

---

П - 436

2-82-741

**ПОГОСЯН**

**Георгий Самвелович**

**МЕЖБАЗИСНЫЕ ПЕРЕХОДЫ  
В КВАНТОВЫХ СИСТЕМАХ  
СО СКРЫТОЙ СИММЕТРИЕЙ**

**Специальность: 01.04.02 – теоретическая  
и математическая физика**

**Автореферат диссертации на соискание ученой степени  
кандидата физико-математических наук**

Работа выполнена в Лаборатории теоретической физики Объединенного института ядерных исследований и на кафедре физики высоких энергий и элементарных частиц Ереванского государственного университета.

Научные руководители: доктор физико-математических наук  
А.Н. СИСАКЯН  
кандидат физико-математических наук  
В.М. ТЕР-АНТОНЯН

Официальные оппоненты: доктор физико-математических наук  
Р.Н. Фаустов  
кандидат физико-математических наук  
С.И. Виницкий

Ведущее научно-исследовательское учреждение - Научно-исследовательский институт ядерной физики Московского государственного университета имени М.В. Ломоносова.

Защита диссертации состоится " \_\_\_\_\_ " \_\_\_\_\_ 1982 г.  
на заседании Специализированного совета К047.01.01. Лаборатории теоретической физики Объединенного института ядерных исследований (Московская область, г. Дубна).

Автореферат разослан " \_\_\_\_\_ " \_\_\_\_\_ 1982 г.  
С диссертацией можно ознакомиться в библиотеке ОИЯИ.

Ученый секретарь Совета  
кандидат физико-математических наук

В.И. КУРАВЛЕВ

## ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОТЫ

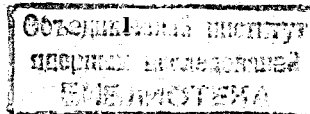
Актуальность темы. Проблема межбазисных переходов является составной частью теории квантовых систем со скрытой симметрией, идеи и методы которой родились при исследовании поведения частиц в кулоновом и осцилляторном полях и затем получили свое развитие в квантовой теории поля (Н.Н. Боголюбов), физике элементарных частиц (И.Т. Тодоров), теории лазеров (Р. Дикке), модели оболочек (Дж. Эллиот) и в коллективной модели ядер (В. Баргман, М. Мошинский).

Сама проблема формулируется следующим образом. Переменные в уравнении Шредингера, описывающем объекты, наделенные скрытой симметрией, разделяются, как правило, в нескольких системах координат, и соответствующие решения образуют при данной энергии полные базисы по остальным квантовым числам. Выбор базиса диктуется соображением удобства, и проблема заключается в разложении одного базиса по другому. Такие разложения названы в диссертации межбазисными переходами, а коэффициенты разложения - матрицами перехода.

Примерами межбазисных переходов служат лежащие в основе теории дифракции и фазовой теории рассеяния разложение плоской волны по сферической (Релей), разложение водородного параболического (Стоун, Парк, Тартер), резерфордского (Переломов и Попов, Маждар и Безу) и сферического (Коулсон и Джозеф) базисов по сферическому и многие другие.

В настоящее время условно можно выделить два подхода к исследованию межбазисных переходов. В первом из них (теоретико-групповой подход) используется информация о группе скрытой симметрии и явный вид интегралов движения. Второй (аналитический подход) использует решения уравнения Шредингера и существенно опирается на аппарат специальных функций. В силу известной связи между теорией групп и теорией специальных функций эти два подхода во многом перекрываются и дополняют друг друга.

Исследование межбазисных переходов актуально по нескольким причинам. Во-первых, такие переходы переводят информацию о группах скрытой симметрии на язык конкретных математических соотношений



между базисами. Во-вторых, некоторые из них (например, свободное движение и кулоново поле) "моделируют" наиболее интересные с физической точки зрения ситуации (рассеяние). В третьих (как это имеет место в задаче об однородном магнитном поле), такие переходы могут служить отправной точкой при выяснении теоретико-групповых аспектов теории специальных функций. В четвертых, из некоторых межбазисных переходов (например, в случае кругового осциллятора) следуют новые теоремы сложения для специальных функций. Наконец, многие межбазисные переходы используются при решении конкретных задач ядерной физики, теории многоатомных молекул, мезохимии и т.д.

