ОБЪЕДИНЕННЫЙ ИНСТИТУТ ЯДЕРНЫХ ИССЛЕДОВАНИЙ

На правах рукописи

Голованов Георгий Анатольевич

МНОГОПАРТОННЫЕ ВЗАИМОДЕЙСТВИЯ В ПРОТОН-АНТИПРОТОННЫХ СТОЛКНОВЕНИЯХ В ЭКСПЕРИМЕНТЕ D0 НА КОЛЛАЙДЕРЕ ТЭВАТРОН

Специальность 01.04.16— «Физика атомного ядра и элементарных частиц»

Автореферат

диссертации на соискание учёной степени кандидата физико-математических наук

Работа выполнена в Лаборатории ядерных проблем им. В.П. Джелепова Объединенного института ядерных исследований.

Научный руководитель:	доктор физико-математических наук, профессор, начальник сектора ЛЯП ОИЯИ
	Скачков Николай Борисович
Официальные оппоненты:	Мочалов Василий Вадимович, доктор физико-математических наук, ведущий науч- ный сотрудник Отдела экспериментальной физики Федерального государственного бюджетного учре- ждения «Государственный научный центр Россий- ской Федерации – Институт физики высоких энер- гий» (г. Протвино)
	Катаев Андрей Львович,
	доктор физико-математических наук, ведущий науч- ный сотрудник Отдела теоретической физики Феде- рального государственного бюджетного учреждения науки Институт ядерных исследований Российской академии наук (г. Москва)
Ведущая организация:	Федеральное государственное бюджетное образова- тельное учреждение высшего образования «Сара- товский национальный исследовательский государ- ственный университет имени Н.Г. Чернышевского»

Защита состоится "____" ____ 2016 г. на заседании диссертационного совета Д 720.001.03 на базе ОИЯИ по адресу: 141980, Дубна, ОИЯИ, Лаборатория ядерных проблем им. В.П. Джелепова, корп. 1, конференц-зал.

С диссертацией можно ознакомиться в библиотеке ОИЯИ и на сайте http://wwwinfo.jinr.ru/announce_disser.htm

Автореферат разослан "____" ____ 2016 г.

Ученый секретарь диссертационного совета Д 720.001.03

Карамышева Г.А.

Общая характеристика работы

Актуальность темы

Согласно партонной модели, протон представляется как связанное состояние трех фермионов с дробным электрическим зарядом (кварков), которые несут SU(3) цветовой заряд и взаимодействуют посредством обмена глюонами. Квантовая хромодинамика (КХД) – калибровочная теория, описывающая сильные взаимодейстивия между кварками и глюонами, является точным инструментом в описании множества характеристик процессов с участием адронов.

Партонная модель КХД описывает экспериментальные результаты, сводя взаимодействие пары адронов (нуклонов) к взаимодействию пары отдельных партонов внутри них. При таком механизме другие кварки внутри нуклона (спектаторы) не участвуют во взаимодействии. Однако, существует вероятность такого нуклон-нуклонного столкновения, при котором конечное состояние образовано не одной, а двумя и более парами взаимодействующих партонов, т.е. процессами с *многопартонными взаимодействиями*.

Сечение процессов с многопартонными взаимодействиями зависит от пространственного распределения партонов внутри нуклона. Если партоны распределены в нуклоне равномерно, то сечение процессов с многопартонными взаимодействиями будет низким, в то время как его значение возрастает с большей концентрацией партонной плотности. Таким образом, изучение подобных процессов несет новую и важную информацию о внутренней структуре нуклонов.

Структура адронов может быть описана с использованием КХД, однако используемые теорией уравнения являются непертурбативными, что делает затруднительным их решение стандартными методами. Несмотря на прогресс в описании структуры адронов с использованием компьютерного моделирования, на сегодняшний день, основными являются феноменологические модели, основанные на экспериментальных данных. Это делает актуальным измерение величин, таких как доля событий с многопартонными взаимодействиями (f_{DP}) и эффективное сечение (σ_{eff}) – процесс-независимый параметр, непосредственно связанный с пространственной плотностью партонов в адронах.

Помимо информации о внутренней структуре адронов, многопартонные взаимодействия также представляют интерес для лучшего понимания динамики КХД. В частности, механизм фрагментации партонов в адронные струи также является непертурбативным и основан на феноменологических моделях, требующих настройки параметров, извлекаемых из эксперимента. Это делает актуальным изучение многопартонных процессов с образованием адронных струй в конечном состоянии.

Процессы с многопартонными взаимодействиями также могут быть источником фона к некоторым редким процессам. В таких случаях, одно из партон-партонных взаимодействий способно породить пару адронных струй, мимикрируя при этом под пару струй сигнального события. Например, $2 \rightarrow 2$ процесс ассоциативного рождения $q\bar{q} \rightarrow HW$, с последующими распадами $H \rightarrow b\bar{b}$ и $W \rightarrow l\nu$, будет иметь такое же конечное состояние как и два $2 \rightarrow 2$ процесса $q\bar{q} \rightarrow b\bar{b}$ и $q\bar{q} \rightarrow W$, произошедших в одном $p\bar{p}$ взаимодействии посредством взаимодействия двух пар партонов. Точная оценка уровня фона, обусловленного этими процессами, имеет большое значение в современной физике элементарных частиц, а физические наблюдаемые, чувствительные к кинематике процессов с многопартонными взаимодействиями, позволяют существенно подавить фон, повышая при этом эффективность поиска редких процессов.

Цели и задачи диссертационной работы

Основной целью диссертационной работы является исследование свойств процессов с многопартонными взаимодействиями в $p\bar{p}$ столкновениях при энергии $\sqrt{s} = 1.96$ ТэВ на экспериментальных данных установки D0. Более детально в работе преследуются следующие цели:

- Измерение доли двухпартонных взаимодействий в процессе $p\bar{p} \rightarrow \gamma + 3 \ jets.$
- Измерение эффективного сечения двухпартонных взаимодействий

 *σ*_{eff} процесс-независимого параметра, связанного с пространственным распределением партонов внутри протона (антипротона).
- Оценка фона, вызванного событиями с многопартонными взаимодействиями, в процессах ассоциативного рождения W-бозона и бозона Хиггса (pp̄ → WH) при энергии Тэватрона.

