# **\_\_\_\_\_** ЯДРА =

# ПРЕДСТАВЛЕНИЕ РАДИАЦИОННЫХ СИЛОВЫХ ФУНКЦИЙ В ПРАКТИЧЕСКОЙ МОДЕЛИ КАСКАДНОГО ГАММА-РАСПАДА

© 2017 г. Д. К. Ву<sup>1),2)\*</sup>, А. М. Суховой<sup>1)\*\*</sup>, Л. В. Мицына<sup>1)\*\*\*</sup>, Ш. Зейналов<sup>1)\*\*\*\*</sup>, Н. Йованчевич<sup>3)\*\*\*\*\*</sup>, Д. Кнежевич<sup>3)\*\*\*\*\*\*</sup>, М. Крмар<sup>3)\*\*\*\*\*\*</sup>, А. Драгич<sup>4)\*\*\*\*\*\*\*</sup>

Поступила в редакцию 14.06.2016 г.; после доработки 24.08.2016 г.

Разработанная в Дубне практическая модель каскадного гамма-распада нейтронного резонанса позволяет из аппроксимации интенсивностей двухквантовых каскадов одновременно определять параметры плотности уровней ядра и парциальных ширин эмиссии продуктов ядерной реакции. В представленном варианте модели минимизирована доля используемых феноменологических представлений. Анализ новых результатов подтвердил полученную ранее зависимость динамики взаимодействия ферми- и бозе-состояний ядра от его формы. Из отношений плотностей уровней вибрационного и квазичастичного типов следует также, что это взаимодействие проявляется в диапазоне энергий связи нейтрона и, вероятно, различается в ядрах с различной четностью нуклонов.

### DOI: 10.7868/S0044002717020271

#### ВВЕДЕНИЕ

Параметры каскадного гамма-распада произвольного высоколежащего уровня ядра при любых энергиях возбуждения определяются только плотностью уровней  $\rho$  и парциальными ширинами Г дипольных электрических и магнитных переходов. Интенсивность каскадов с чистыми квадрупольными переходами пренебрежимо мала при энергиях возбуждения ядра выше нескольких МэВ. Спины уровней, возбуждаемых первичными переходами для обеих четностей заключены в интервале  $2 \leqslant \Delta J \leqslant 4$ . Изучение процесса гаммараспада представляет интерес, в первую очередь, для исследования динамики взаимодействия фермионного и бозонного состояний ядерной материи. Достоверная информация необходима также и для более точного описания процесса деления. Согласно [1] энергия между возбужденными осколками деления распределяется в зависимости от плотности их уровней. Но плотности уровней, рассчитан-

- <sup>3)</sup>Университет Нови-Сад, Факультет науки, Отдел физики, Сербия.
- <sup>4)</sup>Институт физики, Белград, Сербия.
- <sup>\*</sup>E-mail: vuconghnue@gmail.com
- \*\*E-mail: suchovoj@nf.jinr.ru
- \*\*\*\*E-mail: mitsyna@nf.jinr.ru
- \*\*\*\*\*E-mail: zeinal@nf.jinr.ru
- \*\*\*\*\*\*E-mail: nikola.jovancevic@df.uns.ac.rs
- \*\*\*\*\*\*\*E-mail: david.knezevic@df.uns.ac.rs
- \*\*\*\*\*\*\*\*E-mail: krmar@df.uns.ac.rs
- \*\*\*\*\*\*\*\*\*E-mail: dragic@ipb.ac.rs

ные на основе существующих моделей [2], сильно отличаются от данных современного эксперимента [3]. Это различие может быть объяснено только большей информативностью эксперимента с регистрацией каскада продуктов реакции по сравнению с любыми методиками получения спектров одиночных гамма-квантов или нуклонных продуктов без использования режима совпадений.

