

СООБЩЕНИЯ Объединенного института ядерных исследований дубна

1603/2-81

13-80-797

30/11-81

Б.А.Аликов, В.Ф.Борейко, И.Н.Егошин, А.Б.Йорданов, С.И.Орманджиев, К.Д.Янакиев

МАТЕМАТИЧЕСКИЙ АНАЛИЗ МОДЕЛИ УСТРОЙСТВА ВРЕМЕННОЙ ПРИВЯЗКИ К ПОСТОЯННОЙ ЧАСТИ АМПЛИТУДЫ ВХОДНЫХ ИМПУЛЬСОВ РАСШИРЕННОГО ДИНАМИЧЕСКОГО ДИАПАЗОНА



Метод временной привязки к точке пересечения нулевого уровня биполярным импульсом /1-11/ находит широкое применение в ядерной электронике. В работах /8-11/ формирование биполярного импульса основано на вычитании дифференциальным усилителем двух сдвинутых по времени однополярных импульсов. Влияние коэффициента подавления синфазных помех на "гуляние" точки привязки в случае бесконечной полосы пропускания дифференциального усилителя и линейно возрастающего входного напряжения исследовалось в работах /8.11/ При этом влияние амплитудного ограничения сигналов усилительных каскадов на время привязки не анализировалось.

В данной работе было исследовано влияние скорости нарастания входного напряжения, а также параметров реального дифференциального усилительного каскада и дискриминатора на время привязки. Представление входного сигнала в виде линейно возрастающей функции времени дает хорошее приближение как для сигналов с ППД, так и для импульсов с ФЭУ. Численные расчэты проводились на ЭВМ "Изот-310". Схема рассмотренного нами трехкаскадного устройства показана на <u>рис.1а</u>.Модель одного каскада состоит из дифференциального усилителя с частотно-независимым коэффициентом усиления К, максимальной амплитудой выходного напряжения А /<u>рис.16</u>/ и бесконечным входным сопротивлением. На входе усилителя включена интегрирующая RC -цепь с постоянной времени г_и, отражающая частотные свойства каскада.

Сигнал в выбранной точке многокаскадного усилителя можно представить суммои предоженных в разное время напряжений, усиленных дифференциальным усилителем с бесконечно удаленными уровнями ограничения и проинтегрированных соответственное количество раз:

$$U(t) = \sum_{j=1}^{3} \sum_{\ell=1}^{j} A(j,\ell) Y_{t}(j,n) \cdot \Theta[t(\ell)], \qquad /1a/$$

где t - текущее время; U(t) - суммарное напряжение в выбранной точке; Y_t (j,n) - вид данной составляющей Входного напряжения после (n-1) -кратного RC-интегрирования; j=1 - линейно на-растающее входное напряжение; j=2 - единичный скачок напряжения; j=3 - дельта-импульс; A(j,t) - коэффициенты включенных входных функций; $\Theta[t(t)]$ - единичный скачок $\Theta(t) = \begin{cases} 1 & \text{при } t \ge t(t) \\ 0 & \text{при } t < t(t) \end{cases}$

Для удобства вычисления на ЭВМ выражение /1а/ нормируем к времени задержки, полагая

$$\frac{t}{t_3} = X_1; \frac{t\ell}{t_3} = X(\ell); \frac{r_{\rm H}}{t_3} = \frac{1}{\eta} = \frac{1}{N}; \frac{U(t)}{t_3} = U(X_1); \psi = \frac{U_{0\ell}}{U_{01}}.$$

1

Тогда выражение для нормировочного суммарного напряжения примет вид

$$U(X_1) = \sum_{j=1}^{3} \sum_{\ell=1}^{i} A(j,\ell) \cdot Y(j,n) \Theta[X(\ell)].$$
 (16/

Аналитические выражения для Y(j,n) различных значений параметров j и n приведены в <u>табл.1</u>.

Например, выражение для напряжения на выходе 1а /рис.1а/ получим, положив /рис.2а,3а/

$$A(1, 1) = -kmF; \quad Y(1, 1) = t; \quad t(f) = 0;$$

$$A(1, 2) = kF; \quad Y(1, 2) = (t - t_3); \quad t(2) = t_3.$$





Рис.1. Схема модели трехкаскадного блока временной привязки/а/; выходная характеристика модели каскада дифференциального усилителя с бесконечной полосой про-пускания/б/.