Согласно поставленным целям, сформулированы и решены следующие задачи:

- Обработаны экспериментальные данные протон-антипротонных столкновений, набранных в эксперименте D0 на Тэватроне в ходе сеанса RunIIa в объеме, соответствующему интегральной светимости 1.1 фб⁻¹.
- Создано программное обеспечение для анализа данных установки D0, с помощью которого выделены события ассоциативного рождения прямого фотона и адронной струи pp̄ → γ + jet + X. Оптимизированы критерии, обеспечивающие высокую эффективность отбора фотонных кандидатов и адронных струй.
- Изучены кинематические особенности процессов $p\bar{p} \rightarrow \gamma + jet + X$ и свойства фотонных кандидатов и адронных струй.
- События, отобранные для анализа, содержащие фотон с поперечным импульсом от 30 до 300 ГэВ и адронную струю с поперечным импульсом от 15 ГэВ, использовались для измерения тройного дифференциального сечения процесса pp̄ → γ + jet + X.
- Исследована зависимость сечения от поперечого импульса фотона в различных областях по быстротам фотона и струи, и произведено сравнение с теоретическими предсказаниями в следующем за лидирующим порядке КХД.
- В имеющейся выборке обработанных экспериментальных данных, отобраны события с однократными $p\bar{p}$ столкновениями и конечным состоянием $p\bar{p} \rightarrow \gamma + 3 \ jet + X$.
- Создан комплекс программного обеспечения для моделирования сигнальных событий с многопартонными взаимодействиями на основе экспериментальных данных установки D0.
- Отобранные для анализа события, содержащие фотон с поперечным испульсом $60 < p_T^{\gamma} < 80$ ГэВ, лидирующую струю с $p_T^{jet1} > 25$ ГэВ и две дополнительные струи с $p_T^{jet2,3} > 15$ ГэВ, использованы для определения доли событий с двухпартонными взаимодействиями, а также для измерения эффективного сечения σ_{eff} в трех интервалах поперечного импульса следующей за лидирущей струи, покрывающих область $15 < p_T^{jet2} < 30$ ГэВ.
- Произведена оценка фона, обусловленного событиями с многопартонными взаимодействиями, для процесса $p\bar{p} \rightarrow WH$, для чего

смоделирована необходимая для анализа статистика сигнальных и фоновых двухпартонных сообытий, а также предложен набор переменных, чувствительных к кинематике многопартонных взаимодействий, которые способны существенно улучшить выделение сигнала над фоном.

Основные положения, выносимые на защиту:

- 1. Результаты измерения доли событий с двухпартонными взаимодействиями в протон-антипротонных столкновениях при энергии $\sqrt{s} = 1.96$ ТэВ в конечном состоянии $\gamma + 3 \ jets$ на установке D0 и исследование зависимости от поперечного импульса следующей за лидирующей струи в интервале $15 < p_T^{jet2} < 30$ ГэВ.
- Результаты измерения эффективного сечения событий с двухпартонными взаимодействиями, связанного с распределением партонной плотности внутри протона при энергии √s = 1.96 ТэВ, и исследование зависимости от поперечного импульса следующей за лидирующей струи в том же интервале.
- Результаты измерения тройного дифференциального сечения процесса pp̄ → γ + jet + X и исследование зависимости сечения от поперечого импульса фотона в различных областях по быстротам фотона и струи.
- Результаты оценки фона, образованного событиями с двухпартонными взаимодействиями, в процессе ассоциативного рождения бозона Хиггса и W-бозона в протон-антипротонных столкновениях при энергии √s = 1.96 ТэВ.
- 5. Предложен набор кинематических переменных, используемых для разделения сигнальных *HW* и фоновых *W* + 2 *jets* событий, образованных посредством механизма двойного партонного взаимо-действия.

Научная новизна и практическая значимость заключается в том, что данная работа является первым измерением доли (f_{DP}) и эффективного сечения (σ_{eff}) событий с двухпартонными взаимодействиями в процессе $p\bar{p} \rightarrow \gamma + 3 \ jets$ при энергии протон-антипротонных столкновений 1.96 ТэВ в с.ц.м. В отличие от предыдущих работ, имеющаяся статистика позволяет производить измерение в кинематической области с более энергетичными фотонными кандидатами ($60 < p_T^{\gamma} < 80$ ГэВ), что позволяет подавить вклад фоновых процесов с фотонами, рожденными в результате распадов π^0 и η мезонов.

В работе впервые исследована зависимость f_{DP} и σ_{eff} от поперечного импульса следующей за лидирующей струи в интервале $15 < p_T^{jet2} < 30$ ГэВ, интерпретируемого как энергетическая шкала второго партонного взаимодействия. Измеренное значение получено на данных эксперимента D0, соответствующих статистике $1.1 \ \phi 6^{-1}$, и, с учетом систематических неопределенностей, является наиболее точным по сравнению со всеми предыдущими измерениями параметра σ_{eff} .

В порядке изучения свойств процессов с конечным состоянием "фотон + струя", впервые произведено измерение тройного дифференциального сечения $d^3\sigma/dp_T^{\gamma}dy^{\gamma}dy^{jet}$ процесса $p\bar{p} \rightarrow \gamma + jet + X$ в четырех областях быстрот фотона и струи, и произведено сравнение с теоретическими предсказаниями в следующем за лидирующим порядке КХД.

С помощью измеренного значения σ_{eff} , впервые при энергии Тэватрона была произведена оценка фона от событий с двухпартонными взаимодействиями к процессу $p\bar{p} \rightarrow WH$ с последующим распадом $H \rightarrow b\bar{b}$. Предложеный набор переменных, чувствительных к кинематике двухпартонных взаимодействий, позволяет понизить вклад фона и может представлять интерес в задачах поиска редких процессов на LHC и будующих ускорителях.

Апробация работы

Результаты работы докладывались автором на совещаниях коллаборация D0; на научных семинарах Fermilab; на XI научной конференции молодых ученых и специалистов ОИЯИ (5 – 9 февраля 2007 г., ОИЯИ, Дубна); на международных конференциях American Physical Society (February 13 – 16 2010, Washington, USA; April 13 – 16 2013, Denver, USA; April 5 – 8 2014, Savannah, USA), Workshop on Multi-Parton Interactions at the LHC (21 – 25 November 2011, Hamburg, Germany), XXII International Baldin Seminar on High Energy Physics Problems (15 – 20 September 2014, Dubna, Russia).

7

<u>Личный вклад</u> автора в проведении исследований и получении представленных в работе результатов является определяющим. Все представленные в работе результаты получены либо самим автором, либо при его непосредственном участии.