Поскольку ординарные гамма-спектры и сечения реакции зависят от произведения  $\rho \times \Gamma$ , это полностью исключает возможность одновременного определения из таких данных достоверных значений  $\rho$  и  $\Gamma$ . Эта возможность реализована только в экспериментах по изучению каскадов из двух последовательных гамма-переходов, интенсивности которых содержат информацию и об энергии возбуждения ядра, и об энергии испускаемого гамма-кванта (нуклона). Только такие эксперименты могут уменьшить полную ошибку определяемых  $\rho$  и  $\Gamma$  до нескольких десятков процентов.

Так как все индивидуальные уровни и вероятности переходов между ними невозможно определить современными спектрометрическими детекторами, то информацию о сверхтекучести ядра можно получить только из непрямых экспериментов. При этом и плотность уровней  $\rho$ , и парциальные ширины  $\Gamma$  в любом ядре являются неизвестными функциями.

### 1. ВОЗМОЖНОСТИ СОВРЕМЕННОГО ЭКСПЕРИМЕНТА И ЕГО МОДЕЛЬНОГО ПРЕДСТАВЛЕНИЯ

Интенсивности  $I_{\gamma\gamma}(E_1)$  двухквантовых каскадов между нейтронным резонансом (или иным компаунд-состоянием)  $\lambda$  и некоторой группой f

<sup>&</sup>lt;sup>1)</sup>Объединенный институт ядерных исследований, Дубна, Россия.

<sup>&</sup>lt;sup>2)</sup>Вьетнамская Академия наук и Технологический институт физики, Ханой, Вьетнам.

нижних уровней ядра через любые промежуточные уровни i для фиксированной энергии первичного перехода  $E_1$  записываются системой уравнений вида

$$I_{\gamma\gamma}(E_1) = \sum_{\lambda,f} \sum_i \frac{\Gamma_{\lambda i}}{\Gamma_{\lambda}} \frac{\Gamma_{if}}{\Gamma_i} =$$
(1)  
$$= \sum_{\lambda,f} \frac{\Gamma_{\lambda i}}{\langle \Gamma_{\lambda i} \rangle m_{\lambda i}} n_{\lambda i} \frac{\Gamma_{if}}{\langle \Gamma_{if} \rangle m_{if}},$$

где  $m_{\lambda i}$  — число уровней, возбуждаемых первичными переходами в интервалах от энергии исходного уровня  $\lambda$  до промежуточного уровня i;  $m_{if}$  — число уровней, возбуждаемых вторичными гамма-переходами в интервалах от энергии промежуточного уровня i до конечного уровня f;  $n_{\lambda i}$  — число промежуточных уровней каскадов в малых интервалах энергий первичных переходов. Из системы (1), в которой связаны неизвестное число уровней n (или m) и неизвестные парциальные ширины Г, определяется набор параметров *р* и *q* модельных функций  $\rho = f(p_1, p_2, ...)$  и  $\Gamma =$  $= \varphi(q_1, q_2, ...)$  с ошибкой, обусловленной расхождением существующих теоретических представлений и результатов эксперимента. Предшествующий анализ [4] показал, что в модель можно включать даже возможную связь между значениями плотности уровней и силовых функций в некоторых узких интервалах энергий возбуждения. Таким образом, из спектров двухквантовых каскадов можно одновременно определить параметры искомых функций  $\rho$  и  $\Gamma$  при любых плотностях уровней  $\lambda$  и i.

Анализ [3] экспериментальных данных по интенсивностям каскадов из области масс  $28 \le A \le \le 200$  показал, что полученные плотности уровней нельзя воспроизвести с точностью эксперимента моделями, игнорирующими существование ветвей бозонного состояния ядерной материи (или учитывающими этот процесс недостаточно корректно).

Разработанная нами методика не требует использования непроверенных экспериментом гипотез (например, гипотезы Портера-Томаса [5] о распределении ширин эмиссии продуктов ядерной реакции, гипотезы Акселя-Бринка [6, 7] о независимости значений радиационных ширин от энергии возбуждаемого уровня или гипотезы Бора-Моттельсона [8] о корректности использования оптической модели ядра для определения вероятности эмиссии нуклонных продуктов реакции). Основой Дубненской модели каскадного гаммараспада компаунд-состояний ядра с энергиями возбуждения  $E_{\rm ex} \approx 5 - 10$  МэВ являются модель плотности *n*-квазичастичных уровней, баланс изменения энтропии и энергии квазичастичных уровней [2, 9, 10] и тестируемые представления о форме энергетической зависимости радиационных силовых функций.

