхности резонансного поглотителя. В качестве примера возьмем поглотитель  $^{57}\text{Fe}$  или  $^{119}\text{Sn}$ . Предположим, что ядерные уровни расщеплены во внешнем магнитном поле, направленном перпендикулярно плоскости отражения. Показатель преломления связан с амплитудой упругого когерентного рассеяния вперед  $f(0)$  соотношением:

$$n = 1 + \frac{2\pi}{k^2} N f(0), \quad (1)$$

где  $k$  - волновое число падающего излучения,  $N$  - число ядер в единице объема. Из соображений симметрии ясно, что при заданной ориентации поля состояния с линейными поляризациями  $\vec{e}_1$  и  $\vec{e}_2$  ( $\vec{e}_1$  перпендикулярно плоскости отражения,  $\vec{e}_2$  лежит в этой плоскости) не переходят друг в друга. Для каждого из них, используя (1), введем свой показатель преломления. Соответствующие амплитуды  $f_1(0)$  и  $f_2(0)$

можно найти с помощью формулы (39) из работы /1/. Проводя вычисления, получим:

$$n_1 - 1 = \frac{aN\gamma}{\omega - \omega_2 + \frac{i\gamma}{2}} + \frac{aN\gamma}{\omega - \omega_3 + \frac{i\gamma}{2}}, \quad (2')$$

$$n_2 - 1 = \frac{3}{4} \frac{aN\gamma}{\omega - \omega_1 + \frac{i\gamma}{2}} + \frac{1}{4} \frac{aN\gamma}{\omega - \omega_3 + \frac{i\gamma}{2}} + \frac{1}{4} \frac{aN\gamma}{\omega - \omega_4 + \frac{i\gamma}{2}} + \frac{3}{4} \frac{aN\gamma}{\omega - \omega_6 + \frac{i\gamma}{2}}, \quad (2'')$$

где  $a = -\frac{\pi c^3}{\omega_1^3} \frac{\gamma_0}{\gamma}$ ,  $\gamma_0$  - ширина упругого канала, а резонансные значения частот  $\omega_a$  соответствуют переходам, изображенным на рис.1.

В большинстве экспериментов по эффекту Мёссбауэра имеют место дипольные переходы M1; в частности, это относится и к мессбауэровским переходам в  $^{57}\text{Fe}$  и  $^{119}\text{Sn}$ . В этом случае справедливы обычные формулы Френеля /2/, дающие выражение для амплитуды отраженной волны при единичной амплитуде падающей. Дальнейшее рассмотрение упрощается, если угол падения  $\phi$  удовлетворяет условию

$$\left(\frac{\pi}{2} - \phi\right)^2 \gg 2|n-1|, \quad (3)$$

при котором формулы Френеля преобразуются в

$$A = \frac{n-1}{2\cos^2 \phi}, \quad (4')$$

когда электрический вектор перпендикулярен плоскости падения, и

$$A = \frac{(n-1)\cos 2\phi}{2\cos^2 \phi}, \quad (4'')$$

когда электрический вектор лежит в этой плоскости /3/.

В дальнейшем мы будем считать падение скольльзящим, т.е.  $\cos 2\phi = 1$ . Это обеспечивает достаточно большую интенсивность отраженной волны и не противоречит условию (3), поскольку  $|n - 1| = 10^{-3}$ .

Спектральная амплитуда падающего рентгеновского излучения  $V$  в резонансной области частот поглощения постоянна. Предположим также, что падающее излучение неполяризовано. Представим его как некогерентную "смесь" двух линейных состояний поляризации  $\vec{e}_1$  и  $\vec{e}_2$  с равными весами. Используя (2) и (4), получим выражение для амплитуды отраженной волны в зависимости от времени:

$$C_1(t) = \frac{1}{2\pi i} \int_{-\infty}^{\infty} C_1(\omega) d\omega = \frac{\vec{e}_1 B a N \gamma}{2\sqrt{2} \cos^2 \phi} e^{-i\omega_2 t - \frac{\gamma t}{2}} (1 + e^{i\Delta_{25} t}), \quad (5')$$

$$C_2(t) = \frac{1}{2\pi i} \int_{-\infty}^{\infty} C_2(\omega) d\omega = -\frac{\vec{e}_2 B a N \gamma}{2\sqrt{2} \cos^2 \phi} \frac{1}{4} (3 + e^{i\Delta_{23} t} + e^{i\Delta_{14} t} + 3e^{i\Delta_{16} t}). \quad (5'')$$

