

Ш 379

2-88-525

УДК 530.145

ШЕВЧЕНКО
Олег Юрьевич

КАЛИБРОВОЧНАЯ ИНВАРИАНТНОСТЬ
И ВТОРИЧНЫЕ КАЛИБРОВОЧНЫЕ УСЛОВИЯ
В ТЕОРИИ ПОЛЯ

Специальность 01.04.02 - теоретическая
и математическая физика

Автореферат диссертации на соискание ученой степени
кандидата физико-математических наук

Работа выполнена в Лаборатории теоретической физики
Объединенного института ядерных исследований.

Научный руководитель:

кандидат физико-математических наук
доцент

И.Л. Соловцов

Официальные оппоненты:

доктор физико-математических наук
профессор

Л.В. Прохоров

доктор физико-математических наук
старший научный сотрудник

С.В. Трошин

Ведущая организация: НИИЯФ МГУ, Москва

Защита диссертации состоится _____ 1968 г.
на заседании специализированного совета К 047.01.01
Лаборатории теоретической физики Объединенного института
ядерных исследований, г. Дубна, Московская область.

С диссертацией можно ознакомиться в библиотеке ОИЯИ.

Автореферат разослан " " _____ 1968 г.

Ученый секретарь совета

кандидат физико-математических наук

А.Е. Дорохов

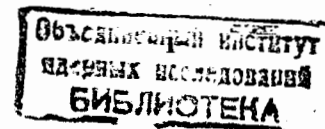
ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОТЫ

Актуальность проблемы

На сегодняшний день считается, что наиболее адекватное описание физики элементарных частиц дает теория калибровочных полей. На ее основе, в частности, строятся такие важнейшие физические неабелевы теоретико-полевые модели, как квантовая хромодинамика (КХД) и модель электрослабых взаимодействий. В квантовой хромодинамике, существенно использующей новое квантовое число - цвет кварка, впервые введенное в работе Боголюбова-Струминского-Тажелидзе (1965), было обнаружено явление асимптотической свободы в ультрафиолетовой области. Это позволяет применять в ее рамках аппарат теории возмущений для расчета целого ряда физических процессов при высоких энергиях. Модель электрослабых взаимодействий, сформулированная Вайнбергом и Саламом (1967), приобрела в последние годы, благодаря обнаружению W - и Z - бозонов, статус общепризнанной теории.

Неабелевы калибровочные поля впервые были введены в работе Янга и Миллса (1954), в которой был обобщен принцип градиентной инвариантности квантовой электродинамики (КЭД) на случай векторных полей с изотопическими степенями свободы. На специфику квантования неабелевых калибровочных полей впервые было обращено внимание в работах Фейнмана (1963) и Де Витта (1964). Наиболее последовательный подход к квантованию безмассовых полей Янга-Миллса (используемых, в частности, в КХД), основанный на методе континуального интегрирования, был развит в работе Фаддеева и Попова (1967). Этот подход, благодаря механизму Хиггса, был практически без изменений перенесен т'Хоофтом (1971) на случай массивных калибровочных полей. Важнейшей чертой обобщаемых теорий является их перенормируемость, которая была установлена в работах Славнова (1972), Тейлора (1971), Ли и Зин-Джестена (1972), т'Хоофта и Вельтмана (1972).

Вместе с тем в калибровочных теориях поля существует ряд до сих пор не решенных проблем. К их числу следует отнести проблему описания непертурбативной, инфракрасной, области квантовой хромодинамики. В последние годы это направление интенсивно исследуется. Основными объектами изучения здесь являются полные функции Грина, описывающие распространение кварков и глюонов. В частности, изучается полный



кварковый пропагатор $g(x, y) = i \langle 0 | T \psi(x) \bar{\psi}(y) | 0 \rangle$. Интерес к таким исследованиям обусловлен тем, что отсутствие полюса у такого пропагатора в инфракрасной области может трактоваться как ненаблюдаемость (конфайнмент) кварка. Однако известно, что полные функции Грина, в частности пропагатор $g(x, y)$, являются калибровочно-зависимыми величинами. Поэтому исследование инфракрасной области КХД на языке этих функций Грина приводит к калибровочно-зависимым результатам. В этой связи представляется актуальной задача построения и изучения свойств калибровочно-инвариантных аналогов обычных функций Грина. Калибровочно-инвариантный кварковый пропагатор

$$G(x, y | C_{xy}) = i \langle 0 | T \psi(x) \mathcal{P} \exp \left[i g \int_{C_{xy}} d\ell^{\mu} A_{\mu}(\ell) \right] \bar{\psi}(y) | 0 \rangle, \quad (1)$$

где \mathcal{P} означает упорядочение по параметру контура интегрирования, соединяющего точки x и y , рассматривался во многих работах.