Для неограниченного по амплитуде выходного сигнала выражения для напряжения в разных точках устройства /<u>рис.1а</u>/ примут вид

$$U_{I_{a}}(t) = k F[-mt\Theta(0) + (t - t_{3}) \cdot \Theta(t_{3})],$$

$$U_{I_{6}}(t) = k F\{(1-m)t \cdot \Theta(0) + r_{0}e^{-t/r_{M}} (e^{t_{3}/r_{M}} - m) \cdot \Theta(t_{3}) - /26/$$

$$-[r_{M}(1-m) + t_{3}]\},$$
(2a)

$$U_{\Pi_{\tilde{0}}}(t) = kF\{(1-m)t \cdot \Theta(0) - m(t+2r_{N})e^{-t/r_{N}} \cdot \Theta(0) + (t-t_{3}+2r_{N})e^{-(t-t_{3})/r_{N}}\Theta(t_{3}) - [2r_{N}(1-m)+t_{3}]\},$$

$$U_{\Pi_{\tilde{0}}}(t) = kF\{(1-m)t \cdot \Theta(0) - m(\frac{t^{2}}{2r_{N}} + 2t+3r_{N})e^{-t/r_{N}} \Theta(0) + /2r/(t-t_{3})r_{N} + [\frac{(t-t_{3})^{2}}{2r} + 2(t-t_{3}) + 3r_{N}]e^{-(t-t_{3})/r_{N}}\Theta(t_{3}) - [3r_{N}(1-m)+t_{3}]\}.$$

Точки начала и конца ограничений /<u>рис.26,36</u>/ есть точки пересечения неограниченного сигнала с уровнями ограничения $-U_{01}, U_{02}$:

$$U(t_{\text{GPP}}) \equiv U_{\text{OPP}}$$
 . /3/



Рис.2,3. Временная диаграмма приведенных к выходу первого дифференциального усилительного каскада составляющих выходного напряжения /a/; суммарное напряжение на выходе дифференциального усилителя /б/;составляющие ограниченного выходного напряжения/в/.

В случае ограниченного, неинтегрированного, линейно изменяющегося сигнала /<u>рис.26,28,36,38</u>/ по формуле /3/ легко получить аналитические выражения, позволяющие найти точки пересечения функции с уровнями ограничения /<u>табл.2</u>/,где $\Psi = \frac{U_{02}}{|-U_{01}|}$ а Z имеет вид, приведенный в формуле /6/.



Таблица 2

Эти выражения показывают, что ограничение по нижнему уровню зависит от скорости нарастания F входного сигнала, а по верхнему уровню - и от его длительности. При одно-, двух- и трехкратном интегрировании напряжения получаем трансцендентные уравнения для точек пересечения. В этом случае можно использовать только приближенные аналитические выражения. Аппроксимация вида $e^{-\eta X_i} = \frac{1}{1+X_i}$ для случая однократного интегрирования (n=2) неограниченного входного сигнала, а затем его ограничения приводит к выражениям, представленным в табл.2. Аналитическое выражение для ограниченного напряжения на выходе дифференциального усилительного каскада получим, если в момент времени t_a ко входу первого каскада приложим компенсационное напряжение $G(t-t_a)$, удовлетворяющее уравнению

 $U(t) - G(t-t_a) \cdot \Theta(t_a) = -U_0$, при $t - t_a$. /4a/

Для случая $n \approx 1$ компенсационные члены имеют вид линейно изменяющихся функций времени. Если ограничение произошло после усиления интегрированного сигнала, аналитическое выражение для компенсационного выражения имеет более сложную форму и может содержать до трех функций разного вида, умноженных на отличающиеся константы. В <u>табл.3</u> в каждой колонке при $n \approx const$ записаны коэффициенты всех функций, появляющихся при первом ограничении после (n-1) -го интегрирования. Коэффициенты C_{jnr} функции Y(j, n) содержатся в ячейке <u>табл.3</u> с соответствующими индексами / r=1 соответствует ограничению только после второго интегрирования; r=2 - ограничению уже ограниченного после первого интегрирования сигнала/.