Здесь и далее  $\Delta_{\alpha\beta} = \omega_\alpha - \omega_\beta$ ; отсчет времени ведется от момента прихода импульса рентгеновского излучения к отражающей поверхности. Сравнивая (5') с (5''), видим, что законы развития во времени составляющих амплитуд с поляризациями  $\vec{e}_1$  и  $\vec{e}_2$  различны. Это означает, что отраженное излучение приобрело частичную поляризацию, меняющуюся со временем по закону, зависящему от величин  $\Delta_{\alpha\beta}$  (т.е. от расщепления). Вычисляя интенсивность отраженной волны в зависимости от времени, получим:

$$J(t) = |C_1(t)|^2 + |C_2(t)|^2 =$$

$$= \frac{B^2 a^2 N^2 \gamma^2}{64 \cos^4 \phi} e^{-\gamma t} (26 + 16 \cos \Delta_{25} t + 3 \cos \Delta_{13} t + 3 \cos \Delta_{14} t +$$

$$+ 9 \cos \Delta_{16} t + \cos \Delta_{34} t + 3 \cos \Delta_{36} t + 3 \cos \Delta_{46} t).$$

Интерференция переходов между различными зеемановскими уровнями вызвала появление "биений" интенсивности отраженного излучения. Подобные

явления можно наблюдать и на отдельных (не связанных) ядрах и атомах<sup>4/</sup>; специфика рассеяния на связанных ядрах состоит, как уже говорилось, в когерентном характере явления (на который явно указывает то, что интенсивность пропорциональна квадрату числа ядер), из-за чего появляются биения с разностью частот переходов на различные подуровни основного состояния.

От величин  $\Delta_{\alpha\beta}$  должна зависеть и усредненная по времени интенсивность отраженного излучения, благодаря чему мы можем исследовать расщепление уровней без временной привязки к импульсу рентгеновского излучения или даже при непрерывном облучении "белым" рентгеновским светом. Качественно эту зависимость можно пояснить следующим образом. Состояние с поляризацией  $\vec{e}_1$  рассеивается на двух резонансных уровнях. (переходы  $\omega_2$  и  $\omega_3$ , рис.1). Если расщепление этих уровней велико (много больше  $\gamma$ ), то резонансные пики не перекрываются, и после усреднения по времени волны, рассеянные на двух резонансах, не интерferируют. Амплитуда волны, рассеянной на одном резонансе, пропорциональна  $\frac{N}{2}$ , интенсивность -  $\frac{N^2}{4}$ , и суммарная интенсивность -  $\frac{N^2}{2}$ . В отсутствие же расщепления амплитуда рассеянной волны пропорциональна  $N$ , а интенсивность -  $N^2$ , т.е. вдвое больше. Аналогичные рассуждения можно провести и для состояния с поляризацией  $\vec{e}_2$ , рассеивающегося на четырех резонансных уровнях.

Усреднение по времени дает следующую зависимость отраженной интенсивности от величины расщепления уровней:

$$\begin{aligned} \int_0^{\infty} J(t) dt = & \frac{B^2 a^2 N^2 \gamma^2}{64 \cos^4 \phi} \left( 26 + \frac{16 \gamma^2}{\gamma^2 + \Delta_{25}^2} + \frac{3 \gamma^2}{\gamma^2 + \Delta_{13}^2} + \frac{3 \gamma^2}{\gamma^2 + \Delta_{14}^2} + \right. \\ & \left. + \frac{9 \gamma^2}{\gamma^2 + \Delta_{18}^2} + \frac{\gamma^2}{\gamma^2 + \Delta_{34}^2} + \frac{3 \gamma^2}{\gamma^2 + \Delta_{36}^2} + \frac{3 \gamma^2}{\gamma^2 + \Delta_{46}^2} \right). \end{aligned} \quad (7)$$