Следует отметить, что проблема построения калибровочно-инвариантных динамических величин восходит к работам Дирака, Швингера, Мандельштама и других авторов.

Другая проблема, которая интенсивно изучается в теории калибровочных полей, — это проблема непротиворечивого использования калибровочных условий при квантовании полей Янга-Миллса. Действительно, проблема выбора условий, фиксирующих калибровку, представляющая на первый взгляд чисто технический вопрос, связанный с выбором наиболее оптимального способа расчета того или иного физического процесса, при переходе к неабелевым теориям оказывается сопряженной с рядом других проблем, приобретающих принципиальное значение (неоднозначности Гривова, проблема обхода полюсов, доказательство унитарности S -матрицы и т.д.). В этой связи следует отметить также проблемы столь широко используемого в КХД класса нековариантных ("аксиальных") калибровок $\mathcal{L}^{\mu} A_{\mu} = 0$, интенсивное обсуждение которых вновь начато в связи с обнаруженным недавно расхождением результатов расчетов заведомо калибровочно-инвариантного объекта — петли Вильсона, проведенных в этом классе калибровок (при времениподобных выборах вектора \mathcal{L}_{μ}), с результатами, полученными в кулоновской и фейнмановской калибровках (S. Caracciolo a.o. Phys. Lett., 1982, II3B, No 4, p. 311-314).

Цель работы состоит в построении нового, свободного от отмеченных выше недостатков подхода к проблемам непротиворечивого квантования калибровочных полей, а также калибровочно-инвариантного описания инфракрасной области различных моделей теории поля.

Научная новизна и практическая ценность

Построен модифицированный метод квантования калибровочных полей методом функционального интеграла. Новые выражения для производящих

функционалов S -матрицы и функций Грина помимо S -функции, обеспечивающей выполнение калибровки $\mathcal{L}^{\mu} A_{\mu} = 0$, дополнительно содержат S -функцию $S(\partial^{\mu} F_{\mu\nu}(A))$, обеспечивающую выполнение закона Гаусса под знаком функционального интеграла. Последнее обстоятельство приводит к тому, что полученный в диссертации новый векторный пропагатор, в отличие от обычного пропагатора в калибровке $\mathcal{L}^{\mu} A_{\mu} = 0$, существенно различает пространственно- и времениподобные выборы вектора \mathcal{L}_{μ} , что позволяет разрешить противоречие с калибровочно-инвариантностью расчетов петли Вильсона, возникающее в стандартном подходе при выборе \mathcal{L}_{μ} в виде времениподобного вектора.

В диссертации предлагается новый, следующий непосредственно из лагранжева формализма способ введения калибровочно-инвариантных контурно-зависимых динамических величин, в частности калибровочно-инвариантного спинорного пропагатора. Исследуется связь контурного произвола в этих величинах с калибровочным произволом в их калибровочно-зависимых аналогах. Сформулирован динамический критерий на выбор контура интегрирования в экспоненциальном факторе калибровочно-инвариантного спинорного пропагатора. Инфракрасная асимптотика этого пропагатора вычислена в рамках КЭД и КХД₂ моделей. Показано, что в электродинамике он имеет в инфракрасной области простой полюс (без нефизической точки ветвления). В то же время в рамках двумерной хромодинамики показывается, что в пределе восстановления трансляционной инвариантности калибровочно-инвариантного спинорного пропагатора его полюс отодвигается на бесконечность, что можно трактовать как конфайнмент изолированного кварка.

Для защиты выдвигаются следующие основные результаты, полученные в диссертации:

1. Сформулирован критерий однозначной достижимости первичных калибровочных условий. Доказано существование и найден явный вид вторичных калибровочных условий, имеющих вид условия Лоренца, причем в случае самодействующих векторных полей обычные производные заменяются контурными производными Мандельштама. Введены новые калибровочно-инвариантные контурно-зависимые полевые переменные. Для них получены формулы обращения, устанавливающие связь векторного поля с тензором напряженности.

2. В ряде калибровочных моделей теории поля изучена инфракрасная асимптотика фермионного пропагатора, записанного в терминах однозначно достижимых полевых переменных. Сформулирован динамический критерий на выбор контура в криволинейном интеграле от векторных полей в спинорной функции Грина. Показано, что в случае прямолинейного контура спинорный пропагатор в инфракрасной области имеет простой полюс, а в

случае произвольного контура инфракрасные особенности аккумулируются в факторе, равном вакуумному среднему вильсоновского оператора.