Общее число базисов в известных системах со скрытой симметрией достаточно велико, однако до последнего времени лишь между некоторыми из них были найдены переходы. Причиной этому, по-видимому, является то, что в рамках теоретико-группового подхода нет универсального рецепта построения межбазисных переходов, а аналитический подход сводит проблему к вычислению многократных сумм.

В диссертации найдены межбазисные переходы в круговом и изотропном осцилляторе, в двумерном кулоновом поле, в однородном магнитном поле, в атоме водорода и в многомерном изотропном осцилляторе. В случае кругового осциллятора и двумерного кулонова поля используются оба отмеченных выше подхода, в остальных случаях вычисления ведутся в рамках аналитического подхода. Как в первом, так и во втором случае аналитический подход используется со следующей модификацией (метод асимптотик). Исходной предпосылкой этого метода является то, что базисы, между которыми ищется переход, значительно упрощаются на больших (в случае дискретного спектра) и малых (непрерывный спектр) расстояниях от центра силового поля и в то же время сохраняют всю информацию, необходимую для вычисления матрицы перехода. В результате исходная проблема сводится к более простой задаче нахождения матрицы перехода между асимптотиками базисов.

Цель и задачи работы формулируются следующим образом:

1. Отыскание межбазисных переходов в трех системах осцилляторного типа: круговой осциллятор, частица в однородном магнитном поле, трехмерный изотропный осциллятор.

2. Вычисление матриц, реализующих межбазисные переходы в двумерном кулоновом поле как в дискретном, так и непрерывном спектре.

3. Анализ переходов в трехмерном кулоновом поле.

4. Исследование межбазисных переходов в многомерном изотропном осцилляторе.

5. Построение матричных элементов оператора многомерных вращений по декартовому осцилляторному базису.

Научная новизна работы. В диссертации впервые: предложен общий метод исследования межбазисных переходов в квантовых системах со скрытой симметрией, использующий поведение базисов на больших и малых расстояниях от центра; исследованы переходы между полярным и параболическим (и наоборот) базисами двух- и трехмерного кулонова поля в области непрерывного спектра; получено разложение декартового ландауевского базиса по цилиндрическому; обобщены некоторые существующие математические результаты (теорема сложения для полиномов Эрмита, интегральное представление для функций Бесселя, межбазисные переходы Миллера, разложение Переломова и Попова резерфордской волновой функции по сферическому базису); выведено интегральное представление, выражающее матрицу перехода от декартового базиса многомерного изотропного осциллятора к произвольному гиперсферическому через гиперсферическую гармонику, связанную с данным деревом; развит диаграммный метод построения матрицы перехода от декартового базиса многомерного изотропного осциллятора к гиперсферическому; вычислены матричные элементы оператора многомерных конечных вращений по осцилляторному декартовому базису и развит диаграммный метод их построения.

Практическая ценность. Найденные в диссертации матрицы межбазисных переходов имеют широкую область применений. Они могут быть использованы при вычислении различных матричных элементов в задаче двух центров с кулоновским взаимодействием, при сравнении метода К - гармоник и трансляционно-инвариантной модели оболочек при выяснении свойств легких ядер, а также при исследовании вибронных переходов в многоатомных молекулах, так как согласно эффекту Душинского состояния, генерирующие такие переходы, оказываются повернутыми относительно друг друга в многомерном пространстве. С математической точки зрения знание матриц, реализующих переходы в многомерном изотропном осцилляторе, открывает путь для выяснения трансформационных свойств гиперсферических гармоник при конечных вращениях на базе простого диаграммного языка.

**Апробация работы.** Результаты, полученные в диссертации, докладывались на семинарах ЛТФ ОИЯИ, кафедры теоретической физики и кафедры физики высоких энергий ЕГУ и на сессии ОЯФ АН СССР в 1982 г.

**Публикации.** По результатам диссертации опубликовано десять работ, список которых приводится в конце автореферата.

**Структура и объем диссертации.** Диссертация состоит из введения, четырех глав, заключения и приложения, содержит 140 страниц машинописного текста, две таблицы, 11 рисунков и список литературы из 141 наименования.