2. Рассмотрим прохождение импульса рентгеновского излучения сквозь пластинку резонансного поглотителя, помещенную в магнитное поле. Расчет наиболее прост, если поле на поглотителе ориентировано по направлению падающих на пластинку рентгеновских лучей. Из соображений сим-

метрии ясно, что при такой ориентации стационарные циркулярно поляризованные состояния. Вычисляя соответствующие показатели преломления  $n_1$  и  $n_2$ , с помощью формулы (39) из работы /1/ и соотношения (1), получим:

$$n_1 - 1 = \frac{1}{4} \frac{aNy}{\omega - \omega_1 + \frac{iy}{2}} + \frac{3}{4} \frac{aNy}{\omega - \omega_4 + \frac{iy}{2}}, \quad (8')$$

для состояния с поляризацией  $\frac{\vec{e}_1 - i\vec{e}_2}{\sqrt{2}}$ , и

$$n_2 - 1 = \frac{3}{4} \frac{aNy}{\omega - \omega_3 + \frac{iy}{2}} + \frac{1}{4} \frac{aNy}{\omega - \omega_6 + \frac{iy}{2}}, \quad (8'')$$

для состояния с поляризацией  $\frac{\vec{e}_1 + i\vec{e}_2}{\sqrt{2}}$ ; резонансные значения частот

переходов соответствуют указанным на рис.1. Падающее излучение считаем неполяризованным. Его спектральная амплитуда есть некогерентная "смесь" амплитуд  $B \frac{\vec{e}_1 - i\vec{e}_2}{\sqrt{2}}$  и  $B \frac{\vec{e}_1 + i\vec{e}_2}{\sqrt{2}}$ , которые можно рассматривать независимо. Амплитуда волны с поляризацией  $\frac{\vec{e}_1 - i\vec{e}_2}{\sqrt{2}}$

на глубине  $z$  дается выражением:

$$C_1(t) = B \frac{\vec{e}_1 - i\vec{e}_2}{\sqrt{2}} \frac{1}{2\pi i} \int_{-\infty}^{\infty} e^{in_1 \frac{\omega}{c} z - i\omega t} d\omega = \quad (9)$$

$$= B \frac{\vec{e}_1 - i\vec{e}_2}{\sqrt{2}} \frac{1}{2\pi i} \int_{-\infty}^{\infty} e^{-i\omega(t - \frac{z}{c})} \exp \left[ -\frac{3i}{4} \frac{bz}{\omega - \omega_1 + \frac{iy}{2}} - \frac{i}{4} \frac{bz}{\omega - \omega_4 + \frac{iy}{2}} \right] d\omega,$$

где  $b = \frac{aNy\omega_1}{c}$ . Простой заменой частоты  $\omega_1$  на  $\omega_6$ , а  $\omega_4$  на  $\omega_3$  получаем формулу для амплитуды  $C_2(t)$  волны с поляризацией  $\frac{\vec{e}_1 + i\vec{e}_2}{\sqrt{2}}$ . При вычислении разложим экспоненты в ряды по параметру

$\beta = \beta_1 z = \frac{4b}{y} z$  и ограничимся членами второго порядка, т.е. предположим, что толщина  $l$  пластинки мала в сравнении с длиной свободного про-

бега  $\frac{1}{N\sigma_0} = \frac{y}{4b}$  фотона с резонансной энергией.