3. В рамках $1/N$ -приближения вычислен калибровочно-инвариантный кварковый пропагатор в двумерной квантовой хромодинамике. Показано, что уравнение для него не требует дополнительной инфракрасной регуляризации. Установлено, что в пределе, который восстанавливает калибровочную и трансляционную инвариантность и отвечает переходу к однозначно достижимым полевым переменным, кварковый пропагатор не имеет особенностей в любой конечной области, что обычно трактуется как конфайнмент кварка.

4. Предложен модифицированный метод квантования калибровочных теорий. Получены новые выражения для производящих функционалов функций Грина и S -матрицы, в которых под знаком континуального интеграла обеспечивается выполнение закона Гаусса.

5. В рамках предлагаемой схемы развит метод перехода от одной калибровки к другой в новом выражении для производящего функционала S -матрицы и доказана его калибровочная инвариантность на массовой поверхности. Найден новый вид пропагатора векторного поля, который по крайней мере в низших порядках теории возмущений не ведет к противоречиям в расчетах вильсоновской петли.

Апробация диссертации. Результаты, полученные в диссертации, докладывались на семинарах Лаборатории теоретической физики ОИЯИ, Отдела теоретической физики ИФВЭ и на УШ Международном семинаре по проблемам физики высоких энергий (Дубна, 1987 г.).

Публикации. По материалам диссертации опубликовано 12 работ.

Объем работы. Диссертация состоит из введения, трех глав основного текста, заключения и трех приложений. Содержит 109 страниц текста и библиографический список литературы из 97 наименований.

СОДЕРЖАНИЕ РАБОТЫ

Во введении дан краткий исторический обзор создания аппарата теории калибровочных полей и описаны некоторые проблемы, стимулирующие его дальнейшее развитие.

Первая глава диссертации посвящена изучению аспектов классической теории полей Янга-Миллса. В главе исследуется проблема однозначного проектирования, налагающего на поле Янга-Миллса соответствующее первичное калибровочное условие. Для свободных векторных полей доказывается теорема - необходимое и достаточное условие единственности

проектора на векторное поле; заданное в соответствующей первичной калибровке вида $\varphi^j A_\mu^j = 0$. Доказывается теорема о существовании на уравнениях движения вторичного калибровочного условия, имеющего для свободных калибровочных полей вид условия Лоренца $\partial^j A_\mu^j = 0$. В общем случае самодействующих неабелевых полей вводятся новые калибровочно-инвариантные контурно-зависимые векторные поля, совпадающие с обычными (описываемыми обычной лагранжевой динамикой) полями Янга-Миллса, заданными в соответствующих калибровках лишь при частных выборах контура. Показано, что для этих полей имеют силу все соотношения КЭД, т.е. уравнения движения, формулы связи с калибровочно-инвариантным тензором напряженности, вторичное калибровочное условие и т.д., с заменой обычных производных на контурные производные Мандельштама.

Во второй главе диссертации предлагается новый, следующий непосредственно из обычного лагранжева формализма способ введения калибровочно-инвариантных контурно-зависимых динамических величин, в частности калибровочно-инвариантного спинорного пропагатора. Калибровочно-инвариантные функции Грина не постулируются, как обычно, а получаются из обычных с помощью соответствующего, не меняющего лагранжиана и уравнений движения проектирования, с контурно-зависимым проектором. Исследуется связь контурного произвола в калибровочно-инвариантных величинах с калибровочным произволом в соответствующих им калибровочно-зависимых аналогах. Формулируется динамический критерий на выбор контура интегрирования в экспоненциальном факторе калибровочно-инвариантного спинорного пропагатора. Согласно этому критерию пропагатор (I) приобретает независимый, вне связи с S -матрицей, физический смысл (с точки зрения придания физического смысла его особенностям) при выборе контура интегрирования C_{xy} в экспоненциальном факторе в виде отрезка прямой P_{xy} , соединяющего точки x и y .

Инфракрасная асимптотика калибровочно-инвариантного спинорного пропагатора (I) изучается функциональным методом - в электродинамике. Показано, что все его специфические, связанные с произволом выбора контура в экспоненциальном факторе, особенности в инфракрасной области аккумулируются в факторе, равном вакуумному среднему от вильсоновского оператора $W(k)$:

$$G(x, y | C_{xy}) \approx S_c(x-y) W(k),$$

где S_c - свободный спинорный пропагатор, контур k состоит из исходного контура интегрирования C_{xy} и отрезка прямой P_{yx} . В случае же оправданного динамическим критерием выбора $C_{xy} = P_{xy}$ в

$G(x, y / C_{xy})$, этот пропагатор имеет простой полюс в инфракрасной области: $G(p) \approx (\hat{p} - m)^{-1}$, $p^2 \approx m^2$. Последний факт устанавливается как функциональным методом, так и на основе полученных в диссертации уравнений Дайсона-Швингера.