### СОДЕРЖАНИЕ РАБОТЫ

Во введении дан обзор современного состояния теории квантовых систем со скрытой симметрией и проблемы межбазисных переходов, освещена актуальность темы, сформулированы задачи исследования и кратко изложено содержание диссертации.

В первой главе рассматриваются межбазисные переходы в круговом осцилляторе, однородном магнитном поле и трехмерном изотропном осцилляторе.

В §1 получены матрицы переходов между декартовым, полярным и повернутым на угол  $\pi/4$  декартовым базисами кругового осциллятора. Показано, что все три перечисленных перехода реализуются  $d$ -функциями Вигнера от аргумента  $\pi/2$ . Дано теоретико-групповое объяснение совпадению матриц этих переходов с  $d$ -функцией Вигнера. Выяснено, что переход от повернутого на угол  $\pi/4$  декартового базиса к исходному декартовому обобщает известную теорему сложения для полиномов Эрмита.

В §2 рассмотрен межбазисный переход в однородном магнитном поле. В качестве базисов взяты декартовый и цилиндрический (оба базиса относятся к одному и тому же выбору калибровки векторного потенциала  $\vec{A} = \frac{H}{2}(-y, x, 0)$ ). Доказано, что в случае отрицательно заряженной частицы

$$\psi_{n, y_0}(x, y) = \sum_{m=-\infty}^n \bar{H}_{n-m}\left(\frac{y_0}{a}\right) \psi_{n-\frac{m+|m|}{2}, m}(z, \varphi),$$

где  $y_0 = a^2 p_x / \hbar$ ,  $a = \sqrt{\hbar / \mu \omega_H}$  ( $\mu$  - масса частицы),  $\omega_H = \frac{eH}{\mu c}$ ,  $\bar{H}_{n-m}(x)$  - нормированные на единицу полиномы Эрмита.

В §3 получены матрицы перехода между декартовым, цилиндрическим и сферическим базисами. Показано, что переход от цилиндрического базиса к сферическому осуществляется при помощи коэффициентов Клебша-Гордана, индексы которых могут иметь четвертьцелые значения, переход от декартового базиса к цилиндрическому реализуется  $d$ -функциями Вигнера от аргумента  $\pi/2$ , а переход "декарт-сфера" дается последовательностью переходов "декарт-цилиндр" и "цилиндр-сфера".

Вторая глава содержит детальный анализ межбазисных переходов в двумерном кулоновом поле. Рассматриваются два базиса - полярный и параболический.

В §1 найдены полярные и параболические волновые функции в непрерывном спектре. Показано, что параболический базис в непрерывном спектре расщепляется на два подбазиса  $\psi_{\kappa\rho}^{(+)}(\xi, \eta)$  и  $\psi_{\kappa\rho}^{(-)}(\xi, \eta)$  ( $\rho$  - константа разделения в параболических координатах,  $\kappa = \sqrt{2mE/\hbar}$ ), каждый из которых характеризуется определенной четностью одномерных параболических волновых функций. Условие полноты соблюдается не для каждого из этих подбазисов, а для параболического базиса в целом. Обосновано, что только базис  $\psi_{\kappa\rho}^{(+)}(\xi, \eta)$ , построенный из параболических одномерных волновых функций с положительной четностью, соответствует задаче рассеяния.

В §2 рассматриваются переходы в дискретном спектре и в задаче рассеяния. Показано, что в области дискретного спектра матрица перехода с точностью до фазового множителя совпадает с  $d$ -функцией Вигнера от аргумента  $\pi/2$ . Как и в случае кругового осциллятора, дано теоретико-групповое объяснение этого результата. Установлена связь резерфордской матрицы перехода с кулоновой фазой рассеяния и показано, что эта матрица является аналитическим продолжением  $d$ -функций Вигнера, генерирующих соответствующий переход в дискретном спектре.