В интенсивности прошедшего излучения  $J(t) = |C_1(t)|^2 + |C_2(t)|^2$  будет всплеск, соответствующий прохождению переднего фронта импульса; при  $t > 0$  в интенсивности появятся затухающие биения

$$J(t)_{t>0} = \frac{B^2}{128} \beta_1^2 \gamma^2 \ell^2 (10 + 3 \cos \Delta_{14} t + 3 \cos \Delta_{36} t) e^{-\gamma t}. \quad (10)$$

Частоты биений  $\Delta_{14}$  и  $\Delta_{36}$  задаются расщеплением резонансных уровней. Если с помощью временной задержки  $\epsilon$  отсекается первый всплеск прошедшего излучения, то расщепление уровней можно исследовать и по усредненной интенсивности  $\gamma \int_{\epsilon \rightarrow 0}^{\infty} J(t) dt$ , которая тоже зависит от величин  $\Delta_{14}$  и  $\Delta_{36}$ :

$$\gamma \int_{\epsilon \rightarrow 0}^{\infty} J(t) dt = \frac{B^2}{128} \beta_1^2 \gamma^2 \ell^2 \left( 10 + \frac{3\gamma^2}{\gamma^2 + \Delta_{14}^2} + \frac{3\gamma^2}{\gamma^2 + \Delta_{36}^2} \right). \quad (11)$$

Из соотношений (10) и (11) видно, что интенсивность при  $t > 0$  пропорциональна квадрату числа ядер. Это связано с когерентным излучением ядер поглотителя, возбужденных передним фронтом проходящего импульса; суммарная амплитуда пропорциональна числу ядер в первой степени, а интенсивность - во второй. Заметим также, что на тонкой пластинке эффект зависимости интенсивности от расщепления нельзя наблюдать, если регистрируется все прошедшее излучение, включая и первый всплеск.

3. При прохождении сквозь достаточно толстую пластинку резонансного поглотителя спектральная плотность электромагнитной волны перераспределяется. В результате этого вероятность резонансного возбуждения ядер глубоких слоев оказывается зависящей от параметров резонанса, а если резонансный уровень расщеплен, то и от степени перекрывания подуровней. Возбужденные ядра с вероятностью  $\frac{a}{a+1}$ , где  $a$  - коэффициент внутренней конверсии, переходят в основное состояние с испусканием электрона конверсии. Таким образом, регулируя расщепление зеемановских подуровней внешним полем, можно влиять на интенсивность



процесса образования электронов конверсии (или характеристического излучения) в достаточно толстой пластинке резонансного поглотителя. По существу мы имеем дело с аналогом известного метода "самоиндикации" (см., например, /5/), но в специфических условиях, когда существует возможность изменять степень перекрывания резонансных уровней.

Проведем вычисления для случая, когда магнитное поле ориентировано перпендикулярно пластинке. Нас интересует следующий процесс: на глубине  $z$   $\gamma$ -квант, не вызывая отдачи, возбуждает ядро, которое затем возвращается в основное состояние с испусканием электрона конверсии. Ради определенности будем говорить о левополяризованных  $\gamma$ -квантах. Для них процесс может идти по двум каналам в соответствии с тем, что левополяризованные  $\gamma$ -кванты могут возбуждать два зеемановских уровня  $^{57}\text{Fe}$ . Так как исследуется поглощение разными начальными уровнями, эти каналы следует рассматривать независимо друг от друга. Это означает, что вероятность  $J_1(z, t)$  возбуждения ядер на глубине  $z$  в момент времени  $t$  при прохождении левополяризованного света равна сумме двух соответствующих вероятностей  $J_1'(z, t)$  и  $J_1''(z, t)$ :

$$J_1(z, t) = J_1'(z, t) + J_1''(z, t) =$$

$$\begin{aligned} &= 3 \left| \frac{\vec{e}_1 - i\vec{e}_2}{\sqrt{2}} \frac{1}{2\pi i} \int_{-\infty}^{\infty} e^{-i\omega(t - \frac{z}{c})} \exp \left[ -\frac{3i}{4} \frac{bz}{\omega - \omega_1 + \frac{iy}{2}} - \frac{i}{4} \frac{bz}{\omega - \omega_4 + \frac{iy}{2}} \right] \frac{d\omega}{\omega - \omega_1 + \frac{iy}{2}} \right|^2 + \\ &+ \left| \frac{\vec{e}_1 - i\vec{e}_2}{\sqrt{2}} \frac{1}{2\pi i} \int_{-\infty}^{\infty} e^{-i\omega(t - \frac{z}{c})} \exp \left[ -\frac{3i}{4} \frac{bz}{\omega - \omega_1 + \frac{iy}{2}} - \frac{i}{4} \frac{bz}{\omega - \omega_4 + \frac{iy}{2}} \right] \frac{d\omega}{\omega - \omega_4 + \frac{iy}{2}} \right|^2. \end{aligned}$$