Публикации

Основные результаты по теме диссертации изложены в 5 печатных изданиях [1–5], 4 из которых изданы в рецензируемых журналах и 1 – в материалах конференций.

Структура и объем работы

Диссертация состоит из введения, пяти глав, заключения и четырех приложений. Полный объем диссертации 149 страниц текста с 59 рисунками и 13 таблицами. Список литературы содержит 111 наименование.

Содержание работы

Во **введении** обосновывается актуальность исследований, проводимых в рамках данной диссертации, формулируются цели и задачи работы, дается общая характеристика работы, включая ее структуру.

Первая глава посвящена общим характеристикам процессов жесткого взаимодействия кварков и глюонов, а также теоретическому обоснованию возможности наблюдения процессов с многопартонными взаимодействиями в протон-антипротонных столкновениях и связи сечений отдельных партонных процессов с σ_{eff} – параметром, имеющим размерность сечения и непосредственно измеряемым экспериментально.

В частности, сечение инклюзивного процесса с двухпартонным взаимодействием можно записать:

$$\sigma_{ab} = \frac{\sigma_a \sigma_b}{\sigma_{eff}},\tag{1}$$

где σ_{ab} – сечение одновременного рассеяния процессов типа a и b в протонантипротонном столкновении, каждое из которых отдельно имеет сечения σ_a и σ_b , соответственно. С другой стороны, если обозначить функцию перекрытия двух сталкивающихся нуклонов через $A(\vec{b})$, где \vec{b} – прицельный параметр налетающих нуклонов, то сечение процесса с n рассеяниями типа a можно представить в виде

$$\sigma_{a,n} = \int d^2 b \frac{1}{n!} (\sigma_a A(\vec{b}))^n.$$
⁽²⁾

Для сечения процесса с одним рассеянием типа *a* и другим типа *b* можно записать:

$$\sigma_{ab} = \int d^2 b(\sigma_a A(\vec{b}))(\sigma_b A(\vec{b})) = \sigma_a \sigma_b \int d^2 b A(\vec{b})^2, \tag{3}$$

откуда вытекает физический смысл $\sigma_{eff} = [\int d^2 b A(\vec{b})^2]^{-1}$, как параметра, непосредственно связанного с пространственной областью взаимодействия партонов внутри нуклона. В разделе 1.7 также приводится обзор измерений параметра σ_{eff} в предыдущих и нынешних экспериментах при различных энергиях.

Во **второй главе** описывается коллайдер Тэватрон и экспериментальная установка D0. В разделе 2.1 приводится краткое описание основных ускорительных элементов коллайдера: от формирования протонного и антипротонного пучков до достижения энергии 1.96 ТэВ в с.ц.м при их столкновении. Раздел 2.2 посвящен экспериментальной установке D0 и ее основным детектирующим системам, используемым во время сеанса набора данных Run IIa. Дается описание трековой и мюонной систем, калориметра и устройство триггерной системы для отбора событий в реальном времени.

Третья глава посвящена изучению свойств процесса $p\bar{p} \rightarrow \gamma + jet + X$. Статистика исследуемых событий соответствует интегральной светимости $\mathcal{L}_{int} = 1 \ \phi 6^{-1}$, набранной на установке D0 при энергии $\sqrt{s} = 1.96 \ \text{ТэB}$. Отобранные события содержат фотоны с поперечными импульсами в интервале $30 < p_T^{\gamma} < 400 \ \Gamma$ эВ и быстротами $|\eta^{\gamma}| < 1.0$, а также струи с поперечными импульсами в интервале $30 < p_T^{\gamma} < 400 \ \Gamma$ эВ. Быстроты струй ограничены интервалами $|\eta^{jet}| < 0.8 \ u \ 1.5 < |\eta^{jet}| < 2.5$. В разделе 3.1 обсуждаются основные механизмы ассоциативного рождения фотона и струй в протон-антипротонных столкновениях. Подавляющее большинство фотонов со средними и высокими поперечными импульсами являются прямыми фотонами, т. е. рожденными непосредственно из фундаментального партон-партонного взаимодействия нежели из распадов π^0, η, K_s^0 -мезонов. В лидирующем порядке КХД эти процессы обусловлены вкладом двух основных подпроцессов: "комптоновским" рассеянием $qg \rightarrow q\gamma$ и аннигиляционным процессом $q\bar{q} \rightarrow g\gamma$. Фейнмановские диаграммы, соответствующие этим процессам, приведены на рисунке 1.



Рис. 1 — Диаграммы, соответствующие процессам ассоциативного рождения фотона и струи: (a) "комптоновское" рассеяние $qg \to q\gamma$ и (b) аннигиляционный процесс $q\bar{q} \to g\gamma$.

Изучение процессов "фотон + струя" при различных интервалах быстрот фотона и лидирующей струи позволяет получить детальную информацию о различных областях значений доли переданного импульса x взаимодействующих партонов. В разделе 3.5 описывается методика измерения тройного дифференциального сечения этих процессов. Приводится перечень критериев отбора событий, оценка доли сигнальных событий и эффективности отбора фотонов и струй. Результатом является измерение сечения $d^3\sigma/dp_T^{\gamma}d\eta^{\gamma}dp_T^{jet}$ в четырех интервалах по быстротам лидирующей струи. На рисунке 2 точками обозначены измеренные сечения, а кривые соответствуют предсказаниям КХД в следующем за лидирующим порядке. Детально исследуются отношения сечений в данных к предсказаниям теории при различных взаимных конфигурациях фотона и струи. Показывается, что на текущий момент теория не способна с высокой степенью точности описать форму зависимости сечений от поперечного импульса фотона во всех интервалах измерения и требует более глубокого понимания.

В **четвертой главе** дается детальное описание метода измерения доли событий с двухпартонными взаимодействиями и эффективного сечения этих процессов.

Метод измерения эффективного сечения процессов с двухпартонными взаимодействиями основан на отношении чисел событий двух классов, обладающих одинаковым конечным состоянием, "фотон+3 струи", но полученных



Рис. 2 — Дифференциальное сечение процесса $p\bar{p} \rightarrow \gamma + jet + X$ как функция поперечного импульса фотона в четырех интервалах по быстротам. Данные сравниваются с теоретическими предсказаниями КХД в следующем за лидирующем порядке (NLO QCD) с использованием пакета JETPHOX и набором структурных функций СТЕQ6.5М.