Систематическая погрешность в любой экспериментальной методике вычисления значений функций  $\rho$  и  $\Gamma$  всегда определяется большими коэффициентами переноса ошибок измеряемого спектра  $\delta S$  или сечения реакции  $\delta \sigma$  на ошибки  $\delta \rho$ и бГ определяемых параметров. Величина погрешности может сильно возрастать при увеличении энергии распадающегося уровня исследуемой реакции. Оценить эту ошибку и направление коррекции модельных представлений о  $\rho = f(p_1, p_2, ...)$ и  $\Gamma = \varphi(q_1, q_2, ...)$  можно, только сопоставляя различные варианты описания плотности уровней и радиационных силовых функций. Например, при сравнении нескольких вариантов практической модели [3, 11, 12] удалось обнаружить, что скорость изменения плотности уровней вибрационного типа, задаваемая в [11, 12] феноменологически, частично или полностью определяется энергией спаривания последнего нуклона  $\Delta_0$  в ядре. Точность аппроксимации интенсивностей во всех реализованных вариантах практической модели при постепенном снижении числа подгоняемых параметров сохраняется, поэтому результаты аппроксимации спектров  $I_{\gamma\gamma}$  в настоящей работе не приводятся.

В отличие от [3], в предлагаемом варианте модели два параметра (скорость изменения ядерной энтропии и скорость изменения энергии квазичастичных состояний) в феноменологическом представлении коэффициента коллективного увеличения плотности уровней  $C_{coll}$  [3, 10] заменены единым подгоняемым параметром  $E_u$ :

$$C_{\text{coll}} = A_l \exp(\sqrt{(E_{\text{ex}} - U_l)/E_u} - (2) - (E_{\text{ex}} - U_l)/E_u) + \beta,$$

где  $A_l$  — параметры плотности вибрационных уровней выше точки разрыва каждой l пары, а  $U_l$  — энергия порогов разрыва куперовских пар. Параметр  $\beta \ge 1$  может отличаться от 1 для деформированных ядер.

Влияние оболочечных неоднородностей одночастичного спектра [2, 10] было учтено через параметр *а* зависимости плотности уровней от энергии возбуждения:

$$a(A, E_{\text{ex}}) = \tilde{a}(1 + ((1 - \exp(\gamma E_{\text{ex}}))\delta E/E_{\text{ex}})) \quad (3)$$

(соответственно, через параметр  $g = 6a/\pi^2$  плотности *n*-квазичастичных состояний вблизи поверхности Ферми [9]). Асимптотическое значение  $\tilde{a} =$  $= 0.114A + 0.162A^{2/3}$  и значение коэффициента  $\gamma = 0.054$  взяты из [2, 10]. Оболочечная поправка  $\delta E$ , рассчитываемая [2] из данных дефекта масс в жидкокапельной модели ядра, была незначительно изменена для сохранения среднего расстояния  $D_{\lambda}$ между резонансами [3].

## 2. ЭНЕРГЕТИЧЕСКАЯ ЗАВИСИМОСТЬ СИЛОВЫХ ФУНКЦИЙ

В модели процесса каскадного гамма-распада для любых возбужденных уровней и энергий испускаемого кванта с хорошей точностью должна быть задана форма энергетической зависимости парциальных радиационных ширин.