Коэффициент 3 перед первым слагаемым учитывает относительную вероятность рассматриваемых переходов. Разлагая экспоненты в ряды по параметру  $\beta = \beta_1 z = \frac{4b}{\gamma} z$  и ограничиваясь членами первого порядка, получим:

$$J_1(z, t) = e^{-\gamma t} \left[ 4 - \frac{5}{4} \beta_1 \gamma z t - \frac{3}{4} \beta_1 \gamma z \Delta_{14}^{-1} \sin \Delta_{14} t \right]. \quad (13)$$

При замене величины  $\Delta_{14}$  на  $\Delta_{36}$  получается выражение для вероятности  $J_2(z, t)$  возбуждения ядер на глубине  $z$  в момент времени  $t$  при рассеянии правополяризованных рентгеновских лучей.

Используя полученные для  $J_1(z, t)$  и  $J_2(z, t)$  формулы, нетрудно найти зависимость числа электронов конверсии, образовавшихся в пластинке, от времени. Мы, однако, не будем здесь этого делать, а сразу, интегрируя  $J(z, t) = J_1(z, t) + J_2(z, t)$  по толщине пластинки  $l$  и усредняя по времени, получим величину, пропорциональную полному числу электронов конверсии, образовавшихся в поглотителе:

$$\gamma \int_0^{\infty} dt \int_0^l J(z, t) dz = 32l - \beta_1 l^2 \left( 10 + \frac{3\gamma^2}{\gamma^2 + \Delta_{14}^2} + \frac{3\gamma^2}{\gamma^2 + \Delta_{36}^2} \right). \quad (14)$$

Полученное соотношение описывает зависимость числа электронов конверсии (и характеристических фотонов), образовавшихся при прохождении неполяризованного рентгеновского излучения сквозь поглотитель, от величины расщепления ядерных уровней в магнитном поле. Зависимость скажется только в том случае, когда вторым слагаемым в (14) нельзя пренебречь, т.е. только при достаточно большой толщине пластинки.

4. Аналогичные эффекты будут существовать и в тех случаях, когда расщепление ядерных уровней вызвано не только магнитным полем, но и любыми другими причинами, например, при квадрупольном расщеплении. В принципе возможно их использование для определения типа расщепления и его характеристик. Заметим также, что с помощью метода, описанного в пункте 1, можно изучать некоторые свойства поверхности резонансного поглотителя /6/.

Вычисления в настоящей работе проведены в предположении, что все  $\gamma$ -кванты рассеиваются без отдачи. Учет появляющегося в реальном случае неупругого рассеяния  $\gamma$ -квантов несложен и не приводит к принципиально новым следствиям. Проведенные вычисления справедливы с тем небольшим изменением, что коэффициент  $a$  нужно домножить на фак-

тор, учитывающий вероятность того, что акты поглощения и испускания  $\gamma$ -кванта происходят без отдачи  $x$ ). Кроме того, поскольку процесс резонансного поглощения  $\gamma$ -квантов может происходить с отдачей, для электронов конверсии появится фон, составляющий  $\approx \frac{1-f}{f}$  ( $f$  - вероятность поглощения без отдачи) от интенсивности (14).

Соотношения, полученные для электронов конверсии, описывают и процесс неупругого рассеяния  $\gamma$ -квантов, с помощью которых также можно исследовать расщепление ядерных уровней.

Строго говоря, необходимо еще учитывать интерференцию ядерного резонансного и релеевского рассеяния (см., например, /3,6/), но роль этого эффекта мала.

В заключение отметим, что явления, подобные описанным в пунктах 1,2 и 3, можно наблюдать и при использовании резонансного излучения. Конечные формулы при этом изменятся. Так, например, в случаях 1 и 2 дополнительно появятся биения на разности резонансных частот падающего излучения и резонансных частот поглощения. Такие биения при отсутствии внешнего поля изучались теоретически и экспериментально в работах /3,12-14/.