в результате различных физических процессов. Первый класс – это события, образованные посредством механизма двухпартонного взаимодействия (англ. DP – "Double Parton") при которых в налетающих протон-антипротонных пучках взаимодействует лишь одна $p\bar{p}$ пара. Во втором классе событий, при столкновении протонного и антипротонного пучков, то же конечное состояние образуется вследствие взаимодействия двух различных $p\bar{p}$ пар (англ. DI – "Double Interaction"). Полагая два партонных взаимодействия независимыми, оба класса событий должны быть кинематически идентичны.

Таким образом, при столкновении протонного и антипротонного пучков с двумя жесткими $p\bar{p}$ взаимодействиями, вероятность наблюдать DI событие можно представить в виде

$$P_{DI} = 2 \frac{\sigma^{\gamma j}}{\sigma_{hard}} \frac{\sigma^{jj}}{\sigma_{hard}},\tag{4}$$

где $\sigma^{\gamma j}$ и $\sigma^{j j}$ – сечения рождения событий "фотон+струя" и "струя+струя" соответственно, которые в совокупности образуют конечное состояние "фотон+3 струи", σ_{hard} – полное сечение протон-антипротонного взаимодействия, а коэффициент 2 отражает тот факт, что два рассеяния, рождающие "фотон + струя" и "струя + струя", могут быть посчитаны двумя возможными способами, согласно расположению вершин $p\bar{p}$ взаимодействий. Число таких взаимодействий N_{DI} определяется через вероятность P_{DI} после поправки на эффективность геометрических и кинематических критериев отбора ϵ_{DI} , эффективность отбора событий с двумя вершинами ϵ_{2vtx} , а также на ожидаемое количество событий с двумя вершинами взаимодействия N_{2coll} :

$$N_{DI} = 2 \frac{\sigma^{\gamma j}}{\sigma_{hard}} \frac{\sigma^{j j}}{\sigma_{hard}} N_{2coll} \epsilon_{DI} \epsilon_{2vtx}.$$
(5)

Аналогично, вероятность наблюдения DP события при столкновении протонного и антипротонного пучков с одним $p\bar{p}$ взаимодействием, с учетом (1), определяется как

$$P_{DP} = \frac{\sigma_{DP}}{\sigma_{hard}} = \frac{\sigma^{\gamma j}}{\sigma_{eff}} \frac{\sigma^{j j}}{\sigma_{hard}}.$$
 (6)

Число двухпартонных событий N_{DP} может быть получено после поправки на геометрические и кинематические эффективности критериев отбора DP событий ϵ_{DP} , эффективность отбора событий с одной вершиной ϵ_{1vtx} , умноженную на ожидаемое количество столкновений пучков с одной вершиной N_{1coll} :

$$N_{DP} = \frac{\sigma^{\gamma j}}{\sigma_{eff}} \frac{\sigma^{j j}}{\sigma_{hard}} N_{1coll} A_{DP} \epsilon_{DP} \epsilon_{1vtx}.$$
(7)

Отношение уравнений (5) и (7) позволяет получить выражение для σ_{eff} в следующей форме:

$$\sigma_{eff} = \frac{N_{DI}}{N_{DP}} \frac{\epsilon_{DI}}{\epsilon_{DP}} R_c \sigma_{hard}, \tag{8}$$

где $R_c \equiv 1/2(N_{1coll}/N_{2coll})(\epsilon_{1vtx}/\epsilon_{2vtx}).$

Важным свойством данного метода является то, что сечения $\sigma^{\gamma j}$ и $\sigma^{j j}$ сокращаются, а эффективности входят в уравнение (8) как отношения, что приводит к сокращению многих систематических неопределенностей. Экспериментально, числа событий N_{DP} и N_{DI} оцениваются с помощью чисел со-

бытий в выборках данных с одним и двумя $p\bar{p}$ столкновениями, поправленные на доли DP и DI событий: $N_{DP} = f_{DP}N_{1vtx}$ и $N_{DI} = f_{DI}N_{2vtx}$ соответственно.

В разделе 4.2 сформулированы критерии отбора событий "фотон+3 струи". Отдельно формируются выборки данных с одиночными и двойными $p\bar{p}$ столкновениями. Каждая реконструированная вершина $p\bar{p}$ столкновения в обеих выборках должна иметь как минимум 3 ассоциированных трека и находиться в пределах 60 см вдоль оси z от центра детектора. Каждое событие должно содержать по крайней мере один фотон в одной из областей быстрот |y| < 1.0 или 1.5 < |y| < 2.5 и не менее трех струй с |y| < 3.0. Фотоны должны иметь поперечный импульс $60 < p_T^{\gamma} < 80$ ГэВ, лидирующая (в порядке убывания p_T) струя $p_T > 25$ ГэВ, а две оставшиеся струи $p_T > 15$ ГэВ. Дополнительно на фотонных кандидатов накладываются требования отсутствия трека, изолированности электромагнитного кластера и электромагнитной фракции.

Из полного объема данных, набранных в эксперименте D0 за период сеанса Run IIa в протон-антипротонных столкновениях при $\sqrt{s} = 1.96$ ТэВ в с.ц.м., соответствующих значению интегральной светимости $\mathcal{L}_{int} = 1 \text{ ф}6^{-1}$, были отобраны "фотон+3 струи" события с одиночными и двойными $p\bar{p}$ столкновениями. Количество отобранных событий приведено в Таблице 1.

Таблица 1 — Количество событий с одиночными и двойными $p\bar{p}$ столкновениями в конечном состоянии "фотон+3 струи".

Выборка	p_T^{jet2} , ГэВ				
данных	15 - 20	20 - 25	25 - 30		
$1 p \bar{p}$	2182	3475	3220		
$2 \ p ar{p}$	2026	2792	2309		

Для определения доли событий с двухпартонными взаимодействиями необходимо построение модели, корректно описывающей кинематику DP процессов. Раздел 4.3 содержит детальное описание процедуры моделирования сигнальных двухпартонных событий. Такая модель может быть создана посредством композиции двух процессов в одном событии: процесса, содержащего " $\gamma + (\geq 1)$ струя", и другого процесса, содержащего " (≥ 1) струя". Рисунок 3 иллюстрирует два возможных варианта смешивания: (а) комбинация фотона и струи из одного взаимодействия с двумя струями из второго; и (b) комбинация фотона, лидирующей струи и дополнительной струи, образован-

ной глюонным излучением в начальном или конечном состоянии, из одного взаимодействия и одной струи из другого. События выбираются случайным образом из наборов данных с одиночными $p\bar{p}$ взаимодействиями " γ + струя" для первого взаимодействия и из набора данных с одиночными $p\bar{p}$ взаимодействиями, отобранных с минимальным триггером (*minimum bias*) для второго взаимодействия. В получившихся смесях отбираются события с конечным состоянием "фотон+3 струи", по аналогии с отобранными данными. Аналогичным методом конструируется модель сигнальных DI событий с той лишь разницей, что каждое из событий-компонентов отбирается с требованием наличия двух $p\bar{p}$ столкновений.