В §3 показано, что параболические базисы двумерного кулонова поля в непрерывном спектре выражаются через сферический базис следующим образом:

$$\psi_{\kappa\rho}^{(\pm)}(\xi, \eta) = \sum_{m=-\infty}^{\infty} W_{\kappa\rho m}^{(\pm)} \psi_{\kappa m}(z, \varphi),$$

$$W_{\kappa\rho m}^{(+)} = (-1)^{|m|} \sqrt{2\pi} \frac{C_{\kappa\rho}^{(+)}}{C_{\kappa m}} \frac{\Gamma(\nu + \omega + |m|)}{\Gamma(\nu + \omega)} \delta^2 \left\{ \frac{\nu}{2}, |m|, -|m| \mid 1 \right\},$$

$$W_{\kappa\rho m}^{(-)} = (-1)^m \sqrt{2\pi} \frac{C_{\kappa\rho}^{(-)}}{C_{\kappa m}} \frac{\Gamma(w+\nu+|m|)}{\Gamma(w+\nu+1)} {}_3F_2 \left\{ \begin{matrix} \frac{1}{2} + \nu, |m|, |m| \\ 3/2, 1 + \nu + w \end{matrix} \middle| 1 \right\},$$

где  $C_{\kappa\rho}^{(\pm)}$  и  $C_{\kappa m}$  - нормировочные параболические и сферические константы,  $\nu = \gamma/4 - \frac{i}{2\kappa}(1+\beta)$ ,  $w = \gamma/4 - \frac{i}{2\kappa}(1-\beta)$ . В этом же параграфе доказано, что для матриц переходов  $W_{\kappa\rho m}^{(\pm)}$  справедливы интегральные представления:

$$W_{\kappa\rho m}^{(+)} = 2^{\nu+w} \sqrt{2\pi} \frac{C_{\kappa\rho}^{(+)}}{C_{\kappa m}} \frac{\Gamma(|m|+1-\nu-w)}{\Gamma(\gamma/2-\nu)\Gamma(\gamma/2-w)} \int_0^\pi (1-\cos\varphi)^{-\nu} (1+\cos\varphi)^{-w} \cos m\varphi d\varphi,$$

$$W_{\kappa\rho m}^{(-)} = 2^{\nu+w-1} \sqrt{2\pi} \frac{C_{\kappa\rho}^{(-)}}{C_{\kappa m}} \frac{\Gamma(|m|+1-\nu-w)}{\Gamma(1-\nu)\Gamma(1-w)} \int_0^\pi (1-\cos\varphi)^{-\nu} (1+\cos\varphi)^{-w} \sin m\varphi d\varphi.$$

В §4 вычислены параболические нормировочные константы  $C_{\kappa\rho}^{(\pm)}$ , установлено свойство ортонормированности

$$\int_{-\infty}^{\infty} W_{\kappa\rho m}^{(\pm)} W_{\kappa\rho m'}^{(\pm)*} d\beta = \frac{1}{2} (\delta_{m,m'} \pm \delta_{m,-m'})$$

и найдено разложение сферического базиса двухмерного кулонова поля по параболическим.

В §5 рассмотрен вопрос о согласованности переходов в дискретном и непрерывном спектрах как в "прямом", так и в "обратном" разложениях. Показано, что межбазисные переходы в дискретном спектре восстанавливаются из непрерывного, если в последнем совершить аналитическое продолжение в область отрицательных энергий. Доказано соотношение

$$d_{\frac{n+\eta_2}{m}, \frac{n-\eta_2}{2}} \left( \frac{\eta}{2} \right) = \frac{(-1)^{|m|}}{2^n} \frac{(n!)^2}{\sqrt{(n_2)!} \sqrt{(n+|m|)!} (n-|m|)!} \frac{1}{\Gamma(2|m|-n+1)} {}_3F_2 \left\{ \begin{matrix} -n+|m|, \frac{1-n}{2}, \frac{n}{2} \\ \frac{1}{2} + |m| - \frac{n}{2}, |m| - \frac{n}{2} \end{matrix} \middle| 1 \right\}.$$

В §6 исследованы некоторые предельные случаи. Найдено, что при  $\kappa \rightarrow 0$  из общих формул вытекает, что

$$J_{2|m|}(z) e^{im\varphi} = \frac{(-1)^{|m|}}{2\pi} \int_{-\pi}^{\pi} e^{im\theta} \cos(z \cos \frac{\varphi+\theta}{2}) d\theta.$$

Это соотношение при  $\varphi = \pi$  переходит в известное интегральное представление для функций Бесселя. Доказано, что при  $\alpha \rightarrow 0$  ( $u = -\alpha/z$ ), т.е. при переходе к свободному движению, воспроизводятся результаты Миллера.