На основании существующих моделей для ядра массы A силовая функция определяется как  $k = \Gamma/(A^{2/3}E_{\gamma}^3D_{\lambda})$ , где  $E_{\gamma}$  — энергия гаммаперехода. Абсолютное значение суммы радиационных ширин для первичных E1- и M1-переходов каскадов (полная радиационная ширина) обычно доступно из измеряемых сечений реакции. Наиболее вероятную форму этой суммы можно получить из чисто феноменологических представлений или из экстраполяции каких-либо теоретических моделей в область энергий возбуждения  $E_d < E_{\rm ex} < B_n$  $(E_d$  — точка перехода в (1) от известных уровней [13] к представлению о функции плотности уровней,  $B_n$  — энергия связи нейтрона в ядре).

Экспериментально установлено, что точное воспроизведение интенсивностей каскадов обеспечивает добавление в энергетическую зависимость функции  $k(E1, E_{\gamma}) + k(M1, E_{\gamma})$  нескольких пиков с различной площадью, положением центра и асимметрией формы. Основное же слагаемое этой энергетической зависимости может быть представлено гладким распределением силовых функций моделей типа [14] с дополнительными параметрами, варьирование которых дает набор функций Е1- и М1-переходов с широкой областью значений (как сделано в [11, 12]). Форма дополнительных пиков может быть выявлена и задана только эмпирически. Например, описание каждого из таких пиков двумя экспонентами (как в предыдущем варианте модели [3, 11, 12]) удобно при решении системы нелинейных уравнений (1), хотя экспоненты и не используются в модельном аппарате теоретических представлений [2].

Для описания формы пиков E1- и M1-силовых функций используются функции Брейта—Вигнера или Лоренца. Асимметричная функция Брейта— Вигнера применялась при теоретическом анализе закономерностей фрагментации квазичастичных состояний при различных их положениях относительно поверхности Ферми [15]. К сожалению, используя эту функцию, нам не удалось подобрать набор параметров, пригодный для подгонки наиболее вероятных значений  $\rho = f(p_1, p_2, ...)$  и  $\Gamma = \varphi(q_1, q_2, ...)$ .

Использовать для описания локальных пиков силовых функций асимметричную кривую Лоренца оказалось проще. Ее параметры для каждого *i* пика аналогичны модели [14], а именно: положение центра  $E_i$ , ширина  $\Gamma_i$ , амплитуда  $W_i$  и параметр асимметрии  $\alpha_i = CT^2$ . Выражение  $\alpha_i(E_\gamma - E_i)/E_\gamma$ растет линейно с увеличением разности энергии возбуждения  $B_n - E_i$  от нуля в центре пика до максимального значения при  $B_n$  и уменьшается при снижении энергии возбуждения ядра. Таким образом, пики E1- и M1-силовых функций представляются выражением

$$k = W \frac{(E_{\gamma}^2 + (\alpha_i (E_i - E_{\gamma})/E_{\gamma}))\Gamma_i^2}{(E_{\gamma}^2 - E_i^2)^2 + E_{\gamma}^2 \Gamma_i^2}.$$
 (4)

Существенной проблемой при аппроксимации функций Лоренца, описывающих процесс распада высоковозбужденного уровня, является резкое ухудшение сходимости итерационного процесса. Подгонка всех параметров функций (4) приводит к неограниченному уменьшению  $\Gamma_i$  на некоторых участках траектории итерационного процесса.

Необходимость учета влияния на силовые функции резкого локального изменения плотности уровней выявлена еще на этапе безмодельного определения набора случайных функций ρ и Γ [16]. Для этого определяемые силовые функции умножаются [4] на отношение

$$M = \rho_{\rm mod} / \rho_{\rm exp},\tag{5}$$

где  $\rho_{exp}$  — наилучшая аппроксимация для данной итерации;  $\rho_{mod}$  — гладкая модельная функциональная зависимость, воспроизводящая и плотность нейтронных резонансов, и кумулятивную сумму известных уровней с  $E_{ex}$  ниже  $E_d$ . Для определения  $\rho_{mod}$  выбрана модель ферми-газа с обратным смещением. В данном варианте анализа использовано ограничение  $1 \leq \rho_{mod}/\rho_{exp} \leq 10$  [11].