Рис. 3 — Схематичное изображение процедуры смешивания событий "фотон + струя" и "струя + струя", используемое в модели сигнальных двухпартонных событий МІХDР. Конечное состояние "фотон + 3 струи" образовано посредством (а) комбинация фотона и струи из одного взаимодействия с двумя струями из второго; и (b) комбинация фотона, лидирующей струи и дополнительной струи, образованной глюонным излучением в начальном или конечном состоянии, из одного взаимодействия и одной струи из другого.

Отличительной особенностью двухпартонных взаимодействий является факт присутствия двух партонных рассеяний, одновременно происходящих в одном и том же $p\bar{p}$ столкновении. Для идентификации таких взаимодействий в данных используются переменные, чувствительные к кинематике двухпартонных взаимодействий. Раздел 4.4 содержит описание характерных переменных, распределение которых выглядит по-разному в событиях с однопартонными и двухпартонными взаимодействиями. Одной из таких переменных является ΔS_{ϕ} , определяемая как азимутальный угол $\Delta \phi$ между поперечными импульсами пар ($\gamma + jet_i$) и ($jet_j + jet_k$):

$$\Delta S_{\phi} \equiv \Delta \phi \left(\mathbf{p}_{\mathrm{T}}(\gamma, i), \ \mathbf{p}_{\mathrm{T}}(j, k) \right).$$
(9)

Здесь $\mathbf{p}_{\mathrm{T}}(\gamma, i) = \mathbf{p}_{\mathrm{T}}^{\gamma} + \mathbf{p}_{\mathrm{T}}^{jet_i}$, а $\mathbf{p}_{\mathrm{T}}(j, k) = \mathbf{p}_{\mathrm{T}}^{jet_j} + \mathbf{p}_{\mathrm{T}}^{jet_k}$, где пары объектов ($\gamma, jet i$) и (*jet j, jet k*) выбраны таким образом, чтобы p_T дисбаланс между ними был наименьшим, посредством минимизации переменной

$$S_{\phi} = \frac{1}{\sqrt{2}} \sqrt{\left(\frac{\Delta\phi(\gamma,i)}{\delta\phi(\gamma,i)}\right)^2 + \left(\frac{\Delta\phi(j,k)}{\delta\phi(j,k)}\right)^2}.$$
 (10)

Неопределенности $\delta\phi(\gamma,i)$ вычисляются как среднеквадратичное отклонение распределения величины $\Delta\phi(\gamma,i)$ в сигнальной модели для каждого из трех возможных сочетаний пар. Аналогично находятся неопределенности $\delta\phi(j,k)$ для струй *j* и *k*. Рисунок 4 иллюстрирует возможную диспозицию векторов поперечных импульсов фотона и струй, а также векторов дисбаланса.



Рис. 4 — Возможное взаимное расположение векторов поперечных импульсов фотона и струй в событиях "фотон+3 струи". Векторы $\vec{q}_T^{\ 1}$ и $\vec{q}_T^{\ 2}$ представляют собой p_T -дисбаланс пар "фотон + струя" и "струя + струя".

Спектр поперечного импульса струй, рожденных в событиях "струя + струя", падает быстрее чем спектр струй, излученных в начальном или конечном состоянии. Поскольку в конечном состоянии "фотон + 3 струи" вторая струя может быть рождена как в событии "струя + струя", так и в результате излучения, то в разных интервалах по поперечному импульсу этой струи (p_T^{jet2}) можно ожидать разную долю двухпартонных событий. Взяв два соседних p_T^{jet2} интервала, мы можем получить набор данных с большей долей двухпартонных событий (например, $15 < p_T^{jet2} < 20$ ГэВ) и набор с меньшей долей (например, $20 < p_T^{jet2} < 25$ ГэВ). На этом факте основана методика измерения доли событий с двухпартонными взаимодействиями, описанная в разделе 4.5.

Распределение характерной переменной (9) в данных (D) может быть представлено как сумма распределений сигнальных (M) и фоновых (B) событий, взвешенных в соответствии со своими долями (фракциями). Тогда для каждого из интервалов по p_T^{jet2} можно записать:

$$D_1 = f_1 M_1 + (1 - f_1) B_1, (11)$$

$$D_2 = f_2 M_2 + (1 - f_2) B_2, (12)$$

где f – доля сигнальных событий, (1 - f) – доля фоновых событий, индексы 1 и 2 соответствуют двум наборам событий (1 – более насыщенный событиями с двухпартонными взаимодействиями, а 2 – менее насыщенный). В качестве сигнальных событий используется модель, описанная в разделе 4.3. После деления (11) на (12) уравнение примет вид

$$D_1 - \lambda K D_2 = f_1 M_1 - \lambda K C f_1 M_2, \tag{13}$$

где $\lambda = B_1/B_2$ представляет собой отношение фоновых распределений, $K = (1 - f_1)/(1 - f_2)$ – отношение фракций фоновых (однопартонных), а $C = f_2/f_1$ – отношение фракций сигнальных (двухпартонных) событий. В предшествующих измерениях использовалось предположение, что однопартонные взаимодействия в двух соседних интервалах по p_T^{jet2} имеют одинаковые распределения. Полагая $\lambda = 1$ в уравнении (13), можно полностью избавиться от вклада фоновых событий. В данной работе подобное упрощение не делается и рассматривается относительная разница спектров фоновых событий в соседних интервалах. Левая часть уравнения (13) имеет смысл разницы спектров двух наборов событий в данных, а правая – разницы спектров сигнальных событий (вклад от фоновых событий исчезает за счет множителя λK).