В третьей главе обсуждаются переходы между параболическим и сферическим базисами трехмерного кулонова поля.

В §1 методом асимптотик получен результат Парка.

В §2 доказано, что матрица перехода

$$\Psi_{\kappa\ell m}(\tau, \theta, \varphi) = \int_{-\infty}^{\infty} W_{\kappa\rho}^{\ell m} \Psi_{\kappa\rho m}(\xi, z, \varphi) d\beta$$

от параболического базиса трехмерного кулонова поля к сферическому в непрерывном спектре определяется выражением

$$W_{\kappa\rho}^{\ell m} = (-1)^{\frac{m-|m|}{2}} \frac{(i)^{\ell+|m|}}{\sqrt{2\pi\kappa}} \frac{e^{i\delta_\ell}}{|m|!} \frac{|\Gamma(\frac{|m|+1-i}{2} - \frac{i\beta}{\kappa}) \Gamma(\frac{|m|+1-i}{2} - \frac{i\beta}{\kappa})|}{\Gamma(|m|+1-i/\kappa)} \times \sqrt{\frac{(2\ell+1)(\ell+|m|)!}{(\ell-|m|)!}} {}_3F_2 \left\{ \begin{matrix} \frac{|m|+1-i}{2} - \frac{i\beta}{\kappa} - \frac{i\beta}{\kappa}, \ell+|m|+1, -\ell+|m| \\ |m|+1, |m|+1-i/\kappa \end{matrix} \middle| 1 \right\},$$

где  $\delta_\ell = \alpha \gamma \Gamma(\ell+1-i/\kappa)$  - кулоновская фаза рассеяния.

В §3 показано, что матрица перехода  $W_{\kappa\rho}^{\ell m}$  выражается через коэффициенты Клебша - Гордана, продолженные в комплексную область

$$W_{\kappa\rho}^{\ell m} = (-1)^{\nu+\frac{m-|m|}{2}} \sqrt{\frac{C_{\kappa\rho}^m}{N_{\kappa\ell}}} \sqrt{\frac{\Gamma(1-\nu)\Gamma(1-u)\Gamma(1+\ell+i/\kappa)}{\Gamma(1+|m|-\nu)\Gamma(1+|m|-u)\Gamma(\nu-\ell)}} \times C_{\frac{\ell, |m|}{\frac{|m|-\nu-u}{2}, \frac{|m|+\nu-u}{2}, \frac{|m|-\nu-u}{2}, \frac{|m|+u-\nu}{2}}},$$



где  $C_{kp}^m$  и  $N_{ae}$  - нормировочные постоянные в параболической и сферической волновой функциях,  $U = (m+1)/2 - \frac{1}{2}(1/2 + \rho)$ ,  $V = (m+1)/2 - \frac{1}{2}(1/2 - \rho)$  и  $\rho$  - параболическая константа разделения.

В §4 выведено условие ортонормируемости

$$\int_{-\infty}^{\infty} W_{kp}^{lm} W_{kp}^{l'm'} d\rho = \delta_{ll'} \delta_{mm'}$$

и получено разложение сферического базиса по параболическому.

В §5 показано, каким образом из переходов в непрерывном спектре воспроизводятся переходы в дискретном спектре.

В §6 установлены соотношения

$$W_{op}^{lm} = (-1)^{l-m} \sqrt{4\pi} Y_{lm}(\arccos z\rho, 0),$$

$$W_{ko}^{lm} = \frac{(-1)^{l+m}}{\sqrt{2k}} \sqrt{\frac{(2l+1)(l+|m|-1)!!(l-|m|-1)!!}{(l+|m|)!!(l-|m|)!!}} \frac{1}{|\Gamma(1 + \frac{l+|m|}{2})|},$$

$$W_{kp}^{(l,m),n} = (-1)^{\frac{n+|m|}{2}} \frac{C_{kp}^m}{N_{kp,m}} \frac{2}{|m|!} \sqrt{\frac{(2|m+1|)!}{2}}$$

В четвертой главе исследуются межбазисные переходы в многомерном изотропном осцилляторе.