Автор благодарит М.И.Подгорецкого за предложенную тему и постоянное внимание к работе, а также В.Г.Барышевского и В.Л.Любошица за многочисленные полезные советы и обсуждения.

### Л и т е р а т у р а

1. G.T.Trammel, *Phys. Rev.*, 126, 3, 1045 (1962).
2. Стреттон. "Теория электромагнетизма" Гостехиздат М-Л (1949), гл. IX.
3. М.И.Подгорецкий. *ЖЭТФ* 45, 9, 780 (1963).
4. М.И.Подгорецкий. Препринт ОИЯИ Р-491 (1960).
5. И.Барит, Л. Грошев, М.Подгорецкий. *ДАН СССР*, 58, 6, 1011 (1947).

<sup>x)</sup> Для кристаллического поглотителя можно было бы ожидать также некоторого изменения коэффициента поглощения (см. /7-11/). В тех случаях, когда коэффициент конверсии достаточно велик, этим эффектом можно пренебречь.

6. S. Bernstein and E. S. Campbell, *Phys. Rev.* 132, 4, 1625 (1963).
7. В.Г. Барышевский, В.Л. Любошиц, М.И. Подгорецкий. Препринт ОИЯИ Р-2230 (1965).
8. А.М. Афанасьев, Ю. Каган. *ЖЭТФ* 49, 5, 1504 (1965).
9. Ю. Каган, А.М. Афанасьев. *ЖЭТФ* 50, 1, 271 (1966).
10. В.Л. Любошиц. *ЖЭТФ* 52, 4, 926 (1967).
11. А.М. Афанасьев, Ю. Каган. *ЖЭТФ* 52, 1, 196 (1967).
12. F. J. Lynch, R. E. Holland, M. Hamermesh. *Phys. Rev.*, 120, 2, 513 (1960).  
(Перевод в сб. "Эффект Мессбауэра" И.Л. 1962).
13. Samuel M. Harris. *Phys. Rev.*, 124, 4, 1178 (1961).
14. C. S. Wu, Y. J. Lee, N. Benezet-Koller, P. Simms. *Phys. Rev. Lett.*, 185, 9, 432 (1960).

(Перевод в сб. "Эффект Мессбауэра" И.Л. 1962).

Рукопись поступила в издательский отдел  
1 июля 1968 года.

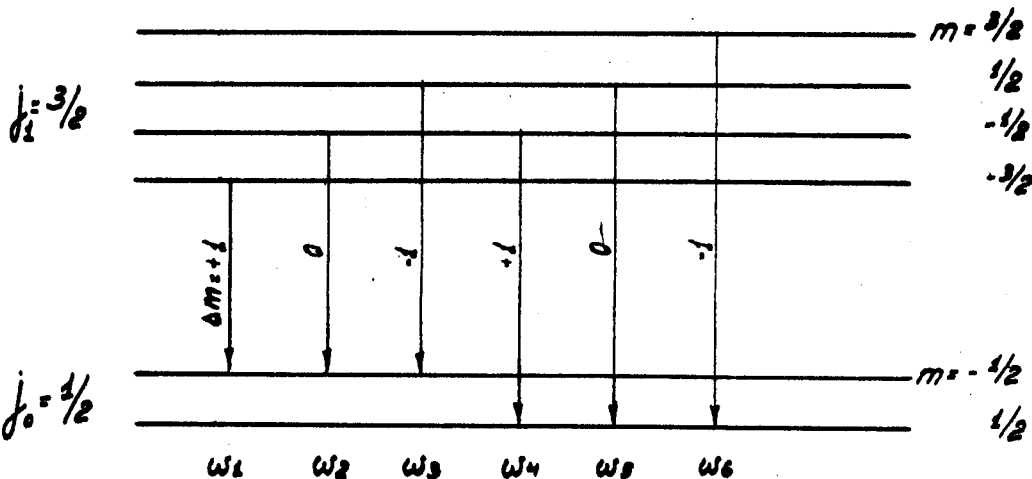


Рис.1.