Исследуется проблема записания цвета в рамках двумерной хромодинамики. В $1/M_c$ -приближении вычисляется инфракрасная асимптотика калибровочно-инвариантного кваркового пропагатора. Показывается, что этот пропагатор не имеет особенностей в любой конечной области. Показательным является тот факт, что в этих вычислениях не требуется введения вспомогательной инфракрасной регуляризации, необходимой для вычисления асимптотики обычного пропагатора. В качестве естественно-регуляризирующего параметра в вычислениях выступает параметр A восстановления калибровочной и трансляционной инвариантности динамических величин. Таким образом, предлагаемый подход свободен от неоднозначностей, связанных с различными способами инфракрасной регуляризации в калибровочно-неинвариантном формализме. Массовый оператор, отвечающий калибровочно-инвариантному пропагатору кварка в лидирующем порядке по A , имеет вид

$$M(p) = \frac{g^2}{12} \frac{N-1}{N} A \operatorname{sgn} p,$$

и, следовательно, в пределе $A \rightarrow \infty$ полюс спинорной функции Грина уходит на бесконечность, что может трактоваться как конфайнмент отдельного кварка.

В третьей главе диссертации излагается модифицированный метод квантования полей Янга-Миллса, основанный на учете вторичных калибровочных условий. Показывается, что в результате корректного перехода из фазового пространства в конфигурационное производящие функционалы S -матрицы и функции Грина, в отличие от соответствующих стандартных выражений в кулоновской калибровке, содержат две функциональные δ -функции под знаком интеграла по калибровочному полю. Совмещение этих δ -функций, во-первых, обеспечивает одновременное выполнение условия Кулона и закона Гаусса (закон Гаусса со взаимодействием и закона Гаусса в свободной форме до и после перехода к режиму теории возмущений, соответственно) и, во-вторых, обеспечивает равенство числа независимых компонент векторного поля интегрирования числу физических степеней свободы калибровочного поля. В рамках предлагаемой схемы развивается метод перехода от одной калибровки к другой в полученном выражении для производящего функционала S -матрицы и доказывається его калибровочная инвариантность на массовой поверхности. Для всех линейных по калибровочному полю (первичных) калибровочных условий вида $\varphi^a A_\mu = 0$, где оператор φ_μ , в частности, можно выб-

рвать в виде вектора ρ_μ , находятся новые выражения для производящих функционалов S -матрицы и функций Грина. Эти выражения помимо $\delta(\varphi^a A_\mu)$ дополнительно содержат δ -функцию, обеспечивающую выполнение закона Гаусса под знаком функционального интеграла по векторному полю A_μ . Последнее обстоятельство приводит к тому, что полученный в диссертации новый векторный пропагатор

$$\Delta_{\mu\nu}^{(n)}(k) = -\frac{i}{k^2} \left\{ g_{\mu\nu} - \frac{1}{(\rho k)} (k_\mu \rho_\nu + k_\nu \rho_\mu) + (\rho k) \frac{k^2}{(\rho k)[\rho^2 k^2 - (\rho k)^2]} (k_\mu \rho_\nu + k_\nu \rho_\mu) + \frac{1}{(\rho k)^2} [\rho^2 - (\rho k)^2] \frac{k^2}{\rho^2 k^2 - (\rho k)^2} k_\mu k_\nu \right\},$$

где $\rho \equiv (1, 0, 0, 0)$, в отличие от стандартного пропагатора в калибровке $(\rho A) = 0$, существенно различает пространственно-и времениподобные выборы направления вектора ρ_μ , что позволяет разрешить отмеченное выше противоречие с калибровочной инвариантностью расчетов петли Вильсона, возникающее в обычном подходе. Так, при выборе вектора ρ_μ , удовлетворяющем условию $(\rho k) = 1$ (так же как и при выборе $\rho_\mu = c k_\mu$), что соответствует, в частности, "гамильтоновой" δ -образной калибровке $(\rho A) = (\rho k) \equiv A_0 = 0$, пропагатор $\Delta_{\mu\nu}^{(n)}$ переходит в обычный "кулоновский" пропагатор

$$\Delta_{\mu\nu}^{(n)}(k) \Big|_{(\rho k)=1} = \Delta_{\mu\nu}^{(n)}(k) \Big|_{\rho_\mu = c k_\mu} = -\frac{i}{k^2} \left\{ g_{\mu\nu} + \frac{k_\mu k_\nu - (\rho k)(\rho_\mu \rho_\nu + \rho_\nu \rho_\mu)}{(\rho k)^2 - k^2} \right\},$$