Параметр C может быть извлечен независимо следующим образом. Используя определение доли сигнальных событий, являющейся отношением неизвестного числа двухпартонных событий (N^{DP}) к общему числу событий в данных (N^{DATA}), можно представить этот параметр в виде

$$C \equiv \frac{f_2}{f_1} = \left(\frac{N_2^{DP}}{N_2^{DATA}}\right) \left(\frac{N_1^{DATA}}{N_1^{DP}}\right).$$
(14)

Отношение N_2^{DP}/N_1^{DP} можно заменить на отношение N_2^{MIXDP}/N_1^{MIXDP} , если предположить, что события "струя + струя", рожденные в однопартонных взаимодействиях, принципиально не отличаются от аналогичных событий, рожденных в двухпартонных взаимодействиях. Именно такое предложение и заложено в основу модели сигнальных событий. Таким образом, считая, что модель сигнальных событий корректно описывает свойства двухпартонных событий, уравнение (14) можно записать в виде

$$C = \left(\frac{N_2^{MIXDP}}{N_2^{DATA}}\right) \left(\frac{N_1^{DATA}}{N_1^{MIXDP}}\right).$$
(15)

Для извлечения фракции двухпартонных событий применяется χ^2 минимизация с использованием пакета MINUIT для функционала

$$F = |D_1 - f_1 M_1 - \lambda K (D_2 - C f_1 M_2)| / \sigma.$$
(16)

Параметр σ есть суммарная ошибка, складывающаяся из ошибок на величины $C, D_1, D_2, M_1, M_2, \lambda$. Единственным свободным параметром в этом выражении является f_1 . Он находится из минимизации функционала (16) применительно к спектру характерной переменной ΔS_{ϕ} для каждой пары интервалов по p_T^{jet2} : 1) $15 < p_T^{jet2} < 20$ ГэВ и $20 < p_T^{jet2} < 25$ ГэВ и 2) $20 < p_T^{jet2} < 25$ ГэВ и $25 < p_T^{jet2} < 30$ ГэВ. Результат нахождения доли двухпартонных взаимодействий, усредненный по другим используемым характерным переменным, указан в таблице 2.

На рисунке 5 продемонстрирован результат процедуры фитирования для нахождения доли двухпартонных взаимодействий на примере переменной

Таблица 2 — Результат измерения доли событий с двухпартонными взаимодействиями в трех интервалах по p_T^{jet2} .

p_T^{jet2} , ГэВ	$\langle p_T^{jet2} \rangle$, ГэВ	$f_{\rm DP}$
15 - 20	17.6	0.466 ± 0.041
20 - 25	22.3	0.334 ± 0.023
25 - 30	27.3	0.235 ± 0.027

 ΔS_{ϕ} . Рисунок 5(а) иллюстрирует распределения этой величины для интервала $15 < p_T^{jet2} < 20 \ \Gamma$ эВ в данных (D_1) и в сигнальной модели (M_1), взвешенной со своей фракцией (f_1). На рисунке 5(b) показаны аналогичные распределения в интервале $20 < p_T^{jet2} < 25$ ГэВ в данных (D_2) и сигнальной модели (M_2), взвешенное с фракцией f2. Из двух этих рисунков можно заключить, что области малых ΔS_{ϕ} ($\lesssim 1.5$) в основном содержат сигнальные события с двумя независимыми взаимодействиями. На рисунке 5(с) черными точками изображена разница между распределениями в данных в двух интервалах по p_T^{jet2} , с учетом вклада фоновых однопартонных событий (фактор λK), т.е. левая часть уравнения (13). Как и ожидалось, разница всегда положительна, т.к. доля двухпартонных событий падает с ростом p_T^{jet2} . Закрашенная область представляет собой предсказание модели сигнальных событий, т.е. правая часть уравнения (13). Из рисунка 5(с) видно, что оба распределения хорошо согласуются. Это позволяет сделать вывод о качестве проведенной процедуры фитирования, а так же о том, что модель сигнальных событий адекватно описывает данные. Далее, посредством вычитания из данных ожидаемого вклада сигнальных событий, мы можем извлечь спектр переменной ΔS_{ϕ} для фоновых однопартонных событий. Эта величина представляет собой $(D_1 - f_1 M_1)/(1 - f_1)$ и $(D_2 - f_2 M_2)/(1 - f_2)$ для интервалов $15 < p_T^{\ jet2} < 20$ ГэВ и $20 < p_T^{\ jet2} < 25$ ГэВ соответственно. Распределения этих величин показаны на рисунке 5(d).

Расчет эффективного сечения двухпартонных взаимодействий σ_{eff} основан на уравнении (8). Значения N_{DP} и N_{DI} в каждом интервале p_T^{jet2} получаются из чисел событий с одной (1vtx) и двумя (2vtx) вершинами, указанными в таблице 3, посредством умножения на f_{DP} и f_{DI} соответственно. Результирующее значение σ_{eff} с неопределенностью (статистической и систематической, сложенными квадратично) показано на рисунке 6. Положение точек по оси абсцисс на рисунке 6 соответствует среднему значению p_T^{jet2} в модели сигнальных событий в данном интервале



Рис. 5 — Результат процедуры фитирования для нахождения доли двухпартонных взаимодействий на примере переменной ΔS_{ϕ} для комбинации двух p_T^{jet2} интервалов: $15 < p_T^{jet2} < 20$ и $20 < p_T^{jet2} < 25$. На графиках (а) и (b) показаны распределения переменной в данных (обозначено точками) и в модели сигнальных двухпартонных событий (заштрихованная область). На графике (c) точками изображено предсказание формы переменной в данных за вычетом вклада SP составляющей, а заштрихованной областью – в сигнальной модели, как разница распределений (а) и (b). График (d) содержит извлеченное распределение переменной ΔS_{ϕ} для фоновых событий с однопартонным взаимодействием в двух соседних интервалах по p_T^{jet2} .

В таблице 4 приведены основные источники неопределенностей для каждого p_T^{jet2} интервала. Как это видно из таблицы, доминирующая систематическая неопределенность связана с определением доли событий с двойными $p\bar{p}$ столкновениями. Затем в порядке уменьшения следуют неопределенности из-за определения доли двухпартонных событий, отношения эффективностей $\epsilon_{DP}/\epsilon_{DI}$, абсолютной шкалы энергии струй (JES) и произведения $R_c\sigma_{hard}$, давая полную систематическую неопределенность от 20.5 до 32.2% в зависимости от интервала p_T^{jet2} .