#### 3. РЕЗУЛЬТАТЫ

Трудности решения системы (1) возникают как из-за сильной нелинейности искомых функций  $\rho$  и  $\Gamma$ , так и из-за их антикорреляции. Есть вероятность попадания в ложный минимум  $\chi^2$ , что может привести к существенной систематической погрешности значений  $\rho$  и  $\Gamma$ .

Сопоставление результатов представленного и предыдущих вариантов модели показало, что достигнута хорошая точность воспроизведения плотности промежуточных уровней каскадов. Наибольшие расхождения ее значений найдены только для <sup>137</sup>Ва и <sup>182</sup>Та. При этом для <sup>137</sup>Ва большую погрешность, скорее всего, дает вариант предыдущей аппроксимации [3]. Для <sup>182</sup>Та в предлагаемом варианте значения порогов разрыва второй и третьей пары 1.6 и 5.8 МэВ, в [3] эти же пороги равны 1.6 и 4.0 МэВ, т.е. полученные данные по плотности уровней даже в худшем случае <sup>182</sup>Та дают картину процесса, в которой принципиальные ошибки



**Рис. 1.** Зависимость средних плотностей промежуточных уровней двухквантовых каскадов (точки с ошибками) от энергии возбуждения для четно-нечетных ядер (подгонки с наименьшим  $\chi^2$ ). Сплошные линии — расчетные данные [17], точечные линии — расчет по модели [10].

обусловлены неточностью современных представлений о процессе гамма-распада.

Максимальную точность и достоверность полученных результатов можно получить из экспериментов, в которых из всей массы гамма-каскадов распада компаунд-состояния любого ядра выделяется не менее ≈99% интенсивности первичных переходов. Тем не менее надежную информацию о наиболее вероятной плотности уровней и силовых функциях дипольных гамма-переходов можно извлечь даже из свертки спектра первичных продуктов распада компаунд-состояния и функции зависимости коэффициентов ветвления гаммапереходов от энергии промежуточного уровня каскада. Это следует из сопоставления порогов разрыва трех-четырех куперовских пар, определенных с разными вариантами зависимостей  $\rho$  и Г. В последних вариантах практической модели полученные результаты меняются очень слабо.

Плотности уровней из модели ферми-газа с "обратным смещением" [17] и из модели с учетом оболочечных неоднородностей одночастичного спек-



Рис. 2. То же, что на рис. 1, но для четно-четных ядер.

тра [10] представлены на рис. 1-3. Видно, что вторая модель воспроизводит производную  $d
ho/dE_{
m ex}$  с лучшей точностью, чем модель [17]. Но плотности

уровней, рассчитанные по обеим моделям, сильно отличаются от результатов эксперимента. Представленные результаты радиационных силовых функций *E*1- и *M*1-переходов (рис. 4–6) и



**Рис. 3.** То же, что на рис. 1, но для <sup>74</sup>Ge, <sup>177</sup>Lu и нечетно-нечетных ядер.

их сумм (рис. 7–9) не имеют принципиальных расхождений с опубликованными ранее [18–20]. Но остается нерешенной проблема однозначного описания формы наблюдаемых пиков электрических и магнитных силовых функций, когда использование экспоненциальных функций [3] и модифицированной функции Лоренца (4) дает близкие значения  $\chi^2$ . Следует добавить, что данные рис. 4–9 не



**Рис. 4.** Силовые функции E1-переходов (точки •) и M1-переходов (точки •) для четно-нечетных ядер в зависимости от энергии первичных переходов. Точки  $\Delta$  — расчеты по модели [14] в сумме с k(M1) = const в энергетическом интервале  $0 < E_1 < B_n - E_d$ .

требуют включения в силовые функции какихлибо дополнительных "пигми-резонансов". Для интерпретации процесса достаточно теоретических представлений о сосуществовании в любом ядре квазичастичных и вибрационных уровней и о фрагментации при возрастании  $E_{\rm ex}$  всех состояний ядра того или иного типа.