В §1 для матрицы перехода

$$\psi_{\vec{n}}(\vec{x}) = \sum_{\vec{N}} W_{\vec{n}}^{\vec{N}} \psi_{\vec{N}, \vec{e}}(z, \vec{\theta})$$

от многомерного декартового базиса к произвольному гиперсферическому получено общее интегральное представление

$$W_{\vec{n}}^{\vec{N}, \vec{e}} = \frac{(-1)^{\frac{N-e}{2}}}{\sqrt{2\pi^{p/4}}} \left\{ \frac{2^N \Gamma(\frac{N-e}{2} + 1) \Gamma(\frac{N+e+p}{2})}{(n_1)! (n_2)! \dots (n_p)!} \right\}^{1/2} \int d\Omega Y_{\vec{e}}^*(\vec{\theta}) \prod_{i=1}^p (\hat{x}_i)^{n_i},$$

где  $\vec{\theta} = (\theta_1, \theta_2, \dots, \theta_{p-1})$ ,  $\vec{n} = (n_1, n_2, \dots, n_p)$ ,  $N = n_1 + n_2 + \dots + n_p$ ,  $\vec{x} = (x_1, x_2, \dots, x_p)$ ,  $\hat{x}_i = x_i/z$ ,  $\vec{e} = (e_1, e_2, \dots, e_{p-1})$ ,  $e_1$  - глобальный момент,  $e_2, e_3, \dots, e_{p-1}$  - гипермоменты.

В §2 показано, что переходы "декарт-гиперсфера" генерируются матрицами, представляющими собой произведение коэффициентов Клебша - Гордана от четвертьцелых моментов.

В §3 предложена наглядная диаграммная техника вычисления матрицы перехода  $W_{\vec{n}}^{\vec{N}, \vec{e}}$ .

В §4 доказано, что закон преобразования декартового базиса кругового осциллятора при вращениях определяется  $d$  - функцией Вигнера от двойного угла поворота. Получено интегральное представление для  $d$  - функций Вигнера

$$d_{m', m}^j(\psi) = \int_{-\infty}^{\infty} dx \int_{-\infty}^{\infty} dy \bar{H}_{j+m}(x) \bar{H}_{j-m}(y) \cdot \bar{H}_{j+m'}(x \cos \frac{\psi}{2} + y \sin \frac{\psi}{2}) \bar{H}_{j-m'}(-x \sin \frac{\psi}{2} + y \cos \frac{\psi}{2})$$

через нормированные полиномы Эрмита. В этом же параграфе найдено, что матричные элементы оператора  $\hat{C}_a(n)$  - мерных конечных вращений, взятых по декартовому базису (осцилляторные функции Вигнера), выражаются через  $n(n-1)/2$  углов Эйлера следующим образом:

$$\langle N_1, N_2, \dots, N_n | \hat{C}_a(n) | N'_1, N'_2, \dots, N'_n \rangle = \sum_{P_1^{(1)}, \dots, P_i^{(i)}} \prod_{j=1}^{n-1} \prod_{k=1}^j d_{m_{j,k}, m'_{j,k}}^{J_{j,k}} (2\theta_{i-k}^i),$$

где

$$P_1^{(1)} + P_2^{(1)} + \dots + P_i^{(i)} = N'_1 + N'_2 + \dots + N'_i, \quad P_1^{(1)} = N'_1, \quad P_i^{(i)} = N_i, \\ i = 1, 2, \dots, n$$

$$2J_{j,k} = N'_{j+1} + \sum_{\nu=j-k+1}^j P_{\nu}^{(j)} - \sum_{\nu=j-k+2}^{j+1} P_{\nu}^{(j+1)} + P_{j-k+2}^{(j+1)},$$

$$2m_{j,k} = N'_{j+1} + \sum_{\nu=j-k+1}^j P_{\nu}^{(j)} - \sum_{\nu=j-k+2}^{j+1} P_{\nu}^{(j+1)} - P_{j-k+2}^{(j+1)},$$

$$2m'_{j,k} = P_{j-k+1}^{(j)} + \sum_{\nu=1}^{j-k+1} P_{\nu}^{(j)} - \sum_{\nu=1}^{j-k+2} P_{\nu}^{(j+1)},$$

причем в суммировании принимают участие только те значения  $P_i^{(i)}$ , для которых  $d$  - функция имеет смысл.