Рис. 6 — Эффективное сечение σ_{eff} как функция поперечного импульса p_T^{jet2} следующей за лидирующей струи.

Таблица 3 — Эффективное сечение событий с двухпартонными взаимодействиями в трех интервалах по p_T^{jet2} .

p_T^{jet2} , ГэВ	$\langle p_T^{jet2} \rangle$, ГэВ	σ_{eff} , мб
15 - 20	17.6	18.2 ± 3.8
20 - 25	22.3	16.3 ± 3.7
25 - 30	27.3	13.9 ± 4.5

Измеренные значения эффективного сечения в разных p_T^{jet2} интервалах согласуются между собой в пределах своих неопределенностей, однако невозможно исключить и небольшое падение значений σ_{eff} с ростом p_T^{jet2} . Усредненное по всем трем интервалам p_T^{jet2} значение составляет

$$\sigma_{eff}^{ave} = (16.4 \pm 0.3 \text{ (стат.}) \pm 2.3 \text{ (сист.}))$$
 мб. (17)

В <u>пятой главе</u> рассматриваются двухпартонные события, имеющие в конечном состоянии W + 2 струи, как фон к процессам ассоциативного рождения W + H, с распадами типа $W \to l\nu$ и $H \to b\bar{b}$. Рисунок 7 иллюстрирует возможный процесс рождения $W + b\bar{b}$, происходящий посредством механизма двухпартонного взаимодействия.

Таблица 4 — Систематические и статистические неопределенности (в %) для $\sigma_{\rm eff}$ в трех интервалах по p_T^{jet2} (ГэВ).

p_T^{jet2}	$f_{\rm DP}$	$f_{\rm DI}$	$\varepsilon_{\mathrm{DP}}/\varepsilon_{\mathrm{DI}}$	JES	$R_{ m c}\sigma_{ m hard}$	Сист.	Стат.	Полная
15 - 20	7.9	17.1	5.6	5.5	2.0	20.5	3.1	20.7
20 - 25	6.0	20.9	6.2	2.0	2.0	22.8	2.5	22.9
25 - 30	10.9	29.4	6.5	3.0	2.0	32.2	2.7	32.3



Рис. 7 — Схематичное изображение процесса $p\bar{p} \rightarrow W + b\bar{b}$ с конечным состоянием, образованным посредством механизма двухпартонного взаимодействия.

Раздел 5.2 содержит описание проведенной симуляции сигнальных и фоновых событий, для чего используется генератор РҮТНІА 8, который, унаследовав все преимущества РҮТНІА 6, обладает возможностью комбинации различных процессов в основном и дополнительном партонных взаимодействиях в интересующих исследователя кинематических областях. Разделы 5.3 и 5.4 содержат критерии отбора сигнальных и фоновых событий и описание применяемых коэффициентов нормализации сечений симулированных событий к экспериментально измеренным сечениям, либо к теоретическим NNLO предсказаниям. Сигнальный процесс *HW* симулирован, полагая массу бозона Хиггса $m_H = 115$ ГэВ и $m_H = 150$ ГэВ. Фоновый процесс с двухпартонным взаимодействием является комбинацией процессов инклюзивного рождения *W*-бозона в первом взаимодействии $q\bar{q} \rightarrow W + X$ и инклюзивного рождения пары "струя + струя" во втором. Раздел 5.5 посвящен вычислению дифференциальных сечений $d\sigma/dM_{jj}$ процесса рождения HW и фонового процесса рождения W + 2 струи посредством механизма двухпартонного взаимодействия, которые представлены на рисунке 8. В дополнение к полному DP сечению, на рисунке также приведены вклады от основных DP подпроцессов.



Рис. 8 — (а) Дифференциальные сечения сигнальных (*HW*) и фонового (DP) процессов как функции инвариантной массы двух струй (*M_{jj}*). Пунктирной и штрих-пунктирной линиями обозначены сечения сигнальных событий с $m(H) = 115 \ \Gamma$ эВ и $m(H) = 150 \ \Gamma$ эВ соответственно, а сплошной линией сечение процесса с двухпартонным взаимодействием. (b) Относительный вклад различных подпроцессов в дифференциальное сечение фонового (DP) процесса.

Из рисунка 8 можно сделать вывод о превышении сечения двухпартонных взаимодействий над сигналом более чем на два порядка, а также, что сечение процессов с двухпартонным взаимодействием в большой степени обусловлено процессом W + 2 струи, происходящими от легких кварков (u/d/s)или глюонов. Далее в порядке уменьшения следуют вклады от подпроцессов W + gc, W + gb и затем $W + b\bar{b}$ и $W + c\bar{c}$.

В сигнальных HW процессах в конечном состоянии присутствуют две *b*-струи, на которые распадается бозон Хиггса. Поскольку основным фоном от двухпартонных взаимодействий является процесс W + 2 струи, происходящими от легких кварков, то можно ожидать значительное подавления фона после требования наличия *b*-струй в конечном состоянии. Чтобы проверить это численно, специальный критерий идентификации *b*-струй был применен как к событиям HW, так и к двухпартонным процессам. Имея в наличие лишь быструю симуляцию Монте-Карло, невозможно проверить качество идентификации *b*-струй. Однако, взамен применяются эффективности пройти b - id требования для струй, произошедших от легких (*l*-струи), *c* и *b* кварков На рисунке 9 представлены сечения умноженные на эффективность прохождения b - id критериев (ϵ_{b-id}^{jet}) для сигнальных и фоновых событий, где каждая из двух струй обязана пройти ослабленный b - id критерий. Это требование



Рис. 9 — (а) Дифференциальные сечения сигнальных (*HW*) и фонового (DP) процессов как функции инвариантной массы двух струй (*M_{jj}*) с учетом *b* – *id* требования для струй. (b) Относительный вклад различных подпроцессов в дифференциальное сечение фонового (DP) процесса с учетом *b* – *id* требования для струй.

существенно подавляет фон, однако сечения сигнальных событий также значительно падают. На практике, в таких случаях требования двойного b - id критерия зачастую комбинируют с требованием одинарного b - id.

Рисунок 10 иллюстрирует отношение выходов сигнальных и фоновых событий в бинах по инвариантной массе двух струй (M_{jj}) , отобранных с комбинированным b - id критерием. Нетрудно видеть, что события рождения бозона Хиггса с массой $m_H = 115$ ГэВ подавлены с фактором 3 $(S/B \simeq 0.35$ в



Рис. 10 — Отношение выходов сигнальных *HW* и фоновых DP событий с комбинированным *b* – *id* требованием для струй.