В интервале между точками начала ограничения t_a и конца ограничения $t_{\bar{0}}$ другие компенсационные члены не включаются. В точке $t_{\bar{0}}$, где кончается ограничение, необходимо снова восстановить вид неограниченной функции, то есть

$$-U_{01} + G_{\bar{0}}(t - t_{\bar{0}}) \cdot \Theta(t_{\bar{0}}) = U(t)$$
 для $t \ge t_{\bar{0}}$. /46/

Ограничение сигнала после точки t_в можно получить, включая компенсационную функцию:

$$\mathbf{U}(\mathbf{t}) + \mathbf{G}_{\mathbf{B}}(\mathbf{t}-\mathbf{t}_{\mathbf{B}}) \cdot \mathbf{\Theta}(\mathbf{t}_{\mathbf{B}}) = \mathbf{U}_{02}$$
 для $\mathbf{t} \geq \mathbf{t}_{\mathbf{B}}$. /4в/

Конечная цель анализа - нахождение точки "привязки" напряжения U(t), то есть нахождение такой точки t_{пр}>t₃, время достижения которой не зависит от скорости нарастания F входного напряжения. Положение точки найдем, приравняв к нулю производную

$$\frac{d}{dF} \left[U(t, m, F, \Psi) \right].$$
 (5/

Это выражение позволяет определить $t_{\rm np}$ /табл.2/. Заменив переменную $t_{\rm np}$ в уравнении /2а/ для неинтопрированного сум-

5

марного напряжения, увидим, что эта точка соответствует $U(t_{np}) = 0$, то есть переходу через нуль суммарного напряжения. Амплитудное ограничение напряжения влияет только на положение точек t_a , $t_{\bar{0}}$ и t_{B} неинтегрированного сигнала, а t_{np} остается константой.

Уже для случая однократного RC -интегрирования получить точные аналитические выражения для времени привязки невозможно /<u>табл.2/</u>, поэтому решение находим численно с помощью ЭВМ. Поскольку положение точки привязки меняется, когда интегрированный суммарный сигнал превышает уровни ограничения усилительных каскадов, удобно ввести соотношение

$$Z = \frac{kmFt_3}{U_{01}}, \qquad (6/$$

где Z - коэффициент перегрузки входного дифференциального усилительного каскада. Поделив обе части формулы /2а/ на U_{01} , выразим это соотношение через Z; приравняв последовательно U(t) к $-U_{01}$ и U_{02} , получим через параметр Z выражение для точек t_{a} , $t_{\bar{0}}$ и t_{B} неинтегрированного напряжения. Поскольку сумма $U_{01}^{+}U_{02} = A$ остается константой при варьировании отношением $\Psi = \frac{U_{02}}{U_{01}}$, введем "приведенный" коэффициент перегрузки: $Z_{\rm np} = \frac{\rm kmFt_{3}}{A/2} = Z \cdot \frac{2}{1+\Psi}$.

Когда Ψ = 1, выражения /6/ и /7/ совпадают. При перегрузке воз~ можен случай, когда из-за большого синфазного сигнала дифференциальный усилитель перейдет в область ограничения раньше пере~ хода через нуль суммарного напряжения.

Для интегрированных импульсов переход через нуль может наступить после точки ограничения t_8 неинтегрированного напряжения. Учитывая все это, необходимо ограничить Z по максимально допустимому значению. Для дальнейшего анализа положим

$$\mathbf{U}_{c} = \mathbf{D} \cdot \mathbf{A} , \qquad /8/$$

где U_с - максимально допустимое синфазное напряжение на входе первого дифференциального усилительного каскада, при котором его коэффициент усиления остается постоянным; D - константа. Имея в виду, что ограничение сигнала может наступить, когда задержанное на время t_д входное напряжение достигнет величины

$$F(t_{B} - t_{3}) = DA, \qquad /9/$$

а также подставив в формулу выражение для t₃ /<u>табл.1</u>/, получим

$$Z \le D(1 + \Psi)(1 - m) - \Psi$$
, /10/

$$Z_{np} \le 2[D(1-m) - \frac{\Psi}{1+\Psi}]$$
 /11/

Коэффициенты перегрузки следующих каскадов определим с помощью соотношения

$$Z = \frac{U_{BX min} \cdot K}{U_{01}}, \qquad /12/$$

где U_{BX min} - наибольшее отрицательное значение суммарного выходного напряжения данного каскада.