Во многих ядрах (рис. 7–9) "плато" суммы силовых функций E1- и M1-переходов совпадает с суммой расчетных значений для модели [14] и величины k(M1) = const, нормированной на экспериментальные отношения k(M1)/k(E1).

ЯДЕРНАЯ ФИЗИКА том 80 № 2 2017

Силовые функции первичных переходов с энергией  $E_1 < 0.5B_n$  регулярно убывают с уменьшением энергии. Существенное уменьшение суммы k(M1) + k(E1) для небольших энергий гаммапереходов сохраняется для всех вариантов описания радиационных силовых функций. Асимптотические нулевые значения сумм силовых функций при этом отсутствуют [14]. Не исключена возможность заметного увеличения силовых функций E1- или M1-переходов вблизи и выше  $B_n$ , обусловленная фрагментацией n-квазичастичных состояний ядра при наличии порога разрыва ку-



Рис. 5. То же, что на рис. 4, но для четно-четных ядер.

перовской пары в районе энергии связи нейтрона. Поэтому радиационные силовые функции не могут являться простой экстраполяцией гигантских резонансов, что полностью противоречит гипотезе Акселя—Бринка [6, 7], используемой в операциях с гамма-спектрами.

На рис. 10 представлена массовая зависимость порогов разрыва второй и третьей куперовских

пар. Поскольку эти величины различаются для ядер с различной четностью нуклонов и зависят от средней энергии спаривания, они представлены на рисунке раздельно и сопоставляются с величиной  $B_n/\Delta_0$  (аналогично [3]). Видно, что пороги разрыва пар слабо зависят от формы силовых функций. Это значит, что реальная корреляция  $\rho$  и  $\Gamma$  в экспе-



**Рис. 6.** То же, что на рис. 4, но для <sup>74</sup>Ge, <sup>177</sup>Lu и нечетно-нечетных ядер.

риментах по регистрации двухквантовых каскадов незначительна.

На рис. 11 представлены результаты аппроксимации параметра  $E_u$ . Наблюдается практически полное соответствие его значений со средним значением энергии спаривания  $\Delta_0$  последнего нуклона для  $\approx 30$  ядер. Разброс остальных значений  $E_u$  может быть связан с ошибками нормировки экспериментальных значений  $I_{\gamma\gamma}$  из-за неучтенной в модели [11, 12] возможности разрыва пар протонов одновременно или вместо пар нейтронов, неточностью феноменологической части модели или флуктуацией экспериментальных значений  $\Delta_0$  [21]. Нельзя исключить и возможность раз-

ЯДЕРНАЯ ФИЗИКА том 80 № 2 2017



Рис. 7. Суммы силовых функций E1- и M1-переходов (точки •) для четно-нечетных ядер в зависимости от энергии первичных переходов. Сплошные линии — подгонки с учетом поправки (5). Точки  $\triangle$  — расчеты по модели [14] в сумме с k(M1) = const в энергетическом интервале  $0 < E_1 < B_n - E_d$ .

личного соотношения компонент квазичастичного и фононного типа в волновой функции резонанса, определяющего сечение захвата тепловых нейтронов любым стабильным (долгоживущим) ядроммишенью.

В современных моделях [2] полная плотность уровней равна сумме плотностей уровней квазичастичного и коллективного типа. На рис. 12 представлены значения отношения плотности уровней коллективного типа (практически только вибрационных) к полной плотности. В районе  $B_n$  эти отношения очень близки для ядер с любой четностью нуклонов. Но при энергии  $E_d$  эти отношения для четно-четных ядер заметно меньше, а для четнонечетных и нечетно-нечетных заметно больше. Все варианты Дубненской модели не дают оснований предполагать наличие резких изменений структуры ядра в точке  $E_{\rm ex} = B_n$ . Поэтому на основании рис. 12 правомерно предположить, что нейтронные резонансы могут сохранять различный тип структуры (с доминированием квазичастичных или фононных компонент) волновых функций и принадлежать нескольким различающимся распределениям



Рис. 8. То же, что на рис. 7, но для четно-четных ядер.