позиции пика), в то время как события с массой $m_H = 150$ ГэВ подавлены с фактором 7.

В разделе 5.6 рассмотрены выходы событий dN/dM_{jj} , ожидаемые для процессов с конечным состояние W + 2 струи, происходящие посредством однопартонного (SP) и двухпартонного (DP) взаимодействия. Две дополнительные струи в однопартонном случае происходят из радиационных эффектов в начальном и конечном состояниях. Однопартонные события сгенерированы, используя подпроцессы $q\bar{q} \rightarrow Wg$ и $qg \rightarrow Wq$, после чего к ним применены HW критерии отбора, описанные в разделе 5.3. Оцененные выходы событий для всего диапазона масс при интегральной светимости $\mathcal{L}_{int} = 5.3 \ \phi 6^{-1}$ для SP и DP процессов составляют 5212 и 262 событий соответственно. Отношение (DP/SP) выходов W + 2 струи событий в бинах по M_{jj} составляют от 7 до 11% для $M_{jj} \simeq 115$ ГэВ и от 5 до 8% для $M_{jj} \simeq 150$ ГэВ. Такой существенный фон от DP процессов не является удивительным в свете измеренных фракций DP событий, наблюдаемых в экспериментах CDF и D0 в конечном состоянии "фотон + 3 струи"

Раздел 5.7 посвящен использованию искусственной нейронной сети (ANN) для разделения сигнальных и фоновых событий. Обсуждаются переменные, которые могут быть полезны с точки зрения разделения сигнальных HW от фоновых W + 2 струи процессов с двухпартонным взаимодействием.

Часть этих переменных широко использовалась в предыдущих экспериментальных исследованиях, другая же часть была предложена в теоретических работах. Некоторые из приведенных переменных использовались для тренировки нейронной сети на сигнальных HW и фоновых DP событиях, таким образом, чтобы на выходе иметь единственное значение равное 0 для фоновых и 1 для сигнальных событий. Фоновые DP события для тренировки, а впоследствии для тестирования сети, отбирались с инвариантной массой двух струй в пределах $\pm 2\sigma$ от максимума распределения M_{jj} бозона Хиггса. ANN была обучена с использованием 200 000 сигнальных и фоновых событий и тестировалась на 50 000 событиях, которые не участвовали в процессе обучения, и применена для подавления фона, который доминирует даже после отборов с *b*-струями Отношение сигнала к фону при эффективности отбора сигнальных событий $\varepsilon_s^{ANN} = 80\%$ показана на рисунке 11 и достигает величины 2.2 при массе $M_{jj} \simeq 115$ ГэВ и порядка 2.7 при $M_{jj} \simeq 150$ ГэВ, что существенно подавляет вклад процессов с двухпартонным взаимодействием.



Рис. 11 — Отношение выходов сигнальных HW и фоновых DP событий после применения нейронной сети с эффективностью отбора сигнальных событий $\varepsilon_s^{ANN} = 80\%$.

В <u>заключении</u> приведены основные результаты работы, которые заключаются в следующем:

1. В эксперименте D0 на коллайдере Тэватрон набрана статистика событий ассоциативного рождения фотонов и струй в протонантипротонных столкновениях с энергией $\sqrt{s} = 1.96$ ТэВ в с.ц.м., соответствующая интегральной светимости $\mathcal{L}_{int} = 1 \ \phi \delta^{-1}$. Создано программное обеспечение для отбора и анализа данных процессов с конечными состояниями $p\bar{p} \rightarrow \gamma + jet + X$ и $p\bar{p} \rightarrow \gamma + 3jet + X$. Оптимизированы критерии отбора.

- Изучены кинематические свойства процессов pp̄ → γ + jet + X, содержащие фотон с поперечным импульсом от 30 до 400 ГэВ и адронную струю с поперечным импульсом от 15 ГэВ. Измерено трижды дифференциальное сечение d³σ/dp_T^γdη^γdp_T^{jet} и исследована зависимость сечения от поперечного импульса фотона в различных конфигурациях фотона и струи. Произведено сравнение с теоретическими предсказаниями в NLO.
- 3. Измерены доли процессов с двухпартонными взаимодействиями в событиях с конечным состоянием pp̄ → γ + 3 jets. Создан комплекс программного обеспечения для моделирования сигнальных событий с многопартонными взаимодействиями на основе экспериментальных данных эксперимента D0. Предложена методика измерения, минимизирующая модельную зависимость результатов измерения.
- Измерено эффективное сечение двухпартонных взаимодействий, *σ*_{eff} – параметр, связанный с пространственным распределением партонов внутри адрона. Исследована зависимость эффективного сечения от поперечного импульса следующей за лидирующей струи.
- 5. Произведена оценка фона, вызванного событиями с двухпартонными взаимодействиями, в процессах pp̄ → WH на Тэватроне при энергии протон-антипротонных пучков 1.96 ТэВ в с.ц.м. Смоделирована необходимая для анализа статистика сигнальных и фоновых (двухпартонных) событий. Предложен набор переменных, чувствительных к кинематике многопартонных взаимодействий, применение которых способно существенно подавить фон, обусловленный событиями с двухпартонными взаимодействиями в редких процессах.

Публикации автора по теме диссертации

- 1. Abazov V.M. et al. Measurement of the differential cross-section for the production of an isolated photon with associated jet in $p\bar{p}$ collisions at $\sqrt{s} = 1.96$ TeV // *Phys.Lett.* 2008. Vol. B666. Pp. 435-445.
- 2. Abazov V. M. et al. Double parton interactions in γ +3 jet events in $p\bar{p}$ collisions $\sqrt{s} = 1.96$ TeV // Phys. Rev. 2010. Vol. D81. P. 052012.
- Bandurin Dmitry, Golovanov Georgy, Skachkov Nikolai. Double parton interactions as a background to associated HW production at the Tevatron // JHEP. 2011. Vol. 04. P. 054.
- Golovanov Georgy. Study of multiple partonic interactions in DZERO // Proceedings, 3rd International Workshop on Multiple Partonic Interactions at the LHC (MPI@LHC 2011). 2012. Pp. 127–133.
- 5. *Abazov Victor Mukhamedovich et al.* Jet energy scale determination in the D0 experiment // *Nucl. Instrum. Meth.* 2014. Vol. A763. Pp. 442–475.