а не в стандартное выражение

$$\Delta_{\mu\nu}^{(n)st}(k) = -\frac{i}{k^2} \left\{ g_{\mu\nu} - \frac{\rho_\mu k_\nu + k_\mu \rho_\nu}{(\rho k)} + \rho^2 \frac{k_\mu k_\nu}{(\rho k)^2} \right\}.$$

В стандартное же выражение $\Delta_{\mu\nu}^{(n)st}$ пропагатор $\Delta_{\mu\nu}^{(n)}$ перейдет лишь при выборе вектора ρ_μ , удовлетворяющем условию $(\rho k) = 0$. Однако именно в этом случае, который, в частности, соответствует δ -образной калибровке $A_3 = 0$, как раз и не возникает противоречия с расчетом петли Вильсона в других калибровках.

В заключении дан краткий перечень основных результатов, полученных в диссертации.

В приложения вынесен ряд технических вопросов.

Результаты диссертации опубликованы в следующих работах:

1. Н.Б.Скачков, И.Л.Соловцов, О.Ю.Шевченко. Инфракрасная асимптотика калибровочно-инвариантного пропагатора. ТМФ, 1987, 71, № 1, с.54-66.
2. N.B.Skachkov, I.L.Solovtsov, O.Yu.Shevshenko. Gauge Invariant Formalism and Quarks Confinement in QCD₂. Z.Phys.C, Part and Fields, 1985, 29, No.4, p.631-635.
3. Н.Б.Скачков, О.Ю.Шевченко. Новый подход к проблеме квантования калибровочных полей. Труды УИИ Международного семинара по проблемам физики высоких энергий. ОИЯИ, Дубна, 1986, Д1, 2-86-668, с.21-34.
4. N.B.Skachkov, I.L.Solovtsov, O.Yu.Shevchenko. Gauge Invariant Field Variables and the Role of the Lorentz Gauge Conditions. JINR Rapid Communications, Dubna, 1985, No.8, p.42-46.
5. N.B.Skachkov, I.L.Solovtsov, O.Yu.Shevchenko. On the Gauge Invariant Variables For Non-Abelian Theories. JINR Rapid Communications, Dubna, 1985, No.9, p.39-42.
6. N.B.Skachkov, I.L.Solovtsov, O.Yu.Shevchenko. Infrared Asymptotics and Dayson-Schwinger Equations For the Gauge Invariant Spinor Green Function in Quantum Electrodynamics. JINR Rapid Communications, Dubna, 1985, No.10, p.13-17.
7. N.B.Skachkov, O.Yu.Shevchenko. The Lorents Conditions as a Secondary Gauge Condition and its Application for the Field Quantization. JINR Rapid Communications, Dubna, 1987, No.3(23), p.17-22.
8. A.N.Sissakian, N.B.Skachkov, I.L.Solovtsov, O.Yu.Shevchenko. Infrared Singularities of Fermion Propogator and their Connection with the Wilson Loop. JINR Rapid Communications, Dubna, 1987, No.3, p.12-16.
9. N.B.Skachkov, O.Yu.Shevchenko. Secondary gauge conditions, in field theory: Preprint E2-87-368, Dubna: JINR, 1987.
10. А.Н.Сисакян, Н.Б.Скачков, И.Л.Соловцов, О.Ю.Шевченко. Калибровочно-инвариантный подход и инфракрасное поведение спинорного пропагатора. Препринт ОИЯИ, P2-87-479, Дубна, 1987.
11. А.Н.Сисакян, Н.Б.Скачков, О.Ю.Шевченко. Квантование калибровочных полей с учетом вторичных калибровочных условий. Вторичные условия в конфигурационном и фазовом пространствах. Препринт ОИЯИ, P2-87-728, Дубна, 1987.
12. А.Н.Сисакян, Н.Б.Скачков, О.Ю.Шевченко. Квантование калибровочных полей с учетом вторичных калибровочных условий. Калибровки вида $\varphi^{\mu}V_{\mu} = 0$. Препринт ОИЯИ, P2-87-729, Дубна, 1987.

Рукопись поступила в издательский отдел
14 июля 1988 года.