Коэффициент усиления синфазного сигнала М изменяет выражение /2а/ для суммарного напряжения на выходе первого дифференциального каскада с бесконечной полосой пропускания:

$$U(t) = kF(1 - \frac{M}{2K})[-m \cdot \frac{2K + M}{2K - M} \cdot t \cdot \Theta(0) + (t - t_3) \cdot \Theta(t_3)].$$
 (13)

Уменьшение скорости нарастания входного напряжения, вызванное наличием коэффициента M, несущественно, но, посколък; меняется также и коэффициент ослабления незадержанного сигнала, наблюдается нестабильность времени привязки, вследствие чего необходимо избегать режима работы устройства в области, где $M \neq const$ Зависимость времени привязки от коэффициента усиления синфазного сигнала M имеет вид

$$t_{\rm fip} = \frac{t_3}{1 - m \frac{2K + M}{2K - M}} .$$
 /14/

До сих пор мы проводили анализ, считая, что дискриминатор является полностью безынерционным устройством. Это приводит к значительной ошибке при малых входных сигналах, поэтому проведен анализ совместно работающих дифференциального усилителя и дискриминатора Шмитта, выполненного на основе двухкаскадного усилителя с положительной обратной связью.

В результате получим зависимости задержки выходного импульса от скорости нарастания входного, а также от времени полной задержки, получаемой при совместной работе усилителя и дискриминатора. Модель дискриминатора показана на <u>рис.3</u>. В ней использован аналогичный усилительный каскад /см. <u>рис.1</u>/, а глубина обратной связи задается частотно-независимым делителем с козффициентом деления β.

В зависимости от величины скорости нарастания входного сигнала имеется три возможных режима работы: 1/ скорость нарастания настолько велика, что первый каскад переходит в режим насыщения до открытих второго каскада, то есть работает в режиме двухкаскадного усилителя с насышением;

2/ ограничение наступает во втором каскаде под воздействием положительной обратной связи;

3/ работа дискриминатора начинается регенеративным процессом, а после ограничения сигнала первым каскадом второй каскад переключается линейно нарастающим напряжением U_в.

В табл.4 даны формулы, показывающие изменения напряжения во времени в разных точках схемы модели /<u>рис.4/</u>. Здесь v_{пр} скорость изменения входного напряжения в точке пересечения порога дискриминатора; $a = K\sqrt{\beta}$; Т - время задержки выходного напряжения в соответствующей точке схемы.

Результаты расчета времени срабатывания дискриминатора, который проводился на ЭВМ, показывают, что время задержки значительно увеличивается с уменьшением $v_{\rm ND}$ /рис.5/.

Численные расчеты времени привязки проводились по программе, блок-схема которой приведена на <u>рис.6.</u> Функция U(X₁) рассчитывалась по формуле /1б/ и сравнивалась с заданными уровнями ограничения.

Для записи точек ограничения выделен массив F(Q) /<u>рис.6</u>/, в который заносятся величина X_i в точках равенства $U(t_{orp}) = U_{orp}$ и индексы коэффициентов "С" перед компенсационными функциями. Все функции Y(j, n), включаемые в одной точке оси X, умножаются на коэффициенты:

$$B(j,q)_{j=1} = (-1)^{r} \sum_{\ell=1}^{i} A(1,\ell) \cdot C(1,n,1), \qquad /15a/$$

$$B(j,q)_{j=2} = (-1)^{T} \sum_{\ell=1}^{i} [A(1,\ell) \cdot C(2,n,1) + A(2,\ell)C(2,n,2)], /156/$$

$$B(j,q)_{j=3} = (-1)^{T} \sum_{\ell=1}^{1} [A(1,\ell) C(3,n,1) + A(2,\ell) C(3,n,2)] / 15B/$$

и затем суммируются. Здесь г - количество последовательных ограничений; q - ячейка в массиве, определяющая значения В при различных г.

Схема, иллюстрирующая способ нахождения самих функций нормализованного времени, показана на <u>рис.7</u>. Индекс функции, включаемой вместе с данным коэффициентом "С", обозначен кружочком, от которого направлена стрелка с константой. В <u>табл.1</u> индексы функций соответствуют индексам, указанным в кружочке.