приведенных нейтронных и полных радиационных ширин резонансов.

В работе [22] выполнена аппроксимация распределений приведенных нейтронных и полных радиационных ширин нейтронных резонансов. При анализе предполагается, что экспериментальный набор этих ширин представляется суммой нескольких (до четырех) распределений с варьируемыми ширинами и положениями максимумов. Для полных радиационных ширин в ядрах с числом резонансов ≥170 средняя доля двух наиболее интенсивных распределений равна 44 и 34% от суммарного распределения полных радиационных ширин (что близко к 40% доли уровней вибрационного ти-



**Рис. 9.** То же, что на рис. 7, но для <sup>74</sup>Ge, <sup>177</sup>Lu и нечетно-нечетных ядер.

па). Таким образом, два методически независимых эксперимента указывают на различие структуры волновых функций соседних уровней в широком диапазоне стабильных ядер-мишеней до энергии  $B_n$  и несколько выше.

Имеющееся расхождение значений *E*1- и *M*1силовых функций (рис. 4-9) с результатами [3] обусловлено, скорее всего, различной степенью влияния формы парциальных ширин для дополнительных пиков (4) силовых функций на значения  $\chi^2$  в области малых значений используемых энергетических зависимостей. При этом наблюдаемые вариации форм сумм E1- и M1-силовых функций (рис. 7–9) нельзя интерпретировать как их



Рис. 10. Массовая зависимость порогов разрыва второй (  $\bullet$ ,  $\bullet$ ,  $\bigcirc$ ) и третьей ( $\blacksquare$ ,  $\square$ ,  $\square$ ) куперовских пар. Точки:  $\bullet$ ,  $\blacksquare$  – четно-четные,  $\bullet$ ,  $\blacksquare$  – четно-нечетные,  $\bigcirc$ ,  $\square$  – нечетно-нечетные компаунд-ядра. Точки  $\triangle$  – массовые зависимости  $B_n/\Delta_0$ .

безусловное различие, не исключив возможности существования уровней различной структуры при энергии возбуждения порядка 5–10 МэВ.

#### 4. ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Получена экспериментальная информация о динамике разрыва трех-четырех куперовских пар нуклонов. Систематическая погрешность определения порогов разрыва для основной массы доступных к изучению ядер не превышает ~1 МэВ.

Набор данных, полученных с использованием:

модели плотности *n*-квазичастичных уровней [9] для описания результатов последовательного разрыва трех-четырех куперовских пар при энергии не более чем на 5—10 МэВ выше основного состояния ядра,

феноменологических представлений (2) об энергетической зависимости плотности уровней



**Рис. 11.** Зависимость параметра  $E_u$  (2) от массового числа A. Точки: • – четно-четные, • – четнонечетные, • – нечетно-нечетные компаунд-ядра. Кривая – среднее значение энергии спаривания  $\Delta_0$ последнего нуклона в ядре с массой A [21].



**Рис. 12.** Отношение плотности вибрационных уровней к суммарной плотности в районе энергии  $B_n(a)$  и для точки  $E_d(b)$ . Линии: сплошные — средние значения для четно-четных ядер (точки  $\bullet$ ), штриховые — для четно-нечетных (точки  $\bullet$ ), точечные — для нечетно-нечетных ядер (точки  $\circ$ ).

вибрационного типа в том же диапазоне энергий и

композиций феноменологических и/или теоретических представлений о форме энергетических зависимостей ширин эмиссии гамма-квантов, позволяет предположить, что динамика взаимодействия фермионного и бозонного состояний ядерной материи зависит от формы изучаемого ядра.

#### СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- K.-H. Schmidt and B. Jurado, Phys. Rev. C 83, 014607 (2011).
- 2. Reference Input Parameter Library RIPL-2, Handbook for Calculations of Nuclear Reaction Data, IAEA-TECDOC (2002).
- А. М. Суховой, Л. В. Мицына, Н. Йованчевич, ЯФ 79, 207 (2016) [Phys. Atom. Nucl. 79, 313 (2016)].
- N. Jovancevich, A. M. Sukhovoj, W. I. Furman, and V. A. Khitrov, in *Proceedings of the XX International Seminar on Interaction of Neutrons* with Nuclei, Dubna, May 2012, Preprint № E3-2013-22, JINR (Dubna, 2013), p. 157; http://isinn.jinr.ru/past-isinns.html
- 5. C. F. Porter and R. G. Thomas, Phys. Rev. **104**, 483 (1956).
- 6. P. Axel, Phys. Rev. 126, 671 (1962).
- 7. D. M. Brink, PhD Thesis (Oxford University, 1955).
- 8. A. Bohr and B. R. Mottelson, *Nuclear Structure*, *Vol. 1* (W. A. Benjamin, New York; Amsterdam, 1969).
- 9. V. M. Strutinsky, in *Proceedings of the International Congress on Nuclear Physics*, *Paris, France, 1958*, p. 617.

- 10. A. V. Ignatyuk, Report INDC-233(L), IAEA (Vienna, 1985).
- А. М. Суховой, ЯФ 78, 256 (2015) [Phys. Atom. Nucl. 78, 230 (2015)].
- A. M. Sukhovoj and L. V. Mitsyna, in Proceedings of the XXII International Seminar on Interaction of Neutrons with Nuclei, Dubna, May 2014, Preprint № E3-2015-13, JINR (Dubna, 2015), p. 245; http://isinn.jinr.ru/past-isinns.html
- 13. http://www-nds.iaea.org/ENDSF
- С. Г. Кадменский, В. П. Маркушев, В. И. Фурман, ЯФ 37, 277 (1983) [Sov. J. Nucl. Phys. 37, 165 (1983)].
- 15. Л. А. Малов, В. Г. Соловьев, ЯФ **26**, 729 (1977) [Sov. J. Nucl. Phys. **26**, 384 (1977)].
- Э. В. Васильева, А. М. Суховой, В. А. Хитров, ЯФ 64, 195 (2001) [Phys. Atom. Nucl. 64, 153 (2001)].
- 17. W. Dilg, W. Schantl, H. Vonach, and M. Uhl, Nucl. Phys. A **217**, 269 (1973).
- A. M. Sukhovoj and V. A. Khitrov, Preprint No. E3-2005-196, JINR (Dubna, 2005).
- 19. А. М. Суховой, В. А. Хитров, ЭЧАЯ **36**, 697 (2005) [Phys. Part. Nucl. **36**, 359 (2005)].
- 20. А. М. Суховой, В. А. Хитров, ЭЧАЯ **37**, 1705 (2006) [Phys. Part. Nucl. **37**, 899 (2006)].
- 21. В. А. Кравцов, Массы атомов и энергии связи ядер (Атомиздат, Москва, 1965).
- 22. А. М. Суховой, В. А. Хитров, ЯФ **76**, 70 (2013) [Phys. Atom. Nucl. **76**, 68 (2013)].

# **REPRESENTATION OF RADIATIVE STRENGTH FUNCTIONS IN THE PRACTICAL MODEL OF CASCADE GAMMA DECAY**

## D. C. Vu, A. M. Sukhovoj, L. V. Mitsyna, Sh. Zeinalov, N. Jovancevic, D. Knezevic, M. Krmar, A. Dragic

The developed in Dubna practical model of the cascade gamma decay of a neutron resonance allows from the fitted intensities of the two-step cascades to obtain parameters both of level density and of partial widths of emission of nuclear reaction products. In the presented variant of the model a part of phenomenological representations is minimized. Analysis of the new results confirms the previous finding that the dynamics of the interaction between Fermi- and Bose-nuclear states depends on the form of the nucleus. It also follows from the ratios of the densities of vibrational and quasi-particle levels that this interaction exists at list up to the binding neutron energy and probably differs for nuclei with varied parities of nucleons.