В §5 развит диаграммный метод построения осцилляторных функций Вигнера.

В заключении перечислены основные результаты, полученные в диссертации.

В приложении приведены таблицы коэффициентов Клебша - Гордана для некоторых четвертьцелых значений момента.

#### ОСНОВНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ РАБОТЫ

1. Найдены матрицы переходов между базисами кругового осциллятора и дана их теоретико - групповая интерпретация.

2. Найден переход между декартовым и цилиндрическим базисами, соответствующими одному уровню Ландау.

3. Найдены межбазисные переходы в двухмерном кулоновом поле как в случае дискретного, так и непрерывного спектров.

4. Найдено разложение параболического базиса трехмерного кулонова поля по сферическому.

5. Показано, что в некоторых частных случаях межбазисные переходы приводят к известным результатам теории специальных функций.

6. Найден вид матрицы перехода между декартовым и гиперсферическим базисами многомерного изотропного осциллятора и сформулирована диаграммная техника вычисления этих матриц.

7. Получен явный вид осцилляторной функции Вигнера и сформулирована диаграммная техника их вычисления в пространстве произвольной размерности.

#### ПУБЛИКАЦИИ

1. Г.С.Погосян, В.М.Тер-Антонян, Г.Т.Торосян. Связь между декартовыми и полярными волновыми функциями кругового осциллятора. Препринт ЕГУ, ПЛРФ-77-04, Ереван, 1977.

2. Г.М.Арутюнян, М.Г.Арутюнян, Г.С.Погосян, В.М.Тер-Антонян. Связь между волновыми функциями простейших квантовых систем со скрытой симметрией. Препринт ЕГУ, ПЛРФ-77-10, Ереван, 1977.

3. Г.С.Погосян, В.М.Тер-Антонян. Коэффициенты преобразования между

декартовыми, цилиндрическими и сферическими волновыми функциями изотропного осциллятора. Сообщение ОИЯИ, P2-II962, Дубна, 1978.

4. М.Г.Арутюнян, Г.С.Погосян, В.М.Тер-Антонян. К соотношению между параболическими и сферическими волновыми функциями атома водорода. Изв. АН Арм.ССР. Физика, 13, 152-154, 1978.

5. Г.С.Погосян, В.М.Тер-Антонян. Связь между декартовыми и полярными волновыми функциями кругового осциллятора и динамическая симметрия  $O(3)$ . Изв. АН Арм.ССР. Физика, 13, 235-237, 1978.

6. Г.М.Арутюнян, Л.С.Давтян, Л.Г.Мардоян, Г.С.Погосян, В.М.Тер-Антонян. Связь между волновыми функциями двумерных квантовых систем со скрытой симметрией. Препринт ЕГУ, ПЛРФ-79-17, Ереван, 1979.

7. Г.С.Погосян, В.М.Тер-Антонян. Связь между сферическими и параболическими кулоновскими волновыми функциями в непрерывном спектре. Препринт ОИЯИ, P2-80-318, Дубна, 1980.

8. Г.С.Погосян, В.М.Тер-Антонян. Связь между декартовыми и полярными волновыми функциями нерелятивистской заряженной частицы в однородном магнитном поле. ТМФ, 40, 140-143, 1979.

9. G.S.Pogosyan, Ya.A.Smorodinsky, V.M.Ter-Antonyan. Oscillator Wigner Functions. J.Phys.A., 14, 769-776, 1981.

10. Г.С.Погосян, Я.А.Смородинский, В.М.Тер-Антонян. Многомерный изотропный осциллятор: переходы от декартового базиса к гиперсферическим. Сообщение ОИЯИ, P2-82-II8, Дубна, 1982.

Рукопись поступила в издательский отдел  
19 октября 1982 года.