Последовательность операций при вычислении $t_{\rm пp}$ и $v_{\rm np}$ показана на блок-схеме программы <u>/рис.6</u>/. Результаты расчетов для двух- и трехкаскадных усилителей с $m \approx 0.2$ для различных

Таблица 4

$$\begin{aligned} U_{A}(t) &= \frac{V_{\text{me}K}}{(t-\alpha)} \left[\frac{L}{t_{3}} - \frac{T}{t_{3}} \frac{2\alpha}{t-\alpha} - \frac{T}{t_{3}} \frac{\sqrt{\alpha}(t-\sqrt{\alpha})^{2}}{2(t-\alpha)} e^{-\frac{(t+\sqrt{\alpha})^{2}}{T}} + \frac{T}{t_{3}} \frac{\sqrt{\alpha}(t+\sqrt{\alpha})^{2}}{2(t-\alpha)} e^{-\frac{1+\sqrt{\alpha}}{T}} \right] \\ U_{A}(t) &= \frac{V_{\text{me}K}}{(t-\alpha)} \left[\frac{L}{t_{3}} - \frac{T}{t_{3}} \frac{1+\alpha}{t} + \frac{T}{t_{3}} \frac{(1+\sqrt{\alpha})^{2}}{2(t-\alpha)} e^{-\frac{1+\sqrt{\alpha}}{T}} + \frac{T}{t_{3}} \frac{(1+\sqrt{\alpha})^{2}}{2(t-\alpha)} e^{-\frac{1+\sqrt{\alpha}}{T}} \right] \\ U_{C}(t) &= \frac{V_{\text{me}K}}{(t-\alpha)} \left[\frac{L}{t_{3}} - \frac{T}{t_{3}} \frac{(1+\alpha)}{2} + \frac{T}{t_{3}} \frac{4-t\alpha}{2(t-\alpha)} e^{-\frac{1+\sqrt{\alpha}}{T}} + \frac{T}{t_{3}} \frac{(1+\sqrt{\alpha})^{2}}{2(t-\alpha)} e^{-\frac{1+\sqrt{\alpha}}{T}} \right] \\ U_{C}(t) &= \frac{V_{\text{me}K}}{(t-\alpha)} \left[\frac{L}{t_{3}} - \frac{T}{t_{3}} \frac{(1+\alpha)}{2} + \frac{T}{t_{3}} \frac{4-t\alpha}{2(t-\alpha)} e^{-\frac{1+\sqrt{\alpha}}{T}} + \frac{T}{t_{3}} \frac{(1+\sqrt{\alpha})^{2}}{2(t-\alpha)} e^{-\frac{1+\sqrt{\alpha}}{T}} \right] \\ U_{0}(t) &= \frac{V_{\text{me}K}^{2}}{(t-\alpha)} \left[\frac{L}{t_{3}} - \frac{T}{t_{3}} \frac{2}{2(t-\alpha)} - \frac{T}{t_{3}} \frac{(1-\sqrt{\alpha})^{2}}{2(t-\alpha)} e^{-\frac{1+\sqrt{\alpha}}{T}} + \frac{T}{t_{3}} \frac{(1+\sqrt{\alpha})^{2}}{2(t-\alpha)} e^{-\frac{1+\sqrt{\alpha}}{T}} \right] \\ U_{0}(t) &= \frac{V_{\text{me}K}^{2}}{(t-\alpha)} \left[\frac{L}{t_{3}} - \frac{T}{t_{3}} \frac{2}{2(t-\alpha)} - \frac{T}{t_{3}} \frac{(1-\sqrt{\alpha})^{2}}{2(t-\alpha)} e^{-\frac{1+\sqrt{\alpha}}{T}} + \frac{T}{t_{3}} \frac{(1+\sqrt{\alpha})^{2}}{2(t-\alpha)} e^{-\frac{1+\sqrt{\alpha}}{T}} \right] \end{aligned}$$



Рис.4. Модель дискриминаторов Шмитта.



гис.5. Зависимость нормированного времени задержки выходного напряжения $\frac{t_{CD}}{t_3}$ дискриминатора от скорости нарастания входного напряжения v_{np} .



Рис.6. Блок-схема программы для анализа модели блока временной привязки и дискриминатора Шмитта.



<u>Рис.7.</u> Диаграмма связей между индексами коэффициентов C(j, n, r) и индексами нормированной переменной У_{j, n} . величин параметров Ψ , Z, N показаны на <u>рис.8</u>. Плоскости постоянного времени привязки пересекают поверхности $P = \Delta x(\Psi, Z)$ так, что при малых перегрузках существует слабая зависимость Δx от асимметрии Ψ . Имеется значение асимметрии ($\Psi \neq 1$), при котором получается значительно меньший разброс по времени P в большом динамическом диапазоне амплитуд входных напряжений.



<u>Рис.8.</u> Зависимость изменения времени привязки на выходе второго и третьего каскада от козфициента перегрузки Z и коэффициента асимметрии $\Psi = \frac{U_{02}}{|-U_{01}|}$ при m=0,2 и N = $\frac{t_3}{r_M} = 1.3$.

На рис.9 изображена более детально узкая область, в которой при P=0 изменение незначительно. На рис.10 показана зависимость Δx от Z для выбранных значений Ψ_1 и Ψ_2 .



a

б

12

- - -

1.14.4

ショー ショート とない かわいしんない ないないない



 Ψ_2 от Z при $\Delta x = 0$, $\Psi_1 = \text{const}$, $W_1 = \text{const}$, $\Psi_1 = \text{const}$,

Для сравнения приведены и значения Δx при $\Psi_1 = \Psi_2 = \Psi_3 = 1$. На всех приведенных графиках в динамическом диапазоне 1:100 наблюдается уменьшение "гуляния" точки привязки более чем в 10 раз. Таким образом, выбирая подходящие значения коэффициентов асимметрии разных каскадов Ψ_1 , Ψ_2 , Ψ_3 , удается значительно повысить качество работы схем привязки с безынерционными дискриминаторами. Результаты анализа совместной работы усилителя и дискриминатора показаны на <u>рис.11</u>.0чевидно, что, варьируя значением $\frac{U_{02}}{U_{01}}$, можно также найти области достаточно постоянного значения P.

выводы

Получены расчетные зависимости времени привязки от степени перегрузки и асимметрии характеристик дифференциальных усилителей, а также отношение времени задержки неослабленного импульса к постоянной времени интегрирования усилительного каскада.

Рис.10. Зависимость δX от Z при Ψ_1 , Ψ_2 , Ψ_3 = const на выходе второго и третьего каскадов.





and a star back of the start of



Введен критерий для оценки степени перегрузки. Показано влияние инерционности дискриминатора Шмитта на время привязки. Результаты анализа локазывают, что введение асимметричных режимов работы усилительных каскадов и дискриминаторов дает возможност улучшить характеристики блоков временной привязки.

В заключение авторы благодарят В.Г.Зинова за полезные обсуждения, а также Н.В.Оганесян и В.М.Голикова за качественное выполнение чертежей.



Рис.11. Зависимость $\Lambda x = P$ от Z и X на выходе дискриминатора Шмитта, работающего в оптимизированной системе усилитель~дискриминатор.

ЛИТЕРАТУРА

- 1. Chase R.L. RCJ, 1960, 31, p.945.
- 2. Emmer T. IRE Trans.Nucl.Sci., 1962, NS-9, No.3, p.305.
- 3. Orman P.R. NIH, 1963, 21, p.121.
 4. Garvey J. NIM, 1964, 29, p.137.
 - 5. Gedcke D.A., McDonald W.J. NIM, 1967, 55, p.377.
 - 6. Chase R.L. RCJ, 1968, 39, No.9, p.1318.
 - 7. Maier M.R., Sperr P. NIM, 1970, 87, p.13.
 - 8. Акимов Ю.К. и др. NIM, 1972, 104, с.581.
 - 9. Балдин Б.Ю. и др. ОИЯИ, 13-9850, Дубна, 1976.
 - 10. Басиладзе С.Г., Юдин В.К. ОИЯИ, 13-10016, Дубна, 1976.
 - 11. Bedwell M.O., Paulus T.J. IEEE Trans.Nucl.Sci., 1976, 23, No.1.

Рукопись поступила в издательский отдел 22 декабря 1980 года.